

UNIVERSITY OF TORONTO LIBRARIES

A standard linear barcode consisting of vertical black lines of varying widths on a white background.

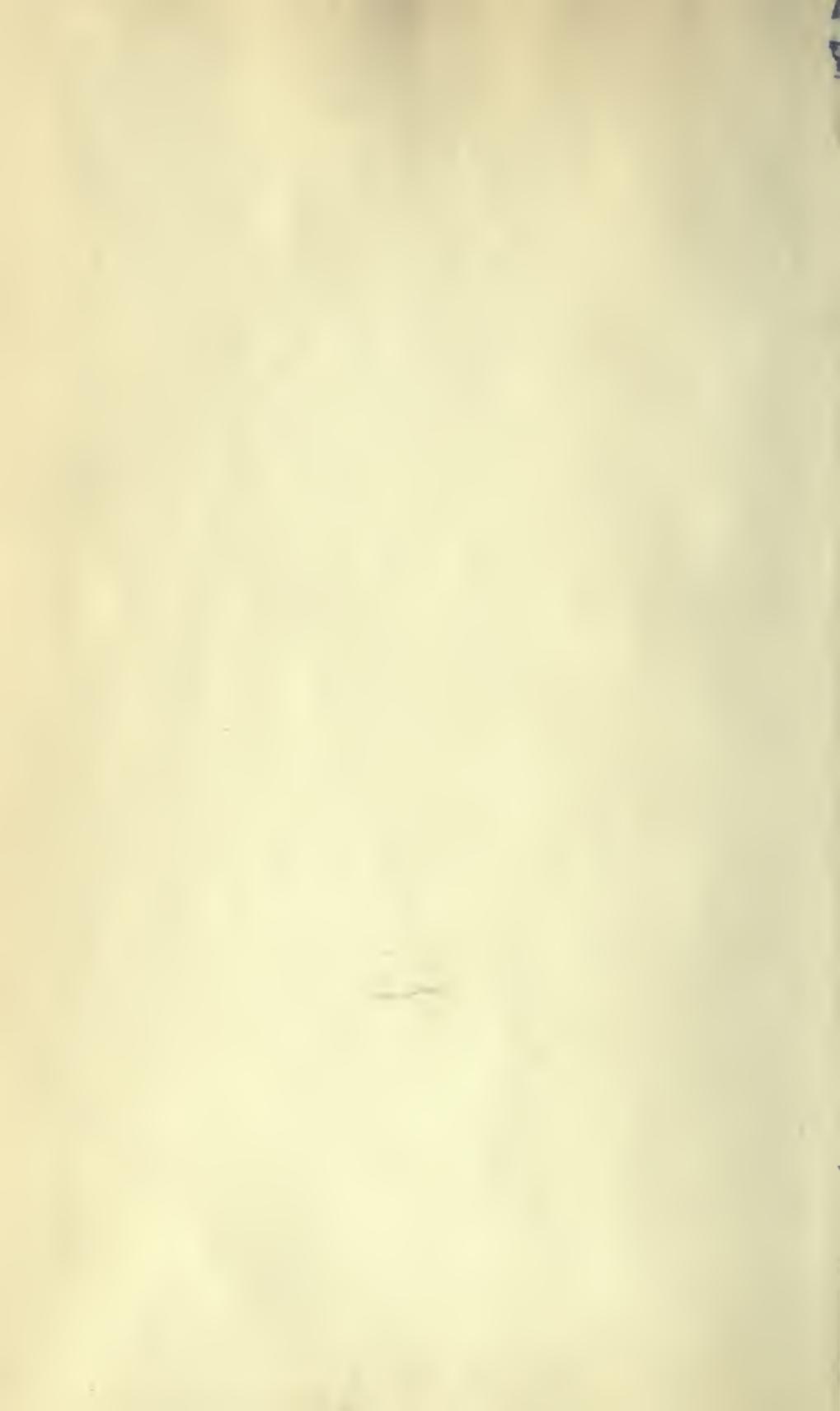
3 1761 00184117 0











811  
7  
VS VS

APOLLONII PERGAEI

QUAE GRAECE EXSTANT

CUM COMMENTARIIS ANTIQUIS.

---

EDIDIT ET LATINE INTERPRETATUS EST

I. L. HEIBERG,  
DR. PHIL.

---

VOL. II.



29398  
L

LIPSIAE  
IN AEDIBUS B. G. TEUBNERI.  
MDCCCXCIII.

QA  
31  
A 64  
1891  
V. 2

## PRAEFATIO.

Praeter librum IV Conicorum hoc uolumine continentur fragmenta Apollonii, lemmata Pappi, commentaria Eutocii. in fragmentis apud Pappum seruatis lemmatisque eius edendis Hultschium secutus sum. sicubi ab eo discessi, scripturam eius indicaui; codicis raro mentionem feci. de numero lemmatum Pappi hoc addo, Pappi VII, 246 suo numero designandum esse, sicut factum est in VII, 254, 256; nam ita demum numerum lemmatum LXX adipiscimur, quem indicat Pappus ipse p. 682, 22: *λήμματα δὲ ἦτοι λαμβανόμενά ἔστιν εἰς αὐτὰ οἱ*. his enim uerbis, quae genuina sunt, minime significantur lemmata „quae insunt in libris“, sed ipsa lemmata Pappi ad eos adsumpta, sicut lemmata XX libri de sectione proportionis p. 640, 23 Pappi sunt VII, 43—64, librorum de sectione determinata XXVII et XXIV p. 644, 20 Pappi VII, 68—94, 95—118, locorum planorum VIII p. 670, 2 Pappi VII, 185—192, porismatum XXXVIII p. 660, 15 Pappi VII, 193—232, librorum de inclinationibus XXXVIII p. 672, 16 Pappi VII, 120—131, 132—156 (nam VII, 146 et lemmata I, 4, 8; II, 12 in bina diuidenda sunt; cfr. p. 798, 19).<sup>1)</sup> in libris

1) Itaque in libris tactionum aliquid turbatum est; nam p. 648, 16 lemmata indicantur XXI, cum tamen sequantur XXIII (VII, 158—184) siue XXVII, si lemmata 10, 12, 13, 22 in bina diuiduntur.

de sectione spatii nullus numerus lemmatum indicatur p. 642, 17, quia prima XIX ad librum de sectione proportionis etiam ad illos ualent (u. p. 700, 9, ubi scribendum *ταῦτα δὲ οὐτι*).

In Eutocio his siglis usus sum:

W — cod. Uatic. gr. 204 saec. X, de quo u. Euclidis op. V p. XII. interdum manus prima alio atramento in lacunis quaedam suppleuit, id quod W<sup>1</sup> significaui (II p. 168, 7, 8, 18; 170, 2, 8, 13, 19—20; 216, 8, 10; errores paruulos correxit p. 170, 15; 216, 17). adparet, librarium in antigrapho suo his locis lacunas uel litteras euanidas habuisse, quas ex alio exemplari suppleuit (u. p. 170, 24); p. 168, 19 lineolam transuersam addidit, quia lacunam reliquerat maiorem quam pro uera scriptura postea aliunde sumpta.

v — cod. Uatic. gr. 203, de quo u. I p. V.

w — cod. Uatic. gr. 191, bombyc. saec. XIII; continet Euclidis catoptrica, phaenomena, optica, data cum fragmento Marini, Theodosii sphaerica, de habitationibus, de diebus et noctibus, Aristarchum, Autolyci de ortu, Hypsiclem, Autolyci de sphaera mota, Eutocium, Ualentis Anthologiam, Ptolemaei geographiam, Procli hypotyposes, alia astronomica.

p — cod. Paris. 2342 saec. XIV, de quo u. I p. V.

U — cod. Urbinas 73, chartac. saec. XVI; continet Eutocium solum foliis XXX cum correcturis plurimis, quarum pleraque alia manu factae sunt.

Praeterea hosce codices Eutocii noui:

1. cod. Uatic. 1575 saec. XVI, de quo u. infra p. XI.
2. cod. Mutin. II D 4 saec. XV, de quo u. infra p. XII.

3. cod. Paris. Gr. 2357 saec. XVI, de quo u. infra p. XIII.
4. cod. Paris. suppl. Gr. 451 saec. XV, de quo u. infra p. XIII.
5. cod. Paris. Gr. 2358, chartac. saec. XVI, olim Colbertin.; continet Eutocium fol. 1—32, Sereni opuscula fol. 33—94.

de cod. Barberin. II, 88 chartac. saec. XV—XVI, qui inter alia mathematica etiam Eutocium continet, et de cod. Ambros. C 266 inf., olim Pinellii, qui fol. 250—254<sup>r</sup> Eutocii commentariorum initium (usque ad II p. 190, 3) continet, nihil notaui.

Iam de cognatione ceterorum codicum uideamus.

codicem w ex W descriptum esse, ostendit eius <sup>Uat. 191</sup> in omnibus mendis grauioribus consensus, uelut II p. 292, 1; 308, 14; 310, 6; 326, 13; 338, 15; 342, 20; 344, 14; 346, 17, 19 lacunas eodem modo reliquit; p. 274, 5 pro διάμετρον cum W καὶ ἄμετρον habet; cfr. praeterea

II p. 172, 21 *AEZ*] om. W in fine uersus, om. w;  
 p. 180, 24 πρός (alt.)] πρὸ W in fine uersus, πρὸ<sup>o</sup> w;  
 p. 286, 21 τῶν (alt.)] om. W in fine uersus, om. w;  
 p. 306, 2 *AB*] *AB* | *AB* Ww.

scripturas meliores rarissime habet, uelut II p. 170, 14; 218, 10.

ex w rursus descriptus est v, sicut uel hi loci <sup>Uat. 203</sup> ostendunt: II p. 190, 26 καὶ διάμετρος — p. 192, 1 ἵση] W, om. wv; p. 200, 15 φησίν] W, om. wv. neque enim w ex v descriptus esse potest, ut ex scripturis infra adlatis adparet. emendatio igitur II p. 274, 22 in v coniectura inuenta est.

Urbin. 73 e v descriptus est U; u. II p. 326, 13 *HΘ καὶ*] *HΘΚ* cum lacuna 2 litt. Ww, ηθν v, ἡ θν U, θη m. 2; p. 342, 16 εἰς τὸ λγ'] Ww, om. vU, εἰς τὸ λδ' mg. m. 2 U.

Paris. suppl. praeterea e v descripti sunt codd. 4 et 5; u. II 451, Paris. 2358 p. 168, 9 ἐπινοῆσαι] Ww, ἐπιχειρῆσαι vU, 4, 5, corr. m. 2 U et 5; II p. 170, 11 ἐν] Ww, om. vU, 4, 5, corr. m. 2 U.

Mutin. etiam cod. Mutin. II D 4 ex v pendere, demonstrabo infra p. XXI.

Uat. 1575 codd. 1 et 3, quorum uterque ab Ioanne Hydruntino scriptus est, ab ipso W pendent; nam summa fide omnia eius uitia, etiam minutissima, repetunt.

Paris. 2342 p quoque ex W pendet; nam non modo saepissime eosdem errores stultos habet (II p. 174, 14; 176, 24; 180, 6; 194, 4; 212, 15; 214, 4, 12; 222, 13, 16; 228, 5; 234, 17; 238, 25; 248, 20; 268, 7; 274, 22; 278, 1; 280, 1, 4, 12; 284, 7; 302, 3, 5; 308, 23; 312, 3; 314, 6; 320, 9, 15; 324, 2, 11; 346, 1; 350, 9; 358, 2; 360, 5) et easdem lacunas omissionesque (II p. 196, 26; 218, 10; 290, 8; 292, 1, 14; 306, 8; 308, 14; 310, 6; 334, 22; 338, 15; 340, 13, 15; 342, 20; 344, 14; 346, 17, 19; 352, 19); sed loci haud ita pauci eius modi sunt, ut demonstrare uideantur, eum ex ipso W descriptum esse. cuius generis haec adfero:

II p. 172, 21 *AEZ*] om. W in fine uersus, om. p;  
 p. 200, 5 *τέμνονσα*] *τέμνονσω* W, *τέμνονσαι* p;  
 p. 208, 23 *NΘ*] W, sed *N* litterae *H* simile, *HΘ* p;  
 p. 286, 21 *τῶν* (alt.)] om. W in fine uersus, om. p;  
 p. 294, 1 *κατασκευήν*] seq. lacuna, ut uidetur, propter figuram W, lac. p (nihil deesse uidetur);

II p. 306, 2 *A, B] AB | AB* W,  $\overline{\alpha\beta}$   $\overline{\alpha\beta}$  p;  
 p. 328, 4 *ΑΗΑ] H* litterae *Π* simile W, *ΑΠΑ* p;  
 p. 340, 16 *τὴν ΑΞ] τῆν νλξ* W, *τὴν λξ* p;  
 p. 356, 7 *καί* (pr.)] *ἔστωσ* *καί* m. 1 W (h. e. *ἔστωσ*  
*σαν* ex lin. 6 repeti coeptum, sed. deletum),  
*ἔστω* *καί* p.

hoc quoque dignum est, quod commemoretur, scripturam II p. 170, 24 a W<sup>1</sup> ex alio codice enotata etiam in p eodem modo in mg. exstare. cfr. p. 220, 16.

sane constat, p plurimis locis, ne de correctis erroribus dicam, qui ex permutatis uocalibus  $\eta$  et  $\iota$ ,  $\circ$  et  $\omega$  orti sunt, meliores scripturas exhibere (II p. 172, 2, 18; 174, 22; 188, 10; 190, 15, 18; 192, 15; 194, 20, 26; 196, 17; 198, 8, 13; 208, 13, 14; 210, 22; 218, 17; 220, 18?; 240, 12, 13, 27; 246, 2; 248, 2, 23; 254, 5, 8; 260, 4, 21; 262, 20, 22, 27; 264, 24; 268, 13; 274, 5; 276, 17; 280, 19; 282, 20; 284, 17, 19; 286, 19; 290, 18; 294, 7; 298, 8, 10; 300, 20; 302, 13; 304, 13, 16; 306, 3, 9; 310, 14, 15; 312, 1, 2; 316, 23; 326, 16; 330, 7; 332, 21; 336, 19; 348, 5, 9; 352, 2, 15; 358, 8, 20; 360, 7). sed harum omnium emendationum nulla est, quae facultatem librarii uerborum rerumque uel medio-criter periti excedat. quare cum librarius codicis p in Apollonio uel emendando uel interpolando et peritiam suam et audaciam ostenderit, ut infra certis documentis arguemus, non dubito haec omnia conjectuae eius tribuere. et hoc aliis rebus confirmatur. nam primum p interdum falsam scripturam codicis W habet postea demum a manu prima correctam (II p. 184, 27; 214, 12; 316, 16; 348, 14; cfr. p. 234, 22;

272, 6; 352, 24). est etiam, ubi errorem subesse perspexerit, sed lacunam reliquerit, quia in eo emendando parum sibi confideret (II p. 244, 10, 13; 248, 6, 9; 322, 13; cfr. p. 182, 25); II p. 296, 6 ei adcidit, ut pro uera scriptura ἡμέραν, quam non intellexit, ἡμε sequente lacuna poneret. locis non paucis interpolatio manifesta est, cum aut errores recte deprehensos male corrigit (II p. 200, 25; 202, 21; 242, 5; 270, 7, 10; 296, 24; 302, 13; 304, 1, 8; 306, 7; 308, 26; 326, 13; 338, 14; 342, 15; 352, 5) aut scripturam bonam suo arbitrio mutat (II p. 168, 12; 176, 24; 236, 3; 294, 23; 310, 2; cfr. quod II p. 274, 3 γεναμένην in γενομένην corrigit, et quod in uerbo εὐρίσκω semper formas sine augmentatione praefert, u. II p. 292, 19; 294, 8, 23; 330, 12; 332, 12). II p. 194, 26; 260, 1; 274, 5 cum manu recenti codicis W conspirat.

**adparatus** Ex his omnibus sequitur, in Eutocio edendo codicem W solum auctorem habendum esse. itaque eius discrepantias omnes in adparatu critico dedi. sed cum p tot coniecturas probas habeat, eius quoque scripturam plenam recepi, nisi quod de formis ἐστι et ἐστίν nihil adnotaui; ex ceteris codicibus pauca tantum de Uvw notaui, reliquos prorsus neglexi.

Iam de genere codicis W uideamus. commentaria <sup>Uat. 204</sup> Eutocii in eo excerpta esse e codice Conicorum, ubi in margine adscripta erant, sicut ab initio ab Eutocio ordinatum fuerat, infra exponam; margines huius codicis laceros fuisse, sub finem maxime, ostendunt lacunae plurimae ab ipso librario significatae.

praeterea eum litteris uncialibus scriptum fuisse, adparet ex erroribus, quales sunt II p. 174, 23 ΠΛΕΩΝ

pro ΠΑΣΩΝ, p. 202, 21 ΗΝΕΥΘΥCΑΝ pro ΗΝΕΥΟΥCΑ,  
p. 274, 5 ΚΛΙΔΜΕΤΡΟΝ pro ΔΙΔΜΕΤΡΟΝ. compendiis  
eum repletum fuisse, colligimus ex his locis:

- II p. 186, 7 μέσων] σημείων W permutatis  $\bar{\mu}$  et  $\bar{\sigma}$ ;  
 p. 194, 4 ΒΑ] βάσις W ( $\bar{\beta}\alpha$  et  $\beta\bar{\alpha}$ );  
 p. 254, 23 μᾶλλον] ἔστω W permutatis ( $\mu\alpha$ ) λλ' et  $\mu$ ;  
 p. 306, 14 ἀπό] αλ W non intellecto compendio Λ';  
 cfr. p. 248, 23;  
 p. 324, 15 ἵσον] ἐν W male intellecto compendio υ;  
 p. 350, 12 δῆλον] δή W; fuit δῆ;  
 p. 352, 5 τὸ ὑπό] τοῦ W; fuit το γ'.

menda quauis fere pagina obuia, quae e permutatis uocalibus  $\iota$  et  $\eta$ ,  $\circ$  et  $\omega$ ,  $\varepsilon\iota$  et  $\eta$ ,  $\alpha\iota$  et  $\varepsilon$  orta sunt, et in litteris figurarum, ubi saepissime permutantur Θ—Ε—Ο—C, Γ—Π—T, Λ—Δ—Λ, Ν—Η—Μ—K, Π—H, Ξ—Z, fortasse ipsi librario codicis W tribuenda sunt.

De editionibus Eutocii breuis esse possum.

Commandinus codice Urbin. 73 usus est, nec <sup>Commandinus</sup> dubito, quin eius sint emendationes margini illius a manu 2 adscriptae; u. II p. 168, 20 ὁρθήν] Urbin., mg. m. 2 „for. γωνίαν πλευρᾶς“; haec uocabula addidit Commandinus fol. 4<sup>u</sup>; II p. 170, 18 γραμμῶν] Urbin., mg. m. 2 „for. τομῶν“; sectionum Commandinus fol. 4<sup>u</sup>; II p. 306, 2 Α, B]  $\bar{\alpha}\beta$   $\bar{\alpha}\beta$  Urbin., mg. m. 2  $\bar{\alpha}\beta$   $\gamma\delta$ ; ab, cd Commandinus fol. 54<sup>u</sup>; cfr. II p. 180, 13; 256, 11.

Halleius, qui adhuc solus Eutocium Graece edidit, <sup>Halley</sup> codice usus est Barocciano Bibliothecae Bodleianae (praef. p. 2). is ubi hodie lateat, nescio; sed eum

ex Urbin. 73 descriptum fuisse, constat his locis collatis:

II p. 174, 23 ἐπὶ πασῶν] ἐπὶ πλέον Urbin., mg. m. 2 „for. ἐπὶ πάντων“, et sic Halleius uitio non intellecto;

II p. 202, 23 μένον] Urbin., mg. m. 2 „for. hic addenda sunt ut inferius πρὸς τῆς κορυφῆς τῆς ἐπιφανείας“; μένον πρὸς τῇ κορυφῇ τῆς ἐπιφανείας Halley;

II p. 274, 10 νδ'] Urbin., νγ' m. 2; et ita Command., Halley;

II p. 288, 3 νδ' καὶ νε'] Urbin., νγ' m. 2, Comm., Halley;

II p. 288, 4 νς' καὶ νξ' καὶ νη'] Urbin., νδ' m. 2, Comm., Halley;

II p. 288, 5 νθ'] Urbin., νε' m. 2, Comm., Halley;

II p. 288, 6 ξ'] Urbin., νς' m. 2, Comm., Halley;

II p. 326, 13 ΗΘ καὶ] ἡ θκ Urbin., ΘΗ m. 2, Halley.

Scribebam Hauniae mense Septembri MDCCCXCII.

I. L. Heiberg.

## PROLEGOMENA.

### Cap. I.

#### De codicibus Conicorum.

Codices Conicorum mihi innotuerunt hi

1) Cod. Uatican. Gr. 206, de quo u. I p. IV.

2) Cod. Uatican. Gr. 203, bombyc. saec. XIII (cfr. I p. V); continet fol. 1—44 Theodosii sphaerica, de habitationibus, de diebus et noctibus, Autolyci de sphaera mota, de ortu et occasu, Hypsiclis anaphor., Aristarchi de distantiis, fol. 44—55 Eutocii commentarium in conica, omnia manu neglegenti et celeri scripta; deinde manu eleganti et adcurata fol. 56—84 Apollonii Conic. I—IV, fol. 84—90 Sereni de sectione cylindri, fol. 90—98 Sereni de sectione coni; huius operis uersus ultimi tres eadem manu scripti sunt, qua prior pars codicis.

3) Cod. Uatican. 205, chartac. saec. XVI, elegantissime scriptus et magnifice ornatus; continet p. 1—75 Apollonii Conic. I—II (p. 76 uacat), p. 77—141 libb. III—IV (p. 142 uacat), p. 143—168 (a manu uetustiore numerantur 1—26) Sereni de sectione cylindri, p. 169—207 (27—65) Sereni de sectione coni; p. 207 (65) legitur: hoc opus ad huius bibliothecae Palatinae usum ego Ioannes Honorius a Mallia oppido Hydruntinae Dioecesis ortus librorum Graecorum instaurator sic exscribebam anno dñi MDXXXVI Paulo III pont. max.

4) Cod. Uatic. Gr. 1575, chartac. saec. XVI, manu eiusdem Ioannis Hydruntini scriptus; continet fol. 1—131 Apollonii Conic. I—IV, deinde post folium uacuum noua paginarum serie fol. 1—51 Eutocii commentarium.

5) Cod. Cnopolitanus, u. I p. V; continet fol. 1—55<sup>r</sup> Theonis comment. in Ptolemaeum, fol. 55<sup>u</sup>—180 Pappi comment. in Ptolem. libb. V—VI, fol. 181—258 Procli hypotyposes, fol. 259—281 Ioannis Alexandrini de astrolabio, fol. 283—347 Gemini introductionem, fol. 349—516 Apollonii Conic. I—IV, fol. 517—549

Sereni de sectione cylindri, fol. 549—588 Sereni de sectione coni in fine mutilum (des. in *πασῶν* p. 76, 15 ed. Halley).

6) Cod. Marcianus Uenet. 518, membran. saec. XV; continet Aeliani hist. animal., Eunapii uitas sophist., deinde fol. 101—149 Apollonii Conic. I—IV, fol. 150—160 Sereni de sectione cylindri, fol. 160—173 Sereni de sectione coni.

7) Cod. Ambrosianus A 101 sup., bombyc. saec. XIV?; continet fol. 1—4 Elem. lib. XIV, fol. 4—5 Elem. lib. XV, fol. 6—7 Marini introduct. in Data, fol. 7—25 Data, fol. 25<sup>u</sup> fragmentum apud Hultschium Hero p. 249, 18—252, 22; fol. 26—34 Euclidis optic. recensionem vulgatam, fol. 34<sup>u</sup> Damiani optica, fol. 35<sup>u</sup>—39 Euclidis catoptrica, fol. 40—86 Apollonii Conic. I—IV, fol. 86—109 Sereni opuscula (fol. 110 uacat), fol. 111—138 Theodosii sphaerica, fol. 138—142 Autolyci de sphaera mota cum scholiis, fol. 142<sup>u</sup>—154 Euclidis Phaenomena, fol. 154—158 Theodosii de habitat., fol. 158—174 Theodosii de diebus, fol. 174—179 Aristarchi de distantiis, fol. 180—188 Autolyci de ortu, fol. 188—189 Hypsiclis anaphor., fol. 190—226 Theonis ad *προχείρους καν.* Ptolemaei.

8) Cod. Mutinensis II D 4, chartac. saec. XV; continet Eutocii commentarium, Apollonii Conic. I—IV, Georgii Gemisti de iis quibus Aristoteles a Platone differt.

In primo folio legitur: *Γεωγρίου τοῦ Βάλλα ἐστὶ τὸ βιβλίον* et postea additum *Τοῦ λαμπροτάτου πράντορος Ἀλβέρτου Π्लον τὸ βιβλίον.* Parisiis fuit a. 1796—1815.

9) Cod. Taurinensis B I 14, olim C III 25, chartac. saec. XVI; continet fol. 1—106 Apollonii Conic. I—IV, deinde Sereni opuscula et Chemicorum collectionem.

10) Cod. Scorialensis X—I—7, chartac. saec. XVI; continet Apollonii Conic. I—IV, Sereni opuscula, Theodosii sphaerica.

11) Cod. Parisinus Gr. 2342; u. I p. V\*); continet Euclidis Elementa (ab initio mutila), Data cum Marino, Optica, Damiani Optica, Euclidis Catoptrica (des. fol. 118<sup>r</sup>, ubi legitur in mg. inf. μετὰ τὰ πατοπτικὰ ἐν ἄλλοις βιβλίοις τὰ πανικὰ τοῦ Ἀπολλωνίου καὶ Σερίνου πανικὰ καὶ πυλινδρικά), Theodosii sphaerica, Autolyci de sphaera mota, Euclidis Phaenomena, Theodosii de habitationibus, de diebus, Aristarchi de distantiis, Autolyci de ortu, Hypsiclis Anaphor., deinde fol. 155<sup>u</sup>—187

---

\*) Errore ibi hunc codicem saeculo XIII tribui; est sine ullo dubio saeculi XIV.

Apollonii Conic. I—IV cum commentario Eutocii in mg. adscripto, fol. 187—200 Sereni de sectione coni, de sectione cylindri (in fine mutilum). fuit Mazarinaeus.

12) Cod. Paris. Gr. 2354, chartac. saec. XVI; continet fol. 1—125 Apollonii Conic. I—IV, deinde Syriani comment. in Metaphysica Aristotelis et de prouidentia. fuit Memmianus.

13) Cod. Paris. Gr. 2355, chartac. saec. XVI; continet Apollonii Conic. I—IV. fuit Colbertinus. fol. 43<sup>r</sup> legitur: εἰνάδι ἔλαφηβολιῶνος ἔγραψε Ναυκήλιος ἐν τοῖς Παρισίοις ἔτει τῷ αφρη̄. fol. 71—73<sup>r</sup> alia manu scripta sunt.

14) Cod. Paris. Gr. 2356, chartac. saec. XVI; continet Apollonii Conic. I—IV. fuit Thuanaeus, deinde Colbertinus.

15) Cod. Paris. Gr. 2357, chartac. saec. XVI; continet fol. 1—87 Apollonii Conic. I—IV, fol. 88—121 Eutocii commentar., fol. 122—170 Sereni opuscula. fuit Mediceus. scriptus manu Ioannis Hydruntini.

16) Cod. Paris. suppl. Gr. 451, chartac. saec. XV; continet fol. 3—45 Theodosii sphaerica, fol. 46—52 Autolyci de sphaera mota (fol. 53 uacat), fol. 54—209 Apollonii Conic. I—IV (fol. 210—213 uacant), fol. 214—246 Eutocii commentar. fol. 1 legitur: Mauritii Brescii ex dono illustris viri Philippi Ptolomei equitis S. Stephani Senensis. Senis 1. Decemb. 1589.

17) Cod. Uindobonensis suppl. Gr. 9 (63 Kollar), chartac. saec. XVII; continet Apollonii Conic. I—IV, Sereni de sectione cylindri, de sectione coni, Euclidis Catoptrica, problema de duabus mediis proportionalibus, Euclidis Optica, Data, Aristarchi de distantia, Hypsiclis Anaphor. fuit I. Bullialdi.

18) Cod. Monacensis Gr. 76, chartac. saec. XVI; continet fol. 1—93 Asclepii comment. in Nicomachum, fol. 94—220 Philoponi comment. in Nicomachum, fol. 220—276 Nicomachi Arithmetic., deinde alia manu fol. 277—293 Apollonii Conic. I—IV, fol. 394—418 Sereni de sectione cylindri, fol. 419—453 de sectione coni.

19) Cod. Monac. Gr. 576, chartac. saec. XVI—XVII; continet fol. 1—83 Apollonii Conic. I—IV, fol. 84—100 Sereni de sectione cylindri, fol. 100—124 de sectione coni. „ex bibliotheca civitatis Schweinfurt“.

20) Cod. Norimbergensis cent. V app. 6, membranac. saec. XV; continet fol. 1—108 Apollonii Conic. I—IV, fol. 109—128 Sereni de sectione cylindri, fol. 128—156 de sectione coni. fuit Ioannis Regiomontani.

21) Cod. Guelferbytanus Gudianus Gr. 12, chartac. saec. XVI; continet Apollonii Conic. I—IV. fuit Matthaei Macigni.

22) Cod. Berolinensis Meermannianus Gr. 1545, chartac. saec. XVII; continet fol. 1—118<sup>r</sup> Apollonii Conic. I—IV (fol. 118<sup>u</sup>—120 uacant), fol. 121—144 Sereni de sectione cylindri, fol. 145—178 de sectione coni.

23) Cod. Bodleianus Canonicianus Gr. 106, chartac. saec. XV; continet Apollonii Conic. I—IV.

24) Cod. Upsalensis 48, chartac. saec. XVI; continet Sereni opuscula, Apollonii Conic. I—IV (omissis demonstrationibus). fuit Conradi Dasypodii.

25) Cod. Upsalensis 50, chartac. saec. XVI; continet Marini introductionem ad Data, Apollonii Conic. I—IV, Sereni de sectione coni, de sectione cylindri. scriptus manu Sebastiani Miegii amici Dasypodii.

Cod. Paris. Gr. 2471, chartac. saec. XVI, Mazarinaeus, qui in catalogo impresso bibliothecae Parisiensis commemoratur, nunc non exstat.\* codicem Paris. suppl. Gr. 869 chartac. saec. XVIII, qui a fol. 114 „notas in Apollonium Pergaeum“ continet, non uidi. cod. Barberin. II, 58 chartac. saec. XVI in fol. 64—68 continet Conic. III, 1—6 et partem propositionis 7. de cod. Magliabecchiano XI, 7 (chartac. saec. XVI) nihil notaui; continet Conic. I—IV. cod. Magliabecch. XI, 26 saec. XVI praeter Philoponum in Nicomachum figuram aliquot continet e codd. Graecis Eutocii et Apollonii excerptas. cod. Ambrosianus A 230 inf. interpretationem Latinam Apollonii et Eutocii continet, de quo in pag. 1 haec leguntur: Conica Apollonii studio Federici Commandini latinitate donata et commentariis aucta ipsamet quae typis mandata sunt multis in locis in margine manu ipsius Commandini notata Illustrissimo Federico Cardinali amplissimo Borromaeo grati animi ergo in suam Ambrosianam bibliothecam reponenda, quo etiam carissimum affinem perennet, Mutius Oddus Urbinas consecrat. denique cod. Upsal. 56 interpretationem latinam continet Conicorum „Londini Gothorum a Nicolao Schenmark a die XXIX Iulii ad diem XIII Sept. 1762 spatio XL dierum“ ad editionem Hallei factam (habet praeter Conic. I—VII etiam octauai restitutionem Halleianam).

\*) Quo peruererit codex a Constantino Palaeocappa Parisiis descriptus (Omont, Catalogue des mss. gr. copiés par Palaeocappa, Paris 1886, p. 6), nescio.

codicum illorum XXV contuli totos codd. 1, 5, 11, ceteros ipse inspexi praeter codd. 6, 9, 21, de quibus quae cognoui benevolentiae uirorum doctorum debo, qui bibliothecis Marcianae, Taurinensi, Guelferbytanae praepositi sunt. iam de cognitione horum codicium uideamus.

primum cod. 2 a V pendere, certissimo documento adparet Uat. 203 ex figura II, 32 p. 248; ibi enim in hyperbola *AB* in cod. 2 ante *A* adpositum est *N*, quod hic nullum habet locum; neque enim omnino eo loco figurae littera opus est, neque, si maxime opus esset, *N* esse debuit, sed *M*. origo huius erroris statim e V manifesta est; ibi enim figura illa ita in mg. descripta est, ut in uerba Apollonii transeat et terminus superior hyperbolae *AB* ante litteram *v* in  $\tau\omega\nu$  p. 248, 10 fortuito cadat; unde littera *N* in figuram irrepsit. quamquam iam hoc sufficit ad demonstrandum, quod uolumus, alia quoque documenta adferam. nam I p. 8, 5 pro  $\pi\varrho\circ\varsigma$  hab.  $\pi\varrho\circ\varsigma \dot{\eta}$  cod. 2 ( $\dot{\eta}$  postea deletum), quod e fortuita illa lineola codicis V, de qua u. adn. crit., ortum est. I p. 376, 6: *AΞZ*] corr. ex *AΞΘ*, ita ut *Θ* non prorsus deleta sit, V; *AΞΘZ* cod. 2. I p. 390, 6: *HΞ*] corr. ex *HΓ* littera  $\xi$  ad *Γ* adiuncta V, *HΓΞ* cod. 2. et omnino etiam apertissimi errores codicis V fere omnes in cod. 2 reperiuntur, uelut dittographia I p. 214, 5. aliquid tamen ad recensionem utile inde peti posse, explicaui I p. V.

cum in cod. 3 eadem prorsus ratio sit figurae II, 32 atque Uat. 205 in cod. 2, is quoque a V pendet; et eum ex ipso V, non e cod. 2, descriptum esse, hi maxime loci ostendunt:

notam I p. 267 adn. e V adlatam etiam cod. 3 habet, in cod. 2 contra omissa est et figurae suo loco repositae.

I p. 448, 17: *ΘΔ*] *Δδ* V, *Δ* seq. lac. 1 litt. cod. 2, *AΔ* cod. 3. itaque librarium cod. 3 ratio figurae in V in eundem errorem induxit. ceterum Ioannes Hydruntinus, qui et hunc cod. et cod. 4 et 15 scripsit, ab a. 1535 ad a. 1550 munus „instauratoris“ librorum Graecorum apud papam obtinuit, ut adparet ex iis, quae de salario ei numerato collegit Müntz La Bibliothèque du Vatican au XVI<sup>e</sup> siècle p. 101—104. itaque cum cod. V pessime habitus sit (I p. IV), ne usu periret, eum pro suo munere descriptsisse putandus est. et hoc est „apographum“ illud, quod in notis in V mg. manu recenti adscriptis citatur, uelut I p. 2, 15 *διὰ τὸ πρὸς εὐπλωτήλ*. ἐξ ἀπογράφου εἰκονικοῦ (h. e. adcurati, fidelis); nam ita cod. 3 (εὐπλωτήλ rectius cod. 2); cfr. praeterea in Sereno (ed. Halley):

p. 14, 34: *ZM*] *ΘM* V, *M* euan.; „*ἡ ΘN* in apographo“ mg. m. rec.; *ΘM* cod. 2, *ΘN* cod. 3;

p. 64, 40: „*ἡ ΖΕ τῆς ΕΘ*] V, cod. 2; „*ἡ EZ τῆς ΕΘ* sic in apographo“ mg. m. rec. V, „*ἡ EZ τῆς ΕΘ* cod. 3;

p. 71, 6: „*τι*] *τι* V, „*τι* in apographo. puto igitur *τι* *M*“ mg. m. rec.; *τι* cod. 2 (o in ras. m. 1), *τι* cod. 3;

p. 83, 9: „*δ προέκειτο*] cod. 2; *κειτο* post lacunam V, „puto deesse δ προ“ mg. m. rec.; *προέκειτο* post lacunam cod. 3. adparet, correctorem ita scripturum non fuisse, si cod. 2 inspexisset; nam per uocabulum „puto“ suam significat coniectaram, uelut p. 75, 48: „*δ κέντρω*] φ *κέντρω* V, mg. m. rec.

, „*M*“ puto δ *κέντρω* sic infra [h. e. p. 76, 3] in repetitione“.

his notis, quas manus recens partim Graece partim Latine in mg. codicis V adscripsit, saepius, ut uidimus, praemittitur *M*, h. e. monogramma Matthaei Devarii (u. Nolhac La bibliothèque de F. Orsini p. 161), qui ab a. 1541 in bibliotheca Uaticana „emendator librorum Graecorum“ fuit (u. Müntz l. c. p. 99). ei igitur tribuendum, quicquid manu recenti in V adscriptum est.

Uat. 1575 etiam cod. 4 ex ipso V descriptus est; nam et littera *N* in figura II, 32 addita a V pendere arguitur, et eum neque e cod. 2 neque e cod. 3 descriptum esse ostendunt scripturae I p. 376, 6: *ΛΞΖ*] *ΛΞΘΖ* cod 4, *ΛΞΖ* cod. 3 et corr. ex *ΛΞΘ* V; *ΛΞΘΖ* cod. 2; I p. 310, 13: *KΖ*] corr. ex *KH* V, *KHZ* cod. 2, *KZ* cod. 4. nec aliter exspectandum erat, quippe qui a Ioanne Hydruntino scriptus sit sicut cod. 3. ceterum cod. 4 cum bibliotheca Columnensi in Uaticanam peruenit.

Paris. 2357 cod. 15 ab eodem Ioanne Hydruntino scriptus et ipse e V descriptus est. nam quamquam hic *N* in figura II, 32 omissum est, tamen in erroribus omnibus cum V ita conspirat, ut de eorum necessitudine dubitari nequeat; et hoc per se ueri simile erat propter Ioannem Hydruntinum librarium. eum a codd. 2, 3, 4 originem non ducere ostendit uel ipsa omissio litterae *N*, confirmant alia, uelut quod titulus libelli *περὶ κυλίνδρου τομῆς* hic est: *Σερήνον περὶ κυλίνδρου τομῆς*; ita enim V, cod. 3 uero: *Σερήνον Ἀντινόεως φιλοσόφου περὶ κυλίνδρου τομῆς*, e subscriptione codicis V petita; cod. 4 Serenum non habet. nec a cod. 2 pendet; nam I p. 4, 27 recte *κρίνειν* habet, non *κρύπτειν* ut cod. 2.

hic codex quoniam Mediceus est, a. 1550 a Petro Strozzi

in Galliam cum ceteris codd. Nicolai Ridolfi Cardinalis adlatus est. ibi statim ex eo descriptus est cod. 14. is enim Paris. 2356 fol. 135<sup>r</sup> (ad finem Conicorum) et fol. 137 haec habet: „perlectum Aureliae 15 Martii 1551“, scripta\*) manu Petri Montaurei mathematici Aurelianensis (u. Cuissard L'étude du Grec à Orléans p. 111), qui sine dubio eo ipso anno codicem suum in usum describi iussit et descriptum perlegit emendauitque, ut solebat. cod. 14 e cod. 15 descriptum esse ex his locis colligo: I p. 6, 15: *τε]* om. codd. 14, 15 soli (praeter cod. 13, de quo mox dicam), I p. 218, 5: *τούτων*] *τούτων* cod. 14 (et 13), quia *τούτων* cod. 15 (ita etiam praeter V codd. 2, 3, 4, sed inde cod. 14 descriptus esse non potest, quoniam in fig. II, 32 N non habet).

Montaureus plurimis locis in mg. et emendationes et annotationes suas addidit, quarum speciminis causa nonnullas adferam:

1) ad I def. 6 mg. *περὶ τῶν ἀντικειμένων ἐν τῷ ιἱ τοῦ α'*  
*περὶ τῆς ἐλλείψεως ἐν τῷ με' τοῦ β' πρὸς τῷ τέλει.*

2) I, 5 p. 20, 1 mg. *λείπει· ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν KZH· ἀλλὰ*  
*τὸ ὑπὸ τῶν EZΔ τοντέστι τὸ ὑπὸ τῶν ΔΖ, ΖΕ λειπεῖ.* deinde  
deleta: *ἡ γὰρ ὑπὸ HΘΚ κτλ.*

3) I, 22 p. 76, 8 post *Γ*, *Δ* inseruit mg. *μὴ συμπίπτουσα*  
*τῇ διαμέτρῳ ἐντός.*

4) I, 33 p. 98, 25 post *καταχθῆ* mg. *εὐθεῖα.*

5) I, 39 p. 120, 9 post *καί* mg. *ἐκ τοῦ ὃν ἔχει.*

6) I, 41 p. 128, 9 post *ΔΗ* mg. *τὸ ἄρα ἀπὸ ΔΕ εἶδος τὸ*  
*ὅμοιον τῷ ΑΖ.*

7) I, 45 p. 138, 2 post *ΓΔ* mg. *ἐπὶ τὴν δευτέραν διάμετρον.*

8) I, 45 p. 136, 17: *ὑπ' αὐτῶν δι' οὐ ἀποτέμνει τριγώνου*  
*ἡ κατηγμένη πρὸς τῷ *κέντρῳ* ἐπὶ μὲν τῆς ὑπερβολῆς μεῖζον*  
cod. 14, Montaureus deletis *δι'* et *ἐπὶ μὲν τῆς ὑπερβολῆς* post  
*αὐτῶν* mg. inseruit *τρίγωνον* *ἐπὶ μὲν τῆς ὑπερβολῆς.*

9) I, 54 p. 168, 29 mg. addit *τέτμηται* *ἄρα ἐπιπέδῳ ὁρθῷ*  
*πρὸς τὸ ZHΘ τρίγωνον καὶ ποιεῖ τομὴν τὸν HΠΘΡ κύκλον;*  
p. 170, 3 post *ὑποκειμένῳ* mg. add. *τέμνοντι τὴν βάσιν τοῦ*  
*κώνου.*

10) I, 55 p. 172, 22 mg. *λείπει· καὶ δυνήσονται τὰ παρὰ*  
*τὴν ΛΝ παρακείμενα ὁρθογώνια.*

11) I, 56 p. 180, 5—6: *BE πρὸς EZ ἡ BK πρὸς KΘ* cod. 14,

\*) Teste Henrico Omont, uiro harum rerum peritissimo.

mg. m. 1: *καὶ τοῦ τῆς ΑΕ πρὸς ΕΖ ἀλλ' ὡς μὲν ἡ ΒΕ πρὸς ΕΖ, Montaureus deletis ἡ ΒΚ πρὸς ΚΘ* mg. add. *ἡ ΒΚ πρὸς ΚΘ τοντέστιν ἡ ΖΛ πρὸς ΛΘ.*

12) Ad II, 13 mg. „παράδοξον Proclus in fine li. 2 commentariorum in 1. Euclidis“.

13) II, 16 p. 220, 20—22: *τὸ μὲν ὑπὸ ΚΛΘ τῷ ὑπὸ (ἀπὸ* m. 2) *ΘΜΗ ἔστιν ἵσον καὶ ἡ ΛΘ τῇ ΚΜ* cod. 14, mg. m. 2: *λείπει· ΑΓ τὸ δὲ ὑπὸ ΘΜΗ τῷ ἀπὸ ΓΒ ὥστε τὸ ὑπὸ τῶν ΚΛΘ ἵσον ἔσται τῷ ὑπὸ τῶν ΘΜΚ καὶ ἡ ΛΘ τῇ ΚΜ* *ἵση* deletis uerbis *ΘΜΗ ἔστιν ἵσον*.

Paris. 2355 Hae correctiones notaeque Montaurei omnes fere in cod. 13 receptae sunt, unde adparet, eum e cod. 14 descriptum esse. et concordant temporum rationes. nam cod. 13 Petri Rami fuit — nomen eius in prima pagina legitur —, qui ipse Petrum Montaureum magistrum suum in mathematicis praedicat et inter mathematicos Graecos, ad quorum studium se adcingebat, Apollonium nominat (Waddington Ramus p. 108). de eo Nancelius, scriptor librarius codicis 13, in epistula I, 61 (p. 211 ed. Paris. 1603) ad Scaligerum haec narrat: „ipsi illi multa Graeca exemplaria mea manu perdius ac pernox exscripsi, quorum ille sibi copiam Roma e Vaticano et ex bibliotheca regia et Medicaea per reginam regum nostrorum matrem fieri sedulo satagebat et per alias utique viros φιλομαθεῖς“. in mg. a Nancelio saepius „exemplar reginae“ citatur, uelut I p. 6, 27 *τῆς γραμμῆς] τῆς καμπύλης γραμμῆς* cod. 13, mg. hoc vocabulum non est in exemplari reginae, p. 8, 13 post ἐτέρᾳ supra scr. m. 1 *διαμέτρῳ* cod. 13, mg. hoc vocabulum in exemplari reginae non reperitur, p. 8, 23 *κορυφῆς* del. m. 1 cod. 13, mg. hoc uerbum est in exemplari reginae. sine dubio „exemplar reginae“ est ipse cod. 15; nam codices Petri Strozzi ad Catharinam de Medicis reginam post mortem eius peruererunt. ex eodem codice illas quoque scripturas petiuit Nancelius, quas addito uocabulo „alias“ in mg. adfert, uelut I p. 10, 1 *καὶ ἔστω] om.* cod. 13, mg. alias adduntur *καὶ ἔστω*, p. 220, 21 *ώστε τὸ ὑπὸ ΚΛΘ* *ἵσον* *ἔσται τῷ ὑπὸ τῶν ΘΜΚ καὶ ἡ ΛΘ τῇ ΚΜ* *ἵση ΘΜΚ* *ἔστιν* *ἵσον* *καὶ ἡ ΛΘ τῇ ΚΜ* cod. 13 cum Montaureo (u. supra), quem non intellexit; mg. alias ita legitur *ώστε καὶ τὸ ὑπὸ ΚΛΘ τῷ ὑπὸ ΘΜΚ* *ἔστιν* *ἵσον καὶ ἡ ΛΘ τῇ ΚΜ.*

Marc. 51<sup>3</sup> Ex ipso V praeterea descriptus est cod. 6; nam in fig. II, 32 habet N et in praefatione libri primi lacunas tres habet (p. 2, 15

Ἐν — om., οὐ διακα — om., p. 2, 16 ὡς ἔσχατον om.) propter litteras in V detritas, quae in antiquioribus apographis eius seruatae sunt. in cod. 6 propter litteras paululum deformatas in V pro οὐτίνειν p. 4, 27 scriptum est οὐτίπτειν. eundem errorem habent codd. 17, 18, 22, qui ea re a cod. 6 pendere arguuntur. praeterea cod. 22 et p. 2, 15—16 easdem lacunas Berol. 1515 habet et uerba p. 8, 12 ὡν — 13 ἐτέρω cum cod. 6 solo bis scripsit. et cum sit Meermannianus, per complurium manus e bibliotheca profectus est Guillelmi Pellicier, qui omnes fere codices suos Uenetiis describendos curauerat. etiam cod. 17 Uindob. easdem lacunas illas habet, sed expletas a manu recenti, quae eadem οὐτίπτειν in οὐτίνειν correxit et alias coniecturas adscripsit, uelut p. 4, 10 παράδοξα] mg. παντοῖα, p. 4, 12 καὶ κάλλιστα] mg. καλὰ καί, p. 4, 21 συμβάλλοντι] mut. in συμβάλλει, mg. καὶ ἀντικείμεναι ἀντικειμέναις κατὰ πόσα σημεῖα συμβάλλοντι; sine dubio ipsius Bullialdi est. hunc codicem Uenetiis scriptum esse, docet, quod problema illud de duabus mediis proportionalibus e Marc. 301 sumpsit. Sereni libellus de sectione coni falso inscribitur Σερήνου Ἀντινσέως φιλοσόφου περὶ κώνου τομῆς β', quia in cod. 6, ubi inscriptio est περὶ κυλίνδρου τομῆς β', supra κυλίνδρου scriptum est κώνου numero β' recte deleta, quod non animaduertit librarius codicis 17. cod. 18 lacunas habet postea expletas; uersus Monac. 76 finem libelli de sectione cylindri habet: „ἐνταῦθα δοκεῖ ἐνλείπειν καὶ μὴ ἀκολούθειν τὸ ἐπόμενον. sic videtur aliquid deesse“, quae uerba hic in cod. 6 adscripsit Bessarion (ἐλλείπειν pro ἐνλείπειν, hic videtur aliquid deficere; Latina etiam cod. 22 hoc loco habet prorsus ut Bessarion); in fine libelli de sectione coni addidit in cod. 6 Bessarion: οὐχ εὑρηται πλέον; eadem eodem loco habent codd. 18 et 22.

praeterea e cod. 6 descriptus est cod. 10; nam et lacunas Scorial. p. 2, 15—16 habet et post Serenum notas Bessarionis (ἐνταῦθα δοκεῖ ἐλλείποι καὶ μὴ ἀκολούθειν τὸ ἐπόμενον, οὐχ εὑρηται πλέον). et Diegi de Mendoza fuit (Graux Fonds Grec d'Escurial p. 268), quem constat bibliothecam suam apographis Marcanis impleuisse.

pergamus in propagine codicis V enumeranda. cod. 16, Paris. suppl. cum p. 2, 15 πρὸς ἐπιλογὴν et οὐ διακα-, p. 2, 17 ἔσχατον ἐπε- gr. 451 postea in spatio uacuo inserta habeat, necesse est e V, in quo litterae illae euanuerunt, originem ducere siue ipso siue per apographum. de cod. 6 intermedio cogitari non potest, quia b\*

in eo priore loco non πρὸς ἔκπλω, sed ἔκ- tantum omissum est, tertio non ἐσχατον ἐπε-, sed ὡς ἐσχατον. p. 2, 15 post lacunam alteram in cod. 16 legitur θάρανες (corr. m. 2) et p. 4, 25 post δέ additur περὶ. iam cum eaedem scripturae in cod. 20 inueniantur, inter V et codd. 16, 20 unum saltim apographum intercedit; neque enim alter ex altero descriptus esse potest, quia cod. 20 p. 2, 15 ἔκ- solum omittit et p. 2, 17 pro ἐσχατον ἐπελευσόμενοι habet ἔδια τὸν ἐτελευσόμενοι; praeterea in cod. 16 opuscula Sereni inscriptione carent, in cod. 20 uero inscribuntur σερήνη περὶ κυλίνδρου τομῆς et σερήνου ἀντιν- σέως φιλοσόφου περὶ κυλίνδρου τομῆς. hinc simul adparet,

Norimb. cod. 20 e cod. 6 descriptum non esse, quod exspectaueris, quia cent. V Regiomontani fuit; ibi enim libelli illi inscribuntur σερήνου ἀντινσέως φιλοσόφου περὶ κυλίνδρου τομῆς ἄστον et σερήνου ἀν- τινσέως φιλοσόφου περὶ κυλίνδρου (κάρον Bessarion) τομῆς βῆν (del. Bessarion); in V prior libellus inscribitur σερήνου περὶ κυλίνδρου τομῆς, alter inscriptionem non habet, sed in fine prioris legitur σερήνου ἀντινσέως φιλοσόφου περὶ κυλίνδρου τομῆς: —, quam subscriptionem in titulum alterius operis mutauit manus recens addito in fine τὸ βῆν et ante eam inserto τέλος τοῦ ἄστον. cum cod. 20 arta necessitudine coniunctum esse Taur. B I 14 cod. 9, inde adparet, quod p. 2, 17 ἔδια τὸν ἐτελονσόμενοι praebet (p. 2, 15 ἔκ- et οὐ διακα- in lacuna om.), sed cum p. 4, 25 περὶ non habeat, neuter ex altero descriptus est; praeterea p. 4, 13 pro συνείδομεν cod. 9 συνοι habet.

nihil igitur relinquitur, nisi ut putemus, codd. 9, 16, 20 ex eodem apographo codicis V descriptos esse, in quo a principio omissa essent p. 2, 15 πρὸς ἔκπλω et οὐ διακα-, p. 2, 17 ἐσχατον ἐπε- et p. 4, 25 in mg. adscriptum περὶ, postea p. 2, 15 πρὸς πλῶ et p. 2, 17 errore legendi ἔδια τὸν ἐτε- suppleta, fortasse ex ipso V.

Monac. 576 apographa codicis 20 sunt codd. 19 et 24, ut hae scrip-  
Upsal. 48 turae ostendunt: p. 2, 4 ἔχοι] ἔχει 19, 20, 24; p. 2, 8 εὐ-  
αρεστήσωμεν] εὐαρεστήσομεν 19, 20, 24; p. 2, 15 οὐ διακαθά-  
ραντες] θάρανες 19, 20, 24; p. 2, 17 ἐσχατον ἐπελευσόμενοι] ἔδια (α ita scriptum, ut litterae ω simile fiat) τὸν ἐτελευσό-  
μενοι 20, ἔδια τὸν ἐτελευσόμενοι 19, 24; p. 4, 6 ἄξονας] ἄξω-  
νας 19, 20, 24; p. 4, 25 δέ] δὲ περὶ 19, 20, 24. neutrum enim  
ex altero descriptum esse, hi loci demonstrant: p. 4, 5 τάς]  
τούς compendio 19, 20, τάς corr. ex τοῦ uel τῶν 24; p. 4, 9  
καλῶ] 19, καλῶ seq. ras. 1 litt. 20, καλῶς 24; p. 4, 11 τε] 19, 20,

δέ 24; p. 4, 13 συνείδομεν] 24, συνείδαμεν 19, 20; p. 4, 16 ἄνεν] 24 et litteris ε, ν ligatis 20, ἄνα 19; p. 6, 7 ὅθεν] 19, 20, ὅταν 24; p. 6, 26 εἰθείᾳ] 19, om. in extremo uersu 20, sed addidit mg. m. 1, εὐθείᾳ mg. 24.

denique ex ipso V descriptus esse uidetur cod. Uindobon. suppl. gr. 36 (64 Kollar), chartac. saec. XV, qui priores tantum duos libros Conicorum continet (fuit comitis Hohendorf); neque enim in fig. II, 32 N litteram habet, et a V eum pendere ostendunt scripturae p. 2, 15 εὐπλω, p. 226, 6 τό] om. Uindob. et in extremo uersu V. lacunas p. 2 non habet, p. 2, 12 ὅν δέ pro ὅν ceterum nihil de eo mihi innotuit.

restant eiusdem classis codd. 8, 12, 21, 23, quos omnes e codice 2 originem ducere ostendit error communis ιρόπτειν p. 4, 27; ita enim propter litteras in V, ut dixi, deformatas Mutin. II pro ιρόνειν cod. 2 (corr. m. rec.). lacunas p. 2 non habent. D 4 Paris. 2354 ntrum omnes ex ipso cod. 2 descripti sint an alias ex alio, Gud. gr. 12 pro certo adfirmare non possum; cfr. p. 2, 4 ἔχοι] 2, 8, 12, 23, Canon. 106 ἔχει 21; p. 2, 12 ὅν δέ 2, 8, 12, 21, 23; ἔσχόλαξε] 2, 8, 12, 21, 23; p. 2, 19 συμμεικότων] 2, 8, 12, 21, συμμεικότων 23; p. 2, 20 καὶ τό] 2, 8, 12, 21, καὶ 23; p. 4, 1 πέπτωνεν] 8, 12, 23, πέπτωνε 2, 21; p. 4, 4 καί] 2, 12, om. 8, 21, 23; ἔξειργασμένα] 2, 8, 12, 21, ἔξηργασμένα 23; p. 4, 9 εἰδήσεις] 2, 8, 12, 23, εἰδήσις 21; p. 4, 17 σύνθεσιν] 2, 8, 12, 23, θέσιν 21; p. 4, 21 κατά] 2, 8, 12, om. 21, 23; p. 6, 14 τοῦ] 2, 8, 23, τοῦ κέντρον τοῦ 12; p. 8, 10 ἐκάστην] ἐκάστη in extremo uersu 2, ἐκάστη 8, 12, 23; p. 8, 18 συγνυεῖς] 2, 8, 23, συγνυεῖς δέ 12; p. 8, 19 διάμετροι] 2, 12, 23, διάμετροι 8; p. 8, 21 α'] om. 8, ἀον 23, θεώρημα ἀον 12; p. 10, 9 ἐστι] 2, 8, 23, ἐστίν 12. itaque codd. 8, 12, 23 apographa ipsius cod. 2 uideri possunt, cod. 21 autem fortasse ex cod. 23 pendet. cod. 21 quoniam Matthaei Macigni fuit, sine dubio idem est, quem Tomasinus Bibliotheca Patauina manuscripta p. 115 inter codices Nicolai Triuisani enumerat, cui Macignus mathematicus Uenetus bibliothecam suam legauerat (u. Tomasinus p. 115<sup>2</sup>).

codd. denique 7 et 25 e cod. 11 descriptos esse, uel Ambros. A inde adparet, quod hi soli libellum Sereni de sectione coni 101 sup. ante alterum eius opus collocant. cfr. praeterea p. 2, 8 εὐάρεστήσωμεν] 11 supra scripto εὐρω, εὐρωστήσωμεν 7, εὐάρεστήσωμεν 25; p. 2, 12 παραγενηθείσ] παραγενόμενος 7, 11, 25; p. 2, 15 ἔκπλω] ἔκπλουν 7, 11, 25.

iam de codicibus, qui soli relictii sunt, 5 et 11 uideamus.  
 Cnopol. c prius e cod. 5 (c) omnes scripturas adferam, quae a V  
 discrepant, melioribus stellula adposita (scholia marginalia  
 non habet):

I p. 2, 15 ἔκπλουν\* (?) 19 συμμετεχόντων

p. 4, 1 πεπτωκεν\* 6 καὶ — 7 ἀσυμπτώτος] om. 13  
 συνειδομεν corr. ex συνείδαμεν 14 Εὐκλείδονς e corr. 16  
 ἄνευ] τὸν ἄνευ 19 καὶ — 21 συμβάλλοντι] om.

p. 6, 1 πρῶτοι] ἀ 2 Ἐάν] ἄν

p. 8, 5 πρός 6 ὁρθίαν] θείαν post lac. 21 α'] hab.

p. 10, 15 β'] om. 16 post κατὰ del. κο 20 A] πρῶ-  
 τον 24 A] πρῶτον

p. 12, 3 Z] corr. ex H 16 περιφέρειαν\* 21 γ' om.

p. 14, 4 BΓ] e corr. 13 ἔχον 22 ἔχον 25 συμβαλέτω

p. 16, 4 συμβαλέτω 6 τέμνεται τοῖ] semel\* 12 καὶ  
 — 13 ἀλλήλαις] om. 24 ε'] δ' mg.

p. 20, 2 τό] τῷ τό] τῷ 8 σ'] om. 14 συμβαλεῖ\* τῷ]  
 τῷ τοῦ

p. 22, 15 post ἐπιφανείᾳ del. συμπιπτέτω κατὰ τὸ H. λέγω,  
 ὅτι ἵση ἔστιν ἡ ΔΖ τῇ ZH

p. 22, 21 ἀπὸ τοῦ\* 26 ξ'] om.

p. 24, 11 οὐκ αἰεὶ] οὐ καὶ εἰ 28 ΔΖΕ] corr. ex ΔΕ

p. 26, 22 τό] om.

p. 28, 3 τό] semel\* 5 τρίγωνον] om. 11 HZ] ZH

p. 30, 5 προσεκβαλεῖται 28 τῆς\*

p. 32, 6 τομῆς\* 11 ἐκβάληται 15 ZΘ] ZH 20 ἀπο-  
 λαμβάνοντα] om.

p. 34, 1 τὴν βάσιν 15 ZH] HZ 17 δῆ] om. 19 post  
 τό del. τῶν KM] supra scr. 20 BΓ] B 21 δ] hab.\* 24  
 τῷ] corr. ex τό

p. 36, 2 ἡ ὑπό] corr. ex νόπο 3 ἔστι] om. 7 σημεῖα ἵ]  
 σημεῖη ἱ 11 BΓ] ΑΓ 12 τό — 13 τομῆν] om. 15 τά  
 23 μῆ] hab.\* νεύει (fort. scrib. οὐ νεύει)

p. 38, 4 ἄν] om. 6 δυνιθήσεται 15 A] πρῶτον 22  
 τοῦ] e corr. 24 πεποιήσθω\*

p. 40, 1 παράλληλον — 3 ἐπίπεδον] semel\* 6 τῷ] corr.  
 ex τό 7 ΘΖ] ZΘ 14 NA 15 ΑΜ] ΜΑ η] hab.\* 21  
 ΖΑ] corr. ex ΑΖ

p. 42, 2 ἥν] ἔν 5 ἔάν] ἄν

- p. 44, 2 *τιμιονσι]* sic\* 14 δέ] corr. ex τε 15 ΝΟΞ] ΟΞ  
 p. 46, 3 καὶ — 4 KB] om. 8 ΖΛ] ΛΖ 12 καὶ — 13  
*ΣΝΡ]* om. 13 ΖΛ] ΛΖ 19 τῷ] τό ΞΝΖ] ΞΚΖ 27  
 post ὁρθία del. καὶ
- p. 48, 2 ἐάν] ἔν 16 εὐθεῖαις] γωνίαις  
 p. 50, 23 τῶν] om.  
 p. 52, 4 ὁ τοῦ — 5 ΠΜΡ] semel\* 15 εἰδει] corr. ex  
 ἥδη 17 ἡ δὲ ΕΘ] om.  
 p. 54, 2 μῆ] om. 26 Α(alt.)] Η  
 p. 56, 8 τέτμηται — 12 τριγώνου] bis 9 τοῦ κάνον] om.  
 priore loco 16 καὶ — 17 ΕΠ] semel\* 29 τό] hab.\*  
 p. 58, 2 τὸ ὑπό — 4 ΒΣΓ] mg. m. 1 23 ἐνβέβλησθω  
 p. 60, 9 Ν] om. 21 ΗΞ] ΝΞ 24 ΓΘ] ΓΔ  
 p. 64, 7 συξυγεῖσαι 12 συξυγεῖσαι 25 ΒΖ  
 p. 66, 3 ΝΛ 5 ΝΛΑ 10 ἄρα] ἄρα καὶ 13 ΞΓΔ 14  
*συξυγεῖσαι* 21 ἀντικειμένων  
 p. 70, 4 ἐπει — 5 ΕΖ καὶ] om. 10 τῇ τομῇ] om. 28  
*ἐντός*  
 p. 72, 4 συμπεσεῖται] corr. ex συμπίπτει 19 τῷ — 21  
*ΔΖ]* om. 24 ἀπό] om.  
 p. 74, 7 ᾧ(pr.)] corr. ex ᾧ\* 10 μέν] hab.\* 13 οὔτως  
 p. 76, 8 τά] corr. ex τήν  
 p. 78, 3 διαμέτρων — 4 ΓΔ] bis 4 ante ἐκατέρω del.  
*τῇ* (priore loco) 6 ΗΕ] Ε e corr. 10 ἐστι] sic\* 11 τῆς]  
 bis 12 μείζον] om. 13 ΖΛ] ΖΔ 15 ΖΛ] Λ e corr. 26  
*Ζ]* e corr.  
 p. 80, 16 ΗΚ(pr.)] ΙΘΚ  
 p. 82, 4 ἀνήχθω] om. 7 post τῆς del. ἀπό  
 p. 86, 2 τοντέστι — ΔΖ] semel\* 21 ΕΖ] ΕΞ  
 p. 88, 1 ΚΔ] sic\* 5 τό] e corr. 9 ΒΗ] ΒΝ 12  
*ἀπό* (pr.)] ὑπό 21 εὐθεῖα] e corr.  
 p. 90, 2 ΒΖ] Β 10 τῷ] τό  
 p. 92, 6 ως — ΗΕ] om. 11 ΑΓ] sic\* 21 τομήν]  
*τομήν* ᾧ  
 p. 94, 2 Ε] in ras. τεταγμένως] seq. ras. 4 τῇ] bis  
 18 ἐπειδή — 19 πεσεῖται] om. 23. κάνον] τοῦ κάνον  
 p. 96, 17 ὑπό] corr. ex ἀπό  
 p. 98, 7 τῷ] sic\* 16 ως — 17 ΘΔ] om. 26 πρός] e corr.  
 p. 100, 19 ΑΔ] ΔΕ 20 τετράκις\*  
 p. 102, 2 ᾧ] ᾧ 23 post ΞΝ del. ἵση ἄρα ἐστι 25 ᾧ ΝΞ\*

- p. 104, 9 ὑπό (alt.)] corr. ex ἀπό 11 ὑπό (pr.)] ἀπό 12  
 $H\Theta]$   $Z\Theta$ ,  $\Theta$  e corr. ὡς — 13  $ZH$ ] mg. m. 1
- p. 108, 22 συμπίπτη, -η e corr. τῆ] e corr. 27 τοῦ] sic\*
- p. 110, 8  $E\Gamma$ ]  $\Gamma E$  16  $ZE$ ]  $\overset{\beta}{E}Z$  23 τό] τῶ  
 p. 114, 13 οὐαὶ — 15  $H\Gamma$ ] om. 17  $AM$ ] corr. ex  $HM$   
 24 τό] corr. ex τῶ 25 ὡς — 26  $MHA$ ] om.
- p. 116, 1 πρὸς τό] τῶ ἵσον — 2  $HA$ ] om. 14 τῆς (alt.)]  
 τοῦ 23  $HZ$ ]  $ZH$  26  $H\Gamma$ ]  $H\Sigma$  27  $GZ\Delta$ ]  $\Gamma ZA$  ἡ  $\Delta\Gamma$   
 — 28  $Z\Delta$ ] om. 28  $\Delta\Theta$ ]  $\Theta\Delta$
- p. 118, 21 ὄν (alt.)] ᾧν
- p. 120, 24  $\Theta H$ ] corr. ex  $\Theta$
- p. 122, 7 οὐαὶ ἐν — 8 πρὸς  $K$ ] om. 15 ἐν] om. 21  
 τὴν λοιπήν] sic\*
- p. 124, 2 post εἰδει del. ἐπὶ δὲ τῆς ἐλλείψεως 14 ante  
 οὐαὶ del. τὸ ἀπὸ τῆς  $\Delta\Gamma$  23 ἔχει] om.
- p. 126, 8  $AE$ ] corr. ex  $EA$
- p. 128, 3  $AZ$ ] sic\*
- p. 130, 4  $\Delta Z$ ] corr. ex  $\Delta B$  7 τό (pr.)] τίν
- p. 132, 10 τῶ] sic 20  $B\Gamma A$ ] corr. ex  $B\Delta\Gamma A$
- p. 134, 14  $ZO$ ]  $ZH$  16  $N$  (alt.)]  $H$
- p. 136, 10 τῇ δευτέρᾳ] semel\*
- p. 138, 1  $B$ ] e corr. 3  $H\Theta Z$ ]  $H\Theta$
- p. 140, 7  $BZE$ ]  $E$  e corr. 8  $\Gamma\Delta A$ ]  $\Gamma\Delta$  11 ἀφῆς]  
 $\tau\mu\eta\varsigma$
- p. 144, 19  $E\Delta$ ]  $\Delta$  e corr.
- p. 146, 5 τό] om. 20 τό] om.
- p. 148, 2  $K\pi M$ ]  $K\pi B$  6 τοῦ] τῇ 12  $\Gamma\Delta A$ ] corr. ex  
 $\Delta A$  13  $K\Lambda N$ ]  $K\Lambda M$  14 ἵσον —  $K\Lambda N$ ] del. m. 1 15  
 τῶ —  $\Gamma\Delta A$ ] om.
- p. 150, 6 ἀφῆς] corr. ex  $\tau\mu\eta\varsigma$  m. 1 21  $ZE$ ]  $H\Xi E$   
 $EH$ ]  $H$  28  $\Gamma K$ ] corr. ex  $K\Gamma$
- p. 152, 2 ἐστι\* 6 τοῦ] τῇ τριγάνω 10  $NP\Xi M$ , sed  
 corr. 18 συναμφότερος] συναμ 24 ὑπό] mg. m. 1
- p. 156, 3  $B\Lambda H$ ]  $\Lambda$  e corr. 4  $K$ ]  $H?$  13  $A\Xi N$ ]  
 $AH\Xi$  20  $AZ$ ]  $AB$  22 ἡ  $K^*$  26  $Z$ ] ἐβδόμῳ
- p. 160, 7 ἀνάλογος 9 τετραπλασία — 11 ᾧ] om. 21 δέ]  
 $\delta\eta$  22  $KA$ ] e corr. 25  $MN$ ] corr. ex  $MH$
- p. 162, 11 τριγάνων] om.
- p. 164, 6 ἀπό] ὑπό 12  $AKM$ ]  $\overset{\beta}{\alpha}K\Lambda M$  25 δῆ] postea  
 ins. m. 1

- p. 166, 2 δύο] postea ins. δοθεισῶν] e corr. 8 ἀπό] ἐπὶ<sup>α</sup>  
 p. 168, 4 τὸ Α] postea ins. 14 ΖΞ] corr. ex Ξ 16  
 διάμετρος; deinde del. κῶνος
- p. 170, 21 τόν] bis
- p. 172, 2 δεδοῦμένη 9 ΑΖΔ] ΑΔΖ<sup>β α</sup>
- p. 174, 2\*) μέν] e corr. 13 ΓΑ] Α e corr. 15 πρὸς  
 ΗΔ] om. κοινός] e corr. 19 ΓΑ] Α e corr.
- p. 176, 27 ΔΕ] ΔΗ 29 δή] δέ
- p. 178, 2 τῇ — 3 γωνία] om. 4 ΖΒΔ] Β e corr. 13  
 ΗΘΝ] ΗΘΚ, Κ e corr. 19 ή] postea ins. ἄρα] postea  
 ins. 20 ΚΗ] ΚΝ 26 ΖΘ] Ζ postea ins.
- p. 180, 4 τὸ δέ — 5 ΕΖ] om. 18 περὶ] sic\* 25 μει-  
 ξων — ΖΗ] mg. m. 1 26 ἀπό] sic\*
- p. 182, 3 ΖΔ] ΖΑ 18 ἔστω] ἔστι
- p. 184, 15 ΗΕ — 16 πρός] om.
- p. 186, 5 post ΒΘ del. ὥστε τὰς καταγομένας κατάγεσθαι  
 ἐν γωνίᾳ 6 δή] sic\* 20 αῖ] lac. 2 litt.
- p. 188, 9 τῷ] corr. ex τό 10 ἔσται 18 δή] ins. m. 1
- p. 190, 2 ΖΑΗ] Α e corr.
- p. 192 Ἀπολλωνίου κωνικῶν ἀ 5 πέμφα 6 σοι] postea  
 ins. 11 αὐτῷ 14 ἀπολειψθῆ
- p. 194, 7 ΓΒ] corr. ex ΒΓ 25 καὶ αῖ — 26 παράλλη-  
 λοι] om.
- p. 196, 2 ΔΕ] Ε e corr. 9 post ΑΚ ins. ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ<sup>πο</sup>  
 ΓΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΔ τὸ ὑπὸ ΑΛΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΚ 15 ΜΚΗ]  
 ΜΚ ή̄
- p. 200, 8 ἐπιζευχθεῖσα\* 12 Η ν-] e corr. 22 τέμνη]  
 corr. ex τέμνει ή̄] ή̄
- p. 202, 9 ή̄] ή̄ 13 ή̄] η 18 ΓΔ] sic 24 ΗΕ] ΕΗ
- p. 204, 13 ἀλλ'
- p. 208, 10 ὑπό] corr. ex ὄπο 17 — mg. 18 ΘΗΒ]  
 ΘΒΗ
- p. 210, 3 ΖΑΔ] corr. ex ΖΔΑ 6 ΖΑΔ] Α e corr. 20  
 ΓΑΔ] corr. ex ΑΓΔ
- p. 212, 2 ΒΑ] corr. ex ΒΔ 17 ἀχθῶσιν] sic\*
- p. 214, 5 ὑπὸ ΑΔΓ] sic\* 15 μόνον] bis 16 ΓΑ] sic\*
- p. 216, 3 Μ] corr. ex Β 5 καὶ (pr.)] om. 15 δέ] om.  
 17 ἀφέξονται 19 ΑΘ] ΕΘ 21 ΔΗ] Η e corr.

\*) Ubi in V error a prima manu correctus est, plerumque  
 de c nihil notaui, si cum V correcto concordat.

- p. 222, 5 *τοῦ*] bis 15 ἔάν] ἔάν *εν*  
 p. 224, 25 ἡ (alt.)] sic\* 27 *κατά*] sic\*  
 p. 226, 1 δέ] om. 6 *τό*] postea ins. 9 ἔστιν] sic\* 20  
*καὶ* — *ΚΕ*] om.  
 p. 228, 6 *ΛΗΘ*] corr. ex *ΛΘΗ* 10 *πεποιήσθω*] sic\* 16  
*τῆς*] om. 22 *ΓΧ*] *ΧΓ* 24 *τὸ* *HΘX*] e corr.  
 p. 230, 11 *EX*] *XE* 13 *EX*] *XE* 14 *HO*] corr. ex *O*  
 18 *HO*] *H*  
 p. 232, 4 *τοῦ*] sic\* 5 *τῆ*] *τῷ* 24 ἄρα] ἄρα ἡ  
 p. 234, 24 *συμπτώσεως*, sed corr.  
 p. 238, 5 *EZ*] *EΞ* 13 *τῆς*] om.  
 p. 240, 2 ἔστιν] corr. ex ἔστη 15 ἐν] om.  
 p. 242, 10 ἡ] e corr.  
 p. 246, 17 *ΘΚ*] *KΘ* 26 ἔστωσαν — p. 248, 2 *γωνίας*] om.  
 p. 248, 4 ἀσυμμάτως, sed corr. 5 *Θ, H*] *H, Θ* 16 *B*]  
*B, Γ*  
 p. 250, 10 *τις*] corr. ex *τι* 17 *τό*] sic\* 20 *ΓΔ* — 22  
*τῆ*] om.  
 p. 252, 6 *παράλληλος* — 8 *τομῆς*] bis 14 ἐν] om.  
 p. 254, 19 *Z*] *H*  
 p. 256, 6 *XΔ*] *ΓΔ* 9 *κέντρον*] *κέντρον* ἀγομένη 16 *καὶ*  
*τάς* — 17 *τέμνει*] mg. m. 1 19 *ΓΖΔ*] *ZΔ* corr. ex *Δ*  
 p. 258, 14 ἔφάπτονται] sic\* 24 ἔφάπτωνται, sed corr. m. 1  
 p. 260, 9 *B*] *δευτέρας*  
 p. 262, 2 *τέμνουσιν* 9 ἀλλήλαις  
 p. 266, 26 ἄρα] δὲ ἄρα *παρά*] e corr.  
 p. 268, 13 *εὐρηται*  
 p. 272, 2 *τά*] sic\* 10 *καὶ*] om. 12 *τῷ* — 13 *PK*]  
 om. 13 ἔστιν *ἴσα*] om. 17 ἔστι — 18 *KM*] bis  
 p. 274, 13 *ἐκτός*] *ἐντός*  
 p. 276, 10 *Γ*] corr. ex *A* 21 *ΑΓ*] *ΓΑ* 22 *ΔΒΓ*] *BΔΓ*  
 corr. ex *BΓ ΔΓ* 28 *ZΘE*] corr. ex *ΘΕ*  
 p. 278, 14 *τῷ*] corr. ex *τό* 23 ἔστιν] om. 26 *πεποιεύσθω*  
 p. 280, 9 *καὶ* *τῆς*] sic\*  
 p. 282, 4 *τήν*] *τοῦ* 5 *ἡκται*] om. 11 *ZΘ*] corr. ex  
*ΘΖ* 24 *ΘΕ*] *ΘΕΒ*  
 p. 284, 14 *HB*] ἡ *B* 29 *BΓ*] *B* postea ins. m. 1  
 p. 286, 14 ante *γεγονέτω* del. *καὶ*  
 p. 288, 9 *BΓ*] *B* 15 ἡ *δοθεῖσα*] om. 20 *HΘE*] *E* post  
 lac. 2 litt. 24 *EZH*] *H* supra scr. m. 1  
 p. 290, 1 *ἴση*] sic\* 10 *τῆς*] om.

- p. 292, 20 *AZ*] sic\* 28 *EΓ* — p. 294, 2 ἀπό] om.  
 p. 294, 8 *KM* — 9 *HK πρόσ*] om. 18 τοῦ] τῶν  
 p. 296, 2 ἡ] om. 8 γωνία] om. 9 καὶ (pr.)] supra scr. m. 1  
 p. 298, 28 *ET*] *EΓ*  
 p. 300, 14 ἀπό] corr. ex ὑπό<sup>1)</sup>  
 p. 302, 11 τοντέστι  
 p. 304, 1 καὶ — 2 ὁρθίαν] sic\*  
 p. 306, 12 *ZΘΛΓ*, sed corr. 18 *AB*] sic  
 p. 308, 4 πεποιήσθω] sic\* 10 *ON, OM*] corr. ex  
 $\Omega N \Omega M$  11 *AB*] *AM* 16 τῆς] τῇ 17 ξχει] sic\* 21  
*TO*] τὸ *OT*  
 p. 310, 7 *NΞM*] *M* e corr. m. 1 16 *HZE*] e corr.  
 p. 312, 8 ξστι] corr. ex δι 14 ξστίν] sic\* 16 *AΓH*]  
*A* e corr. 22 *NΠ*] *MΠ* ἄρα ἡ 24 ἡ (alt.)] om.  
 p. 314, 5 τοντέστιν — 6 μείζονα] om. 9 ξχει] om. 12\*)  
 ξχει] om. 18 *IΞ*] corr. ex *TΞ*  
 p. 316, 3 ἡ *TΞ* — 4 *A's*] om. 5 ante *ΞΠ* del. *H* 7  
*MΠΞ*] *MΞΠ* 11 τῷ] τῇ *ΞΣΠ*] *ΞΟΠ* 13 τοντέστι — 14  
*ΞΣ* (pr.)] ter (alt. et tertio loco *TΣΖ*) 14 *MΣΠ*] *ΜΟΠ*  
 19 ξστίν] bis  
 p. 318, 1 α'] om. 5 γενόμενα  
 p. 320, 9 ΔΗΓΕ] *Γ* e corr. 11 β'] om. (ut deinceps)  
 p. 322, 4 ΓΛΗΙ] *ΓΛΗ*  
 p. 324, 4 τοῦ *ΓΖ*] e corr.  
 p. 326, 3 συμπίπτωσι] sic\*  
 p. 328, 13 *KΜΑ*] *ΚΑΜ*  
 p. 330, 2 ΦΧΤΛΨ 12 τὸ *NE*] sic\* 13 *TK*] *ΓΚ* 20  
*ΞΙ*] *Ξ* τῷ] τό<sup>1)</sup>  
 p. 332, 3 *ΞΒΔ*] *Δ* e corr. 4 ΘΖΒ] *ΘΒΖ* 10 ΔΕΙ]  
 ΔΕ 15 τό] supra scr. 21 *AEZ* (pr.)] *AHZ* 23 *KΟ*]  
*KH* 29 *ΩΧΚΙ*] *ΩΧΚ*  
 p. 334, 14 προκείσθω  
 p. 336, 6 ὅτι] corr. ex ὅ m. 1 18 ξστι] om.  
 p. 338, 3 λείπον corr. in λιπόν m. 1 ḥ] ḥ 4 ḥ] sic\*  
 14 *BE*] *BΖ*  
 p. 340, 10 διοίσει] -οίσ- e corr. 13 τι] supra scr. m. 1  
 14 *B*] δεντέρας 22 *AM*] corr. ex *AM* m. 1 24 ΘΤ] *ΘΟ*  
 p. 342, 5 ḥ] ελ 9 τῷ] corr. ex τό m. 1 12 ξπιψανόνοσαι]  
 corr. ex ξπιψανόσαι m. 1 28 τήν] τό

\*) τίν ante ΣΑ' delendum; omittunt V.c.

- p. 344, 12 πεποιήσθω] sic\* 26 ΔΒΕ] δὲ ΔΒΕ 28  
ΔΒΕ] δὲ ΔΒΕ
- p. 346, 2 τῷ ΙΘΗ] sic\* 7 post ΔΒ del. E 9 ἢ P]  
ΗΡ 10 ναὶ] sic\* ΘΒΓ] ΘΒΓ 17 ἐν τοῦ] bis, sed  
corr. 19 post ΘΛΖ una litt. macula obscurata
- p. 348, 11 ἐφαπτέσθω 20 ΒΛΓ] corr. ex ΒΓ ΛΓ 22  
ἐστι] om. 23 τῷ] e corr.
- p. 352, 18 ΙΜΕ] ΙΕΜ 23 ΖΞ] ΞΖ
- p. 354, 1 πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΓ] πρός, sed del. m. 1
- p. 356, 4 ΒΛΓ] ΛΓ e corr. 18 αῖ] sic\* 23 ΜΛΞ] ΜΛΖ
- p. 358, 1 ΔΖΤ] ΔΖΓ 9 τις] om. 24 ΒΖΔ] ΒΔΖ
- p. 360, 2 ὑπό] corr. ex ἀπό 16 ὑπό] corr. ex ἀπό
- p. 362, 25 πλευρά] πλευρᾶ
- p. 364, 4 ΚΕΛΜ] ΕΚΛΜ 10 ΗΖ] ΗΞ 24 συμπίπτω-  
σιν] sic\*
- p. 366, 22 ΤΝΞΣ] ὑπὸ ΤΝΞΣ
- p. 368, 9 τύπω] om. 26 ἵσον] corr. ex πρὸς τόν
- p. 370, 11 μέν] om. 20 ἀπό] e corr.
- p. 372, 8 ΡΝΜ] ΡΤΜ 9 τό (pr.)] sic\* 18 τοῦ — 19  
ΑΕ] sic\*
- p. 374, 6 ὑπό] sic\*
- p. 378, 3 ΝΖ] ΝΞ 15 ante τετράγωνον del. εἶδος 28  
ἐστι] om.
- p. 380, 18 post ΒΔ aliquid del. (εἰ ...)
- p. 382, 13 Ζ] Ξ 14 ἄρα εἰστι] om. 19 ΛΞ] ΔΞ
- p. 384, 8 συμπτώσεως] συμπτώσεως ναὶ
- p. 386, 9 συμπτώσεως] πτώσεως
- p. 388, 6 ΔΜ] ΔΝ 20 ΓΗΘ] e corr. 21 ΓΗ] ΓΗΘ  
e corr.
- p. 390, 4 ΝΑΚ] ΝΚΑ 6 ΗΞ] ΗΓΞ 11 τε] supra scr.
- p. 392, 12 ΑΜ] Α
- p. 394, 17 ΜΠ] corr. ex ΠΜ
- p. 396, 15 ἢ (pr.)] om. 23 ὑποβολῆ
- p. 398, 12 ΑΔ] corr. ex Δ 13 ΔΟ] ΔΗ
- p. 400, 3 τῆν] τόν 20 ναὶ — 21 ΣΗ] om. 22 τὸ ΝΓ] sic\*
- p. 402, 11 μέν] supra scr.
- p. 404, 1 ΑΓ] e corr. 7 δέ] om. 10 ΑΓΡΞ
- p. 406, 23 ἢ (pr.)] om.
- p. 408, 12 ΕΘΣ] ΕΘΟ 15 post ΘΜ del. ναὶ ἐναλλάξ

- p. 410, 16 ἔστωσαν] e corr. 27 ὡς (alt.)] supra scr. m. 1  
 p. 412, 4 πρός (alt.)] sic\* 11 πρός] bis  
 p. 414, 17 ΓΠ] corr. ex Π 20 MB] sic\* 21 ἔσται]  
 sic\* 26 ως δέ] corr. ex καὶ ως ἄρα  
 p. 416, 7 ὡς KA — AN] om.  
 p. 420, 10 ἀπὸ τῶν] sic\*  
 p. 422, 1 ἵσον — 2 ΑΒΝ] om. 17 τῷ] sic\* ΗΔΕ]  
 corr. ex ΒΔΕ 27 ἵν] om.  
 p. 426, 3 εἰσι] εἰσι 6 ποιοῦσι] corr. ex ποιοῦσιν ἐν-  
 θεῖας 9 ΓΔΖ] sic\* 16 αὐτῷ] bis  
 p. 428, 7 ἵση] ἵση ἔστιν 14 πρός] bis 27 ως — ΜΑ] om.  
 p. 430, 19 κάθετος] bis  
 p. 432, 1 ΗΘΒ] Η e corr.  
 p. 434, 10 ἔστιν 18 ὁ] ὡς  
 p. 436, 8 ἐλλείψει] corr. ex ἐλλείψεως τόν] corr. ex  
 τὴν 22 ἵση ἄρα — 23 ἵση] bis 23 ἵση] sic altero loco,  
 priore ἔστιν ἵση  
 p. 438, 11 ἥχθωσαν 21 ΖΒ — 25 τῆς (pr.)] om. 26  
 ΓΕ] ΕΓ  
 p. 440, 25 Η, Ζ] corr. ex ΖΗ  
 p. 442, 15 τὸ δέ — 16 ΑΘΚ] om. 23 μέσον  
 p. 446, 4 ΑΚ] corr. ex Κ 5 δι'] e corr. 7 ὁ] om. 24  
 λόγον ἔξει] sic\*  
 p. 448, 5 ΑΕΖΗ] ΑΕΝΖ 14 ὑπό] sic\* 17 ΘΔ] ΑΔ  
 20 ΘΔ] ΘΛ 22 πρός] sic\*  
 p. 450 in fine, sed ita, ut pro titulo libri IV haberit possit,  
 Ἀπολλωνίου Περγαίου κωνικῶν γέ ἐκδόσεως Εὐτοκίου Ἀσκαλωνί-  
 τον εὐτυχῶς.  
 II p. 4, 3 ποιηλῶν] sic\* ξενιζόντων] ξενιξόντων 8  
 Κώνωνα 9 Κώνωνος 22 α'] om., ut deinceps 26 δύο]  
 τὰ δύο  
 p. 6, 6 ἔστω] ἔστωσαν 15 ἐφαπτομένην] sic\*  
 p. 8, 21 συμπεσεῖται] sic\*  
 p. 10, 17 τῶν ἀ-] sic\*  
 p. 12, 7 τῆς] τοῦ 14 ὑπό] corr. ex ἀπό  
 p. 16, 3 διαιρέσεων] αἰρέσεων 5 συμπτώσεων] corr. ex  
 ἀσυμπτώτων 6 τῆς γραμμῆς] γραμμῆς 9 Ε] om.  
 p. 18, 5 Δ] τέταρτον 20 Δ] τέταρτον 24 τέμνονται] sic\*  
 p. 20, 13 μηδέ] μή  
 p. 24, 5 ἐφάπτηται] corr. ex ἐφάπτεται  
 p. 26, 13 περιεχομένης] ἀγομένης

- p. 28, 15 ἐν] om. 24 εὐθεῖαι] om.  
 p. 30, 10 ἡ (pr.)] e corr.  
 p. 32, 20 δῆ] om. 28 συμβαλέτω  
 p. 34, 21 ante συμπτώσεων del. α  
 p. 36, 7 Ε] δευτέραν 12 συμπτώσεων] sic\*  
 p. 38, 9 συμβαλέτω  
 p. 40, 18 Ε] δῆ] corr. ex δέ  
 p. 42, 6 Α] πρῶτον 8 συμβαλέτωσαν  
 p. 46, 17 δῆ] supra scr. m. 1 27 ΑΗΒ] ΔΗΒ? 28 τά] om.  
 p. 50, 11 ΑΒ — 12 ἡ] om. 12 δῆ] δέ 24 τά] om.  
 p. 52, 12 τά] om. 20 ΗΔ] corr. ex Δ  
 p. 54, 2 εἰσίν] εἰσι 5 post περιφέρεια del. ἡ ΑΒΓ 10  
 συμβαλλέτω] -λέτω e corr.  
 p. 56, 18 συμβαλέτω 19 Α] Κ  
 p. 60, 5 νοῦλοις] corr. ex νύνλοις 16 συμβαλέτω 23  
 Η] Κ  
 p. 62, 11 συμβαλέτω τά] sic\*  
 p. 64, 13 ante κατά del. κατά τὸ Α, ναὶ ὅν μὲν ἔχει λόγον  
 ἡ ΑΑ πρὸς ΑΒ, ἔχετω ἡ ΑΠ πρὸς ΠΒ, δν δὲ ἡ ΔΛ πρὸς ΑΓ,  
 ἡ ΔΕ πρὸς ΡΓ. ἡ ἄρα διὰ τῶν Π, Ρ 20 αὐτῆς] αὐτοῖς 25  
 περιέχουσιν  
 p. 66, 13 ΔΡ] ΔΕ  
 p. 68, 3 Δ] ΗΔ 13 οὐ] om. 24 συμβαλλέτω — 25 Γ]  
 om. 26 ΔΕΚ] ΔΕΗ  
 p. 70, 1 συμβαλέτω 18 post δίχα supra scr. ναὶ m. 1  
 p. 72, 1 ΘΑΜ] ΘΑΜΣ 11 ΟΡΓ (pr.)] ΘΡΓ  
 p. 74, 25 πρόσ] om.  
 p. 76, 15 συμβαλέτω  
 p. 78, 26 συμβαλέτω κατά] sic\*  
 p. 80, 6 ΘΖΗ] ΘΗΞ 26 ΖΡΘ] ΖΘΡ  
 p. 82, 13 ΑΓ] corr. ex ΑΒ 17 ἐκατέραν 23 συμ-  
 βαλέτωσαν  
 p. 84, 1 ΘΔ] corr. ex ΔΔ  
 p. 90, 20 ἐπιψαύσιν] corr. ex ἐπιψαύσουσιν  
 p. 92, 7 δύο] τὸ Β 15 συμπίπτει  
 p. 94, 9 ΓΔ] sic\* 12 ἡ — 13 ΑΒ] sic\*  
 p. 96, 4 οὖν] om. In fine Ἀπολλωνίου κωνικῶν δ.

qui hanc collationem perlustrauerit, statim intelleget, emendationes codicis c tam paucas tamque fuitiles esse, ut nullo negotio a librario coniectura inuentae esse possint; quare nihil

obstat, quominus putemus, c e V pendere. et hoc suadent errores, qui sequuntur:

- I p. 74, 23  $\dot{\eta}$ ] om. V in extr. lin., om. c
- p. 80, 5  $\tau\tilde{\eta}s$ ] om. V in extr. lin., om. c
- p. 88, 25  $\tau\omega\mu\dot{\eta}v$ ]  $\tau\omega\dot{u}$  V in extr. lin., c
- p. 136, 27  $\pi\alpha\varrho\acute{a}$ ]  $\pi\acute{u}$  V in extr. lin., c
- p. 226, 6  $\tau\acute{o}$ ] om. V in extr. lin., postea ins. c
- p. 294, 16  $\dot{\eta}$  (alt.)] om. V in extr. lin., om. c
- p. 340, 24  $\Theta T$ ]  $v$  simile litterae o V,  $\Theta O$  c
- p. 388, 28  $\tau\acute{o}$  (tert.)] om. V in extr. lin., om. c
- p. 390, 6  $H\Xi$ ]  $\eta\beta$  V, h. e.  $H\Xi$  corr. ex  $H\Gamma$ ;  $H\Gamma\Xi$  c
- p. 436, 10  $\ell\lambda\lambda\epsilon\pi\sigma\sigma$ ]  $\lambda\epsilon\pi\sigma\sigma$  initio lineae V,  $\lambda\epsilon\pi\sigma\sigma$  c.

iam de codice p uideamus et primum scripturas eius Paris. 2342  
a meis discrepantes adferamus iis omissis, quae iam in <sup>(P)</sup> adparatum criticum receptae sunt:

- |  |   |
|--|---|
| I p. 2, 8 $\varepsilon\bar{\nu}\alpha\varrho\sigma\sigma\tau\acute{e}\sigma\omega\mu\sigma\sigma$ ] supra scr. $\varepsilon\bar{\nu}\alpha\varrho\sigma\sigma$ | 12 $\pi\alpha\varrho\alpha\gamma\epsilon\pi\mu\sigma\sigma$ |
|--|---|

- p. 4, 25  $\delta\acute{e}$ ]  $\delta\acute{e}$   $\pi\varrho\acute{e}$
- p. 6, 12 post  $\sigma\eta\mu\epsilon\sigma\sigma$  del.  $\ddot{o}$   $\kappa\alpha\dot{l}$   $\tau\tilde{\eta}s$  27  $\tau\tilde{\eta}s$   $\gamma\varrho\alpha\mu\tilde{\eta}s$ ] om.
- p. 8, 3  $\varepsilon\bar{\nu}\theta\epsilon\sigma\sigma$ ] om. 18  $\sigma\bar{\nu}\xi\gamma\epsilon\sigma\sigma$  — 20  $\pi\alpha\varrho\alpha\ll\eta\lambda\sigma\sigma$ ]
- mg. m. 1
- p. 10, 10  $\pi\bar{\nu}\sigma\sigma\mu\sigma\sigma$ ] om. 15  $\beta'$ ] om. 21  $\tau\acute{\eta}v$ ]  $\tau\acute{\eta}v$   $\kappa\omega\pi\acute{\eta}v$  27  $\dot{\epsilon}\pi\acute{\eta}\epsilon\bar{\nu}\chi\bar{\nu}\sigma\sigma\chi\sigma\sigma$ ] corr. ex  $\dot{\epsilon}\pi\acute{\eta}\epsilon\bar{\nu}\chi\bar{\nu}\sigma\sigma\chi\sigma\sigma$
- p. 12, 4 AZ] AB 5 BGA] ABΓ 12  $\dot{\epsilon}\kappa\beta\epsilon\beta\lambda\acute{\eta}\sigma\sigma$  — 13  $\dot{\epsilon}\pi\varphi\alpha\pi\acute{\eta}\sigma\sigma$ ] mg. m. 1
- p. 14, 23  $\tau\acute{o}$ ]  $\kappa\alpha\dot{l}$   $\dot{\epsilon}\sigma\sigma\omega$   $\tau\acute{o}$  24  $\dot{\epsilon}\sigma\sigma\acute{e}$ ]  $\dot{\epsilon}\sigma\sigma\acute{e}$   $\dot{\eta}$  AZ 25  $\sigma\mu\beta\alpha\acute{\eta}\sigma\sigma$  26  $\dot{\epsilon}\sigma\sigma\acute{e}$ ]  $\dot{\epsilon}\sigma\sigma\acute{e}$  27  $\tau\acute{o}$ ]  $\dot{\epsilon}\sigma\sigma\omega$   $\tau\acute{o}$
- p. 16, 8  $\dot{\eta}$  (alt.)] corr. ex  $\alpha\acute{l}$   $\tau\tilde{\eta}$ ] supra scr. 9  $\pi\alpha\varrho\alpha\ll\eta\lambda\sigma\sigma$   $\pi\alpha\varrho\alpha\ll\eta\lambda\sigma\sigma$   $\dot{\epsilon}\sigma\sigma\acute{e}$  10  $\Delta H$ ]  $\tau\acute{\eta}v$   $\Delta H$ , et similiter semper, ubi nihil adnotatum est 11 ZΓ] ΓΖ 12  $H\Theta$ , HE]  $\Theta H$  EH 13  $\acute{\alpha}\ll\eta\lambda\sigma\sigma$   $\varepsilon\bar{\nu}\sigma\sigma$

- p. 20, 1 EZΔ] EZ, ZΔ, et ita semper, ubi nihil adnotatum est

- p. 22, 11  $\dot{\epsilon}\pi'$   $\varepsilon\bar{\nu}\theta\epsilon\sigma\sigma$ ] om. 17  $\dot{\alpha}\varrho\alpha$   $\sigma\eta\mu\epsilon\sigma\sigma$ ]  $\sigma\eta\mu\epsilon\sigma\sigma$   $\dot{\alpha}\varrho\alpha$
- p. 24, 1  $\dot{\eta}\tau\sigma\sigma$ ]  $\dot{\eta}$  11  $\alpha\acute{l}\acute{e}\acute{l}$ ]  $\dot{\alpha}\acute{e}\acute{l}$  27  $\delta\acute{\eta}$ ]  $\delta\acute{e}$  28  $\tau\acute{l}$ ]  $\tau\acute{s}$
- p. 26, 7  $\tau\omega\mu\dot{\eta}v$ ] om. 8  $\dot{\epsilon}\pi\acute{l}$   $\tau\tilde{\eta}s$ ] om. 30  $\tau\varrho\gamma\acute{\omega}\acute{\nu}\varphi$   $\dot{\epsilon}\sigma\sigma\acute{e}$  om.  $\dot{\alpha}\dot{\varrho}\dot{\sigma}\dot{\theta}\dot{\alpha}\dot{\sigma}$ ]  $\dot{\alpha}\dot{\varrho}\dot{\sigma}\dot{\theta}\dot{\alpha}\dot{\sigma}$   $\dot{\epsilon}\sigma\sigma\acute{e}$
- p. 28, 1  $\dot{\epsilon}\sigma\sigma\acute{e}$   $\pi\varrho\dot{\sigma}\dot{\sigma}$   $\dot{\alpha}\dot{\varrho}\dot{\sigma}\dot{\theta}\dot{\alpha}\dot{\sigma}$ ]  $\dot{\alpha}\dot{\varrho}\dot{\sigma}\dot{\theta}\dot{\alpha}\dot{\sigma}$   $\dot{\epsilon}\sigma\sigma\acute{e}$  3  $\dot{o}$  — 6  $\delta\acute{\eta}$ ] om. 10  $\dot{\epsilon}\sigma\sigma\acute{e}$   $\pi\varrho\dot{\sigma}\dot{\sigma}$   $\dot{\alpha}\dot{\varrho}\dot{\sigma}\dot{\theta}\dot{\alpha}\dot{\sigma}$ ]  $\dot{\alpha}\dot{\varrho}\dot{\sigma}\dot{\theta}\dot{\alpha}\dot{\sigma}$   $\dot{\epsilon}\sigma\sigma\acute{e}$  11 HΖ] ZΗ 13  $\dot{\epsilon}\sigma\sigma\acute{e}$   $\pi\varrho\dot{\sigma}\dot{\sigma}$   $\dot{\alpha}\dot{\varrho}\dot{\sigma}\dot{\theta}\dot{\alpha}\dot{\sigma}$ ]  $\pi\varrho\dot{\sigma}\dot{\sigma}$   $\dot{\alpha}\dot{\varrho}\dot{\sigma}\dot{\theta}\dot{\alpha}\dot{\sigma}$   $\dot{\epsilon}\sigma\sigma\acute{e}$  14  $\dot{\epsilon}\sigma\sigma\acute{e}$   $\pi\varrho\dot{\sigma}\dot{\sigma}$   $\dot{\alpha}\dot{\varrho}\dot{\sigma}\dot{\theta}\dot{\alpha}\dot{\sigma}$ ]  $\pi\varrho\dot{\sigma}\dot{\sigma}$

- όρθιάς ἔστιν 18 ἡ ΔΕ] οὐδέ 19 ἔστι πρὸς ὀρθάς] πρὸς  
όρθιάς ἔστιν p. 30, 5 προσεκβαλῆται 20 ἐνβαλῆται 24 ἐπεί] καὶ ἐπεί  
p. 32, 1 ἥχθω] om. 4 ΚΑΛΜΝ] ΚΜΛΝ 9 ΚΑΛΜΝ]  
ΚΜΛΝ 21 ἀπὸ τῆς ΖΗ εὐθεῖαν] εὐθεῖαν ἀπὸ τῆς ΖΗ  
p. 34, 1 ὑπεναντίως] ὑπεναντίως ἥγμένῳ 9 ΒΑ] ΑΒ 10  
τε] om. 12 Α, Β, Γ] ΑΒ, ΒΓ τομῆς] om. 16 ΜΛ]  
ΚΜΗ 27 ΜΝ] ΝΜ 29 ἵση ἔστι] om. ΜΕΞ] ΜΕΞ  
ἵση ἔστιν p. 36, 12 δῆ] δέ 16 Η, Θ] Ζ, Η 23 νεύει\*) 25  
ΔΖΕ] ΔΕΖ p. 38, 15 τὸ Α σημεῖον κορυφή] κορυφὴ τὸ Α σημεῖον 22  
τριγώνου] τριγώνου τοῦ ΑΒΓ 24 πεποιήσθω] -ή- e corr. ΒΓ]  
τῆς ΒΓ, et similiter semper ΒΑΓ] τῶν ΒΑ, ΑΓ, et similiter  
semper 26 ἡ] ἥχθω ἡ 28 ΜΝ] ΜΛΝ p. 40, 9 τοῦ] τοῦ λόγον 10 ΒΓ] ΓΒ 11 ἐκ] ἐκ τε  
ΓΑ] ΓΑ λόγον 14 ΒΓ] ΓΒ ΜΝ] ΝΜ 15 ΝΛ] ΛΝ  
17 ΝΛ] ΛΝ ἐκ] ἐκ τε 18 ΜΛ] ΛΜ ΑΖ] ΜΖ τοῦ]  
om. ΛΝ] ΝΛ 19 ΜΛΝ] mut. in ΜΛ, ΛΝ m. 1 ώς]  
καὶ ώς 20 οὗτω, ut semper fere ante consonantes 22 ώς  
— 25 ΘΖΛ] τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν ΜΛ, ΛΝ ἵσον ἔστι τῷ ὑπὸ τῶν  
ΘΖ, ΖΛ 25 τό] τῷ 26 ἄρα] supra scr. m. 1 p. 42, 15 μὲν οὖσα] μένουσα 19 τῶν τῆς βάσεως τμη-  
μάτων] τῆς βάσεως τῶν τμημάτων p. 44, 4 τριγώνου] κύκλου comp. 9 ΒΓ] ΒΓ κατὰ  
τὸ Κ 24 ΡΣ — 26 ΜΝ] mg. 28 ΖΘ] ΘΖ p. 46, 2 τε] om. τοῦ] τοῦ λόγον 3 καὶ — 4 ΚΒ]  
om. 12 ΣΝΡ] ΡΝ, ΝΣ 13 ΣΝΡ] ΡΝ, ΝΣ 15 ΖΝ]  
ΝΖ λαμβανομένης] -ης e corr. 19 ΣΝΡ] ΡΝ, ΝΣ ΞΝΖ]  
ΖΝ, ΝΞ 20 ΣΝΡ] ΡΝ, ΝΣ 21 ΞΝΖ] ΖΝ, ΝΞ ΞΝΖ]  
ΖΝ, ΝΞ ἔστι τὸ ΞΖ] τὸ ΖΞ ἔστι 22 ΞΖ] ΖΞ p. 48, 4 δέ] om. 11 τῆς] om. 20 δύναται  
p. 50, 3 οὖσαν 4 ἡ ΕΘ — 5 ἥχθω] supra scr. 10 ΕΘ]  
corr. ex Θ 12 ΘΕ] ΕΘ 13 Θ] Ν ΕΜ] ΜΕ 20 ἡ  
τομή — 21 ΑΜ] in ras. p. 52, 7 ΜΞ(pr.)] ΜΝ 9 ΞΜΕ] ΝΜ, ΜΕ 10 ΞΜΕ]  
ΝΜ, ΜΕ 12 καὶ — 13 τῆς ΑΜ] om. 14 ΘΕ] ΕΘ 15  
ΟΝ] ΕΞ 25 ἐπί] παρά 26 εὐθεῖα

\*) P. 36, 25 pro εὐθεῖα scriendum εὐθεῖας; sic Vcp.

p. 54, 18 ἐπειδή] ἐπεί ὁρθάς] ὁρθάς ἔστι 19 ἐκατέρᾳ]  
ἐκατέρᾳ ἐκατέρᾳ

p. 56, 3 ΒΣΓ] ΒΓ, ΓΣ 4 ΟΤΞ] ΟΞ, ΞΤ 16 ΒΣΓ]  
ΒΓ, ΓΣ 24 ἵση — ΘΡ] ἡ ΘΡ ἵση ἔστι

p. 58, 1 ΞΤΟ] ΟΤ, ΤΞ 3 ΞΤΟ] ΟΤ, ΤΞ 5 ΞΤΟ]  
ΟΤ, ΤΞ 11 ποιήσῃ 25 ποιείσθω] πεποιήσθω AB] sic  
26 τίν] om. 28 ΗΘ] e corr.

p. 60, 1 ΘΛ] ΘΚ παράλληλοι ἄχθωσαν τῇ ΘΔ 8  
ΞΟ, ΓΠ] in ras. 10 τό] τῷ τῷ] mut. in τό 11 τό]  
τῷ τῷ] τό 13 ΤΠ] ΠΤ καὶ — ΤΑ] ἵση ἄρα ἔσται καὶ  
ἡ ΒΠ τῇ ΠΝ 15 ΟΤ] ΤΟ ἵσον ἔστι 16 ΤΤ] ΤΝ τῷ  
ΤΞ — 17 ἵσον] ἵσον ἔστι τῷ ΤΞ καὶ τὸ ΣΝ ἄρα ἵσον ἔστι  
τῷ ΤΞ 18 ΠΟ — 19 ὑπερέχει τῷ] om. 20 ΞΗ] ΗΞ 26  
ΕΘΔ] ΕΘ, ΕΔ 27 ΗΞ] ΞΗ καὶ 29 AB] sic

p. 62, 1 τίν] om. τίν] supra scr. 5 πρός] om. 6  
τοντέστι τό] οὗτω τὸ μέν 7 οὗτως τό] τὸ δέ 8 τοντέστι  
— ΟΣ] ἀλλ' ὡς ἡ ΠΓ πρὸς τὴν ΓΒ, οὗτως ἡ ΠΣ πρὸς τὴν  
ΣΟ 9 ΕΘΔ] τῶν ΠΣ, ΣΟ ΠΣΟ] τῶν ΕΘ, ΘΔ 14 δῆ]  
om. 20 τό] τῷ 21 τῷ] τό τό] τῷ 22 τῷ] τό 23 ΨΧ]  
ΧΨ ΑΞ] sic 25 BX] sic καὶ — 26 BX] om. 26 ΞΑ]  
sic ΞΞ] ΞΧ 27 XB] sic 28 ἔστιν ἵση] ἵση ἔστιν

p. 64, 3 ΔΘ] ΔΕ 6 παρατεταγμένως κατηγμένη 10 ἡ  
ΑΒ δίχα 11 παρατεταγμένως κατηγμένη 24 AB] sic, ut  
saeppe post πρός 25 AE] EA

p. 66, 1 τίν] om. post ΑΑ magna ras. τίν] om. 4  
ΒΔ] ΑΒ 5 ΝΛΒ] τῶν ΝΛ, ΑΒ (ΝΛ e corr.) 12 ἵση ἔστιν]  
ἔστιν ἵση 14 τῇ] ἡ ΗΘ τῇ

p. 68, 3 εὐθεῖα ἀχθῆ κατηγμένη 13 ΑΓ] ΓΑ 18  
διόπερ διόπερ καὶ 20 ἐάν] ἐὰν ἐν

p. 70, 5 ΕΖ] ΖΞ 9 Ε] om. 11 Ζ, Β] Γ μέοη

p. 74, 11 ΑΓ] ΓΑ 12 post ΑΒ add. καὶ ὡς τὸ ἀπὸ τῆς  
ΔΕ πρὸς τὸ ἀπὸ τῶν ΑΕ, ΕΒ, οὗτως ἡ ΓΑ πρὸς ΑΒ 13  
τό (pr.)] τῷ 16 τό] τῷ 18 ΗΒ] ΚΒ ΚΗ] e corr. 19  
ΗΒ] Η e corr. 20 ὡς ἄρα] ἔστιν ἄρα ὡς 25 ἐναλλάξ]  
ἐναλλάξ ἄρα

p. 76, 9 τῇ] τῆς 16 ΑΒ] ΒΑ 20 ante μεῖζον add. μεῖζον  
δὲ τὸ ὑπὸ τῶν ΖΕ, ΕΑ τοῦ ὑπὸ τῶν ΖΒ, ΒΑ 21 post ΔΒ  
add. μεῖζων ἄρα καὶ ἡ ΓΕ τῆς ΔΒ

p. 78, 6 ΗΕ] ΕΗ ΔΓ] ΓΔ 8 ΒΗΑ — ὑπό] om. 12  
μεῖζον τοῦ ὑπὸ ΔΚΓ 14 ΖΘ] ΘΖ 15 ΖΘ] ΘΖ

. p. 80, 1 ΔΖ] ΖΔ ΔΖ] ΖΔ 16 ἐπεί] καὶ ἐπεί ἔστι  
Apollonius, ed. Heiberg. II. c

17 *HZ*] *ZH* 18 *EZ*] *ZE* 20 *ἐν*] om. 22 *μόνον*]  
om. 23 *ΑΒΓ*] *ΒΑΓ*

p. 82, 5 *ΘΓ*] *ΓΘ* 10 *κατά* — 12 *καί*] mg. 13 *Λ*] e corr. 20 *τῶν* — 21 *κατασκευασθέντων*] *καί* 23 *ἐπεὶ οὖν*] *καὶ συμπιπτέτω τῇ ΒΔ ἐκβληθείσῃ κατὰ τὸ Μ καὶ τῶν λοιπῶν ὁμοίως τῇ ἄνωθεν καταγραφῇ κατασκευασθέντων ἐπεὶ* 25 *ΜΓΑ*] sic 27 *HE*] *τοῦ HE* 28 *EH*] *τῆς HE*

p. 84, 19 *δύνανται*] *δύνανται* αἱ *καταγόμεναι* 22 *ἐπεὶ*] *καὶ ἐπεὶ* 23 *ZAB*] *τῶν BA, AZ* *ἔστιν*] *ἔστιν ἄρα AB*] *BA* 26 *ZΔ*] *ΔΖ* 27 *ἐπειδὴ*] *ἐπεὶ*

p. 86, 5 *BAM*] *τῶν AB, BM* *ώς*] *καὶ ως* 9 *ἴσον*] *ἴσον ἐστὶ* 10 *AM*] *AB* 12 *ΓΔ*] *ΔΓ* 18 *διάμετρος ἡ AB* 23 *συμπίπτει* 24 *AB*] *ΑΔ*

p. 88, 3 *HN*] *ΕΗ* *συμπεσεῖται* *ἄρα τῇ MN κατὰ τὸ N· παράλληλοι γάρ εἰσιν ἡ μὲν ΚΛ τῇ MN, ἡ δὲ ΚΘ τῇ EN; deinde del.* *καὶ ἐπεὶ παράλληλοι εἰσιν ἡ μὲν ΚΛ τῇ MN, ἡ δὲ ΚΘ τῇ EN* 4 *παράλληλοι εἰσιν ΚΛ*] *μὲν ΚΛ* 5 *ὅμοιον*] *ὅμοιον ἄρα ΚΘΛ* *ΚΘ* 7 *ἔστιν*] *ἔστι λιγότερον* 8 *τῷ — ἔστι λιγότερον* *ἔστι λιγότερον τῷ ἀπὸ τῆς MN* 11 *ΒΛΑ*] *ΒΔ, ΔΑ* *ώς*] *καὶ ως*

12 *AMB*] sic 13 *καὶ ἔστιν*] *ἀλλ' ΛΚ*] *τῆς ΚΛ* 14 *καὶ ως — 15 ὁρθίαν*] *supra scr.* 21 *εὐθεῖα*] -α e corr.

p. 90, 1 *τεταγμένως*] *τετ-* e corr. 2 *κείσθω*] *ἔστω ZH*] *HZ* 4 *ΒΕΑ*] *τῶν BEA* *καὶ ἐπεὶ ἔστιν*] *ἀλλ'* 9 *τό*] corr. ex *τῷ* 20 *ΔΓΕ*] *Ε* e corr. *ΓΔ*] *ΔΓ*

p. 92, 7 post *ΓΗ* add. *καὶ ως ἄρα τὸ ὑπὸ τῶν BZ, ZA πρὸς τὸ ὑπὸ τῶν AH, HB, οὕτω τὸ ἀπὸ τῆς ZΓ πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΓΗ* 11 *ΓΖ*] *ΓΒ* *ΒΓ*] *ZΓ* 12 *τῷ*] *τό τό*] *τῷ* 13 *τῷ*] *τό τό*] *τῷ* 21 *προσεκβληθεῖσα*] *ἡ προσεβληθεῖσα* 24 *οὖν*] om.

p. 94, 2 *ἀπό*] *ἀπὸ τοῦ* 18 *διελόντι — 15 AΘB*] om. 23 *τε*] *τε τοῦ* 27 *ἥχθω*] *κατηγμένην* *ἥχθω*

p. 96, 11 *οὖν ως*] om.

p. 98, 4 *τεταγμένως ἀπ' αὐτοῦ*] *ἀπὸ τοῦ Δ τεταγμένως* 14 *ἡ ΞΘ*] *οὗτως ἡ ΞΘ* 16 *ώς*] *καὶ ως* 18 *AΘΞ*] *ΞΘ, ΘΑ*

p. 100, 9 *ΓΔ*] *ΓΔ* *οὗτως* 10 *ΓΔ*] *ΓΔ* *οὗτως* 16 *ΒΕΑ*] *τῶν BEA* 22 *ἡ*] *supra scr.*

p. 102, 6 *καί*] bis 13 *ΓΕ*] *ΕΓ* 15 *ΕΓΖ*] *ΕΖΓ* 17 *HZΘ*] *ΘZH* 18 *ἐπιξευχθεῖσαι — 19 M*] *ἐπιξευχθεῖσα* η *ΓΗ* *ἐκβεβλήσθω ἐπ' εὐθείας κατὰ τὸ Μ καὶ συμπιπτέτω τῇ BK ἐκβληθείσῃ κατὰ τὸ Μ καὶ προσεκβεβλήσθωσαν αἵ τε ΑΔ καὶ ΓΔ κατὰ τά* 26 *AN*] *τὴν ON*

- p. 104, 5 *MB*] *MΔ* 6 ἔστι] om. 8 *BHA*] τῶν *BHA*  
 τὸ ἄρα] ἄρα τό 24 τῆς (pr.)] om.
- p. 106, 2 *HE*] *HΣ* 4 δυοῖν 7 εἰς] οὐλ εἰς
- p. 108, 5 ἔστω] ἔσται 9 τά] ἔσται τά ἔστιν] om. 25  
 τῆς (pr.)] om.
- p. 110, 8 *AEZ*] τῶν *EΔ*, *AZ* 10 *ΓΔ*] *ΔΓ* 11 *ΓΕ*] *E*  
 13 ἡ *AΔ* — 14 πρὸς *EB*] lacuna 18 *ZΔ*] *BΔ* 23 ἵσον]  
 ἵσον ἔστι 24 ὡς] om. 25 οὐλ — 26 ὁρθίαν] om. 28  
 ἡμίσεια — *AB*] postea add. mg.
- p. 112, 1 ὡς] οὐλ ὡς 2 *BZ*] *ZB* 7 *ZE*] *EZ* 8 *ZE*]  
*EZ* 10 λοιπῷ — 11 *AEZ*] ἵσον ἔστι τῷ ὑπὸ τῶν *BE*, *EA*  
 ἀλλ' ὡς μὲν τὸ ὑπὸ τῶν *ΔE*, *EZ* 12 ἀλλ' ὡς] ὡς δέ *ΓΕ*]  
*ΕΓ* 13 ὡς] οὐλ ὡς 17 συμπέση 21 post τομῆς del. ἵσον  
 περιέξει τῷ ἀπὸ τῆς ἡμίσειας 26 πλευρὰ τοῦ εἶδον
- p. 114, 3 τῆς] supra scr. 4 παράλληλος — 5 ΘΕ] οὐλ  
 ἐφαπτομένη τῆς τομῆς οὐτὰ τὸ *E* οὐλ τῇ *AB* παράλληλος ἔστω  
 ἡ *EΘ* 10 ἀλλ' — 11 ὁρθίαν (pr.)] ἀλλ' ἔστιν ὡς ἡ πλαγία  
 πρὸς τὴν *BA* ἡ *ΓΔ* πρὸς τὴν ὁρθίαν mg. 12 τά] τὰ τούτων  
 17 ἐκ τοῦ] om. 19 ἐκ] ἐκ τε 20 ἐκ τοῦ] om. 23 ἐκ]  
 ἐκ τε ἐκ τοῦ] om. 25 ὡς] οὐλ ὡς 27 ἄρα ἔστιν] om.
- p. 116, 5 οὐλ — 6 πρὸς τό] τὸ δέ 8 ΘΕ] *HE* 10  
*ZΘH*] τῶν *ZΘ*, *ΘH*, alt. Θ corr. ex *H* 11 ὡς] οὐλ ὡς 19  
*ZHΘ*] τῶν *ZΘ*, *ΘH* 20 τό — 21 *ΓHΔ*] om. 23 *HΓ*]  
*ΓH* *ΓΘ*] Θ sequente lacuna 24 διπλᾶ διπλάσια comp.  
 τῆς] τῆς μέν 26 ὡς] οὐλ ὡς . 27 *ΓZΔ*] *ΓZ*, *ZΔ* *ΔΓ*]  
*ΓΔ* *ΓΘ*] Θ sequente lacuna 28 *ΔΘ*] *ΓΘ* *ΘΓ*] *ΘΔ*  
 ὅπερ — 29 δεῖξαι] om.
- p. 118, 1 *EZ*] *AZ* 2 τομῆς] τομῆς οὐτὰ τὸ *E* 3 *ZΘH*]  
 τῶν *ZH*, *HΘ* 9 ἔστιν] εἰσιν 14 ἐκ] om. 21 ἐκ] om. 22  
*EΔ*] *E* e corr. 26 τῷ ὑπὸ *ΓΕ*, *H*] τῷ ὑπὸ τῶν *ΕΓ*, *H* in  
 ras. 27 τοντέστιν — *ΕΓ*] om.
- p. 120, 2 *ΓΕ*] τῶν *ΕΓ* 9 *ZE*] *Z* 18 τὸν συγκείμενον  
 λόγον] λόγον ἔχει τὸν συγκείμενον 19 ἐκ] om. 21 περιφέρεια]  
 comp. postea ins. 23 ἥχθω ἐφαπτομένη 24 *ZH*] *HZ* 26  
*ZH*] *HZ*
- p. 122, 3 τὸ ἀπό] τὴν 7 ἐκ (alt.)] om. 8 *HA*] *AH*  
 13 ἐκ] om. *HΘ*] *ΘH* 21 τὶν λοιπήν] λοιπὴν τὴν\*)  
 ἐκ] om.
- p. 124, 6 *ΓΔ*] *ΔΓ* 7 λόγον ἔχετω 8 ἐκ] om. 15 ἡ

\*) In adnotatione critica litterae p et c permutandae.

δρθία — ΓΘ] om. 23 ἐκ (alt.)] om. 25 ἐκ] om. 27 ἐκ]  
om. 28 ΓΔ] ΔΓ

p. 126, 1 τῆς (alt.)] om. 2 λόγῳ] om. 3 ΓΗ] ΓΗ  
οῦτω 4 ὡς] καὶ ὡς 7 ὡς] καὶ ὡς 8 ἐναλλάξ] καὶ ἐναλλάξ  
11 ΖΑ] Α e corr. 14 Ζ] τὸ AZ 16 μετά] in ras. 17  
ΑΕ (pr.)] ΕΑ 18 ΕΑ] Α e corr. τά] seq. ras. 2 litt. 21  
ώς] καὶ ὡς 22 ὄμοιον] τὸ ὄμοιον 26 οὖν] om. 27 ὑπό]  
ἀπὸ τῶν 29 ΕΑ] ΑΕ

p. 128, 2 ἄρα] ἄρα οὖν 5 ὄμοιον] τὸ ὄμοιον 8 ὄμοιον]  
τὸ ὄμοιον 9 μετά — 10 ἄρα] τὸ ἀπὸ τῆς ΔΕ ἄρα εἶδος τὸ  
ὄμοιον τῷ AZ μετὰ τοῦ ΔΗ 12 παραβολῆς] ἐν παραβολῇ

23 τυχόντος σημείου

p. 130, 9 ΕΔΖ τρίγωνον] in ras. 10 ΖΗ] ΗΖ 11  
ΑΘΓ] ΑΓΘ 14 ἐστι] καὶ 24 πατηγμένην ἀπὸ τῆς ἀφῆς

p. 132, 2 ὄμοιῷ] τῷ ὄμοιῷ 9 Β] Β τε 10 post τριγώνῳ  
add. τοντέστιν ὅτι ἐπὶ μὲν τῆς ὑπερβολῆς μεῖζόν ἐστι τὸ ΓΜΗ  
(ΓΜΚ?) τρίγωνον τοῦ ΓΛΒ τριγώνου τῷ ΘΗΚ τριγώνῳ ἐπὶ  
δὲ τῆς ἐλλείψεως καὶ τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας ἔλασσον ἐστι  
τὸ ΓΜΚ τρίγωνον τοῦ ΓΛΒ τριγώνου τῷ ΚΗΘ τριγώνῳ 14  
ἐκ] ἐκ τε καὶ] καὶ τοῦ 17 ἐκ] ἐκ τε 18 καὶ] καὶ τοῦ

21 ΗΘΚ] ΗΘΚ τριγώνῳ 22 τά] om.

p. 134, 1 τομῆς] τῆς τομῆς 6 τεταγμένως] πατηγμένως 9  
κέντρον] comp. e corr. ὄμοιῷ] τῷ ὄμοιῷ 14 ὡς ἡ ΓΕ] ἡ  
ΖΓ ἐπὶ τῷ Ε 15 παράλληλος] παράλληλος ἥχθω 18 ΓΜΘ]  
ΘΓΝ ΓΒΔ] ΒΓΛ 24 ΔΕ] ΕΔ 26 ΜΘ] ΝΘ

p. 136, 5 τῇ] corr. ex ἡ 17 τρίγωνον] τοῦ 20 ἐπί — 23  
τομῆς] om. 25 δευτέρᾳ — ΘΔ] om. 26 ΓΜΛ] ΜΓΛ 27  
ἐπικενχθεῖσα] ἐπεξεύχθω 28 ἐνβεβλήσθω] om.

p. 138, 4 μετά] τὸ ΒΕΖ τρίγωνον μετά ΖΗΘ] ΘΗΖ 7  
ΓΜ] ΛΓΜ 11 τὸν συγκείμενον ἔχει λόγον 12 ἐκ] ἐκ τε  
τῆς δν ἔχει ἡ καὶ] καὶ τοῦ τῆς ὄρθιας] δν ἔχει ἡ  
ὄρθια 21 ἦτοι τοῦ ΓΔΘ] om. 22 διαφέρει — p. 140, 1  
ΓΔΔ] bis 23 ἄρα] ἄρα ἐστί

p. 140, 1 τριγώνῳ] om. 4 τό (alt.)] om. 20 ἐστὶν ἵση]  
ἵση ἐστίν 23 ΒΘ] ΘΒ ΛΜΔ] ΛΜ

p. 142, 2 ante ἐστὶν del. ἵσον 5 ΛΝ] ΝΛ 15 τυχόν]  
τυχὸν σημεῖον σημεῖον] om. 16 παράλληλος] τῇ ΔΕ  
παράλληλος 18 ΒΛ] ΑΒ

p. 144, 2 ἵσον ἐστί 4 λοιπῷ] om. 11 τομῇ] om. 15  
ΑΓ] ΑΓΕ 16 ΑΚ] ΚΛ 19 ΕΔ] ΔΕ 20 ΕΔ] ΔΕ 21  
ΝΗ] ΗΝ ΒΝΗ] ΒΗΝ

p. 146, 5 οὐατηγμένη 10 ἀφῆς] τομῆς 16 ZB] BZ 21 τῆς H οὐαὶ τῆς] τῶν H 26 ἵση ἔστι] ἔστιν ἵση ἔστιν ἵση] ἵση ἔστιν

p. 148, 1 ἵσον ἔστι 10 τό] οὐτω τό 12 τό (pr.)] οῦτω τό ὡς] οὐαὶ ὡς 14 post ἐναλλάξ add. ὡς τὸ ἀπὸ τῆς KA πρὸς τὸ ὑπὸ τῶν H, ΔΔ τὸ ὑπὸ τῶν KA, AN πρὸς τὸ ὑπὸ τῶν ΓΔ, ΔΔ

p. 150, 11 ΓΕ] E e corr. 14 ΕΓ] Γ 22 οὐαὶ] bis ΘΚ] KΘ 25 ΛΡΝ] ΛΝΡ 28 ΕΓ (alt.)] Γ in ras. 29 ΚΓ] ΓΚ

p. 152, 1 ante EH ras. 1 litt. 6 ΓΔΕ] ΔΓΕ 14 τῷ] τό 19 ΕΣ — 20 πρός] om. 21 ΞΜ — πρὸς ΕΔ] in ras. 22 ΕΣ] ΣΕ 23 ΕΣ] ΣΕ 24 ΕΔ] ΔΕ 27 ὡς] οὐαὶ ὡς 28 ΕΣ] ΣΕ ME] EM 29 ΕΔ] ΔΕ

p. 154, 3 ΕΔ] ΔΕ ME] EM 21 ἥγμένην] om. 23 πορισθεῖσαν

p. 156, 12 τῆς AZ τομῆς ἐφαπτομένη 16 οὐαὶ (pr.)] om. 27 ὑπερβάλλοντα

p. 158, 1 συμφανές] συμφανὲς ἔσται 2 διάμετρον] supra scr. comp. 6 διότι] ὅτι 10 χωρία — 13 συμπαραβαλλομένων] in ras. 12 διότι] ὅτι 26 τῷ] δεδομένη τῷ

p. 160, 5 AB] BA ΓΔ] ΓΑ 6 μέρος τέταρτον 7 εἰλήφθω] ἔστω 10 τό — τετραπλάσιον] τὸ ἀπὸ τῆς Θ ἄραι ἔλαττόν ἔστιν ἦ τετραπλάσιον mg. 16 τὴν δέ] τῇ δέ τῇ ZE] τὴν ZE 21 δέ] δή

p. 162, 8 ἐτέρῳ ἐπιπέδῳ] in ras. 10 ᾧ] ἦ MN 12 MZN] MNZ 20 ZK] ZH 23 AZK] AZ, ZH 26 τῶν] πάλιν τῶν

p. 164, 7 τό] τῷ 8 τῆς] οὐαὶ τῆς 9 μεγέθει] μεγέθει δεδομένης 20 τρέγωνον — 22 ΖΑ πρός] mg. 21 ΕΑ] AE 23 ΑΗ — ἄρα] in ras. 24 AE] AΘ

p. 166, 28 τὸ ἐν] τῷ ἐν

p. 168, 3 τοῦ E] τοῦ A 4 ἐπί] ἦ EK ἐπί 9 ἦ MZ] om. ZB] BZ 10 ἦ] ἦχθω ἦ 13 ΞΒΖ] mut. in ΖΒΞ ἔστιν ἵση] om. ΞΒΖ] ZB, ΒΞ 16 ΒΖΞ] ZBΞ 17 ἔσται] ἔστω 18 BZ, ZΞ] ZB, ΞΖ 20 ἔσται] corr. ex ἔστω 24 οὐκλος] οὐκλων 27 ZHΘ] ZΘ

p. 170, 2 ἐπιπέδῳ — 3 τέτμηται] ἐπιπέδῳ τῷ, tum post lac. τέτμηται 4 τῇ] οὖσαν τῇ 5 ΗΖΘ] ZHΘ 7 ἔσται] ἔστιν 10 εἰσι] ἔσονται 16 ΓΒ] BG 18 οὐαὶ] οὐαὶ τοῦ 22 ἔκ] ἔκ τε

p. 172, 3 εὐθεῖαι] δύο εὐθεῖαι AB] BA 4 τῇ ὑπὸ τῶν] ἡ ὑπό 14 ΛΔ] ΔΔ 16 Λ] Λ τῇ KZ τῇ KZ] om.

22 ἔχουσαι πλάτη 26 ΖΔΘ] τῶν ΖΔ (ex ΖΘ) ΔΘ 27 καὶ — p. 174, 3 ΓΑ] ras. 15 litt., postea add. mg.

p. 174, 1 ΓΑ] ΑΓ 4 ἐκ] ἐκ τε 5 ἐκ] om. 11 ὅν ἔχει η] τῆς ἡ] τοῦ τῆς 16 -ρήσθω — 18 πρός HA] ras., postea add. mg. 18 ἡ ΟΑ πρός] ἡ ΘΑ πρός ins. in ras. ως] καὶ ως 19 ΑΘ] Α e corr. ΟΑ] ΘΑ

p. 176, 6 AB] BA 21 ἡ] ἥχθω ἡ 22 AB] BA 23 AB] BA 25 AZ] ZA 26 ZA] ZA ἐκβληθείσης 28 HΛ] KΛ

p. 178, 1 ΑΔ] AZ 2 ΔΖΒ] ΔΒΖ 3 ΖΔΑ, ΖΔΔ] ΖΔΔ, ΑΔΖ 4 τῇ ὑπό] bis, sed. corr. 10 καὶ — ἵση] om. 12 ΘΗΖ] ΖΗΘ 13 δὴ ὁ] e corr. 15 ΘΗΖ] διὰ τῶν Θ, H, Z 17 ΗΘΖ] H, Z, Θ 18 ΗΘΖ] H, Z, Θ 19 ἡ (alt.)] καὶ ἡ

p. 180, 10 ΑΗ] ΑΚ 12 ΗΛΘ] τῶν ΚΛ, ΛΘ καὶ 13 ΗΛΘ] τῶν ΚΛ, ΛΘ 14 ως — 15 θεωρήματι] mg. 17 ἡ ΑΒ ἐλάσσων] ἐλάσσων ἡ BA 22 τὸ] τῷ ωστε — τήν] ἔστω δὲ καὶ ἵση ἡ 24 ως] in ras. ΑΓ] ΓΑ 27 ΔΖ] ΖΔ

p. 182, 1 post ΔΑ del. τῷ δὲ ἀπὸ τῆς ΖΔ 3 ΔΑ] Α e corr. τό] τῷ τῷ] τό 4 ΕΔΖ] τῶν ΖΔ, ΔΕ ΑΔ] τῆς ΔΑ, Α e corr. 6 τῆς] e corr. 9 ΔΑ] Α e corr. 10 ΔΒ] e corr. 12 ἀπὸ ΖΔ — 14 ἀπό] mg. 14 ΔΖ] ΖΔ 22 τήν] om. 23 ἐκβεβλήσθωσαν] ἐκβεβλήσθωσαν ἡ μὲν ΑΖ ἐπὶ τὸ Λ ἦ δὲ EZ ἐπὶ τὸ Δ

p. 184, 5 τῷ] τό ΘΖΛ] τῶν ΘΛ, ΖΛ 10 ἀλλ' — 14 ΑΗΕ] bis, sed corr. 11 ἐκ] ἐκ τε 25 εὐθειῶν] εὐθειῶν πεπερασμένων πεπερασμένων] κειμένων 27 κορυφαῖ

p. 186, 4 εὐθεῖαι] εὐθεῖαι πεπερασμέναι 5 πεπερασμέναι] om. 10 ὑπερβολή] ὑπερβολὴ ἡ ΑΒΓ BE] EB 11 ΘΒ] ΒΘ 12 BE] EB 13 καὶ — ΑΒΓ] om. 16 μέν] μὲν πλαγία 19 δῆ] δέ B, E] ΑΒΓ, ΔΕΖ ἀντικείμεναι εἰσιν 20 αῖ] om.

p. 188, 10 ΑΓ] ΑΓ ΓΑ] ΓΛ 14 ΓΑ] ΓΚ ἐκβαλλομένην τῇ (pr.)] om. 17 κατηγμένη 18 ΔΕ] τῶν ΕΔ 19 ΔΖ] ΖΔ 24 ΔΕ ἐκβαλλομένην 25 ΞΕΟ] ΟΕΞ τομῶν

p. 190, 3 ὄπερ — ποιῆσαι] om. 4 αὗται αῖ] αἱ τοιαῦται In fine: τέλος τοῦ ἀ τῶν τοῦ Ἀπολλωνίου κωνικῶν

p. 192, 1 δεύτερον 11 αὐτῷ] om. 20 B] BE τετάρτῳ] τετάρτῳ μέρει 21 BE] ΔΕ ἐπιζευχθεῖσαι] om.

p. 194, 1 αῖ] om. 7 μὲν ἀπό] μὲν τῆς 9 ΔΒ] τῆς

*BΔ* 11 ΘΗ] in ras. 25 καὶ αἱ — 26 παράλληλοι] om. 27 τέμνεται] τέμηται 28 τό] τὸ ἄρα

p. 196, 9 ΛΚ — 10 ΛΗ] sic\*) 10 καὶ] om. ὡς — 11 ΛΗ] etiam in mg. 11 τὸ ὑπό — 13 οὗτως] mg. 13 ἀφαιρεθέν (pr.)] in ras. 16 ΔΒ] τῆς *BΔ* ἄρα] ἄρα ἐστί 17 ΔΒ corr. ex *BΔ* μεῖζον — 18 δέδεικται] δέδεικται γὰρ αὐτοῦ μεῖζον τὸ ὑπὸ τῶν *MK*, *KH* 21 ἐφάπτηται] ἐφάπτηται κατὰ κορυφήν 24 ἔσται] ἐστί 27 ΖΕ] EZ

p. 198, 4 ΕΒ] ΒΕ 14 ΖΕ] EZ 15 ἥ — 16 ἀσυμπτώτοις] om. 29 αὐτῆς] αὐταῖς

p. 200, 1 δύο] αἱ δοθεῖσαι δύο ΑΓ] ΓΑ 2 τήν] om. 3 Δ] Δ ἐντὸς τῆς ὑπὸ ΓΑΒ γωνίας ΓΑΒ] ΑΓ, ΑΒ 18 ΑΒ] ΒΑ

p. 202, 5 ΕΑ] ΕΑ ἵση ἐστίν 20 τῇ] ἥ 22 ἥ] τῇ 23 ΖΗ] HZ 24 ἐστίν] om. ΗΕ] ΕΗ 26 ΑΒ] ΒΑ ἐκβαλλομένη

p. 204, 8 εὐθεῖα] om. 11 ἥ] ἦχθω ἥ τετμήσθω] -μή-ε corr. 13 μή — δυνατόν] in ras. ἀλλά] ἀλλ' 16 ἔσται] ἐστί 23 ΕΔ] ΔΕ 24 ΑΒΓ] ΑΒΓ τομῇ

p. 206, 1 διάμετρος ἄρα] ἥ ΔΗ ἄρα διάμετρος 4 ΚΘ] ΘΚ ΚΘ] ΘΚ 5 ἄρα] ἄρα ἐκβληθεῖσα 7 συμπιπτέτω — Ζ] om. 23 τομῆς] τομῆς κατὰ τὸ Ε ἄρα ἀπτεται

p. 208, 4 ΔΕ] ΕΔ 18 ΔΗ] ΗΔ, Ηε corr. 19 ΑΗ] ΗΑ

p. 210, 4 τῷ] ἵσον τῷ 5 ἵσον — ΒΔ] om. 6 ΖΓΔ] ΔΓ,

ΓΖ 15 ΓΑ] ΑΓ 21 συμπεσεῖται — καὶ] om. 24 δή] δέ

p. 212, 5 πρός (pr.)] bis ΗΚ] ΚΗ 7 καὶ] καὶ τοῦ 8 τοῦ] τῆς 11 ἐναλλάξ] καὶ ἐναλλάξ 12 τῷ] corr. ex τό 14 ΑΒ] ΒΑ

p. 214, 3 τό] corr. ex τῷ 7 ΑΗ] ΑΚ ΕΔ] ΔΕ 8 ΗΚ] ΖΚ 16 ἥς] αἱς 19 καὶ εἰλλήφθω] om. 22 τῷ] corr. ex τό 25 ΓΗΘ — 26 ΔΚΛ] τῶν ΑΚ, ΚΔ

p. 216, 3 συμπιπτέτω — Μ] om. 4 ὅτι] om. 5 καὶ (pr.)] om. 6 ΓΑ] ΑΓ 22 ΓΗ] ΗΓ

p. 218, 4 πόρισμα] om. 17 ΖΒ] Β e corr. 18 τετάρτῳ] τετάρτῳ μέρει 19 ἄρα] ἄρα εἰσὶν 21 ΓΕ] ΕΓ 25 Β] Β τομῇ 26 ΖΓ] ΓΖ 27 εἰσὶν] εἰσὶν αἱ

p. 220, 15 ΚΘ] Θ e corr. 16 τῇ] τῇ Α 21 καὶ] om.

22 ἐστιν ἵσον] ἵσον ἐστί καὶ] καὶ διὰ τοῦτο ΚΜ] ΚΜ ἵση ἐστί

\*) Nisi quod hic quoque ut semper fere articulus additur.

- p. 222, 2 ΘΒΚ] ΘΒΗ 8 τῶν ἀπό] τὸ ὑπό 13 εἰσιν]  
*εἰσιν αἱ 22 εὐθεῖαι]* εὐθεῖ 26 σημεῖον] om. KA] KA?  
 p. 224, -12 ΕΓΖ] ΓΕΖ 17 A, B] om. 20 ἄρα] ἄρα  
*ἐστίν καὶ — ΓΖ]* om. 21 ἡ] ἄρα ἡ ἐστιν ἵση] ἵση ἐστίν  
 p. 226, 9 ΘΗ] ΗΘ 10 ΘΗ] ΗΘ XE] EX EΞ]  
*ZΞ? 11 ΗΛ]* KA? ΓΡΠ] ΠΡΓ 17 ΕΚ] ΚΕ 19 ΚΕ]  
*ΚΘ 20 ΚΕ]* ΚΘ ΗΛ] KA? 21 δν ἔχει ἡ] τῆς 22 καὶ  
*ἡ] καὶ τῆς 26 λόγος]* om. λόγῳ] om. 27 ΧΛ, ΛΗ, ΗΧ]  
*ΗΛ, ΛΧ, ΧΗ, ΧΗ,* alt. ΧΗ del.
- p. 228, 4 ξει] ἔχει 12 καταγόμεναι] om. Δ] H 15  
*τῆς TX καὶ τῆς] τῶν TX 18 δέ]* δή 19 ΧΓ] τῆς ΓΧ  
*ἄλλ — 20 τοντέστι]* om. 21 EZX — 23 τρίγωνον πρὸς τό]  
 om. 24 ΗΘΧ] ΧΗΘ
- p. 230, 5 post EZ del. παράλληλοι γάρ· καὶ ως ἄρα ἡ  
*Σ πρὸς τὴν ΘΗ, ἡ ΧΕ πρὸς EZ 7 πρός]* bis, sed corr. 8  
*καὶ — 10 XEZ]* om. 10 ἐναλλάξ] ἐναλλάξ ἄρα ΗΧ] ΧΗ  
 11 EX] τῆς ΧΕ ὑπό (pr.)] ἀπὸ τῆς ZEX] τῶν ΧΕ,  
*EZ 25 αἱ]* om.
- p. 232, 2 πρὸς τῇ] παρὰ τήν 4 πρὸς τῇ] παρὰ τήν 11  
*ταῖς]* corr. ex τῆς ἀσυμπτώτους] -οις e corr. 12 τῶν (alt.)]  
 om. 13 post ἀπό del. τοῦ κέντρον 17 XEZ, ΧΗΘ] EXZ,  
*ΗΧΘ 18 ΧΓΔ]* ΓΧΔ 19 ΘΕ] ΘΚΕ 24 ἐστιν 26  
*ΑΒ, ΓΔ ἄρα]* ἄρα ΑΒ, ΓΔ
- p. 234, 5 τις] εὐθεῖα 11 ἐστω] om. 19 ὑπό (pr.)] ὑ-  
*ε corr. 24 συμπτώσεων* <sup>ως</sup> 27 ΓΔ] ΔΓ 28 συμπτώσεως  
 p. 236, 1 ἐκβαλλόμεναι] ἐκβαλλόμεναι αἱ ΑΒ, ΔΓ 4 μόνον]  
 om. 6 δύο] δυσὶν 7 ΒΔ] ΑΒ 11 ἐκατέρας 13 συμπτώσεως  
 20 ἐτέρας] ἐτέρας συμπτώσεως 27 AZ] ΑΞ ΑΘ] Α e corr.  
 p. 238, 1 γωνίαι] δύο γωνίαι 10 εἰ γὰρ δυνατόν] ἐστω-  
*σαν 11 αἱ ΓΔ, EZ]* τέμνονται ἀλλήλας οὖσαι] αἱ ΓΔ, EZ.  
*λέγω, διτ. οὐ τέμνονται ἀλλήλας δίχα.* εἰ γὰρ δυνατόν  
 p. 240, 3 ἐστιν] ἐστι τῆς τομῆς τῆς τομῆς] om. 4 κατά]  
*τῆς τομῆς κατά 6 BΖ]* supra B scr. E 10 ΚΘΛ] ΘΛ in ras.  
 14 κη'] corr. ex κξ' 15 ἐὰν ἐν] corr. in scrib. ex ἐάν 18  
*τομῇ] τομῇ ἡ κύκλου περιφερεῖα* 26 τῇ] καὶ τῇ 28 ΕΔ] ΔΕ  
 p. 242, 2 ἐσται] ἐστι 11 δι] δι τὴ ΑΔ 13 εἰ — 15  
*Z (pr.)]* in ras. 16 ἐπει] καὶ ἐπει 17 οὖν — 24 ΘΚ] διά-  
*μετρός ἐστιν ἡ ΕΔ καὶ τέμνει τὴν ΖΗ κατὰ τὸ Θ, ἡ ΖΗ ἄρα*  
*δίχα τέμνεται ὑπὸ τῆς ΕΔ κατὰ τὸ Θ. ἐπει δὲ καὶ ἡ κατὰ τὸ*  
*λ ἐφαπτομένη παράλληλός ἐστι τῇ ΒΓ, καὶ ἐστιν ἡ ΖΗ τῇ ΓΒ*

παράλληλος, καὶ ἡ ΖΗ ἄρα παράλληλός ἐστι τῇ κατὰ τὸ Α ἔφαπτομένη, καὶ διὰ τοῦτο καὶ ἡ ΖΚ τῇ ΚΗ ἐστιν ἵσσα. ἐδείχθη δὲ καὶ ἡ ΖΘ τῇ ΘΗ ἵση [24 ἀδύνατον] ἄτοπον

p. 244, 7 ΒΑ] ΑΒ 10 ἐστιν ἵση] ἵση ἐστίν ΔΓ] ΒΓ 18 ἀδύνατον] ἄτοπον 21 ΒΑ] ΑΒ 23 γωνίας] γωνίας τὸ κέντρον

24 ὑπόκειται τὸ Α

p. 246, 5 ἐπιξευγγνυμένη] bis, sed corr. πιπτέτω] ἐπὶ τὸ Β πιπτέτω 11 καὶ] om. 12 ἐστιν ἄρα] ἄρα ἐστίν 15 καὶ] καὶ διὰ τοῦ Η ἥχθω] om. 18 ΓΔ (alt.)] Δ e corr. 25 τὴν τομὴν γωνίας] om. 28 καὶ] om.

p. 248, 6 ΖΗ] ΖΚ ἥτοι] ᾧ 9 λγ'] λβ λγ mg.

p. 250, 3 τῇ] supra scr. post τομῆ del. ἥχθωσαν γὰρ ἀσύμπτωτοι 9 λδ'] λγ λδ mg., et sic deinceps 25 ΑΒ] ΑΗ 28 ἥ] om.

p. 252, 6 τῇ — 8 παρά-] mg. post ras. 8 -ληλος] in ras. 9 παράλληλος — 11 ἄρα] bis, sed corr.

p. 254, 1 ἐστιν ἵση] ἵση ἐστίν 6 ἐστι] ἐσται 22 ΖΓ] ΓΖ 23 ἄρα] ἄρα ἐστί 24 ΖΗ (alt.)] ΗΖ 28 ἐπιψαύονσαι συμπίπτωσιν

p. 256, 7 δίχα] ἡ ΓΔ δίχα 11 ἐστω γάρ] εἰ γὰρ μή, ἐστω 15 ΑΒ] corr. ex ΑΔ 19 ἄρα] ἄρα ἐστί ΗΚ] ΗΧ 20 ὕστε καὶ ἡ ΗΚ] ἐδείχθη δὲ ἡ ΑΗ τῇ ΗΒ ἵση· ἡ ΗΧ ἄρα

p. 258, 7 οὐκ ἄρα ἀνισος] om. 8 τῇ ΖΔ. ἵση ἄρα] ἄρα ἵση ἐστὶ τῇ ΖΔ 11 συμπίπτωσιν 22 ΖΘ] ΘΖ 23 ΖΘ] ΘΖ

p. 260, 1 τῇ] διὰ τοῦ Χ τῇ 2 καὶ] καὶ ἐπεί 4 ΓΕ] ΕΓ 7 μέν] om. ΖΕ] ΕΖ 8 διὰ τοῦτο] ἡ ΘΖ ἄρα ἡ ΖΘ] om. 9 ΗΘ] ΘΗ 10 ΖΘ] ΕΖ 19 τό] om. 22 ἡ ἄρα — 23 ΕΧ] om. 24 τῆς ΘΚ] bis, sed corr. 25 ΕΧ — 26 τῇ] om. 27 ὅπερ ἄτοπον] om.

p. 262, 4 ἀντικειμέναις κατὰ συξυγίαν 14 τό] ἐστω τό ἐστω] om. 15 καὶ] καὶ διὰ τοῦ Χ παράλληλος ἥχθω 16 ΘΗ] ΗΘ 18 δμοίως — 19 διάμετροι] om. 28 ἡ] δύο εὐθεῖαι ἡ

p. 264, 5 τὰ Ε, Ζ καὶ] in ras. ΖΕ τῷ] ΕΖ κατὰ τό 7 ΧΗ] ΗΧ 11 ἡ] ἐστιν ἡ 13 Α] Α ἄρα 16 ἐπί — 17 ΧΑ] ΧΑ ἐπιξευγγνται ἐπὶ τὴν ἀφήν 17 παρά — ΓΧ] ΧΓ ἥται παρὰ τὴν ἔφαπτομένην 18 ΧΑ, ΓΧ] ΑΧ, ΧΓ 22 mg. ἀνάλυσις 27 ΒΔ, ΕΑ] ΑΕ, ΒΔ

p. 266, 1 mg. σύνθεσις 12 ὑπόκειται] ἵπόκειται ἐνταῦθα

τὸ E 15 mg. ἀνάλυσις 25 ἔστιν — τῇ] ἔσται τῇ E Δ ḥ 27 ΓΔ] ΔΓ ΓΔ] ΔΓ 28 mg. σύνθεσις

p. 268, 1 A] A σημεῖα 2 ἐπ' αὐτήν] ἀπὸ τοῦ E ἐπὶ τὴν AB BE] EB 6 τῷ] κατὰ τό τῇ AB παράλληλος ἡχθω] διὰ τοῦ Δ παράλληλος ἡχθω τῇ AB 13 εὑρηται 16 τέμνει — δίχα] δίχα τεμεῖ καὶ ἄρα] om. ἔστιν] ἔσται 17 BE] EB 24 τό] ἔστω τό 26 KA] A e corr. 27 ἄρα] ἄρα καὶ

ΓΚ] KG

p. 270, 15 ἐπεξεύχθω — καὶ] om. 21 δύο ταις] δυσὶ ταις 22 τῇ] βάσει τῇ

p. 272, 4 τῇ (alt.)] ḥ 10 ΓΚ] τῆς KG 11 ΓΚ] τῆς KG 12 ΛΚ] τῆς KA KΣ, ΣΛ] ΛΣ, ΣΚ 13 PK] PK ὥσα ἔστι ἔστιν ὥσα] om. 16 MPN] τῶν NP, PM 17 MΣN] τῶν NΣ, ΣΜ ΣΚ] KΣ in mg. ras. magna ὥσον] ὥσον ἔστι 18 MPN] τῶν NP, PM PK] KP 19 MΣN] τῶν NΣ, ΣΜ ΣΚ] τῆς KΣ 20 διαφέρει] ὑπερέχει διαφέρει] ὑπερέχει 21 MPN] τῶν NP, PM MΣN] τῶν NΣ, ΣΜ 22 διαφέρει] ὑπερέχει διαφέρει] ὑπερέχει 24 ΣΛ] τῆς ΛΣ MPN] τῶν NP, PM 25 MΣN] τῶν NΣ, ΣΜ 26 MPN] τῶν NP, PM

p. 274, 2 ΛΓΜ] ΓΛΜ 16 ὥση ἔστιν] ἔστιν ὥση

p. 276, 3 BE] EB 5 AE (alt.)] EA 6 τό (pr.)] om. 13 ZH] HZ 18 οὕτως] δὴ οὕτως 19 ḥ ZH ὥσῃ] ὥσῃ ḥ HZ 22 mg. μδ μ seq. ras. ὁ] ḥ 24 τομῆς] γραμμῆς comp. 25 τῶν] om. 28 τῆς] om.

p. 278, 13 οὕτως] δὴ οὕτως 20 οὕτως] om. 21 BΓ] ΓΒΔ 23 AH] ΔA, deinde del. θέσει δὲ καὶ ḥ τομή 25 ΓΗ] GB

p. 280, 2 τῶν] om. 8 MN] NM 14 A] H 17 καὶ — κείσθω] ἐπὶ τὸ N καὶ κείσθω τῇ ΛΘ ὥσῃ ΘΝ] e corr. 27 καὶ (pr.)] om.

p. 282, 2 ΔΘ] ΘΔ ἔστι] om. 8 AB] BAH 13 ZA] ΖΑ καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ E 17 γωνίαν — τόπῳ] ἐξῆς γωνίαν 18 τομήν] τομήν τόπῳ 21 δῆ] δέ 28 AK] KA 29 ΚΘΔ] ΚΘ e corr.

p. 284, 1 πρὸς τῇ] παρὰ τήν 8 δῆ] e corr. 12 τῷ] κατὰ τό 13 καὶ — 14 κείσθω] ἐπὶ τὸ H καὶ κείσθω τῇ BΘ ὥσῃ 18 KA (alt.)] A e corr. 20 τῶν ΖΘΠ] τῷ ὑπὸ τῇν ΖΘΠ τὸ σημεῖον 21 ἔσται] συσταθῆναι 25 mg. ν, να τῶν — ἔστω] ἔστω δῆ

p. 286, 5 ἡχθω] ἡχθω ἀπὸ τοῦ A ἐπὶ τὸν BΓ ἄξονα AD]

$\Delta$  e corr. 6  $\kappa\alpha i$  — 8  $AH$ ] mg. postea add. 17  $\omega s \dot{\eta}$ ] corr.  
ex  $\dot{\eta}$  NK] HK 18 NM] e corr. KN] NK 25  $\nu'$ ]  
 $\tau\alpha$ ,  $\nu\beta$

p. 288, 5  $\Gamma\Delta$ ]  $\Delta\Gamma$  6  $B\Delta\Gamma$ ]  $B\Delta$   $B\Gamma$ ]  $\Gamma B$  8  $\tau\tilde{\eta}s$  δὲ  
 $B\Delta$ ]  $\tau\tilde{\eta}$  δὲ  $\Delta B$  18 EZ] ZE  $\kappa\acute{\theta}\epsilon\tau\sigma$ ] ἀπὸ τοῦ E  $\tau\tilde{\eta}$  ZH  
 $\pi\varrho\delta s$  δὸθάς 19 δίχα  $\dot{\eta}$  ZH]  $\dot{\eta}$  ZH δίχα  $\tau\tilde{\eta}$ ] κατὰ τό 20  
 $\Theta\bar{E}$ ] EΘ  $\tau\tilde{\omega}n$ ] om. 21  $\tau\tilde{\omega}n$ ] om.  $B\Gamma$ ]  $\Gamma B$  22  $\Gamma\Delta$ ]  
 $\Delta\Gamma$  23  $\Gamma\Delta$ ]  $\Delta\Gamma$  24  $\tau\tilde{\omega}n$ ] om.  $\tau\tilde{\eta}$ ] γωνία  $\tau\tilde{\eta}$   $\tau\tilde{\omega}n$ ] om.

25  $\iota\sigma\eta$  ἔστιν 29 οὔτως] om.  $\tau\tilde{\eta}n$ ] om.

p. 290, 1 Z]  $\pi\varrho\delta s$   $\tau\tilde{\omega}$  Z 2  $\Delta$  γωνία]  $\pi\varrho\delta s$   $\tau\tilde{\omega}$   $\Delta$  3  $\nu\beta$ ,  
 $\nu\gamma$   $\dot{\eta}$ ] δὴ πάλιν  $\dot{\eta}$  13  $\pi\varrho\delta s$   $\tau\tilde{\omega}$  X] ὑπὸ ΓΧΕ XE] EX 14  
 $\Gamma X$ ] XΓ 15  $\dot{\eta}$   $\Gamma X$ ] ἔστιν  $\dot{\eta}$  XΓ 20 Z] P  $Z\Delta E$ ] PΔE  
22 γωνίαν δέξεῖται 25 δοθεῖσα] δοθεῖσα τομή 27  $\tau\tilde{\omega}n$ ]  
om.  $\tau\tilde{\omega}n$ ] om. 29 HΘ] corr. ex ΘΖ

p. 292, 5  $\tau\tilde{\eta}n$ ] om. 6  $\pi\varrho\delta s$  AZ ἄρα  $\pi\varrho\delta s$  AZ

p. 294, 4 post XE  $\Delta$  del.  $\pi\varrho\delta s$  HK] corr. ex EΓ δι'  
— 6 MKΘ] om. 10  $\pi\varrho\delta s$   $\tau\tilde{\omega}$   $\Delta$ ] ὑπὸ ΓΔΕ 12  $\nu\delta$ ,  $\nu\varepsilon$   $\dot{\eta}$ ]  
δὴ  $\dot{\eta}$  14  $\tau\alpha\dot{\nu}\tau\alpha$ ] τὰ αὐτά 17  $\tau\tilde{\omega}n$ ] om. 19  $\Gamma X$ ]  $\chi$  20  
δῆ] δέ

p. 296, 2 EX] lacuna 5  $\dot{\eta}$ ] δὲ  $\dot{\eta}$  8  $\tau\tilde{\omega}n$ ] om. 9 ZH]  
HZ 11 KZ] ZK 12 ἔστω] om.  $\tau\tilde{\omega}$ ] ἔστω τό 13  $\tau\tilde{\omega}n$   
 $\Lambda\Gamma X$ ] AΓX 16  $\tau\tilde{\omega}n$  (alt.)] om. 18  $\kappa\alpha i$ ] om. 19 ZΘ]  
ΘΖ 21 οὔτως τό] οὔτω τό, τ corr. ex σ 23  $\omega s$ ] ἔστιν 24  
HΘK]  $\tau\tilde{\omega}n$  KΘ, ΘΗ 25 οὔτως] om. KΘ] K e corr. 27  
ΖΘ] ΘΖ EΓ] E e corr. 28 οὔτως] om.  $\tau\tilde{\eta}n$ ] om.

p. 298, 2 γωνία —  $\iota\sigma\eta$ ]  $\iota\sigma\eta$  ἔστιν 4  $\nu\alpha'$ ]  $\nu\delta$ ,  $\nu\varepsilon$  9  $\dot{\eta}$   
Θ]  $\dot{\eta}$  HΘ 17 AΔ]  $\Delta A$  23  $\iota\sigma\eta$ ]  $\iota\sigma\eta$  24  $\dot{\eta}$  EΓ] om. Θ]  
 $\pi\varrho\delta s$   $\tau\tilde{\omega}$  Θ 25  $\iota\sigma\eta$ ]  $\iota\sigma\eta$  ἔστι EΓΔ] ΔΓΕ 26 Θ]  $\pi\varrho\delta s$   
 $\tau\tilde{\omega}$  Θ ἄρα γωνία EΓΔ] ΔΓΕ 27  $\nu\varsigma$ ,  $\nu\xi$ ,  $\xi$  in ε  
mut.  $\iota\sigma\eta$ ]  $\iota\sigma\eta$  δή 28 ET] EΓ, Γ e corr.

p. 300, 4 EHΔ]  $\tau\tilde{\omega}n$  ΣH, HΔ 13  $\tau\tilde{\omega}n$ ] corr. ex τοῦ 15  
ZK, KΘ] KΘ, KZ 19 EΓH] EΓK 20 τὸ ZΘK  $\tau\tilde{\omega}$ ]  $\tau\tilde{\omega}$   
ZΘK τό 21 ΘZK γωνία] ZKΘ ΓΕΔ] EΓΔ 25  $\tau\tilde{\omega}$ ]  
ἔστω XΨ] ΨX 26 τετμήσθω δίχα

p. 302, 2  $\tau\tilde{\eta}$  Ω  $\iota\sigma\eta$ ]  $\iota\sigma\eta$  τή Ω 14 XΦ] ΦX  $\dot{\eta}$ ] e corr.

15 MΛK]  $\tau\tilde{\omega}n$  MΛ, ΛK, alt. Λ e corr. 16 ΛK]  $\tau\tilde{\eta}s$  KA  
 $\kappa\alpha i$  17 ΛK (pr.)] KA

p. 304, 1 ΛK] ΛH 11 Z]  $\pi\varrho\delta s$   $\tau\tilde{\omega}$  Z E] ὑπὸ TEA 16  
ΓH — 17 ἀπό] om. 20 ZKΘ] ZΘK 25  $\nu\beta'$ ]  $\nu\xi$ ,  $\nu\varsigma$

p. 306, 11 ZE  $\tau\tilde{\eta}$  ΛB] ΛB  $\tau\tilde{\eta}$  ZE 15 AΓB] AΓB  
γωνία 17 ἔστιν] om. 18 ΛB] BA 21 K] H 23 τὸ ἀπὸ

*EK* — 24 *EΓ*] om. 25 post *EΓ* del. τὸ ὑπὸ τῶν *AE*,  
*EB* 26 *KZ*] *EZ* οὐκ — 27 *KZ* (alt.)] om.

p. 308, 5 η *NΞ* πρὸς *ΞM*] om. 6 *TM*] *TK* 9 *PΣ*]  
*PΣ* ἐπὶ τὴν *ΞX* 10 *ON*] *NO* 17 *TΣ*] *ΣΤ* 18 ἡ] ἡ ἄρα  
 20 *TO*] τὸ *OT*

p. 310, 1 *TΞ*] *ΞΤ* 7 ὑπὸ] ἀπὸ τῶν 9 *MΞN*] τῶν  
*NΞ*, *ΞM*, alt. *Ξ* corr. ex *Z* 14 ἵση] om. 19 νγ'] νξ, νη 20  
 ἥτις — 21 ἀφῆς] bis, sed corr. 23 εἰναι] in ras.

p. 312, 8 ἄρα] ἄρα ἔστιν 10 *ΓΑ*] *ΑΓ* 13 γωνία] om.

14 ἔστιν — 15 *T*] τῇ *T* ἵση ἔστιν 18 κύκλος] σ·<sup>ος</sup> (διά-  
 μετρος) 27 *OM*] *MO*

p. 314, 2 *NO*] τῆς *ON* τό] τῷ 3 τῷ] τό corr. ex τῷ τό]  
 τῷ τῷ] τό corr. ex τῷ 4 τῷ] τό 8 τετμήσθω δίχα 12  
 τῆν] om. 14 σ<sup>α</sup> *A'*] *Ξα* *ΦN*] *ΦΤ* 15 *A'G*] *Qα* 16 *A'G*]  
*Qα* 18 παράλληλος — *ΦΨ*] παράλληλοι ἥχθωσαν τῇ μὲν *OΠ*  
 ἡ *IΞ* τῇ δὲ *NP* ἡ *ΞΤ* καὶ ἔτι τῇ *OΠ* ἡ *ΦΨ* 19 *A'G*] *Qα* ἡ  
 (alt.)] οὐτως ἡ

p. 316, 1 *ΣΞ*] corr. ex *EΞ* σ<sup>α</sup> *A'*] *Qα* 2 καὶ — 3 *ΞΣ*]  
 mg. 6 *E σημείῳ*] πρὸς αὐτῇ σημεῖῳ τῷ *E* 10 *AEK*] corr.  
 ex *AEZ* 11 *ΞΣΠ*] *ΞΣΠ* τριγώνον 12 *ΚΕΛ*] *ΚΛΕ* 15  
*ΣΞΠ*] *ΞΣΠ*, *Σ* e corr. 16 τῷ] τό τὸ *MΞΠ*] τῷ *ΞΜΠ*  
 21 *HΘ*] *HΘ* ποιοῦσα 22 ποιοῦσα] om. 23 ὅπερ — 24  
 ποιῆσαι] om. In fine: τέλος τοῦ β τῶν κωνικῶν

p. 318, 7 *BΔ*] *ΔB* 10 *ΓΔ*] *ΓΔ* 13 *ΕΒΓ*] *ΓΕΒ* τρι-  
 γώνῳ 14 *BΔ*] *ΔB* 16 *AΔBZ*] *ABΔZ* 18 ἵσον ἔστιν  
 om. τριγώνῳ] τριγώνῳ ἵσον ἔστιν

p. 320, 5 ante *ZH* del. *HB* 8 Δ<sup>α</sup>*HB* (pr.)] τὸ Δ<sup>α</sup>*HB*

p. 322, 12 περιφερείας] τοῦ κύκλου περιφερείας 16  
 γάρ] δή

p. 324, 1 τό] τῷ τριγώνον] τριγώνῳ 2 τῷ] τό τετρα-  
 πλεύρῳ] τετράπλευρον τό] τῷ τῷ] τό 4 τὸ *ΓΗ* — τετρα-  
 πλεύρῳ] bis *MΠ*] *ΠM* 18 *BΔ*] *ΔB* 19 *BΔZ*] *BΔZ* τρι-  
 γώνῳ 23 ἀν εἰν] ἄρα ἔστι καὶ

p. 326, 12 *A*, *B*] *ΑΔ*, *BH* 13 Δ<sup>α</sup>*Z*] *ZΔ* 14 ΓΔ καὶ]  
 ΓΔ ἐπιζευχθεῖσα 15 αἱ] ἔτι αἱ 16 τῆς τομῆς] μιᾶς τῶν  
 τομῶν τῆς *BH* 18 *HM*] *HM* καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ *ZΔ* ἐπὶ<sup>1</sup>  
 τὸ *K* *KΘΔ*] *KΔΘ* τριγώνον 24 *MHΘ*] *MHΘ* τριγώνον 26  
 καὶ — 27 τετραπλεύρῳ] om.

p. 328, 4 ταῖς ἐφαπτομέναις] om. 10 καὶ] comp.  
 in ras.

12 τῆς] τῆς AB 14 ἐστὶν ἵσον] ἵσον ἐστὶν 15 οὖν] γάρ εἰσιν 20 ἐφ'] ἀφ'

p. 330, 6 ἵσον ἐστὶν 13 TK] ΓΚ τό] supra scr. 20 τό] τῷ τῷ] τό 21 τό] supra scr.

p. 332, 3 ΞΒΔ] ΞΔΒ ΘΒΖ] ΒΘΖ post ἐναλλάξ add. ώς τὸ ΓΤΑ πρὸς τὸ ΞΔΒ τὸ ΑΘΗ πρὸς τὸ ΒΘΖ 4 ΑΗΘ] ΑΘΗ ΘΒΖ] ΒΘΖ ΤΑΓ] ΓΤΑ ΔΒΞ] ΞΔΒ 6 ἵσον] corr. ex ἐστιν τῷ] ἐστι τῷ 10 ΑΕΖ] Ε e corr. ἵσον] ἐστιν ἵσον 15 τὸ μέν] μὲν τό 18 ἐστί] ἐσται 21 τὸ δὲ ΑΕΖ] postea ins. 22 καὶ — τετραπλεύρω] mg. ἵσον] ἵσον ἐστί 23 ΚΓ] ΚΜΓΛ

p. 334, 4 μεῖζόν ἐστι τό] bis 5 ΤΩΛ] ΤΩΛΤ 6 δέ] δή 7 μεῖζον — 10 τό τε] in ras. 8 ΑΕΖ] ΕΖΩ 10 ΤΕΤ] ΤΤΕ 11 ΤΩΛ] ΤΩΛ 12 μετά] μεταξύ 14 ΚΞΕΤΧ 18 ἐφ'] e corr.

p. 336, 1 ἐπεξεύχθω 6 ΑΔ] ΑΒ ΕΘ] ΕΘΗ 14 ΒΜΖ] ΒΖΜ 15 καὶ] om. διαφέρει τοῦ ΑΚΛ

p. 338, 18 γάρ] om. 19 ἐφάπτεται] -ε- e corr. 24 ΚΘΗ] τῶν ΚΗ, ΗΘ 25 ΒΘ] τῆς ΒΘ e corr. ΚΘ] ΗΘ ἡ ΒΘ — 26 πρὸς (alt.)] mg. 26 ΗΘ] ΘΗ ΚΘ] ΚΒ

p. 340, 2 ΖΘ] ΘΖ ΗΘ] ΘΗ 4 ΒΘΖ] ΑΘΖ 15 ΞΡΣ] ΡΞΣ 16 ΞΣΤ] ΣΤΞ τριγώνου 17 ΘΒΖ] ΒΘΖ 24 δὲ ἔχει ἡ] τῆς ἐκ] om. τοῦ πρὸς — 25 πλευρά] πλαγία πλευρὰ τοῦ παρὰ τὴν ΛΜ εἰδούς

p. 342, 1 πρὸς τῇ] παρὰ τὴν post εἰδούς del. πρὸς τὴν ὁρθίαν, ἀλλ' ώς ἡ ΑΤ πρὸς ΤΗ, ἡ ΞΤ πρὸς ΤΣ πλαγία πλευρά 2 πρὸς τῇ] παρὰ τὴν 3 συνημμένον] συγκείμενον 4 δὲ ἔχει ἡ] τῆς τοντέστιν ἡ] τοντέστι τῆς 5 ΤΟ] ΤΘ πρὸς τῇ] παρὰ τὴν 8 ΞΤΣ] ΤΞΣ 24 σημεῖόν τι] τυχὸν σημεῖον 26 ΘΛΖ] ΘΖΛ

p. 344, 1 ante BT del. ΑΕ διὰ τοῦ BT] B e corr. 10 BT] ΒΓ 12 ἡ ΤΒ] bis 13 καὶ] e corr. 20 τό] τῷ τῷ] τό MN] MN τῷ δέ seq. lac. 23 τὸ ἀπὸ ΗΘ] om. 24 ἐναλλάξ — 25 ΓΒΘ] om. 27 ΗΘΙ] ΚΘΙ 28 ΔΒΕ] δὲ ΔΒΕ

p. 346, 1 ΓΒΘ] B e corr. 2 ΙΘΗ] Η e corr. 3 ΘΒ] e corr. 5 ΠΜ] ΜΠ 6 ΤΒ] ΓΒ ΞΗ] ΞΝ 9 ΞΗ] ΞΝ 12 συνημμένον] συγκείμενον 13 τε] om. δὲ ἔχει ἡ] τῆς καὶ — 15 ΞΗ] postea ins. 13 ἡ] τῆς 14 τοντέστιν ἡ] τοντέστι τῆς 19 ἵσης] ἵση γαρ

p. 348, 12 ΓΒ] ΒΓ 17 παράλληλος] παράλληλος ἥχθω

18 φανερόν] φανερὸν οὖν 28 ὑπό] ἀπό 29 ΔΔ] ΛΔ  
τετράπλευρον

p. 350, 1 τρίγωνον — πρὸς τό] mg. 2 ὡς] postea ins. 7  
ώς] ἄρα ὡς 9 ΑΗΕ] ΑΕΗ 11 τό — ἐναλλάξ] lacuna 17  
γραμμήν] τομήν 21 κατά] ἀλλήλαις κατά 26 διάμετροι]  
corr. ex διάμετρος comp.

p. 352, 1 ΔΞ] ΔΘ 2 ἔστιν ἵση] ἵση ἔστιν 3 ΗΔ] Δ  
e corr. 5 ΚΖΕ] ΖΚ, ΚΕ 17 ὅλον] om. ΜΕΙ] ΙΕΜ

18 ΙΜΕ] ΙΕΜ 20 οὗτως] om. 21 πρός — 22 ὑπό] in  
ras. 22 ΖΞ] e corr. 23 ΖΞ] ΞΖ 24 ΞΖ] ΖΞ οὗτως]  
om. 25 ΓΠΒ] ἀπὸ τῆς ΓΠ 26 ΓΠΒ] τὸ ΓΠΒ

p. 354, 1 ΚΖΕ] τῆς ΚΖ 24 ΔΞΟ] ΔΟΞ 25 πρὸς τὸ  
ΕΟΔ] om. 26 ΞΔΟ τρίγωνον] ΔΟΞ 29 ΟΕ] ΕΟ

p. 356, 1 τρίγωνον] om. 2 ΒΓ πρὸς τό] om. 7 οὗτως]  
om. 19 κέντρον — 21 ΑΖΔ] om.

p. 358, 1 ΑΖΣ — 2 ἄρα τό] postea ins. m. 1 1 τρί-  
γωνον] τετράπλευρον 3 ΗΛΙ] τῶν seq. lac. 5 ΜΛΞ] ΜΞ,  
ΞΛ 10 παρὰ τὴν τάσ] in ras. 15 τό] οὗτω τό 16 εὐθειῶν]  
εὐθείας 17 ἀπολαμβανομένης] corr. ex ἐφαπτομένης τετρά-  
γωνον 21 διά] e corr. 24 ΖΑ] ΖΑ οὗτω ΚΛΞ] τῶν ΛΚ,  
ΚΞ 26 ἀπό] διά

p. 360, 2 ΚΛΞ] τῶν ΛΚ, ΚΞ 4 ΒΡΖ] ΒΖΡ 5 ΑΛΝ]  
ΑΛΗ 6 ὑπὸ ΒΖΔ] ἀπὸ ΒΖ 7 ΚΛΞ] τῶν ΛΚ, ΚΞ 8  
ΑΖΘ] ΑΖΘ τρίγωνον τό (pr.)] om. 9 ΖΑ] Α e corr. 10  
ΚΛΞ] τῶν ΛΚ, ΚΞ ΑΛ] ΑΛ 19 πρός — 20 συμ-  
πτώσεως] om.

p. 362, 1 ΚΟΦΙΧΩΨ 5 καὶ] καὶ ὡς 6 ΞΟΨ καὶ]  
ΞΟΨΑ τετράπλευρον ΞΗΜ] ΞΗΜΑ τετράπλευρον 7 ΞΟΨ]  
ΞΟΨΑ 8 ΞΗΜ] ΞΗΜΑ 9 ΝΟΗ] τῶν ΝΜ, ΜΟ 11  
ΝΟΨΜ] Μ e corr. 12 ΚΟΡΤ] ΚΟΡΠ 13 ΒΖ] τῆς ΔΖ  
e corr. 24 τῇ] e corr. 26 τῶν τομῶν] τῆς τομῆς 27 τῶν  
— συμπτώσεως] om. lacuna magna reicta

p. 364, 2 αἱ] παράλληλοι αἱ παράλληλοι ἔστωσαν] om. 3  
ἡ μὲν ΕΞΗ] om. παρά] παρὰ μέν 4 ἡ δέ] ἡ ΕΞΗ,  
παρὰ δὲ τὴν ΑΓ ἡ παρὰ τὴν ΑΓ] om. 5 τό] οὗτω τό 7  
διά — ΑΓ] παρὰ τὴν ΑΓ διὰ τῶν Η, Ξ ΞΝ, ΗΖ] ΗΖ, ΞΝ,  
Ζ e corr. 8 post ΒΔ ras. 2 litt. 9 μέν] μέν ἔστιν 10  
ΗΖ] Ζ e corr. 11 ὡς] om. 19 ἄρα] ἡ ἄρα 25 ἀχθῶσι]  
in ras. 26 καὶ] κατά comp.

p. 366, 5 κατά] bis, sed corr. 8 ἐπιξενχθεῖσαι καὶ]  
om. 9 τοῦ] τῶν 14 ΣΤ] ΟΤ 15 ἀπό — ΟΤ] ἡ ΟΤ

- διὰ τοῦ Ο 21 ΠΤΣ] Τ ε corr. 22 ΘΞΣ] τῶν ΘΣ, ΣΞ  
 25 ΕΔ] ΣΔ 27 δέ] δὲ καὶ τρέγωνον] om.  
 p. 368, 1 ΕΔ] corr. ex ΕΔ 10 τῇ — 12 παραλλήλουν]  
 mg. 12 τῇ δρόσια] etiam in mg. 20 ΤΕΤ] ΗΕΤ 21  
 ὅ] ὅν 27 ΕΔ] e corr.  
 p. 370, 1 ΣΑΦ] τῶν ΓΑ, ΑΦ 5 ΑΕ] ΕΑ 7 δέ] καὶ ὁ  
 8 τὸ ἀπὸ ΑΕ — 9 ΔΕ] mg. in ras. 10 ΑΕ] ΕΑ 11  
 ΑΕ] ΕΑ 12 τῷ (alt.)] τό 13 ἔστι] om. ΚΖΘ] ΚΖ, ΖΘ  
 ΛΘΖ] τῶν ΛΘ, ΘΞ 14 ὡς — 16 ΛΘΖ] mg. in ras. 16  
 ΛΘΖ] τῶν ΛΘ, ΘΞ mg. λείπει ἄλλο πάλιν 19 ΖΞΛ] τῶν  
 ΞΖ, ΞΔ 20 ΚΞΘ] τῶν ΗΞ, ΞΘ ΚΖΘ] τῶν ΚΞ, ΞΘ  
 corr. ex τῶν ΚΖ, ΖΘ; deinde rep. καὶ τοῦ ὑπὸ τῶν ΚΖ, ΖΘ  
 23 ΛΞΖ] τῶν ΛΞ, ΞΔ ἀπό — 24 τῷ] om. 25 ΛΘΖ]  
 τῶν ΛΖ, ΖΔ  
 p. 372, 1 τό (tert.)] corr. ex τῷ 4 ἔστω δέ] ἀλλ' ἔστω  
 δὴ ΣΕΚ] ΣΕΤ 8 ΠΜΝ] τῆς ΠΜ, ΜΝ 10 ΛΘΖ]  
 τῶν ΘΛ, ΛΖ 11 ΠΞΝ] τῶν ΤΞ, ΞΝ 13 ante δεικτέον  
 lacuna 17 μετά — 18 ΚΞΘ] om. 19 τό (alt.)] τοῦ 27  
 τό] τῇ post ΟΞΝ lacuna 8 litt.  
 p. 374, 3 τῆς — τετραγώνῳ] om. 10 τό — 13 πρός]  
 mg. 12 ΛΞΣ] ΛΞ, ΞΣ 14 ΣΤΛ] τῶν ΝΣ, ΣΟ 19  
 ὅτι] om. 25 δέ] ὅν 27 ἀπό (alt.)] supra scr.  
 p. 376, 2 post ΡΞΗ add. πρός τὸ ὑπὸ τῶν ΚΞ, ΞΘ μετὰ  
 τοῦ ἀπὸ τῆς ΑΕ 4 πρός — 5 ΑΕ] om. 13 ὑπό (pr.)] ἀπὸ  
 τῶν 14 οὐδέ] corr. ex οὐδή  
 p. 378, 10 καὶ] om. 15. ὄμοιον] τὸ ὄμοιον 18 ὄμοιον]  
 τὸ ὄμοιον 21 ὄμοιον] τὸ ὄμοιον ΒΞΔ] ΒΞ, ΞΔ 24  
 ΝΘ] Θ e corr. 28 ἔστι] εἰσι  
 p. 380, 1 εἰδῆ] εἰδῆ ἄρα τῇ] τῷ 4 ΞΕΔ] τῶν ΞΕ, ΕΔ,  
 Λ e corr. 9 ὄμοιός — 11 ΒΕ] om. 11 ΒΛΔ] τῶν ΒΛ,  
 supra scr. ΛΔ 12 ΛΕ] ΕΔ 14 ΓΑ] ΑΓ 16 προλαμβά-  
 νοντα 19 οὐδέ] corr. ex οὐδή  
 p. 382, 4 διάμετροι δὲ αὐτῶν] ὅν διάμετροι 13 Ζ] Ξ  
 22 μετά] in ras. τοῦ (pr.)] corr. ex τό 29 ἀπὸ ΖΘΗ  
 — p. 384, 2 ΖΘΗ] mg. 29 ΖΘΗ] τῶν ΖΗ, ΗΘ  
 p. 384, 2 ΖΘΗ] τῶν ΖΗ, ΗΘ τὰ ἀπὸ τῶν ΖΗ, ΗΘ 21  
 ὅτι] οὖν ὅτι ΞΗΟ] τῶν ΞΝ, ΝΟ 23 τοντέστι τὸ δίσ] postea ins. m. 1 ὑπό] ὑπὸ τῶν supra scr. 26 τῶν — ὑπερ-  
 ἔχει] ὑπερέχει τῶν ἀπὸ τῶν ΞΗ, ΗΟ  
 p. 386, 2 ΞΗΟ] τῶν ΞΗ, ΗΟ corr. ex τῶν ΞΗΟ ΕΔ] τῶν  
 ΑΕ 3 τό (pr.)] τά 12 ΑΔΓ] ΑΔ, ΔΓ συμπίπτονται κατὰ

- τὸ Δ αῖ] supra scr. 21 ΘΒ] ΒΘ 22 τὴν — 23 πρός] mg.  
 23 ἀλλ — 24 ὁρθίαν] om. 26 ἐστι] om.  
 p. 388, 5 τοῦ — ἐστι] mg. τῷ] in ras. 7 εἰσι παρ-  
 ἄλληλοι 17 ΑΓΒ] ΑΓ, ΒΓ συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ Γ ΑΒ]  
 ΒΑ 18 ΖΕ] EZ 19 ΖΕ] EZ 20 ἵση] ἶ- corr. ex ε  
 25 ΝΕΚΜ] ΕΝΚΜ 26 ΓΔ] ΕΔ  
 p. 390, 12 μέν] om. 19 διά — 20 τῆς] in ras. 26 ΓΑ]  
 ΑΓ ἐπί] ἡ ΖΔ ἐπί<sup>ε</sup>  
 p. 392, 1 ΚΛ] ΘΛ 2 ΘΛ] ΛΚ 3 διά] γὰρ διά Β, Α] Α  
 καὶ Β 6 ΗΜΒ] τῶν ΒΜ, ΜΗ 7 ΔΒ] Β e corr. 11 ΖΘ]  
 ΣΘ 27 ΔΗ] ΔΗ συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ Η 29 ΘΗ] ΗΘ  
 p. 394, 1 ὅτι] ὅτι ἡ ΑΔ 3 ΛΜΝ] ΛΜΝ συμπίπτουσα  
 τῇ ΓΖ (in ras.) κατὰ τὸ Ν 8 ὑπὸ ΒΞΕ] ἀπὸ τῆς ΞΕ 11  
 τό] τῷ τῷ] τό 12 τῷ] τῷ τῷ] τό 14 ΜΠ] ΠΜ  
 ΑΘΗ] τῶν ΗΘ, ΘΛ 17 τοῦ] supra scr. ἵσον ἄρα] in  
 ras. 18 τό — 19 ἄρα] mg. 18 τοῦ] om. 19 εὐθεῖα] ἡ  
 ἡ ΑΗ] ΗΔ δίχα εἰς μὲν ἵσα] om. 20 ΜΠ] ΠΜ  
 p. 396, 10 Β] corr. ex Γ ΔΕ] ΕΔ ΒΚ] ΚΒ 13  
 ΓΚ] ΚΓ 15 ΓΗ] ΗΓ ΑΓ] ΓΑ 16 τῆς] τῇ ΓΗ τῆς  
 ΑΓ] ΗΓ τῇ ΓΑ 20 ἀκθῆ τις εὐθεῖα 22 εὐθείας] εὐθείας  
 πρός ἄλληλα 23 γάρ — ὑπερβολή] ὑπερβολὴ ἡ ΑΒ 25  
 ΓΑΛΖΗ] ΓΛΑΖΗ 27 ΑΑ] ΑΑ  
 p. 398, 1 ΖΤ] ΤΖ 4 ΔΣ] ΔΣ ἐστιν ἵση 5 ἵση] ἵση  
 ἐστίν ΔΤ] ΤΔ 6 ΔΤ] ΤΔ 11 ΚΝ] τὸ ΚΝ ut sae-  
 pius 12 ΔΒ] ΒΔ 13 ΔΟ] ΔΕ 15 τὸ ΔΜ] τὸ ΑΜ e  
 corr. 17 τῷ] corr. ex τό<sup>ε</sup>  
 p. 400, 2 ἀφῆς] om. 12 ἥχθω] om. 13 ἡ ΚΒΔ] ἥχθω η  
 ΑΒΚ οὐτως] om. 18 ἡ ΔΘ — 19 ΗΘ] om. 23 τὸ ΓΘ] ΓΘ  
 24 τό] om. 26 ἵση ἐστίν] e corr. 28 ἵσον (pr.)] ἵσον ἐστί<sup>ε</sup>  
 p. 402, 1 ΡΗ] ΗΡ 2 ΒΓ] ΘΒ 3 ΑΘ] τὸ ΑΘ 4  
 ΓΘ] τὸ ΓΘ 12 τις] τις εὐθεῖα 15 τῆς] τῆς ἐπί 18 ΓΖ]  
 ΖΓ ἡ ΖΕ — p. 404, 3 ΓΔ] bis  
 p. 404, 1 τὰς ΑΘ, ΑΓ] μὲν τὴν ΑΘ 2 ΔΠ — ΝΔΟ]  
 ΑΖΚΜ, ΝΔΟ, παρὰ δὲ τὴν ΑΓ αἱ ΖΡ, ΔΠ 3 ΖΓ] Γ e  
 corr. ΑΖ] corr. ex ΑΞ 10 ΔΠΟ] ΔΟΠ  
 p. 406, 2 ἐπί] om. ἐπιξενγννούσης 3 ΒΓ] ΓΒ 12  
 ἀπό] διά 14 ΔΘΗΞΝ] ΔΗΞΝ 18 ΑΑ] Α e corr. 22  
 τὸ ἀπὸ ΖΟ — 23 ὡς] om.  
 p. 408, 8 Δ] Ε 9 ΕΗ] EZ 12 ΕΘΣΚ 13 ΖΡ]  
 ΖΡ ἐκβεβλήσθω δὲ καὶ ἡ ΑΔ ἐπὶ τὸ Σ 17 ΖΜ] Ζ e corr.  
 ΞΜ] ΜΞ ΘΕ] τῆς ΕΘ 18 ΜΖ] τῆς ΖΜ ἀπὸ

**ΘΣ — 19 MZ τό]** om. **19 ΕΘΠ]** ΣΘΠ **21 ΞΜ]** τῆς  
**ΜΞ 22 ΕΘΠ]** ΕΘ **24 ΑΞΝ]** ΑΞΜ **26 τό** (pr.)] ως τό  
 p. 410, 1 **ΚΑ]** τῆς ΑΚ **2 ἀπὸ ΕΗ]** ΕΗ **ZH]** τῆς  
**HZ 17 ἐπεξεύχθωσαν** ἡ] αἱ **18 ἡ ΓΔΕ]** ΔΓΕ ΕΒ]  
 corr. ex B **ἀπό]** διά **19 ἀπό]** διά **20 ως — ΛΕ]** διήχθω  
 τις εὐθεῖα τέμνονται ἐκατέραν τῶν τομῶν καὶ τὴν ZH ἐκ-  
 βληθεῖσαν ἡ ΘΕΚΛ **25 ΚΠ]** ΠΚ

p. 412, 2 **ΚΕΟ]** ΚΟΕ **8 καὶ]** in ras. **11 μετά]** bis,  
 corr. m. rec. **τριγώνον]** om. **12 τριγώνον]** om. **13 τρί-**  
**γωνον]** om. **14 τριγώνον]** om. **15 τριγώνον]** om. **16 τρί-**  
**γωνον]** om. **17 ΠΔΟ]** ΔΠΟ **18 MN πρὸς τὸ ἀπό]** om.

21 post **ΞΑ** del. **πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΞΑ** **24 ΛΚ]** τῆς ΛΚ  
 e corr.

p. 414, 5 **τὸ H]** e corr. **12 ἐρχέσθω]** ἐρχέσθω δή **15**  
**ΑΓ]** ΓΛ διὰ μέν] μὲν διά **18 διάμετρος — 19 ἐπει]** bis,  
 sed corr. **23 ἔστιν]** ἔστιν ἄρα **27 διπλασία]** διπλῆ **28**  
**ΑΓ]** ΖΓ **ΓΞ]** ΓΕ **ΕΓ]** ΞΓ **ΓΖ]** ΓΑ

p. 416, 1 **καὶ]** καὶ ἀνάπαλιν ως ἡ ΕΓ (Ε e corr.) πρὸς ΓΖ,  
 ἡ ΑΓ πρὸς ΓΞ **ΕΓ]** ΓΕ **ΑΞ]** ΑΞ **καὶ 3 AN]** NA **6**  
**ΑΔ]** ΑΔ καὶ **13 ΑΞ]** ΞΑ **14 ΑΔ]** ΔΑ **15 ΓΞ]** Ξ e  
 corr. **18 καὶ ἡ ΓΖ]** ἔδειχθη δὲ καὶ, ως ἡ ΓΞ πρὸς ΞΑ, ἡ  
**τε ΓΖ 23 παρά]** δύο εὐθεῖαι παρά

p. 418, 1 **ΔΒ]** ΒΔ **17 AB]** ΑΜ **20 ΖΑ** (pr.) — **KΖ]** mg.

p. 420, 1 **ἡ BΖ]** e corr. **7 τῷ]** τῷ ἀπὸ τῆς ZH τῷ **25**  
**ἴση ἔστιν 26 διπλῆ]** διπλῆ ἔστι **28 ἔστι — p. 422, 1**  
**τετραπλάσιον]** mg.

p. 422, 1 **τό]** καὶ τό **ΑΒΝ]** τῶν ΑΒ, ΒΝ, Ν e corr. **11**  
 ἡ (pr.)] om. **12 ΓΑΖ, ΕΒΗ 13 ZH]** HZ **16 ίσον]** ίσον  
**ἔστι 20 ZH]** HZ **23 AZ]** ΖΑ **24 ως]** supra scr.

p. 424, 12 **ποιοῦσι]** ποιήσουσι **16 ΒΔ]** e corr. **ΓΕΔ]**  
**ΓΔΕ 18 τό** (pr.)] τό τε **20 γωνία — 21 ἔστιν]** ὁρθαῖ  
**εἰσιν 25 ἔστι]** om. **29 ΓΑΖ]** ΖΑΓ **ΑΓΖ]** ΑΖΓ

p. 426, 1 **ΑΖΓ]** ΑΓΖ **3 λοιπή]** ὅλη **6 ἡ παταγραφὴ**  
**τοῦ σχήματος ὁμοία τῇ ἀνωθεν** mg. **11 ὁρθή]** om. **12**  
**κύκλος]** posteal add. comp. **20 ίση]** om. **ΑΓΖ]** ΑΓΖ **ἔστιν**  
**ἴση 21 ΒΔΗ]** ΒΔΗ **ίση ἔστιν**

p. 428, 7 **ίση]** ίση ἔστιν **13 ΑΘΔ]** ΑΘΔ τριγώνῳ **16**  
**ΔΘ]** e corr. **19 τῷ]** τοῖς **20 ΓΖ]** ΖΓ **22 ΓΔ]** ΓΔ καὶ

**24 καὶ — ΚΑ]** om. **27 ΚΑ]** τὴν ΚΑ **28 ΔΕ** (alt.)] ΔΗ

p. 430, 13 **αὐτῷ]** αὐτῷ εἰσι **15 ίση]** ἔστιν ίση **23 ΒΘ]**  
**ΘΒ 25 ὁρθή]** ὁρθή ἔστιν

- p. 432, 2 *BΔH*] *HΔB* 3 ὑπό (alt.)] corr. ex ἀπό 6  
*v'*] corr. ex *μ̄*
- p. 434, 1 [*ἴση*] *ἴση* ἐστίν [*ἴση*] *ἴση* ἐστί 2 ἡ δέ — 3  
 $\tau_{\bar{\eta}}$  ὑπὸ *ΕΜΗ*] ἀλλ ἡ μὲν ὑπὸ *ΓΕΖ* *ἴση* ἐστὶ  $\tau_{\bar{\eta}}$  ὑπὸ *ΕΜΗ*,  
*ἴση* δὲ καὶ ἡ ὑπὸ *ΔΕΗ*  $\tau_{\bar{\eta}}$  ὑπὸ *ΜΕΗ* 4 καὶ] om. 8 [*ἴση*  
 ἡ ΘΑ] ἡ *ΑΘ* *ἴση* 21 *τὴν γραμμήν*] μίαν τῶν τομῶν *τὴν* *Β*  
 $ZΔ$ ] *ΔΖ* 22 ὑπερέχει] μεῖζων ἐστί 23 [*ῆχθω*] *ῆχθω*  
 γάρ 28 [*ἴση*] *ἴση* ἐστίν
- p. 436, 1 ἐστιν [*ἴση*] *ἴση* ἐστίν 2 *ΖΕ*] *ΕΖ* ἐστι *διπλῆ*]  
*διπλῆ* ἐστι 13 *ΑΒ*] *ΑΒ* κέντρον δὲ *τὸ Η* 15 *ΑΔΒ*]  
*ΒΔ*, *ΔΑ* 16 *ΓΕΔ*(pr.)] *ΓΕ*, *ΔΕ* 18 κέντρον — 19 αὐτοῦ]  
*διὰ τοῦ Η* 19 *ΓΕ*] *ΓΕ* *ῆχθω* 20 *ΖΕΓ*] *ΓΕΖ* 21 [*ἴση*]  
 ἐστιν *ἴση* 22 καὶ ἡ] i 23 [*ἴση*] ἐστιν *ἴση* 24 [*ἴση*] *ἴση*  
 ἐστίν 26 ἡ *ΓΕΔ*] ἄρα ἡ *ΓΕΔ* ἐστι] om.
- p. 438, 10 *τεταγμένως πατηγμένην*] *τεταγμένην* 11 *διήχθω-*  
*σαν*] ἐπεξεύχθωσαν 21 *ΖΑ*] *ΒΑ* 26 *ΓΕ*] *ΕΓ* 27 ἐκ] λόγος ἐκ  
 p. 440, 21 δίχα *τετμήσθω*] *τετμήσθω* δίχα
- p. 442, 12 *NBM*] *τῶν MB, BN* post *ΑΘΚ* magna la-  
 cuna 14 *ΝΓ*] *τῶν ΝΓ* corr. ex *τῶ ΝΓ* *NBM*] *τῶν*  
*MB, BN* 18 *ΚΘ*] *Θ* e corr. 21 *NBM*] *τῶν NB, BM,*  
*BM* in ras. *τὸ ὑπὸ ΗΓ*] in ras. 24 ἔχει *τὸ ὑπό*] *τῶν*  
*ΑΜ*] e corr. 27 *τοῦ τοῦ*] *τε τοῦ* corr. ex *τὸ τοῦ* 28  
 ἀλλ ὡς μέν] in ras.
- p. 444, 3 *τοῦ τοῦ*] *τε τοῦ* 23 *ZΔΘ*] *ΔΘ* e corr. 24  
 ἀπὸ *ΓΗ* — 25 *NΔ*] ὑπὸ *τῶν AH, HΔ πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΓΗ*  
*τὸ ὑπὸ τῶν AΘ, ΔΝ πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς AΔ* 26 *AΔ*] *ΔΑ*
- p. 446, 1 *ΕΗ*] *ΗΕ* 9 *ΑΔ*] *ΔΑ* 10 *ΑΔ*] *ΔΑ* *ΘΑ*]  
*ΑΘ* 12 σύγειται — 13 *ΑΔ*] in ras. *ΑΘ*] *τῶν AΘ, Α* e  
 corr. 15 *NΔ, AΘ*] *τῶν AΘ, NΔ, Α* e corr. 16 ὡς] ἄρα  
 ὡς 17 *NΔ, AΘ*] *ΑΘ, NΔ*
- p. 448, 6 *τετμήσθω δίχα* 8 *ΒΕ*] *ΕΒ* *ΑΕ*] *ΕΑ* 12  
 ἐκ *τοῦ τοῦ*] ἐκ *τε τοῦ δὲ* ἔχει *τό τοῦ*] δὲ ἔχει *τό* 16  
*ΗΓΚ, ΘΔΖ*] *ΚΓΗ, ΘΔΖ* 18 *ΗΠ*] *ΚΠ* 20 *τήν*] corr.  
 ex *τῆ* 25 *ΘΒ*] *Β* e corr.
- p. 450, 3 *ΚΒ, ΑΗ*] *ΗΑ, ΚΒ* 5 μέσον λαμβανομένου]  
 in ras. 5 *τοῦ τοῦ*] *τε τοῦ* 7 *ΘΔΖ*] *τῶν ΘΖ, ΔΖ* *ΘΒ*]  
*Β* e corr. 11 *τοῦ τοῦ*] *τε τοῦ* 14 ἐκ] ἐκ *τε* 16 *BN*]  
*NB* 17 ἐκ] ἐκ *τε* 20 *τοῦ τοῦ*] *τοῦ*
- Π p. 2 Ἀπολλωνίου τοῦ Περγαίου κωνικῶν βιβλίου ὅ ἐκ-  
 δόσεως Εὐτοκίου Ἀσκαλωνίτου 7 τῶν ὄφ' ἡμῶν πραγματευο-  
 μένων

- p. 4, 5 ταῦτα] τά  
 p. 8, 5 περιέχει 8 εὐθεῖαν] om.  
 p. 10, 2 ἐν τῇ] ἐντὸς τῆς 13 ΓΗ] ΓΚ  
 p. 12, 16 ΒΔ] ΔΒ 23 καθ' ἔτερον τι] κατά  
 p. 14, 2 τό] ἔστω τό ἔστω] om. 19. ἔσται] om. σημεῖον] σημεῖόν ἔστιν  
 p. 16, 8 τοῦ] e corr. 23 ΖΔ] ZH ΔΗ] HΔ 26  
 μηδέ] μή ἔτέρον] οὐδετέρον  
 p. 18, 5 ὑπό] ἀπό 15 περιέχωσιν] ὑπερέχωσιν 16  
 τῆς] om.  
 p. 20, 10 ΧΖ] ZX 13 μηδέ] μή ἔτέρον] οὐδετέρον  
 14 ΕΔ] ΔΕ 19 τό] τὸ Δ  
 p. 22, 1 ΠΟ] ΡΞ 5 διά] πρότερον διά 7 ΠΟ] ΡΞ  
 Κ] B 13 τῇ ἔτέρᾳ] bis, sed corr. 14 ΔΘ] ΘΔ 16 καὶ]  
 τῇ ΡΞ καὶ 25 ΠΟ] ΡΞ 27 ἥ] τῇ 28 τῇ] ἥ 29 ΕΚ]  
 K e corr.  
 p. 24, 9 ἔχῃ] ἔχει 11 κειμένῳ 19 ἥ] τῆς B τομῆς ἥ  
 τεμονούσα] τεμνέτω καὶ ἀμφοτέρας 22 ἥ] om.  
 p. 26, 1 ἥ] supra scr. 8 ἐπιξενγνυμένη] om. 9 ἀντικειμένη] om. 16 H] e corr. AH] ΑΔ 17 HB] ΔΒ ΑΔ]  
 AH ΔΒ] HB  
 p. 28, 2 ἔστι τὸ σημεῖον] τὸ Δ σημεῖόν ἔστιν 6 καὶ ἦχθω]  
 καὶ ἀπ' αὐτοῦ ἐφαπτομένη ἥ ΔΖ καὶ 7 παράλληλος] ἦχθω  
 παράλληλος τῇ ἀσυμπτώτῳ ἐφ' ἥς τὸ Δ 9 πιπτέτω — 10  
 τὸ H] ἐρχέσθω διὰ τοῦ Γ ἀλλὰ διὰ τοῦ H 22 συμπεσεῖται  
 ταῦς τομαῖς 23 αἰ] om. συμπτώσεων] -εων e corr. ἐπὶ]  
 αἱ ἐπὶ e corr. 29 post ΔΘ ras. 2 litt. η] ἥ μέν  
 p. 30, 1 ΑΜ] ΜΑ ἥ δὲ ΘΞ τῇ ΟΓ 21 αἰ] om.  
 p. 32, 21 ἦξει αὐτῶν 26 καθ' ἐν σημεῖον μόνον τῇ  
 τομῇ 29 ΔΘ] ΘΔ  
 p. 34, 1 Κ, H] H, K 15 καὶ αἰ] καὶ 17 ΔΒ] B e  
 corr. 22 ἐφάψονται] bis, sed corr. ἀντικειμένων] τομῶν  
 26 μέν] μὲν οὖν 27 ἀλλ' ἔτέρᾳ] om.  
 p. 36, 1 ΔΘ] ΔΗ ΗΘ] HK 7 ΒΔ] ΔΒ  
 p. 38, 1 ἦ (alt.)] e corr. 13 ΑΘ (alt.)] AB 17 ΖΓ]  
 ΓΖ 19 ἔστιν ἵση] ἵση ἔστιν  
 p. 40, 2 ἔχει λόγον] λόγον ἔχει 3 ἐνβαλλομένη ἐφ' ἐνάτερᾳ] ἐφ' ἐνάτερᾳ ἐνβαλλομένη 10 ώς] postea ins. ἥ ΕΔ]  
 in ras. 13 ἀρχῆς] ἀρχῆς ἀδύνατον 18 δή] om. 21 ΕΜΗ]  
 ENMH ΘΡ] PΘ 23 Δ] Δ, E 25 ἔστιν ἵση] ἵση  
 ἔστιν

- p. 44, 2 τῷ προειρημένῳ] τῇ προτέρᾳ 9 γάρ τινες  
14 ἀπό] διά 23 ᾧ] om. 24 σημεῖα] om.
- p. 46, 6 ἀπό] διά 18 τήν] om. 19 ΚΜ] ΓΚ 20  
ΚΓ ἵση] ΚΜ
- p. 48, 19 Α, Β] om. συμπίπτουσαι — Λ] αἱ ΑΛ, ΛΒ  
21 ΑΖ] lacuna 2 litt. 26 τὸ Δ κέντρον
- p. 50, 3 τῇ ΗΛ] ἡ μείζων τῆς ΖΜ τῇ ΗΛ τῇ ἐλάττονι  
τῆς ΜΛ τὸ σχῆμα ὅμοιον τῷ ἄνωθεν mg. 10 συμπίπτουσαι]  
συμπιπτέτωσαν 14 ἐπί] e corr. 16 οὐαὶ] ἡ 19 τῇ ΜΖ]  
ἡ μείζων τῆς ΑΗ τῇ ΜΖ τῇ ἐλάσσονι τῆς ΗΖ 26 οὐαὶ συμ-  
πίπτουσαι] αἱ ΑΛ, ΛΒ οὐαὶ συμπιπτέτωσαν αἱ ΑΛ, ΛΒ] οὐαὶ  
τὸ Λ
- p. 52, 1 δή] δέ e corr. 3 ΑΗΒ] corr. ex ΑΒ 4 ΑΜΒ]  
ΑΜΒ ὑπερβολὴν ἵσον 5 ἵσον] om. 6 ΔΗ] τῆς ΜΗ ἵση  
ἄρα η ΜΔ τῇ ΔΗ
- p. 54, 3 ὥστε] ὥστε ἡ ΑΒ ὅπερ ἔδει δεῖξαι] om. 14  
ΑΒΓ] supra Γ scr. Ε 15 διά — 17 γραμμῆς] om.
- p. 56, 3 οὐαὶ] τῇ ΑΕΓΖ οὐαὶ 5 ΑΓΖ] ΓΖ post la-  
cunam 1 litt. 11 δύο] δύο σημεῖα 12 συμπεσεῖται] συμ-  
βαλεῖται ἐνβαλλομένη] om. Δ] om. οὐδέ] τῇ Δ οὐδέ
- p. 58, 12 ΓΑΔ (pr.)] ΓΑΔ γραμμή 14 ἀπό] διά 16  
Β] ΒΓ ὥστε] om. οὐδέ] οὐδ' ἄρα ΓΑΔ] ΓΑΔ γραμμή  
συμπεσεῖται τῇ Β 25 οὖν] γάρ τῆς Α τομῆς] om. 26  
οὐαὶ] τῆς Α οὐαὶ
- p. 60, 1 οὐαὶ] om. 3 ΑΒΓ] ΑΒ 7 ΑΒΓ] ΑΓΒ 8  
ΑΒΓ] ΑΓΒ 21 οτι] οτι ἡ Ε
- p. 62, 13 ΑΒ] ΑΓΒ 19 ἐφάπτεται] ἐφάψεται 21 συμ-  
βάλλει] συμβαλεῖ
- p. 64, 24 ΓΑΘ] ΓΑ ΘΕ] ΘΕ ἀλλήλαις
- p. 66, 26 οὐδετέρᾳ] οὐ συμπεσεῖται τῇ ἐτέρᾳ 27 συμ-  
πεσεῖται] om.
- p. 68, 8 οὐ] om. 10 συμβαλοῦσι (non συμβάλλουσι) 11  
οὐαὶ] om.
- p. 70, 11 συμβαλοῦσιν ἀλλά] ἀλλὰ οὐαὶ
- p. 72, 2 ΙΤΤ] ΙΤ 7 οὐαὶ — 8 ΤΙ] om. 8 ὥσ] οὐαὶ  
ώσ 12 post ἀδύνατον add. οὐν ἄρα ἡ ΔΕΚ τῇ ΔEZ συμ-  
βάλλει οὐαὶ πλείονα σημεῖα ἡ οὐαὶ 14 τῆς — ἀντικει-  
μένων] in ras. 15 δέ] δὲ τέμνη τέμνη] om. 19 Δ (pr.)]  
supra scr. 22 ΑΒ] ΑΒΓ 25 ἐσται] ἐστι ΑΒΔ] corr.  
ex ΑΒ 27 ὑπὸ τῶν] supra scr. ΒΖΔ (ΒΖ, ΖΔ) — p. 74, 6  
τῆς] mg.

- p. 74, 15 *AHΓ] ABΓ*  
 p. 76, 7 *ἔτερον] ἐν 13 ὅτι] ὅτι ἡ EZΘ ἔτέροφ ἀντι-  
 πειμένη] EZH*  
 p. 78, 5 *ἔτέροφ] λοιπῆ η ΓΛ] ἵση ἡ ΓΛ 14 ENZ]*  
*τῶν EN, NZ corr. ex τῶν EN, NE*  
 p. 80, 7 *ῶστε — 8 ἵση] om. 23 ZPΘ] τῶν ZP, PΘ  
 corr. ex τῶν ZP, OΘ 25 HΔE] HΔEΘ τομῆ*  
 p. 82, 9 *τῇ A] om. Δ] Δ τῇ A 10 τομῶν] τομῶν αῖ  
 ΑΓ, ΓΒ 15 ἡ E] om. 27 τῶν τομῶν] τομῶν*  
 p. 84, 12 *ΑΓ τῆς ΑΔΒ] ΑΓΒ κατά] τῆς ΑΔΒ κατά 13  
 ΑΓ] ΑΓΒ 24 τὰς ἀφάσις ἐπέξενξεν] ἐπιξεύγγυνσι τὰς ἀφάσι-  
 ης ἡ ΘΕ πρὸς EH ἡ*  
 p. 86, 17 *γάρ] om.*  
 p. 88, 4 *ἐν] e corr. συμβαλεῖ 9 ABE (alt.)] lacuna*  
 3 litt. 18 *ἐκατέρων] ἐκατέρων τῶν AB, ΓΔ 20 τά] om.  
 (non habet) 21 τομαῖς] om. 24 τά] σημεῖα τά*  
 p. 90, 1 *οὐ (alt.)] om.*  
 p. 92, 19 *αῖ] posteas ins.*  
 p. 94, 10 *δευτέρον] δευτέρον σχήματος τῆς AB ἡ τε ΓΑ  
 κατὰ τὸ A καὶ ἡ ZE κατὰ τὸ E 11 ἡ — συμπεσεῖται] τῇ Δ  
 οὔτε μὴν ἡ ΑΓ συμπεσεῖται οὔτε ἡ EZ 16 ΖΔ] EZ EZ] Δ  
 ΔΖ] Δ*  
 p. 96 in fine *τέλος (τοῦ δ supra scr.) τῶν κωνιῶν Ἀπολ-  
 λωνίου τοῦ Περγαίου.*

Harum scripturarum nonnullae cum V memorabiliter congruunt, uelut

I p. 86, 10 *AM] M* ita scriptum, ut litterae u ( $\beta$ ) simile fiat, V; *AB p;*

I p. 224, 25 *ἡ (alt.)] ἡ ἡ V, quorum alterum ad figuram p. 224 pertinere uidetur; ἡ ἡ p;*

I p. 292, 20 *AZ] Z* ita scriptum, ut litterae Δ simile fiat, V; *AΔ p;*

I p. 370, 23 *ΔΞΖ] Z* ita scriptum, ut litterae Δ simile fiat, V; *ΔΞΞΔ p;*

I p. 372, 9 *τῷ] τῷ Vp.*

sed ex ipso V descriptus non est; nam haud ita raro cum c contra eum concordat; cuius generis hos locos notaui:

I p. 2, 15 *ἔπιλῳ] ἔπιλον cp; p. 28, 11 HZ] ZH cp;  
 p. 46, 3 *καὶ δ — 4 KB] om. cp; p. 66, 10 ἄρα] ἄρα καὶ cp;  
 p. 160, 21 δέ] δή cp; p. 216, 5 *καὶ (pr.)] om. cp; p. 222, 15***

ἐάν] ἐν V, ἐὰν ἐν cp; p. 224, 12 ΕΓΖ] ΓΕΖ cp; p. 230, 11 ΕΧ] ΧΕ cp; p. 240, 15 ἐὰν ἐν] corr. ex ἐάν p, ἐάν c; p. 272, 13 ἔστιν ἵσα] om. cp; p. 308, 20 ΤΟ] τὸ ΟΤ cp; p. 330, 20 τῷ] τό cp; p. 332, 15 τὸ μέν] <sup>τό</sup> μέν c, μὲν τό p; p. 344, 28 ΔΒΕ] δὲ ΔΒΕ cp; p. 352, 18 ΙΜΕ] ΙΕΜ cp; 23 ΖΞ] ΞΖ cp; p. 382, 13 Ζ] Ξ cp; p. 428, 7 ἵση] ἵση ἔστιν cp; p. 436, 23 ἵση] ἔστιν ἵση cp (sed in c, qui hunc locum bis habet, altero loco est ἵση); p. 438, 26 ΓΕ] ΕΓ cp.

sed ne p ex ipso c descriptum esse putemus, obstant loci supra adlati, ubi p cum V conspirat.\*<sup>)</sup> itaque, si supra recte statuimus, c ex V pendere, sequitur, codices cp ex eodem apographo codicis V descriptos esse. credideris, hoc apographum esse ipsum codicem v, propter memorabilem codicum cvp consensum in scripturis falsis γωνίαις I p. 48, 16 pro εὐθείαις et ΓΚ pro ΤΚ I p. 330, 13; cfr. etiam, quod I p. 332, 22 καὶ — τετραπλεύρῳ et in v et in p in mg. sunt. sed obstant plurimi loci, uelut I p. 68, 20 τομῇ] τμηθῇ v, p. 312, 1 οὐκ — ΑΓΒ] mg. m. 2 v.

interpolatio- Sed quidquid id est, hoc certe constat, codicem p ualde  
nes codicis p interpolatum esse. nam primum lemmata Eutocii, qualia  
in ipso p leguntur, cum V concordant et a uerbis Apollonii,  
quae p praebet, interdum non leuiter discrepant, uelut

I p. 38, 24 ΒΓ] V, Eutocius II p. 216, 14; τῆς ΒΓ p;  
ΒΑΓ] V, Eutocius p. 216, 15; τῶν ΒΑ, ΑΓ p;  
p. 38, 25 ΖΑ] V, Eutocius l. c.; τὴν ΖΑ p;  
p. 40, 8 ΒΑΓ] V, Eutocius p. 218, 1; ΒΑ, ΑΓ p;  
p. 66, 10 ΒΚΑ] V, Eutocius p. 224, 2; τῶν ΒΚ, ΚΑ p;  
ΑΛΒ] V, Eutocius l. c.; τῶν ΑΛ, ΛΒ p;  
p. 102, 24 ὑπὸ ΑΝΞ] V, Eutocius p. 248, 6; ὑπὸ τῶν  
ΑΝ, ΝΞ p;  
p. 102, 25 ΑΟΞ] V, Eutocius l. c.; τῶν ΑΟ, ΟΞ p; ΞΟ] V, Eutocius p. 248, 7; τὴν ΞΟ p;  
p. 102, 26 ΑΝ] V, Eutocius p. 248, 8; τὴν ΑΝ p;  
p. 104, 3 ΚΒ, ΑΝ] V, ΒΚ, ΑΝ Eutocius p. 248, 23; τῶν  
ΚΒ, ΑΝ p; ΓΕ] V, Eutocius p. 248, 24; τῆς ΓΕ p; ΒΔΑ] V, Eutocius l. c.; τῶν ΒΔ, ΔΑ p;

\*) Hoc quoque parum credibile est, librarium codicis p in explenda lacuna magna codicis c I p. 438, 21—25 tam felicem fuisse, ut ne in litteris quidem a uera scriptura aberraret.

p. 104, 4  $\Delta E$ ] V,  $E\Delta$  Eutocius l. c.;  $\tau\tilde{\eta}\varsigma \Delta E$  p;  
 p. 148, 6  $KAN$ ] V, Eutocius p. 270, 22;  $\tau\tilde{\omega}\nu KA, AN$  p;  
 $\Lambda\Delta\Gamma$ ] V, Eutocius l. c.;  $\tau\tilde{\omega}\nu \Lambda\Delta, \Delta\Gamma$  p;  
 p. 172, 11  $ZH$ ] V, Eutocius p. 278, 8;  $\tau\tilde{\eta}\varsigma ZH$  p;  $\Delta HA]$   
 V, Eutocius p. 278, 9;  $\tau\tilde{\omega}\nu \Delta H, HA$  p;  
 p. 182, 21  $\dot{\alpha}\pi\circ ZH$ ] V, Eutocius p. 280, 15;  $\dot{\alpha}\pi\circ \tau\tilde{\eta}\varsigma ZH$  p;  
 $AHE]$  V, Eutocius p. 280, 16;  $\tau\tilde{\omega}\nu AH, HE$  p;  
 p. 234, 18  $\Theta ME$ ] V, Eutocius p. 302, 9;  $\tau\tilde{\omega}\nu \Theta M, ME$  p;  
 $\Theta KE$ ] V, Eutocius l. c.;  $\tau\tilde{\omega}\nu \Theta K, KE$  p;  
 p. 234, 19  $AMK$ ] V, Eutocius p. 302, 10;  $\tau\tilde{\omega}\nu AM, MK$  p;  
 p. 384, 25  $\tau\tilde{\omega}\nu AHN$ ] V,  $AHN$  Eutocius p. 340, 13;  $\tau\tilde{\omega}\nu AH, HN$  p;  
 p. 384, 26  $\Xi HO$ ] V, Eutocius l. c.;  $\tau\tilde{\omega}\nu \Xi H, HO$  p;  
 $N\Xi A$ ] V, Eutocius l. c.;  $\tau\tilde{\omega}\nu N\Xi, \Xi A$  p;  
 p. 442, 12  $NG$ ] V, Eutocius p. 350, 18;  $\tau\tilde{\omega}\nu NG$  p;  
 p. 442, 13  $MA$ ] V,  $AM$  Eutocius l. c.;  $\tau\tilde{\eta}\varsigma MA$  p;  $\Lambda\Gamma$ ]  
 V, Eutocius p. 350, 19;  $\tau\tilde{\omega}\nu \Lambda\Gamma$  p;  $KA$ ] V, Eutocius l. c.;  
 $\tau\tilde{\eta}\varsigma KA$  p.

hinc concludendum, huius modi discrepantias, quae per totum fere opus magna constantia in p occurruunt (u. supra ad I p. 16, 10; 20, 1; 38, 24), ab ipso librario profectas esse. interpolationem confirmant loci, quales sunt I p. 56, 3  $B\Sigma\Gamma$ ]  $B\Gamma\Sigma$  V,  $B\Gamma\Gamma\Sigma$  p, item lin. 16; p. 110, 8  $\Delta EZ$ ]  $E\Delta Z$  V,  $E\Delta \Delta Z$  p; similiter I p. 116, 19; 118, 3 338, 24; 352, 5; 358, 24; 360, 2, 7, 10; 366, 22; 370, 25; 372, 10; 382, 29; 384, 2; II p. 52, 18. nam sicut intellegitur, quo modo error in V ortus sit duabus litteris permutatis, ita scriptura codicis p mero errore scribendi oriri uix potuit, sed eadem facillime explicatur, si statuimus, librarium codicis p scripturam codicis V ante oculos habuisse eamque errore non perspecto suo more interpolasse; cfr. I p. 34, 12, ubi pro  $A, B, \Gamma$  scripsit  $AB, B\Gamma$ , quia inconsiderate pro  $A, B, \Gamma$  legit  $AB\Gamma$ . hoc quoque notandum, I p. 40, 19 scripturam ueram  $MAN$  a manu prima in  $MA AN$  mutatum esse; idem p. 386, 2 in  $\Xi HO$  factum est.

sed interpolatio intra hoc genus non stetit. primum ex Eutocio arguitur additamentum]

I p. 40, 9  $\tau\tilde{o}\tilde{v}$ ] V, Eutocius p. 218, 2;  $\tau\tilde{o}\tilde{v} \lambda\gamma\sigma\varsigma$  p,  
 et uerborum ordo mutatus

I p. 384, 26  $\tau\tilde{\omega}\nu \dot{\alpha}\pi\circ \Xi HO \nu\pi\varrho\acute{\chi}\varepsilon\iota$ ] V, Eutocius p. 340, 13;  
 $\dot{\nu}\pi\varrho\acute{\chi}\varepsilon\iota \tau\tilde{\omega}\nu \dot{\alpha}\pi\circ \tau\tilde{\omega}\nu \Xi H HO$  p.

deinde lacunas in V non significatas saepe recte animaduertit et ad sensum haud male expleuit, interdum autem notauit tantum (I p. 110, 13), interdum supplementum incohauit, sed ad finem perducere non potuit (I p. 170, 2); I p. 362, 26 lacunam post  $\tau\bar{\eta}\varsigma\tau\mu\bar{\eta}\varsigma$  falso notauit, cum debuerit ante  $\tau\bar{\eta}\varsigma\tau\mu\bar{\eta}\varsigma$   $\tau\mu\bar{\eta}\varsigma$ ; I p. 344, 20 sine causa lacunam statuit, quia non intellexit, ad  $\mu\acute{e}v$  respondere  $\kappa\alpha\acute{l}$  lin. 21. similiter interdum errorem subesse recte sensit, sed aut lacunam reliquit, quia emendationem reperire non posset (I p. 296, 1; 358, 3), aut in emendando errauit (I p. 298, 9; 352, 25); II p. 62, 9 primum *AB* scripsit, sicut in V est, deinde errorem uidit et emendauit (*AGB*).

cum his locis interpolatio certissima sit, dubitari non potest, quin discrepantiae grauiores, quibus non modo errores emendantur, sed etiam omnia insolita et exquisitoria (uelut *συνημένον* I p. 342, 3, pro quo restituit solitum illud *συγκείμενον*; sed cfr. I p. 346, 3) eliminantur, interpolationi tribuendae sint. qui eas perlustrauerit, concedet, librarium nostrum plerumque recte intellexisse, de qua re ageretur, et sermonis mathematicorum Graecorum peritissimum fuisse; sed simul perspiciet, ex p ad uerba Apollonii emendanda nihil peti posse, nisi quod librarius sua coniectura effecit. qui ubi uixerit, postea uidebimus.

**Uat. 206** Summa igitur huius disputationis ea est, uerba Apollonii ad V solum restituenda esse; quem codicem potius saeculo XII quam XIII tribuerim ob genus scripturae magnae et inaequalis, quae codicibus membranaceis saeculi XII multo similior est quam bombycinis saeculo XIII usitatis. sed quamquam non uetustissimus est, codicem uetustissimum, fortasse saeculi VII, litteris uncialibus scriptum et compendiis repletum reprezentare putandus est, ut testantur hi errores: I p. 186, 20 *διορθιατ* pro *αι* *όρθιαι* confusis *A* et *Δ*, I p. 368, 1 *τοῦ* pro *τὸ* *ὑπό* propter compendium *T' = ὑπό*, I p. 304, 16 propter idem compendium *ὐξλθ* pro *ὑπὸ* *ΖΛΘ*, I p. 136, 17 *ΔΙ'* pro *τείγωνον* propter comp. *Δ'*, I p. 368, 11 *ஓλον* pro *ஓ λόγον* propter compendium *λογ'*.

---

## Cap. II.

## Quo modo nobis tradita sint Conica.

Ex praefatione ipsius Apollonii ad librum I discimus, Conica ante eum totum opus Conicorum a principio Alexandriae, sine Eutocium dubio scholarum causa, composuisse et deinde cum mathematicis quibusdam, qui scholis eius interfuisse uidentur, e schedis suis communicasse. cum ita diuulgari coeptum esset, opere festinantis paullo ad finem perduto non contentus editionem nouam in meliorem ordinem redactam instituit, cuius libros primos tres ad Eudemum Pergamenum misit, reliquos quinque ad Attalum (fortasse Attalum primum regem Pergami), u. II p. 2, 3. itaque statim ab initio inter Conicorum exemplaria, quae ferebantur, discrepantia quaedam suberat, sicut queritur ipse Apollonius I p. 2, 21, et fieri potest, ut hinc petitae sint demonstrationes illae alterae, quas Eutocius in suis codicibus inuenit (cfr. Eutocius II p. 176, 17 sq.). sed sicut Eutocio concedi potest, quaedam fortasse ex editionibus prioribus seruata esse, ita dubitari nequit, quin editio recognita inualuerit, nec ueri simile est, editiones priores usque ad saeculum VI existisse; praefationes enim singulorum librorum, quae, ut per se intellegitur, editionis emendatae propriae erant, Eutocius in omnibus codicibus inuenisse uidetur, quoniam de solo libro tertio commemorat (II p. 314, 4 sq.), nullam ibi praefationem extare sicut in ceteris.\*<sup>1</sup>) sed hoc quidem ei credendum, codices Conicorum, quos habuerit, haud leuiter inter se in demonstrationibus discrepasse, siue haec discrepantia ex editionibus prioribus irrepsit siue, quod ueri similius est, magistris debetur, qui libro Apollonii in docendo utebantur, quo modo in codicibus reliquorum mathematicorum ortae sunt demonstrationes alterae.

ex his codicibus Eutocius suam librorum I—IV editionem concinnauit; de cuius ratione quoniam egi Neue Jahrbücher für Philologie Supplem. XI p. 360 sq., nunc hoc tantum addo, editionem eius ita comparatam fuisse uideri, ut in media pa-

\*) Utrum praefatio libri tertii interciderit, an Apollonius omnino nullam praemiserit, dubium est; equidem non video, cur Eudemo hunc librum sine epistula mittere non potuerit, cum nomen eius duobus prioribus praefixum esset.

gina uerba Apollonii, in marginibus sua commentaria (praeter praefationes, quas sine dubio singulis uoluminibus praefixit) collocaret. hoc ex uerbis  $\xi\omega\theta\epsilon\nu \epsilon\nu \tau\omega\tau\alpha\mu\epsilon\nu\nu\sigma \sigma\chi\lambda\mu\lambda\sigma$  II p. 176, 20 concludi posse uidetur. praeterea ita facillime explicantur lacunae II p. 290, 8; 292, 1, 14; 306, 8; 308, 14; 310, 6; 338, 15; 340, 15; 342, 20 et transpositio II p. 264.

ex tota ratione editionis Eutociana adparet, eum in demonstrationibus eligendis uel reiiciendis solo iudicio suo confisum esse. sed cum summa fide demonstrationes repudiatas in commentariis seruauerit (cfr. II p. 296, 6; 336, 6), de iudicio eius etiam nunc nobis licet iudicare. iam in reiiciendis demonstrationibus, quas II p. 296 sq., p. 326, 17, p. 328, 12, p. 336 sq. adfert, iudicium eius omnino sequendum; nam quas habet p. 296 sq., nihil sunt nisi superflui conatus corollariorum Apollonianorum I p. 218, 4 demonstrandi, propositiones p. 326, 17 et p. 328, 12 re uera, ut Eutocius obseruauit, casus sunt praecedentium, quos post illas demonstrare nihil adinet; de demonstrationibus denique p. 336 sq. adlatis idem fere dicendum. ubi ex pluribus demonstrationibus unam elegit, res difficilior est diiudicatu. uno saltim loco errauit; nam cum in I, 50 p. 152, 6 usurpetur aequatio  $\Delta HBG = \Gamma\Delta E$ , quae nunc nusquam in praecedentibus demonstrata est, in altera autem demonstratione ab Eutocio ad I, 43 adlata p. 256 demonstratur — uerba ipsa  $\iota\sigma\sigma\sigma$  —  $B\Gamma\Lambda$  II p. 256, 9 fortasse subditua esse, hic parum refert —, hinc concludendum est, quamquam dubitat Zeuthen Die Lehre von den Kegelschnitten im Alterthum p. 94 not., illam demonstrationem genuinam esse, nostram iniuria ab Eutocio receptam; idem fit II, 20 p. 228, 23. in ceteris nullam certam video causam, cur ab iudicio Eutocii discedamus; sed rursus nemo praestare potest, eum semper manum Apollonii restituuisse.

**lemmata** Sed quamquam in uniuersum editione Eutociana stare necessario est, tamen lemmatis Pappi adiuti de forma Conicorum aliquanto antiquiore nonnulla statuere licet. quod ut recta ratione fiat, ante omnia tenendum est, hoc esse genus ac naturam lemmatum et illorum et ceterorum omnium, uelut ipsius Eutocii, ut propositiones quasdam minores suppleant et demonstrent, quibus sine demonstratione usus sit scriptor ipse, sicut factum uidemus his locis:

## Pappi lemma

- I, 4  
I, 5  
I, 10 p. 930, 19  
I, 10 p. 930, 21  
II, 3—4  
III, 1  
III, 3  
III, 4  
III, 5 p. 946, 23  
III, 7  
III, 13

## ab Apollonio usurpatur

- I, 5 p. 20, 7  
I, 34 p. 104, 2 sq.  
I, 49 p. 148, 5  
I, 50 p. 152, 14  
II, 23 p. 234, 16  
III, 8 p. 330, 22  
III, 16 p. 348, 23; 17 p. 352, 6 cet.  
III, 22 p. 364, 17; 25 p. 374, 14 al.  
III, 24 p. 372, 17; 25 p. 374, 15, 19;  
26 p. 376, 2  
III, 29 p. 384, 25  
III, 56 p. 450, 9.

ubi uero lemma Pappi in uerbis ipsis Apollonii demonstratur, concludendum, hanc demonstrationem post Pappum interpolatam esse. qua de causa delendum I, 37 p. 110, 12 *συνθέτηται* — 18 *ZΔ*; nam per Pappi lemma I, 6 p. 926, 7 ex *AZ* = *ZB* et *AE*:*EB* = *AΔ*:*ΔB* statim sequitur *EZ* × *ZΔ* = *BZ*<sup>2</sup>. praeterea ex iisdem aequationibus per idem lemma p. 926, 8 (in ellipsi p. 926, 7—8) concluditur *AE* × *EB* = *ZE* × *EΔ*; quare ex toto loco I p. 110, 19 *καὶ ἐπει* — p. 112, 10 *ἔσται* nihil scripserat Apollonius praeter haec: *καὶ τὸ ὑπὸ ΔEZ τῷ ὑπὸ AEB*. item delenda I, 41 p. 126, 11 *ἴσογώνια* — 13 *EZ*, quae significationem habeant lemmatis Pappi I, 8. eadem ratione quoniam per lemma I, 7 in I, 39 ex *ZE* × *EΔ* : *ΓE*<sup>2</sup> = diam. transuersa: diam. rectam statim sequitur, quod quaeritur, pro p. 118, 23 *ἔστω* — p. 120, 7 *πρὸς EΓ* scripserat Apollonius: *ἐπει* *ἔστιν*, *ώς τὸ ὑπὸ ZEΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓE*, *ἡ πλεγία πρὸς τὴν ὁρθίαν*, *ὅ δὲ τοῦ ὑπὸ ZEΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓE λόγος σύγκειται* *ἐκ τε τοῦ τῆς ZE πρὸς ΓE καὶ τοῦ τῆς EΔ πρὸς ΓE* uel simile aliquid. in I, 54 per lemma I, 11 concluditur *AN* × *NB* : *NZ*<sup>2</sup> = *ZO*<sup>2</sup> : *ΘO* × *OH*; itaque delenda p. 170, 16 *τὸ δέ* — 22 *πρὸς OΘ*.

in II, 20 ex proportione *XK* : *KE* = *HΛ* : *ΛΘ*, quoniam parallelae sunt *HΛ*, *ΛΘ* et *KX*, *KE*, per lemma II, 2 statim concluditur, parallelas esse *EX*, *HΘ*; interpolata igitur uerba I p. 228, 1 *καὶ περὶ* — 8 *ἴση*.

in II, 50 delenda p. 292, 2 *ἐπει* — 5 *καὶ*, quia ex hypothesi per lemma II, 5 sequitur *XA* : *AZ* > *ΘK* : *HK*. ibidem p. 292, 18 *καὶ ἔάν* — 22 *τριγωνα* delenda propter lemma II, 6. ibidem

lemma II, 7 hanc formam breuiorem uerborum p. 292, 27 ἔστιν ἄρα — p. 294, 10 γωνία signifcat: καὶ ὡς τὸ ὑπὸ ΧΕΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΓ, τὸ ὑπὸ ΜΚΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΚΗ· ὅμοιον ἄρα τὸ ΗΘΚ τογώνον τῷ ΓΔΕ; hoc enim ex lemm. II, 7 sequitur. et ita lemm. II, 7—8 cum additamento\*) p. 940, 4—5 usurpantur I p. 300, 19; 304, 17, ubi iniuria Pappi lemma IX citauit, sicut me monuit Zeuthen.

uerba II, 52 p. 306, 21 οὖν ἄρα — 22 ΖΕΚ, quae p. 307 not. iam alia de causa damnaui, subditiuia esse arguuntur etiam per lemma Pappi II, 12, quod ueram causam indicat, cur non sit BE<sup>2</sup>: EΓ<sup>2</sup> = EK<sup>2</sup>: KZ<sup>2</sup>.

propter lemma III, 5 p. 946, 20—22 in III, 24 delenda et p. 370, 24 τῷ ὑπὸ ΛΘΖ τοντέστι et p. 372, 8 τοντέστι — 11 ΚΞΘ, quippe quae demonstrationem post lemma inutilem praebeant.

eadem de causa in III, 27 uerba p. 380, 7 καὶ ἐπει — 15 BE propter lemma III, 6 superuacua sunt et ut interpolata damnanda.

per lemmata III, 8, 9, 10 quattuor interpolationes prorsus inter se similes arguuntur, in III, 30 p. 388, 6 ἡ ἄρα — 7 ΔΖ propter lemm. III, 8, in III, 31 p. 390, 11 ἡ ἄρα — 13 τὸ Ε, III, 33 p. 394, 19 εὐθεῖα ἄρα — 20 Θ propter lemm. III, 9, in III, 32 p. 392, 10 δίχα — 12 ΔΖ propter III, 10.

denique per lemma III, 12 p. 952, 3—5 ex KZ × ΖΛ = AZ<sup>2</sup> concluditur (nam AZ = ZB) AK × KB = KA × KZ siue BK: KZ = AK: KA; itaque delenda III, 42 uerba interposita p. 418, 18 ὡς ἡ KZ — p. 420, 2 διελόντι. et demonstratio propositionis III, 42 omnino mutata esse uidetur; suspicor enim, lemmata Pappi III, 11—12, quae Halleius I p. 201 ad III, 35—40 referre uidetur, huc pertinuisse, quamquam, ut nunc est, neque hic neque alibi in nostro Apollonio locum habent.

nam hoc quoque statuendum, si lemmatis Pappi nunc locus non sit, eum aliam formam demonstrationum ob oculos habuisse. uelut lemma I, 9, quod Zeuthenius ad demonstrandum Δ HBΔ = ΓΔΕ I, 50 p. 152, 6 usurpatum esse putat, neque in de-

\*) Quod minime cum Hultschio interpolatori tribuendum; potius delenda p. 942, 1—4, quae mire post propositiones conuersas adduntur et idem contendunt, quod p. 940, 4—5 suo loco dicitur.

monstratione recepta neque in ea, quam seruauit Eutocius, continuo inseri potest. lemma II, 9—10 auctore Zeuthenio in analysi ampliore propositionis II, 51 locum habere potuit, ut nunc est, non habet; et re uera analyses ampliores olim exstitisse, eo confirmatur, quod eodem auctore lemma II, 13, cuius nunc usus nullus est, in analysi propositionis II, 53 utile esse potuit. praeterea suspicor, lemma II, 11 in analysi propositionis II, 50 olim usurpatum fuisse; nunc inutile est, sed per propositionem conuersam in II, 50 demonstratur  $\angle \Gamma \Delta E = Z H \Theta$ ; quare I p. 296, 17 ὡς ἡ — 20 ἔστι δὲ οὐδὲ delenda sunt, et pro p. 296, 23 οὐδὲ δι' ἵσον — p. 298, 1 ἀνάλογον fuisse uidetur ὅμοιον ἄρα τὸ ΓΔΧ τρίγωνον τῷ Z HK; ita enim hoc lemma conuersum usurpatur II, 53 p. 316, 15 et similiter membro intermedio omissio II, 52 p. 310, 14. denique lemmata II, 1 et III, 2 nunc usui non sunt; de illo ne suspicari quidem possumus, cuius propositionis causa propositum sit, hoc uero et in III, 13 et in III, 15 forma demonstrationis paullum mutata utile esse potuit.

haec habui, quae de usu lemmatum Pappianorum ad pristinam formam Conicorum restituendam dicerem, pauca sane et imperfecta; neque uero dubito, quin alii hac uia progressi multa haud improbabilia inuenire possint; mihi satis est rem digito monstrasse.

cetera, quae Pappus ex Conicis citat, pauca sunt et aut neglegenter transscripta, ut p. 922, 19 οὐδὲ ἐφ' ἐνάτερα ἐκβιληθῆ (ita codex A, sed p. 922, 27 προσεκβιλήσθω) = Apoll. I p. 6, 4 ἐφ' ἐνάτερα προσεκβιληθῆ (fortasse Pappus pro ἐπιξευχθεῖσα p. 6, 4 habuit ἐπιξευχθῆ), aut incerti momenti, uelut quas p. 674, 22—676, 18, ubi praefationem libri I p. 4, 1—26 citat, scripturas habet discrepantes:\*) Apoll. I p. 4, 2 τῶν ἀντικειμένων] τὰς ἀντικειμένας Pappus (ita cod. A), p. 4, 4 οὐδὲ] om., ἐξειργασμένα] ἐξητασμένα, p. 4, 6 τομῶν] τομῶν οὐδὲ τῶν ἀντικειμένων, 10 παράδοξα θεωρήματα] παντοῖα, 12 πλεῖστα] πλείστα, οὐδὲ] οὐδέ, 13 ξένα, ἢ οὐδὲ] οὐδὲ ξένα, συνείδομεν] εὔρομεν, 15 τὸ τυχόν] τι, 16 προσενρημένων ἡμῖν] προειρημένων, 19 συμβάλλουσι] συμπίπτουσι, ἄλλα] om., 21 ἦ] om., συμβάλλουσι] συμβάλλει οὐδὲ ἀντικειμέναις οὐτὰ πόσα σημεῖα συμ-

\*) Errores apertos codicis Pappi p. 676, 1, 4 omisi. memorabile est, iam Pappum pro οὐδὲ p. 4, 9 cum nostris codd. η̄ habere.

βάλλονσι, 22 ἐστι] δ', 23 πλέον] πλεῖον, 24 πάνον] om., περί] om., 25 προβλημάτων πανικῶν] πανικῶν προβλημάτων. harum omnium scripturarum nulla per se melior est nostra, multae sine dubio deteriores siue Pappi siue librariorum culpa; nam quae sola speciem quandam ueritatis p[ro]ae se fert scripturae p. 4, 21, ea propter IV praef. II p. 2, 9 sq. dubia est. scripturæ ἔξειργασμένα p. 4, 4, τομῶν 6, παράδοξα θεωρήματα 10 ab Eutocio II p. 168, 16; 178, 2; 178, 16 confirmantur.

Quas supra e Pappo ostendimus interpolationes, eas iam Eutocium in suis codicibus habuisse puto; nam si defuissent, sine dubio lacunas demonstrationum sensisset notasque addisset, sicut etiam alibi eadem fere lemmata addidit ac Pappus (Pappi lemma I, 4 = Eutoc. II p. 208, 15; I, 5 = II p. 248, 23 sq.; I, 10 = II p. 270, 19; II, 2 = II p. 302, 9; III, 7 = II p. 340, 12; praeterea Eutocius II p. 190—198 eadem fere de cono scaleno exposuit, quae Pappus habet p. 918, 22—922, 16), quem nouerat (ad Archim. III p. 84; cfr. ad Apollon. II p. 354, 7 [τὸ δ' βιβλίον] οὐδὲ σχολῶν δεῖται; Pappus ad librum IV lemmata nulla praebet).

interpolationes aliae sed multa alia menda sunt, quae ad Apollonium referri uix possunt. de IV, 57 p. 94, 12 sq. taceo, quia hunc errorem (cfr. II p. 95 not. 4) fortasse Apollonius ipse committere potuit; sed u. interpolationes apertiores, quas ex ipso demonstrationis tenore uel ex orationis forma notaui, I p. 18, 27; 126, 15; 156, 16 (cfr. p. 157 not.); 162, 27 sq. (cfr. p. 163 not.); 280, 11 (glossema ad lin. 12); 300, 21; 346, 1; 384, 23; 414, 27;\*) 416, 10;\*) 442, 11; 446, 16; II p. 6, 14;\*\*) 30, 11 (cfr. p. 31 not. 1); 60, 5 (u. not. crit.); 88, 19 (cfr. p. 89 not.), et aliquanto incertiores I p. 92, 12; 162, 1 (cfr. p. 163 not.); 168, 24; II p. 80, 4; 90, 4. errores grauiores, qui neque Apollonio neque librariis imputari possunt, sed manum emendatricem, ut ipsi uidebatur, hominis indocti sapiunt, notati sunt II p. 18, 10 sq. (cfr. p. 19 not.); 34, 15 sq. (cfr. p. 35 not.); 62, 19 sq. (cfr. p. 63 not.); p. 64 (cfr. p. 65 not.) et rursus eodem modo (id quod uoluntatem ostendit interpolandi) p. 74 (cfr. p. 75 not.).

\*) Uerba διπλασία γὰρ ἐκατέρα ideo subditiva existimanda sunt, quod haec propositio (Eucl. V, 15) antea saepe, uelut I p. 382, 17, tacite usurpata est; priore loco praeterea propter ordinem litterarum dicendum erat ἡμίσεια γὰρ ἐκατέρα.

\*\*) Interpolator similitudinem propositionis IV, 9 p. 16, 16 iniuria secutus est.

praeter hos locos, quos iam in editione ipsa indicaui, nunc hos addo, in quibus interpolationes deprehendisse mihi uideor:

I, 32 p. 96, 23 ἡ κίνητον περιφέρεια delenda; nam de circulo haec propositio iam ab Euclide demonstrata est, et si Apollonius eum quoque respicere uoluisset, p. 94, 21 dixisset κάνου τομῆς ἡ κύκλον περιφέρειας, sicut fecit II, 7, 28, 29, 30; III, 1, 2, 3, 16, 17, 37, 54; IV, 1, 9, 24, 25, 35, 36, 37, 38, 39, 40; nam inter coni sectiones circumque semper distinguit, ut etiam ex I, 49—50 intellegitur, ubi in protasi κώνου τομή habet et deinde in demonstratione parabolam, hyperbolam, ellipsim enumerat, circuli mentionem non facit; cfr. I, 51 κώνον τομή de parabola hyperbolaque, tum in I, 53 post propositionem auxiliariam I, 52 de ellipsi, ita ut protasis I, 51 quodam modo propositionum 51 et 53 communis sit.

II, 38 demonstratio indirecta nimis neglegenter exposita est; deest conclusio: et idem de omni alia recta demonstrari potest praeter EX; ergo EX diametrus est.

III, 18 p. 354, 19 ἐπει — 21 ἡ ΔΖ subditua existimō, quia lin. 19 dicitur υπερβολή, cum tamen apertissime usurpetur I, 48 de oppositis.

IV, 52 non intellego, cur de ΑΔ in K in duas partes aequales diuisa mentio fiat p. 84, 3; nam quod sequitur, non inde concluditur, sed ex natura diametri secundae. itaque deleo p. 84, 3 τεμεῖ — 4 κατ.

difficilis est quaestio de figuris diuersis. saepissime enim figurarum adcidit, ut constructiones auxiliaiae ab Apollonio propositae litterarumque ordo ab eo indicatus cum una sola figurarum consentiat, ad ceteras uero adcommodari non possit nisi nonnullis uel uerbis uel litteris figurae mutatis, uelut in I, 2 p. 10, 28 καὶ ἐκβεβλήσθωσαν, p. 12, 4 ἐκβεβλήσθω, p. 12, 15 ἐκβεβλήσθω cum figura tertia, in I, 4 p. 16, 3 ἐκβεβλήσθω cum secunda, in I, 6 p. 22, 1 ἐκβεβλήσθω cum tertia non consentit; I, 34 p. 102, 15 ΕΓΖ in circulo ΕΖΓ esse debuit\*), ἐκβεβλήσθωσαν

\*) Omnino ueri simile est, ordinem mirum litterarum, quem saepe corrigendum putaui, quia cum figura codicis non consentiret, eo explicari posse, quod Apollonius aliam dederat. dubitari etiam potest, an Apollonius ipse non semper ordinem naturalem obseruauerit; nam plurimis locis, ubi recta a puncto aliquo uel per punctum ducta esse dicitur, in denominanda recta littera illa, quae punctum significat, primo loco ponitur

p. 102, 18 in ellipsi circuloque uerum non est; I, 45 demonstratio ad hyperbolam solam adcommodata est (*διάμετρος ἡ ΑΘ* p. 136, 25; *ΓΜΛ* p. 136, 26); ἐκβεβλήσθω p. 136, 28 soli figurae quartae aptum est; etiam in I, 50 hyperbolam solam respexit (p. 150, 13 *κείσθω τῇ ΕΓ λη* ἡ *ΓΚ*, 22 ἐκβεβλήσθω, 25 *ΛΡΝ*, 27 *ΓΣΟ*); II, 47 p. 270, 18 *καὶ διήχθω ἡ ΚΔ ἐπὶ τὸ Β* de hyperbola dici non potest, *ΚΒΔ* uero neque cum his uerbis neque cum ellipsi conciliari potest; quare fortasse *ΚΔΒ* scribendum; III, 3 ordo litterarum in *ΖΘΚΛ*, *NZIM*, *ΗΞΟ*, *ΘΠΡ* p. 322, 19—20 et *ஓλον* p. 324, 7 cum ellipsi circuloque non consentit; in III, 27 *NZHΘ*, *KZΛM* p. 378, 2 in circulo debuit esse *ZNHΘ*, *ZKΛM*; III, 11 *ΕΘΗ* p. 336, 2, *BZΛ* p. 336, 4 cum figura secunda conciliari non potest; in III, 45 *ΓΕΔ* p. 424, 16, in III, 47 ἐκβαλλόμεναι p. 428, 1, in III, 48 *κατὰ κορυφὴν γάρ* p. 430, 15 de sola ellipsi circuloque dici possunt.

iam quaeritur, unde proueniant hae discrepantiae. constat, Apollonium animo uarios casus omnes comprehendisse, et interdum etiam in demonstratione eos significauit, uelut (ne dicam de locis, qualis est I, 22, ubi re uera duas demonstrationes habemus communi expositione coniunctas, et ideo sine dubio etiam duas figuratas; cfr. IV, 50, ubi in communi expositione propter figuram p. 80 additum est ἐκβεβλήσθω p. 78, 28, quo in priore figura p. 81 opus non est) III, 2 p. 322, 7 *προσενέσθω ἡ ἀφηγήσθω* duos casus indicant, sed *ΑΕΓ*, *ΒΕΔ* p. 322, 1, *HMZ* p. 322, 3 in ellipsi circuloque *ΓΑΕ*, *ΔΒΕ*, *HZM*, p. 322, 3 *ΗΚΛ* in circulo *ΚΗΛ* esse debuit; etiam illud *διαφέρει* III, 11 (cfr. p. 337 not.) figuratas diuersas

etiam ordine naturali uiolato (I p. 32, 2; 218, 2; 224, 12; 308, 6; 336, 25; 338, 19; 348, 17; 354, 15; 368, 26; 398, 2; 400, 13, 17; 410, 23; 414, 13; 420, 17; 442, 3, 4; 448, 16; II p. 58, 14). sed obstant loci, quales sunt I p. 32, 1; 444, 20. et omnino ordo litterarum tam saepe necessario corrigendus est (I p. 40, 25; 56, 3, 16; 74, 16; 84, 21; 86, 5; 88, 11; 110, 8; 116, 19; 118, 3; 122, 1; 194, 11; 212, 10; 296, 24; 298, 23; 300, 21; 304, 20; 306, 17; 310, 9, 13; 316, 7; 338, 24; 352, 5; 358, 24; 360, 2, 7; 366, 22; 370, 17, 25; 372, 10; 382, 14, 29; 384, 2; 394, 11, 14; 396, 12; 424, 20; 426, 4; 428, 10; 430, 24; 434, 3; 448, 23; II p. 52, 18), ut satius duxerim etiam illis locis ordinem insolitum litterarum librario imputare quam ipsi Apollonio. cfr. I p. 134, 23, ubi Eutocius uerum ordinem seruauit.

significare uidetur (etsi III, 14 p. 342, 8 sine significatione diuersitatis usurpat), sicut in III, 12 p. 338, 3 *λιπὸν ἢ προσ-λαβόν*; sed in III, 11 *EΘH* p. 336, 2, *BΖA* p. 336, 4 et in III, 12 *ΑΒΜΝ, ΚΞΟΤΠ* p. 336, 25, *ΒΞP, ΛΚΣ* p. 336, 26 cum priore figura sola consentiunt.

uerum tamen difficile est credere, Apollonium figuras dedisse, quae a constructionibus litterarumque ordine indicato discrepant (quamquam interdum in figuris describendis parum diligens est, uelut in III, 11, ubi in expositione de puncto *Κ* siletur). adcedit, quod in figuris codicibus non multum credendum esse demonstrari potest. primum enim ex uerbis *τις τῶν προειρημένων τομῶν* III, 42 p. 416, 27, *μία τῶν εἰρημένων τομῶν* III, 45 p. 424, 15, III, 53 p. 438, 9 pro certo adparet, in his propositionibus unam tantum figuram ab Apollonio adscriptam fuisse (quamquam in III, 42 propter p. 418, 10 sq. causa fuit, cur hic saltim duas daret), cum tamen nunc in nostris codicibus plures adsint. deinde ex Eutocio p. 318, 18 sq. discimus, in III, 4 sqq. codices eius in singulis propositionibus unam figuram habuisse, sed inter se diuersas, cum alii rectas contingentes in eadem sectione haberent, alii in singulis unam; cfr. de III, 31 Eutocius II p. 342, 11 sq. itaque si Eutocius II p. 320, 7, 14 in III, 5 utramque figuram habuit, ipse in editione sua eas coniunxit. Apollonium ipsum utrumque casum mente concepisse, ex usu adparet, qui in III, 23 fit propositionis 15 (u. I p. 367 not.), in IV, 15 propositionis III, 37 (u. II p. 27 not.), in IV, 44, 48, 53 propositionis III, 39. omnino Eutocius in figuris describendis satis libere egit; u. II p. 322, 1.\*<sup>\*)</sup> et illarum discrepantiarum nonnullae per eius rationem edendi ortae esse possunt, uelut in I, 38, ubi p. 116, 23 in ellipsi permutandae sunt *ΘΓ* et *ΘΔ*; nam in quibusdam codicibus haec propositio de sola hyperbola demonstrata erat, u. Eutocius II p. 250, 16. uerum alias iam is in suis codicibus inuenit, uelut in III, 1 p. 320, 8 *κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ ΔΗΓΕ* cum figura priore p. 320 conciliari non potest, quam habuit Eutocius II p. 316, 9. aliae autem post eum ortae sunt, uelut in eadem prop. III, 1 figuram alteram p. 310 nondum habuit (u. II p. 316, 9

\*) Ubi lin. 6—7 interpretandum erat: ut seruetur, quod in protasi dicitur „iisdem suppositis“. nam *τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων* p. 322, 7 ex uerbis Apollonii citatur; u. III, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12.

et p. 317 not.); ne in I, 18 quidem figuram alteram p. 71, in qua litterae *A*, *B* et *Γ*, *Δ* permutandae erant, ut cum uerbis Apollonii consentirent, habuit Eutocius II p. 230, 19. concludendum igitur, Apollonium ipsum in figuris uarios casus non respexit (sicubi in uerbis demonstrationis eos respexit, id cum Eutocio II p. 320, 24 explicandum), sed in singulis demonstrationibus (quae cum numero propositionum non concordant) unam dedisse, ceteras autem paullatim interpolatas esse, nonnullas post Eutocium.

**interpolatio-** Etiam interpolationes supra notatae sine dubio maximam  
**nnes post Eu-** partem post Eutocium ortae sunt; pleraque enim futiliores  
**tocium** sunt quam pro eius scientia mathematics. et editionem  
 eius non prorsus integrum ad nos peruenisse; ostendunt scrip-  
 turae a nostris codicibus discrepantes, quae in lemmatis eius  
 seruatae sunt; nam quamquam neque omnes per se meliores  
 sunt et saepe etiam in nostris codicibus fortuitus librarii error  
 esse potest, praesertim cum cod. W Eutocii duobus minimum  
 saeculis antiquior sit codicibus Apollonii, tamen nonnullae  
 manifesto interpolatorem produnt. sunt igitur hae:

- I p. 4, 5 περὶ] παρά Eutocius II p. 178, 1 (fort. scrib. περὶ),
- I p. 18, 4 τετμήσθω] τετμήσθω ὁ κῶνος Eutoc. p. 204, 20,
- I p. 18, 5 τὸν ΒΓ κύκλον] τὴν βάσιν Eutoc. p. 204, 21  
 (sed hoc loco fortasse non ad uerbum citare voluit),
- I p. 18, 6 δῆ] δέ Eutoc. p. 206, 7,
- I p. 18, 7 ὄντι] μέν Eutoc. p. 206, 8, ΑΒΓ] διὰ τοῦ ἀξο-  
 νος ibid.,
- I p. 18, 8 τρίγωνον πρὸς τῷ Α σημείῳ τὸ ΑΚΗ] πρὸς τῇ  
 πορνφῇ τρίγωνον Eutoc. p. 206, 9 (ne hic quidem locus ad  
 uerbum citatus esse uidetur),
- I p. 38, 25 ΖΘ] ΘΖ Eutoc. p. 216, 15,
- I p. 40, 8 τῶν] om. Eutoc. p. 218, 1; p. 40, 9 τε] om.  
 p. 218, 2,
- I p. 66, 10 ἔστι κατέ] om. Eutoc. p. 224, 2, ἡ ΑΚ] ἔστιν  
 ἡ ΚΑ Eutoc. p. 224, 3,
- I p. 66, 11 ΑΒ] ΒΑ Eutoc. p. 224, 3,
- I p. 94, 13 ἄρα] om. Eutoc. p. 244, 23,
- I p. 102, 24 τὸ ἄρα ὑπὸ ΑΝΞ μετέζον ἔστι] μετέζον ἄρα τὸ  
 ὑπὸ ΑΝΞ Eutoc. p. 248, 6,\*)
- I p. 104, 3 ΚΒ] ΒΚ Eutoc. p. 248, 23; οὗτως] om. p. 248, 24,

\*) NO II p. 248, 7 error typothetae est pro ΝΞ.

- I p. 104, 4 *ΔE] EΔ* Eutoc. p. 248, 24,  
 I p. 134, 23 *EΔ] ΔE* Eutoc. p. 264, 6,  
 I p. 134, 24 *τῆ ZH παράλληλος ἔστιν ἢ ΔE] παράλληλος*  
*ἔστιν ἢ ZH τῆ EΔ* Eutoc. p. 264, 7,  
 I p. 148, 4 *ΑΓ] ΔΔΠΓ* Eutoc. p. 270, 19, *ἔστιν ἵση] ἵση*  
*ἔστιν* Eutoc. p. 270, 20,  
 I p. 148, 5 *ΚΛΝ] ΚΛΝ γωνία* Eutoc. p. 270, 21,  
 I p. 166, 26 *κύκλος γεγράφθω] γεγράφθω κύκλος* Eutoc.  
 p. 274, 13,  
 I p. 168, 1 *AΖB] AΖB τμήματι* Eutoc. p. 274, 16,  
 I p. 172, 12 *ΑΓ] ΓΑ* Eutoc. p. 278, 9, *AB] τὴν διπλασίαν*  
*τῆς AΔ* Eutoc. p. 278, 10,  
 I p. 182, 20 *AΖE] AEZ* Eutoc. p. 280, 14 (male), *ἐν αὐτῷ]*  
 om. Eutoc. p. 280, 14, *ἥ] ἐν αὐτῷ ἢ* Eutoc. p. 280, 14,  
 I p. 182, 21 *ZH] ZH λόγον* Eutoc. p. 280, 15,  
 I p. 182, 22 *λόγον]* om. Eutoc. p. 280, 16, *αὐτὸν τῷ]* om.  
 Eutoc. p. 280, 16, *AB] διπλασίαν τῆς AE* Eutoc. p. 280, 16,  
 I p. 340, 1 *καὶ ὡς ἄρα]* *ἐπεῑ ἔστιν ὡς* Eutoc. p. 324, 7,  
 I p. 340, 2 *ZΘ] ΘΖ* Eutoc. p. 324, 7, *BΘ] ΘΒ* p. 324, 7,  
*HΘ] ΘΗ* Eutoc. p. 324, 8, *ὑπὸ BΘΖ, HΘΖ] πρὸς τῷ Θ γωνίαι*  
 Eutoc. p. 324, 8,  
 I p. 340, 3 *ἄρα]* om. Eutoc. p. 324, 9,  
 I p. 384, 25 *τῶν]* om. Eutoc. p. 340, 13,  
 I p. 442, 13 *MA] AM* Eutoc. p. 350, 18,  
 I p. 442, 29 *NΓ, AM] AM, NΓ* Eutoc. p. 352, 6.  
 harum scripturarum Eutocii apertas interpolationes nostro-  
 rum codicum arguunt eae, quas ad I p. 40, 8; 104, 3; 172, 12;  
 182, 22; 340, 2; 384, 25 notaui. ceterum per se intellegitur,  
 etiam in W errores librariorum esse posse; memorabile est,  
 etiam lemmata e demonstratione ab ipso Eutocio adlata dis-  
 crepantias exhibere (Eutoc. p. 238, 18 *ώς] δὴ ὡς* idem p. 240, 24;  
 Eutoc. p. 238, 19 *οὕτως]* om. idem p. 240, 25; Eutoc. p. 238, 21  
*οὖν]* om. idem p. 242, 2; *καὶ θέσει οὕσης τῆς ΑΑ]* om. p. 242, 2;  
 Eutoc. p. 238, 23 *ΓΚΗ] ΓΗΚ* idem p. 242, 3).

In numeris propositionum nulla prorsus fides codicibus numeri pro-  
 nostris habenda est; nam in diuisione propositionum magnopere uariant (cfr. de codice p. supra ad I p. 276, 22; 286, 25;  
 298, 27; 308, 19 alibi), et in V.a manu prima nulli fere numeri  
 adscripti sunt. itaque mirum non est, quasdam propositiones  
 aliis numeris, quam quibus nunc signatae sunt, et ab Eutocio  
 ipso in commentariis ad Archimedem (u. Neue Jahrbücher

f. Philol., Supplem. XI p. 362) et a scholia *sta Florentino Archimedis* (III p. 374, 12; 375, 3) citari. diuisionem editionis sua<sup>e</sup> Eutocius ipse in primo libro testatur II p. 284, 1 sq.; sed non crediderim, Apolloniu<sup>m</sup> ipsum disiunxisse I, 52—53, 54—55, 56—58.\* in libro secundo diuisio usque ad prop. 28 propter II p. 306, 5 constat; de propp. 29—48 locus dubitandi non est, ita ut ν' pro μη' II p. 310, 1 librario debeatur; sed ueri simile est, propp. 49—50 apud Eutocium in ternas minimum, prop. 51 in duas diuisas fuisse. in libro tertio numeri propter titulos adnotationum Eutocii in dubium vocari non possunt; nam λ' pro κθ' II p. 340, 11 librarii est, quoniam numeri propp. 31, 33, 34, 35, 36, 44, 54 concordant. ne in quarto quidem libro est, cur dubitemus; nam numerus propositionis 51 propter II p. 358, 23 constat; de ceteris u. II p. 45 not.

*saec. IX* constat igitur, editionem Entocii interpolationem subiisse, nec dubito, quin hoc tum factum sit, cum initio saeculi noni studia mathematica Constantinopoli auctore Leone reuiniserent (u. *Bibliotheca mathematica* I p. 33 sq.); nam eo fere tempore orti esse uidentur codices illi litteris uncialibus scripti, ex quibus V et W descripti sunt. eidem tempori figuratas illas

*saec. X—XI* auxiliarias tribuerim, de quibus egi I p. VII sq. satis notum est, haec studia deinde per saecula decimum et undecimum uiguisse, sicut plurimi ac praestantissimi codices mathematicorum testantur, qui ex illis saeculis supersunt; quorum unus est codex Uaticanus W, in quo commentaria Eutocii sine dubio e margine codicis litteris uncialibus scripti transsumpta sunt, sicut in eodem codice scholia Elementorum Euclidis, quae in aliis codicibus in margine leguntur, specie operis continui composita sunt (u. Euclidis opp. V p. 12; *Videnskabernes Sel-skabs Skrifter*, 6. Raekke, hist.-philos. Afd. II p. 298).

*saec. XII* haec studia per saeculum duodecimum euanuisse uidentur, quamquam ea non prorsus abiecta esse testis est codex V, si recte eum huic saeculo attribui; u. quae de suis studiis narrat Theodorus Metochita apud Sathas μεσαιων. βιβλιοθ. I p. πξ' sq. (de Apollonio ibid. p. πη': τὴν δὲ περὶ τὰ στερεὰ τῆς ἐπι-

\*) Tamen Pappus quoque multas diuisiones habuit. nam si meos numeros in libb. I—IV, Halleianos in V—VIII computauerimus, efficitur numerus 420, cum Pappus p. 682, 21 habeat 487.

στήμης πολυπραγμοσύνην καὶ μάλιστα τὴν τῶν περὶ τὰ ιωνικὰ θαυμάτων τῆς μαθηματικῆς ἀρρητον παντάπαισι καὶ ἀνευνόητον, ποὺν ἡ ἐντυχεῖν δύντιναοῦν καὶ προσσχεῖν εὐ μάλα εὑρεσιν καὶ ὑποτύπωσιν Ἀπολλωνίου τοῦ ἐν Πέργης ἀνδρὸς ὡς ἀληθῶς θαυμαστοῦ\*) τῶν ἔξαρχῆς ἀνθρώπων, ὅσα ἐμὲ εἰδέναι, περὶ τὴν γεωμετρικὴν ἐπιστήμην, αὐτοῦ τε τὴν\*\*) περὶ τὰ ιωνινδρικὰ καὶ Σερήνον πατ' αὐτὸν ἀνδρὸς ἡ ὅτι ἔγγιστα). sed extremo saec. XIII  
saeculo tertio decimo et quarto decimo ineunte auctore Manuele —XIV  
Bryennio (Sathas I p. 9') Theodorus Metochita studiis mathematicis se dedidit (de Apollonio l. c. p. 98: ἂ δὲ δή τ' εἰληταὶ μοι πρότερον Ἀπολλωνίου τοῦ Περγαίου ιωνικὰ θαυμαστῆς δύντως γεωμετρικῆς ἔξεως καὶ πράτους ἐν ταύτῃ τοῦ ἀνδρὸς δείγματα καὶ Σερήνον ιωνινδρικὰ μάλιστ' ἐπονήθη μοι δυσδιεξίτητα ταῖς παταγραφαῖς ἐντυχεῖν καὶ πομιδῇ πως ἐργώδη συσχεῖν παντάπαισιν, ὅσα γ' ἐμὲ εἰδέναι, διὰ τὴν ἐπίπεδον ἐπίσκεψιν, καὶ ἔστιν ὁτιοῦν χρῆσθαι καὶ πειρᾶσθαι, εἰς ἀληθῆς ὁ λόγος). nec dubium est, quin studio mathematices Theodori\*\*\*) opera reuiuiscenti debeamus codices satis frequentes saeculorum XIII—XIV (codd. cvp). quorum recentissimus cod. Paris. p., cuius interpolationes peritiae haud mediocris testes sunt, in monte Atho scriptus est; est enim, sicut me monuit Henricus Omont, codicis notissimi Aristotelis Coislin. 161 prorsus gemellus, qui „olim Laurae S. Athanasii in monte Atho et τῶν πατηχονμένων“ fuit (Montfaucon Bibliotheca Coisliniana p. 220); charta, atramentum, ductus librarii eadem sunt, et in utroque codice commentaria, quae alibi ut propria opera traduntur, eadem prorsus ratione in margine adscripta sunt. eiusdem et generis et temporis sunt codd. Coislinn. 166 et 169 (Aristotelis cum commentariis Philoponi, Simplicii aliorumque), aliquanto recentiores codd. Mosquenses 6 et 7 (Aristotelis cum commentariis Simplicii et aliorum), uterque olim monasterii Batopedii in monte Atho; hoc genus codicum institutioni scholasticae inseruisse demonstrauit Sitzungsberichte der Akademie der Wissenschaften zu Berlin 1892 p. 73; cfr. cod. Mosq. 6 fol. 278<sup>r</sup> manu recentiore: ἀνέγνω τοῦτο ὁ μέγας δήτωρ ὅλον τὸ βιβλίον

\*) Scribendum θαυμαστοτάτον.

\*\*) Fort. τε καὶ τὴν deleto καὶ ante Σερήνον.

\*\*\*) Ex uerbis eius supra adlatis adparet, Serenum etiam in eius codicibus cum Apollonio coniunctum fuisse.

$\overline{\beta}^{\text{ov}} \overline{N}$   $\overline{\beta}^3 \overline{\epsilon} \tau \nu \varsigma$ ,  $\zeta \zeta^3$  (h. e. 1499).\*) cum interpolationibus codicis p apte conferri potest, quod in codicibus Coislinianis 172 et 173 saeculi XIV, olim Laurae S. Athanasii in monte Atho, de Nicephoro Gregora dicitur (Montfaucon Bibl. Coisl. p. 227 sq.): *καὶ τὸ παρὸν βιβλίον διωρθώσατο καὶ ἀνεπλήρωσε καὶ ηρμήνευσεν ὁ φιλόσοφος Νικηφόρος Γεργορᾶς· ὁ γὰρ μακρὸς χρόνος φανύλων γραφέων χερσὸν εἰς διαδοχὴν τῆς βίβλου χρησάμενος τὰ μὲν ἐν τῷ ἀσφαλοῦς εἰς σφαλερὸν μετήνεγκε, τὰ δ' ἀμαθῶς διακόψας ἐν μέσου πεποίηκεν, ὡς ἔργῳδες ἐντεῦθεν εἶναι τοῖς μετιοῦσι συνάπτειν τὸν νοῦν πτλ.* Nicephorus Gregoras discipulus erat Theodori Metochitae (Niceph. Greg. hist. Byz. VIII, 7); fortasse igitur diorthosis codicis p aut eius est aut saltim eo auctore facta.

Arabes

Post saeculum XIV studia mathematica Byzantinorum intra prima huius scientiae elementa steterunt; de Apollonio non fit mentio. sed iam saeculo X Conica eius Arabibus innotuerant, de quorum studiis Apollonianis e disputazione Ludouici Nixii (Das fünfte Buch der Conica des Apollonius von Perga. Lipsiae 1889) hic pauca repetenda esse duxi; sumpta sunt e praefatione filiorum Musae, quo fonte usi sunt et Fihrist (Abhandlungen zur Geschichte der Mathematik VI p. 18) et Hadji Chalfa (V p. 147 sq.). Ahmed igitur et Hasan filii Musae saeculo X interpretationem Arabicam Conicorum instituere conati corruptione codicum Graecorum ab incepto deterriti sunt, donec Ahmed in Syria codicem editionis Eutocii\*\*) librorum I—IV nactus est, quem emendauit et ab Hilal ibn abi Hilal Emesseno interpretandum curauit; etiam libros V—VII, quos ope illius codicis intellegere ei contigit, eius iussu Thabit ibn Korrah ex alio codice\*\*\*) Arabicos fecit. quod Fihrist de seruatis quattuor propositionibus libri octaui narrat, incertissimum est; neque enim in praefatione illa commemoratur (u. Nixius p. 5), nec omnino apud Arabes ullum eius rei uestigium exstat. huius interpretationis autoribus filiis Musae factae eorumque praef-

\*) Casu igitur adcidit, ut in p idem ordo commentariorum Eutocii restitueretur, qui ab initio fuit (u. supra p. LVII).

\*\*) Quae Fihrist l. c. de discrepantia codicum Conicorum habet, apertissime ex Eutocio II p. 176, 17 sq. petita sunt.

\*\*\*) Quae in praefatione dicuntur, libros I—IV ex editione Eutocii, ceteros ex recensione Apollonii translatos esse (Nix p. 4), confirmant, Eutocium solos libros quattuor edidisse.

fatione ornatae complures exstant codices, quorum optimus est cod. Bodleianus 943 anno 1301 e codice Nasireddini Tusi anno 1248 finito descriptus. inde descriptus est et cod. Bodl. 885 (a. 1626) et cod. Lugd. Bat. 14 (ab eodem librario eodem anno scriptus; u. Nixius p. 4); continent libros V—VII solos. praeterea cod. Bodl. 939 propositiones solas horum librorum continet.

interpretationem, quam commemorauimus, in compendium redegit medio, ut uidetur, saeculo XII Abul-Hosein Abdelmelik ibn Mohammed el-Schirazi, quod in cod. Bodleiano 913 exstat; eius apographum est cod. Lugd. Batau. 513; idem opus etiam codd. Bodl. 987 et 988 habent, alter textum, alter notas marginales librorum V—VII (Nix p. 6). editum est a Christiano Rauio (Kiliae 1669). librorum V—VII compendium uel recensio anno 983 ab Abulfath ibn Mohammed Ispahanensi confecta in codd. Laurent. 270 et 275 exstat et anno 1661 Florentiae ab Abrahamo Echellensi et Ioanne Alphonso Borelli edita est.

Persicam recensionem continet cod. Laurent. 296, alia Persica ad Apollonium pertinentia codd. Laur. 288 et 308. de duabus aliis codicibus u. Nixius p. 8 et de ceteris operibus Arabicis Apollonium tractantibus Wenrich De auctor. Graec. versionib. et comment. Syriacis Arabicis etc. p. 202 sq., p. 302.

de discrepantiis codicum Arabicorum in definitionibus libri primi et I, 11—12 haec mecum benevolenter communicauit Nixius (A significat compendium Abdelmelikii, M interpretationem auctioribus filiis Musae confectam; in propp. 11—12 illud tantum collatum est):

I p. 6, 5 post *σημείου* add. „ita ut locum suum non relinquat“ M,

I p. 6, 7 *οὐθεν ἥξατο φέρεσθαι]* om. A, 7 *τὴν γραφεῖσαν — 9 πειμένων]* utramque superficiem, quam recta cum puncto transitionis circumducta describit, et quarum utraque alteri opposita est AM,

I p. 6, 12 *αὐτῆς]* utriusque superficiei conicae AM, post δέ add. „superficiei conicae“ AM,

I p. 6, 15 *τοῦ οὐκλον περιφερεῖας]* om. A,

I p. 6, 18 post δέ et post *κορυφῆς* add. „coni“ AM,

I p. 6, 19 post δέ add. „coni“ AM,

I p. 6, 21 *τὸν μή — 22 ἄξονας]* si hoc non ita est A,

I p. 6, 24 *ἀπό]* a puncto aliquo AM,

I p. 6, 25 post *γραμμῆς* add. „in plano eius“ M,

I p. 6, 26 post *ενθείας* add. „quarum termini ad lineam curuam perueniunt“ AM,

I p. 6, 29 *ἐνάστην τῶν παραλλήλων*] parallelas quas descripsimus AM,

I p. 8, 2 *ῆτις — 3 γραμμάς*] partem inter duas lineas curuas positam rectae quae AM,

I p. 8, 7 *γραμμῶν*] curuas lineas AM; deinde add. „et in diametro transuersa erecta“ AM,

I p. 8, 8 *ενθείᾳ [τινὶ]* diametro transuersae AM, ἀπολαμβανομένας — 9 *γραμμῶν*] quae inter lineas curuas ita ducuntur, ut termini earum ad eas perueniant AM,

I p. 8, 10 *διάμετρον*] diametrum rectam AM, *ἐνάστην τῶν παραλλήλων*] has parallelas AM,

I p. 8, 12 *ενθείας*] duas rectas AM,

I p. 8, 16 post *παραλλήλους* add. „quae eius ordinatae sunt“ M,

I p. 8, 19 *ενθείας — 20 συγγεῖς*] diametros, si coniugatae sunt et AM,

I p. 36, 27 — 38, 14 om. A,

I p. 38, 15 *σημεῖον* om. A, 16 *κύκλος*] om. A, *διά*] quod transit per A, 17 *καὶ ποιείτω τομήγ*] om. A, 19 *ενθείαν*] om. A, *καὶ ποιείτω*] om. A, 20 *ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ τοῦ κώνου*] om. A, 21 *μιᾶ — 22 τριγώνον*] om. A, 26 *διὰ τοῦ Κ*] om. A,\*) 27 *λέγω ὅτι*] om. A, 28 *Α*] punctum Α A, 29 *ἔστι*] ducta est A,

I p. 40, 1 *τῷ — 2 τοντέστι*] om. A, 2 *τό — 3 ἐπίπεδον*] itaque A, 5 *ἐπελ — ΒΓ*] om. A, 8 *τὸ δέ — 15 ΜΖ*] breuius A, 15 *λοιπή*] om. A, 17 *ὅ δέ — 18 δ*] quae ratio aequalis est rationi A, 21 *τῆς — λαμβανομένης*] om. A, 22 *ώς ἄρα — 24 ΑΖΑ*] om. A, 24 post *ΜΛΝ* add. „hoc est ΚΛ“ A, 25 *τὸ δέ — 26 ΘΖΑ*] om. A,

I p. 42, 5 — 26 om. A, 27 *σημεῖον*] om. A, 28 *διά*] quod transit per A,

I p. 44, 1 *καὶ ποιείτω τομήν*] om. A, 2 *τοῦ κώνου*] om. A, 3 *ενθείαν*] om. A, 4 *καὶ — 5 γραμμήν*] scilicet sectione ΑΖΕ A, 6 *μιᾶ — 7 ΑΓ*] lateri ΑΓ A, 7 *ἐπτός — κορυφῆς*] om. A, 8 *τῇ — τομῆς*] om. A, 9 *καὶ — ΒΓ*] om. A, 12 *εἰλήφθω — 13 τοῦ Μ*] a puncto sectionis scilicet Μ A, 17 *λέγω ὅτι*] om. A,

\*) Quod post ΚΛ addidit Halley: μέχρι τῆς διαμέτρου τῆς τομῆς, omisit A cum V.

18 πλάτος — ZN] om. A,\*) 20 ἡχθω — 25 PNΣ] si per punctum N planum  $PN\Sigma M$  basi coni parallelum ducitur, circulus est, cuius diametrum  $P\Sigma A$ ,

p. 44, 28 ὁ δέ — p. 46, 1 λόγος] quae ratio A,

p. 46, 2 ναὶ ἡ — 7 NP] breuius A, 8 post λόγος add. „h. e. ΘΝ : ΝΞ“ A, 9 ὁ δέ — 11 ὁ] quae ratio aequalis est A, 13 ἡ ΘΖ — 14 τοντέστιν] om. A, 14 ἀλλ' — 16 ZNΞ] om. A,\*\* 19 post ΣNP add. „h. e. MN<sup>2</sup>“ A, τὸ δέ — 22 παραληγόγραμμον] om. A, 23 πλάτος — ZN] om. A, 27 ναλείσθω — ναῖ] om. A.

definitiones alteras I p. 66 hoc loco om. AM, sed in M post definitiones priores quaedam interposita sunt de origine trium sectionum, de oppositis, de centro oppositarum et ellipsis („omnes rectae, quae per quoddam punctum inter duas oppositas uel intra ellipsim positum transeunt, diametri sunt, et hoc punctum centrum uocatur“).

hinc nihil prorsus ad uerba Apollonii emendanda peti posse, satis adparet, nec aliter exspectandum erat, quoniam Arabes quoque editione Eutocii utebantur.

Per Arabes etiam ad occidentales saeculo XIII aliqua notitia Conicorum peruenit. Uitellio enim in praefatione perspectiuae fol. 1<sup>u</sup> (ed. Norimb. 1535) haec habet: *librum hunc per se stantem effecimus exceptis his, quae ex Elementis Euclidis, et paucis, quae ex Conicis elementis Pergaei Appollonii dependent, quae sunt solum duo, quibus in hac scientia sumus usi, ut in processu postmodum patebit. et paullo inferius de libro primo: et in hoc ea duo, quae demonstrata sunt ab Appollonio, declaramus.* significat I, 131: *inter duas rectas se secantes ex una parte a punto dato hyperbole illas lineas non contingentem ducere, ex alia parte communis puncti illarum linearum hyperbole priori oppositam designare; ex quo patet, quod, cum fuerint duae sectiones oppositae inter duas lineas, et producatur linea minima ab una sectione ad aliam, erit pars illius lineae interiacens unam sectionum et reliquam lineam aequalis suae parti aliam sectionum et reliquam lineam. interiacenti. quod*

\*) Uerba ναὶ ὄμοιώς κειμένῳ ab Halleio post ὄντι lin. 19 interpolata etiam in A desunt.

\*\*) Uerba lin. 17—18 errore in V omissa in A adsunt, sed A cum Halleio et p pro ΣNP lin. 17 ΞNZ, pro ΞNZ lin. 18 ΣNP habere uidetur.

hic proponitur, demonstratum est ab Appollonio in libro suo de conicis elementis [II, 16]; ducuntur autem sectiones ampligoniae siue hyperbolae oppositae, quando gibbositas unius ipsarum sequitur gibbositatem alterius, ita ut illae gibbositates se respiciant, et ambarum diametri sint in una linea recta . . . et ex iis declarauit Appollonius illud, quod correlatiue proponitur . . . et nos utimur hoc illo ut per Appollonium demonstrato. hoc deinde utitur in I, 132—133. alteram propositionem Conicorum citat in I, 129: inter duas rectas angulariter coniunctas a dato punto rectam ducere, cuius una partium interiacens unam coniunctarum et datum punctum sit cuicunque datae lineae et insuper reliquae suaे parti datum punctum et alteram coniunctarum interiacenti aequalis . . . ad hoc autem per lineas rectas uel circulares demonstrandum longus labor et multae diuersitatis nobis incidit, et non sicut nobis hoc possibile complere per huius lineas absque motu et imaginatione mechanica . . . hoc tamen Appollonius Pergaeus in libro suo de conicis elementis libro secundo propositione quarta\*) per deductionem sectionis ampligoniae a dato punto inter duas lineas assumpto nulla earum linearum secante demonstrauit, cuius nos demonstrationem ut a multis sui libri principiis praecambulis dependentem hic supponimus et ipsa utimur sicut demonstrata. utitur in I, 130. haec omnia a Utellione ex opticis Alhazeni (Ibn al Haitam) V, 33 petita sunt (cfr. Alhazen V, 34: sectio pyramidis, quam assignauit Apollonius in libro pyramidum), et originem Arabicam ipse prodit I, 98: sectio rectangula uel parabola et est illa, quam Arabes dicunt mukefi . . . ampligonia uel hyperbole uel mukefi addita . . . oxigonia uel elipsis uel mukefi diminuta. praeterea haec habet de Conicis: IX, 39 si sectionem parabolam linea recta contingat, et a puncto contactus ducatur recta perpendiculariter super diametrum sectionis productam ad concursum cum contingente, erit pars diametri interiacens perpendicularem et periferiam sectionis aequalis parti interiacenti sectionem et contingentem . . . hoc autem demonstratum est ab Appollonio Pergeo in libro de Conicis elementis [I, 35], et hic utemur ipso ut demonstrato, IX, 40: omne quadratum lineae perpendicularis ductae ab aliquo puncto sectionis parabolae super diametrum sectionis est aequale rectangulo contento sub parte diametri interiacente illam perpendicularem et periferiam sectionis et sub latere recto

---

\*) Coll. II, 8.

*ipsius sectionis . . . hoc autem similiter demonstratum est ab Appollonio Pergeo in libro de Conicis elementis [I, 11], et nos ipso utemur ut demonstrato. haec uero duo theoremata cum aliis Appollonii theorematibus in principio libri non connumerauimus, quia solum illis indigemus ad theorema subsequens explicandum 5 et nullo aliorum theorematum totius eius libri. usurpantur in IX, 41, quae sicut etiam I, 117 et IX, 42—44 ex alio libello Alhazeni de speculis comburentibus sumpta est. in interpretatione Latina inedita huius opusculi, cuius multi supersunt codices (uelut Ottobon. 1850 Guillelmi de Morbeca, amici Utellionis), IX, 40 ut Apollonii citatur (*sicut ostendit Apollonius bonus in libro de pyramidibus*), IX, 39 usurpatur illa quidem, sed in ea Apollonii. mentio non fit. itaque necesse est, Utellionem ipsum Apollonium in manibus habuisse, quamquam eum non semper citauit, ubi potuerat (u. c. I, 90, 91, 100, 103). 15*

et alia quoque uestigia supersunt, unde adparet, Conica eo tempore non prorsus ignota fuisse inter occidentales. exstat enim initium interpretationis Latinae, quod infra e interpretatio codicibus Paris. lat. 9335 fol. 85<sup>u</sup> saec. XIV\*) (A), Dresd. Latina saec. XIII Db 86 fol. 277<sup>u</sup> saec. XIV(B), Regin. lat. 1012 fol. 74 saec. XIV 20 (C) dabo; in A titulus est: *ista quae sequuntur sunt in principio libri Apollonii de pyramidibus*; sunt axiomata, *quae praemittit in libro illo*; in C: *ista sunt in principio libri Apollonii de pyramidibus et sunt axiomata, quae praemittit in libro suo; valent etiam ad librum de speculis comburentibus*; in B nulla 25 inscriptio.

Cum continuatur inter punctum aliquod et lineam continentem circulum per lineam rectam, et circulus et punctum non sunt in superficie una, et extrahitur linea recta in ambas partes, et figitur punctum ita, ut non moueatur, et renoluitur 30 linea recta super periferiam circuli, donec redeat ad locum, a

\*) De hoc codice notauit Leclerc Histoire de la médecine Arabe II p. 491. exstat etiam in cod. Paris. lat. 8680 a fol. 64 saec. XIV (ista sunt quae sequuntur in principio libri Apollonii de pyramidibus). cod. C solita benevolentia mea causa descripsit Augustus Mau; codicis B imaginem photographicam intercedente Hultschio u. c. per Büttner-Wobst accepi.

29. non] om. B. 30. non moueatur] remoueatur A. reuoluatur C. 31. perifarium B.

quo incepit, tunc ego nomino unamquamque duarum superficierum, quas designat linea reuoluta per transitum suum, et unaquaeque quarum est opposita sue compari et susceptibilis additionis infinite, cum extractio linee recte est sine fine, superficiem piramidis. Et nomino punctum fixum caput cuiusque duarum superficierum duarum piramidum. Et nomino lineam rectam, quae transit per hoc punctum et per centrum circuli, axem piramidis.

Et nomino figuram, quam continet circulus et quod est 10 inter punctum capitis et inter circulum de superficie piramidis, piramidem. Et nomino punctum, quod est caput superficie piramidis, caput piramidis iterum. Et nomino lineam rectam, quae protrahitur ex capite piramidis ad centrum circuli, axem piramidis. Et nomino circulum basim piramidis.

15 Et nomino piramidem orthogoniam, cum eius axis erigitur super ipsius basim secundum rectos angulos. Et nomino ipsam decluem, quando non est eius axis erectus orthogonaliter super ipsius basim.

Et cum a puncto omnis linee munani, quae est in superficie una plana, protrahitur in eius superficie linea aliqua recta secans omnes lineas, quae protrahuntur in linea munani et quarum extremitates ad eam, et est equidistans linee alicui posite, in duo media et duo media, tunc ego nomino illam lineam rectam diametrum illius linee munani. Et nomino ex 25 tremitatem illius linee recte, quae est apud lineam munani,

1. tunc] *īc e corr. C.* duarum] *om. C.* 2. reuoluta] remota *B.* 3. compari sue *C.* 4. sine fine] *supra finem B.* superficie *B.* 5. pyramidum *B.* capud *C.* 6. piramidarum *A.* pyramidum *B.* 8. pyramidis *B.* 9. quod] que *B.* 10. circulus *B.* pyramidis *B.* 11. pyramidem *B.* caput] *om. B.* capud *C.* 12. pyramidis] *om. C.* pyramidum *B.* capud *C.* pyramidis *B.* iterum] *e corr. C.* item *B.* et] *om. B.* 13. pyramidis *B.* 14. pyramidis *B.* 15. pyramidem *B.* ortogoniam *C.* cum eius] *cuius C.* 16. secundum — 18. basim] *om. B.* 17. axis eius *C.* ortogonaliter erectus *C.* 19. linee] *corr. ex linea?* *B.* munani] in miani? *B.* 21. lineas] *eius lineas B.* munani] in unaui *B.* et quarum] equaliter *B.* 22. equidistans *B.* alicui linee *B.* 23. posite] *om. B.* proposito *C.* 24. diameter *B.* munani] in unaui *B.* 25. apud lineam] *corr. m. 2 ex capud linee C.* munani] in unaui *B.*

caput linee munani. Et nomino lineas equidistantes, quas narraui, lineas ordinis illi diametro.

Et similiter iterum, cum sunt due linee munani in superficie una, tunc ego nomino, quod cadit inter duas lineas munani de linea recta, que secat omnes lineas rectas egredientes 5 in unaquaque duarum linearum munani equidistantes linee aliique in duo media et duo media, diametrum mugenib. Et nomino duas extremitates diametri mugenib, que sunt super duas lineas munani, duo capita duarum linearum munanieni. Et nomino lineam rectam, que cadit inter duas lineas munanieni et punctum super diametrum mugenib et secat omnes lineas rectas equidistantes diametro mugenib, cum protrahuntur inter duas lineas munanieni, donec perueniant earum extremitates ad duas lineas munanieni, in duo media et duo media, diametrum erectam. Et nomino has lineas equidistantes lineas 15 ordinis ad illam diametrum erectam.

Et cum sunt due linee recte, que sunt due diametri linee munani aut duarum linearum munanieni, et unaqueque secat lineas equidistantes alteri in duo media et duo media, tunc nomino eas duas diametros muzdagageni. 20

Et nomino lineam rectam, cum est diameter linee munani aut duarum linearum munanieni et secat lineas equidistantes,

1. capud C. munani] in unaui B. equidistantes B.
2. narraui] nominau C. dyametro B. 3. iterum] tēm BC. sint B. due] alie due C. munani] in unaui B.
4. lineas] om. BC. munani] in unaui B. 5. secet B. rectas] om. B. 6. munani] in unaui B. equidistantes B.
7. aliique] aliam C. diametrum] om. B. Et — 9. munanieni] om. B. 8. mugenid'i C. 9. munameni *in ras.* C. 10. lineas] om. B. munamen C, munani B. 11. punctum] pot A. dyametrum B. 12. equidistantes B. dyametro B. 13. mumamen C, numauien? B. extremitates eorum B. 14. munanien C, mumamen B. duo] duo linea B, sed corr. et duo media] om. B. 15. equidistantes B. 16. dyametrum C. 17. sunt (pr.)] sint B. 18. munani] in imau? B. munaniem C, in unaui B. 19. equidistantes B. alteri] e corr. C. et duo media] om. B. 20. dyametros BC. muzdagageni C, uuiiz dagnagēm B. 21. dyameter BC. munau B. 22. munnanieni A, sed corr.; munanieni C, mimau? B. equidistantes B.

que sunt linee ordinis ei, secundum angulos rectos axem linee munani aut duarum linearum munanieni.

Et nomino duas diametros, cum sunt muzdaguageni, et secat unaquaeque earum lineas equidistantes alteri secundum 5 rectos angulos, duos axes muzdaguageni. linee munani aut duarum linearum munanieni.

Et de eo, in cuius premissione scitur esse adiutorium ad intelligendum, quod in isto existit libro, est, quod narro.

Cum secatur piramis cum superficie plana non transeunte 10 per punctum capititis, tunc differentia communis est superficies, quam continet linea munani, et quando secatur piramis cum duabus superficiebus planis, quarum una transit per caput eius et per centrum basis et separat eam secundum triangulum, et altera non transit per caput ipsius, immo secat eam cum superficie, quam continet linea munani, et stat una duarum superficerum planarum ex altera secundum rectos angulos, tunc linea recta, quae est differentia communis duarum superficerum planarum, non euacuatur dispositionibus tribus, scilicet aut 15 quin secat unum duorum laterum trianguli et equidistet lateri alteri, aut quin secat unum duorum laterum trianguli et non equidistet lateri alii, et cum producatur ipsa et latus aliud secundum rectitudinem, concurrant in parte, in qua est caput pyramidis, aut quin secat unum duorum laterum trianguli et non equidistet lateri alii, immo concurrant aut intra pyramidem

1. ei] et C. 2. mumani C, in unaui B. manianiem C, munaui B. 3. cum] om. C. sunt] om. C, sint B. mazdu-  
guageni C, uniz dagnagem B. 4. secat B. equedistan-  
tes B. secundum] om. B. 5. angulos rectos B. angulos] duos angulos C. duos] add. m. 2 C. mazdaguageni C,  
uniz dagnagem B. mumani C, unmani B. 6. mumameni C,  
in unaui B. 8. est] om. B. 9. secatur] sequatur B. py-  
ramis B. 11. mumani C, munaui B. et — 15. munani]  
om. B. 12. capud C. 14. non] non secat A, sed corr.  
capud C. ipsius] eius C. eam] m. 2 C. 17. recta]  
om. B. est] om. C. 18. euacuantur A. aut] an B. 19.  
quin] quoniam B. equedistet B. 20. quin] quod non B.  
21. equedistet B, equidestent C. alii] alteri BC. et (pr.)  
— 24. alii] om. B. aliud] secundum aliud C, aliud § A.  
22. parte] partem C. capud C. 24. alii] alteri C. immo  
nimio B. concurrat BC. pyramidem B.

aut extra eam, cum protrahuntur secundum rectitudinem, in parte alia, in qua non est caput pyramidis.

Quod si linea recta, que est differentia communis duarum superficierum planarum, equidistat lateri trianguli, tunc superficies, super quam secatur piramis, et quam continet linea 5 munani, nominatur sectio mukefi. Et si non equidistat lateri trianguli, immo concurrit ei, quando protrahuntur secundum rectitudinem, in parte, in qua est caput pyramidis, tunc superficies, super quam secatur piramis, et quam continet linea munani, nominatur sectio addita. Et si non equidistat lateri 10 trianguli, immo occurrit ei in parte alia, in qua non est caput pyramidis, tunc superficies, super quam secatur piramis, si non est circulus, nominatur sectio diminuta. Et quando sunt due sectiones addite, quibus est diameter communis, et gibbositas unius earum sequitur gibbositatem alterius, tunc ipse nominantur due sectiones opposite. Et inter duas sectiones oppositas est punctum, per quod omnes linee que transeunt sunt diametri duarum sectionum oppositarum. Et hoc punctum nominatur centrum duarum sectionum. Et intra sectionem diminutam est punctum, per quod omnes linee que transeunt 20 sunt ei diametri. Et hoc punctum est centrum sectionis. Et cum in sectione diminuta protrahuntur diametri, tunc ille ex illis diametris, quarum extremitates perueniunt ad circumferentiam sectionis et non pertranseunt eam nec ab ea abreuiantur,

2. partem C. capud BC. pyramidis B. 4. equedistat B. tunc] et tunc B. mg. sectio mukefi C. 5. pyramidis B. 6. munau i B. mukefi] mukesi B; addita C, mg. mukefi. mg. sectio addita C. equedistet B. 7. concurrunt B, occuprit C. ei] om. B. secundum rectitudinem] om. C. 8. partem C. capud C. pyramidis B. 9. sequatur B. pyramidis B. 10. munau i B. addita sectio B. mg. sectio diminuta C. equedistet B. 11. alia] altera B. capud C. 12. pyramidis B. pyramis B. 14. mg. diameter sectionis C. diameter] dyameter B, diameter gibbositas C. et] om. B. 15. gibbositatem] gybbositatem B. 16. mg. sectiones opposite C. 18. sunt diametri] super dyametrum B. 19. mg. centrum sectionis C. duarum] duarum linearum B. intra] inter C. 20. est] et C. 21. ei] eius C. dyametri B. 22. cum] tn cum. B. mg. diameter mugenibz C. dyametri B. 23. dyametris B. 24. ab ea] om. C.

nominantur diametri mugenibi sectionis diminute. Et que ex eis est, cuius principium est ex punto circumferentie sectionis, et eius altera extremitas abreuiata est a circumferentia sectionis aut pertransit eam, nominatur diameter absolute. Diameter uero, que nominatur secunda, non est nisi in duabus sectionibus oppositis et transit per centrum ambarum, et narrabo illud in fine sextedecime figure huius tractatus. Et sectioni quidem mukefi non est nisi unus axis; sectioni uero diminute sunt duo axes intra ipsam; uerum addite est axis unus muzgenib, et est ille, qui secat lineas ordinis secundum rectos angulos, siue ipse sit intra sectionem siue extra ipsam, siue pars eius intra sectionem et pars eius extra ipsam, et est ei axis alter erectus, et ostendam illud in sequentibus. Et non cadunt axes muzdeguege nisi in sectionibus oppositis et in diminutis. tamen et nominatur linea erecta linea, super quam possunt linee protracte ad diametrum secundum ordinem.

Hoc interpretationis fragmentum ex Arabico factum esse, ostendunt uocabula Arabica munani, mugenib, mukefi; et cum iis, quae Nixius de ordine codicum Arabicorum mecum communicauit (u. supra p. LXXI sq.), optime concordat. interpretatio, sicut tot aliae eiusdem generis, saeculo XII uel XIII facta est, fortasse a Gerardo Cremonensi, qnoniam in codicibus cum operibus ab eo translati coniungitur (u. Wüstenfeld Die Uebersetzungen arabischer Werke in das Lateinische p. 79).

Philephus Primus codicem Graecum Conicorum ad occidentem adulit Franciscus Philephus. is enim e Graecia a. 1427 redux in epistula ad Ambrosium Trauersari inter libros rariores, quos ex itinere reportauerat, etiam Apollonium Pergaeum nominat (epp. Ambrosii Trau. ed. Mehus XXIV, 32 p. 1010 Bononia id.

- |   |  |   |                         |
|---|--|---|-------------------------|
| 1. dyametri <i>B.</i>                                     | mugelnibi <i>C</i> ,                       | mugenben <i>B.</i>                      | 2. eis]                 |
| illis <i>BC.</i>  | est] <i>om. B.</i>                         | <i>ex] snt ex A.</i>                    | 3. abbreviata <i>B.</i> |
| 4. dyameter <i>B.</i>                                     | Dyameter <i>B.</i>                         | 5. secunda] <i>om. B.</i>               | est]                    |
| om. <i>B.</i>   | <i>in] ex B.</i>                           | 6. narrabo illud in fine] in fine illud |                         |
| variabo <i>B.</i>   | 7. sexdecime <i>C</i> , sedecime <i>B.</i> | 8. mukesi <i>B.</i>                     |                         |
| sectionis <i>B.</i>                                       | 9. duo] <i>om. B.</i>                      | <i>ipsam] ipsum B.</i>                  | 11.                     |
| sit] <i>sint B.</i>                                       | 12. eius ( <i>pr.] om. B.</i>              | <i>ipsam] om. B.</i>                    | 14.                     |
| muzdeguege] <i>muzdognage corr. in muzdoguege m. 2 C,</i> | <i>muzdagnagem B.</i>                      | <i>2 C, muz-</i>                        |                         |
| <i>linea] m. 2 C, om. B.</i>                              | <i>linea] om. B.</i>                       | <i>dagnagem B.</i>                      |                         |
| <i>posito sunt linee C, linee posite sunt B.</i>          |  | <i>linea] m. 2 C, non B.</i>            |                         |
|   |  | <i>possunt linee]</i>                   |                         |
|   |  | <i>dyametrum B.</i>                     |                         |

Iun. 1428). qui codex nisi periit, quod parum ueri simile est, aut V est aut v aut p, qui soli ex oriente asportati sunt.

Deinde saeculo XV cito codices Conicorum per Italiam describendo propagati sunt.

Primus fragmenta nonnulla e Graeco translata edidit G. Ualla gius Ualla De expetendis et fugiendis rebus (Uenet. 1501) XIII, 3 (de comica sectione!). ibi enim haec habet: Eutoc. II p. 168, 17—174, 17; Apollon. I deff. (his praemissis: caeterum quo sint quae dicuntur euidentiora); Eutoc. II p. 178, 18 ἔθος — 184, 20; p. 186, 1—10; Apollon. I, 1, 3, 5, 17; II, 38, 39. haec e cod. Mutin. II D 4 petiuit Ualla, qui codex olim eius fuit. uidimus supra, eum e Uatic. 203 originem ducere; et Ualla saepius scripturas huius codicis proprias ob oculos habuit, uelut II p. 178, 25 ἔστι] om. v, non punctum unum modo problema facit Ualla; p. 182, 14 ἀλλ' ὡς — 16 ΖΘ] bis v, Ualla; p. 182, 23 ΒΔ] ΒΘ v, bh Ualla.

Totius operis interpretationem primus e Graeco confecit Memus Ioannes Baptista Memus patricius Uenetus et mathematicarum artium Uenetiis „lector publicus“, quam e schedis eius edidit Ioannes Maria Memus nepos Uenetiis 1537. ex praefatione eius fol. 1<sup>u</sup> haec adfero: cum post obitum Ioannis Baptistae Memi patrui mei viri etsi in omni scientiarum genere eruditissimi mathematicarum tamen huius aetatis facile principis .... Bibliothecam ipsius discurrerem, Apollonius Pergeus, Mathematicus inter graecos author grauissimus, ab ipso patruo meo [qui] extrema sua hac ingrauescente aetate, quasi alter Cato, literas graecas didicerat, latinitate donatus, in manus nostras inciderit, decreui, ne tam singularis foetus tamdiu abditus, tam studiosis necessarius, licet immaturus adhuc et praecox, abortiretur atque fatisceret, eum ipsum ... tibi [Marino Grimanu] dicare cet.

in mathematicis Memus non pauca, maxime in ordine litterarum, computatione recte deducta feliciter correxit et suppleuit, sed grauiora reliquit; et Graecae linguae, ut erat ὄψιμαθής, non peritissimus erat; uelut uocabulum πορίζειν non nouit, cuius loco lacunam reliquit fol. 24<sup>u</sup> (I p. 150, 2, 6) et fol. 25<sup>u</sup> (I p. 154, 23, 26); idem fecit eadem de causa in διελόντι (I p. 62, 26; 94, 13; 116, 28) fol 10<sup>u</sup>, 15<sup>u</sup>, 19<sup>r</sup>, in εἰδη (I p. 122, 18) fol. 20<sup>r</sup>, in ἀν ληφθῆ (I p. 118, 9; 120, 14) fol. 19<sup>u</sup>, in καταχθήσονται (I p. 172, 21) fol. 27<sup>u</sup> cet. quo codice Graeco usus sit, nunc nequit pro certo adfirmari, sed

cum Uenetiis doceret, ueri simile est, codicem Bessarionis (Marc. 518) ei praesto fuisse.

**Maurolycus** Seueram Memi censuram egit Franciscus Maurolycus, qui interpretationem Conicorum praeparauit, sed non edidit (u. Libri Histoire des sciences mathématiques en Italie III p. 233, ubi Maurolycus inter opera sua commemorat: Apollonii Pergaei Conica emendatissima, ubi manifestum erit, Io. Baptistam Memmum in eorum tralatione pueriles errores admisisse Mathematicae praesertim ignoratione deceptum).

**Commandinus** Optime de Apollonio meritus est F. Commandinus, qui a. 1566 Bononiae interpretationem latinam edidit additis lemmatis Pappi, commentariis Eutocii, notis suis. non modo plurimos errores uel tacite uel disertis uerbis emendauit, sed in primis commentario suo et propositiones ab Apollonio usurpatas indagando uiam ad Conica eius intellegenda primus omnium muniuit; u. praef.: cum in Archimedis et Ptolemaei libris aliquot interpretandis, qui sine conicorum doctrina nulla ratione percipi possunt, demonstrationes Apollonii multas adhibuerim, quae sine graeco libro, quod latinus corruptissimus sit, parum intelligantur, feci non inuitus ... primum ut Apollonium ipsum, quam planissime possem, conuerterem ... deinde uero ut Pappi lemmata atque Eutocii in Apollonium commentarios latinos facerem .... post autem ... eosdem etiam, ut omnia faciliora cognitu essent, propriis declarare commentariis uolui. in Eutocio eum cod. Urbin. 73 usum esse, supra demonstrauit; in Apollonio uero, quae de codicibus suis dicit, tam pauca sunt, ut inde de eo nihil certi concludi possit. plures codices inspicere potuit (fol. 30<sup>u</sup> in omnibus antiquis codicibus, quos uiderim; fol. 100<sup>r</sup> sic habent graeci codices; fol. 109<sup>r</sup> in graecis autem codicibus), sed plerumque uno contentus fuit (fol. 34<sup>u</sup>, 65<sup>r</sup>, 66<sup>r</sup>, 67<sup>r</sup>, 67<sup>u</sup>, 85<sup>u</sup> enim de Graeco exemplari uel codice loquitur; fol. 15<sup>u</sup>, 16<sup>u</sup>: Graeca uerba). hoc tantum constat, eum cod. V secutum non esse; nam fol. 85<sup>u</sup> e codice Graeco citat *TΣΟ* I p. 374, 14, cum V *NΣΟ* habeat. fieri potest, ut cod. Uatic. 205 ei praesto fuerit; in titulis enim opusculorum Sereni habet „Sereni Antinsensis“, quae forma falsa primum in illo codice adparet (*Σεργίου Ἀντινσέως*); et descriptus est cod. 205, ut supra uidimus, ad usum hominum doctorum, ne ipse V, ut est laceratus, manibus tereretur. eum etiam cod. Marciano 518 usum esse, ostendit haec nota in inuentario codicum Marcianorum e bibliotheca commodatorum (Omont Deux registres

de prêts de mss., Paris 1888, p. 29): 1553, die 7 augusti .. cardinalis S. Angeli .. habuit .. librum Apolonis Pergei conicorum insertum Heliano de proprietatibus animalium et aliis autoribus per dominum Federicum suum familiarem (cfr. ibid. p. 28 nr. 125: Federicus Commandinus familiarius suae D. R<sup>me</sup>).\*)

Commandini opera nisi sunt, quicunque postea Conica Cosimus adtigerunt, quorum hi mihi innotuerunt: Codex scholae de Noferi medicae Montepessulanae 167 continet Conica cum commentariis Eutocii et Commandini „ridotti dal latino nell' idioma italiano da Cosimo de Noferi ad instanza del S. Giov. Batt. Micatori Urbinate“ saec. XVII (Catalogue des mss. des départements I p. 352).

Apollonii Pergaei Conicorum libri IV cum commentariis Richardus Claudii Richardi, Antwerpiae 1655. Memum et Commandinum ipse commemorat ut auctores suos Admonit. ad lectorem sect. XV; cfr. ibid. sect. XVII: supponimus in hoc nostro Commentario numerum ordinemque propositionum librorum quatuor primorum Apollonii iuxta editionem Eutocii et versionem Latinam Federici Commandini, licet aestimemus, ut par est, alteram Memi Latinam versionem.

Editionem Graecam sub finem saeculi XVII moliebatur Bernhardus Edwardus Bernhardus, qui de subsidiis suis haec tradit (Fabricius Bibliotheca Graeca, Hamb. 1707, II p. 567): Apollonii Pergaei Conicorum libri VII. quatuor quidem priores Gr. Lat. ex versione Fr. Commandini, Bonon. 1566, collata cum versionibus Memmii et Maurolyci. Graece e cod. mss. Bibl. Savilianna et Bibl. Leidensis et cod. Regis Christianissimi 103. Labb. p. 271. Adnexitis commentario Eutocii Lat. ex versione Commandini, et Graece ex cod. in Arch. Pembr. 169 atque notis D. Savilii et aliorum. Tres autem sequiores libri, scil. 5. 6. 7 (nam octavus iam olim periit) Arab. et Lat. ex translatione Arabica Beni Musa, qui editionem Eutociam expressit, et nova versione Latina una cum notis Abdolmelic Arabis, qui Apollonii Con. libros septem in compendium rededit, ex cod. ms. Bodl. tum etiam notis Borelli mathematici egregii et

\*) Codex restitutus est „1553, 6 novembbris“. idem rursus a „die 21 octobris“ a. 1557 ad „diem 25 novembbris“ apud Camillum Zaneti fuit (Omont l. c. nr. 131) et a „die 4 novembbris“ a. 1555 ad Calendas Aprilis 1556 apud Io. Bapt. Rasarium (Omont p. 35).

aliorum cum schematis et notis ex schedis D. Golii viri summi. haec cum lemmatis Pappi. Translatio Arabica Beni Musa ex cod. Bibl. Leidensis (qui etiam ms. optimae notae in Catalogo librorum mss. D. Golii τοῦ μανδότου apographum est) transcripta fuit. Gólianus codex etiam quatuor priores Conic. libros exhibet, sicut et iste in Bibl. Florentina, quem latine vertit A. Echellensis non adeo feliciter.

haec igitur Bernhardi consilia fuerunt. quem narret codicem Graecum Leidensem Apollonii, nescio; hodie saltim non exstat. codex Regis 103 est Paris. 2357, ni fallor; nam practer p Mazarinæum, de quo uix cogitari potest, ille solus e Parisinis etiam Serenum continet, quem Bernhardus ex eodem codice Regis petere uoluit (Fabricius l. c. II p. 568).

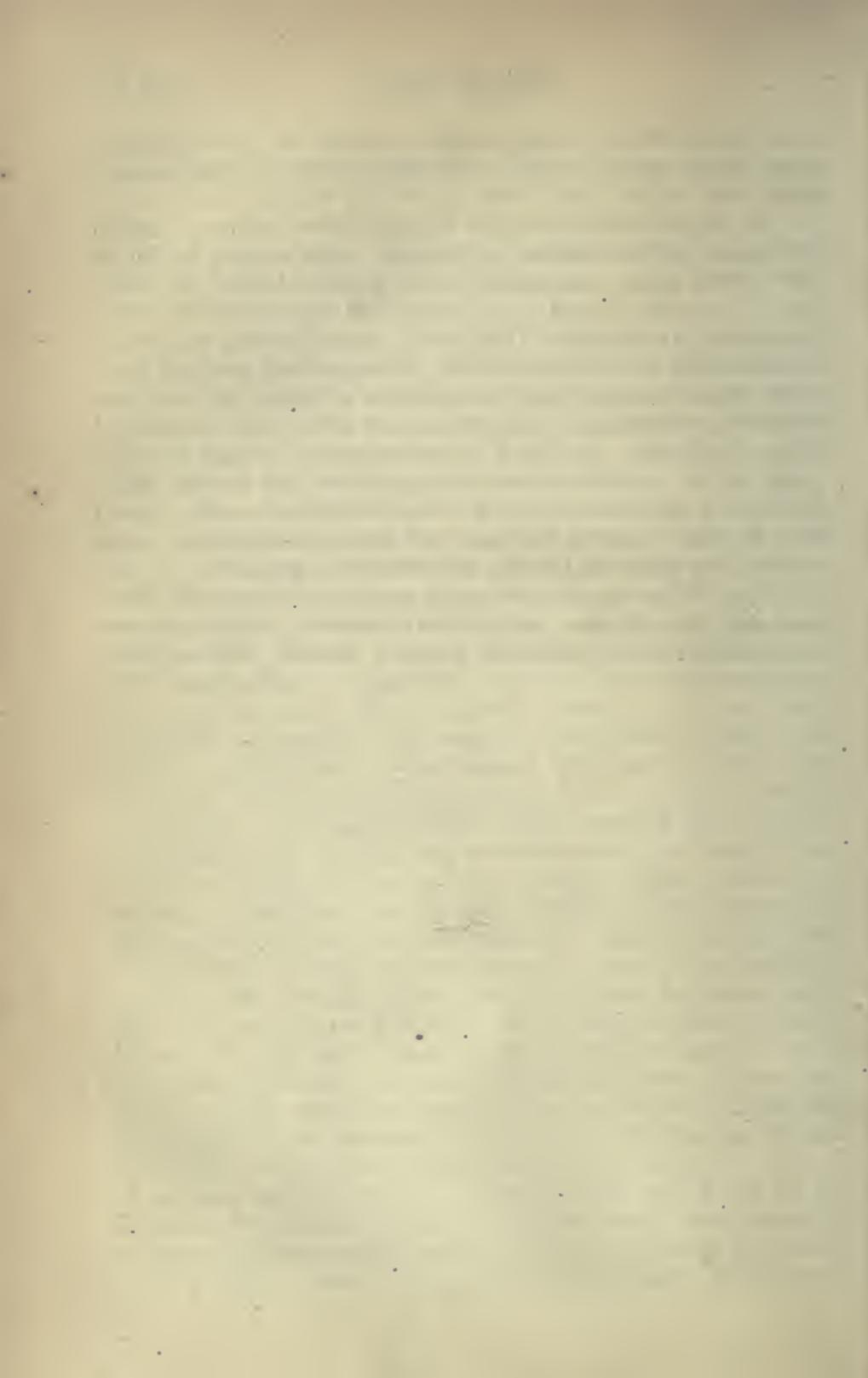
Denique a. 1710 Oxoniae prodierunt Conica Graece per  
Halley Edmundum Halley. ab initio ita comparatum fuerat, ut „Gregorius quatuor priores Conicorum libros cum Eutocii Commentariis Graece Latineque prelo pararet, atque ipse tres posteriores ex Arabico in Latinum sermonem verterem“ (praef. p. 1). sed dum ille „Graecis accurandis Latinaeque versioni Commandini corrigendae ... incumbit“, subito mortuus est, et Halleius iam solus laborem edendi suscepit (praef. p. 2). in Graecis Apollonii recensendis „ad manus erat codex e Bibliotheca Savilii mathematica praestantissimi istius viri calamo hinc illinc non leviter emendatus“, idem scilicet, quem significat Bernhardus. „et paulo post“ inquit „accessit alter benigne nobiscum a rev. D. Baynard communicatus; sed eadem fere utrisque communia erant vitia, utpote ex eodem codice, ut videtur, descriptis. ad Eutocium quidem publicandum non aliud repertum est exemplar Graecum praeter Baroccianum in Bibliotheca Bodleiana adservatum“. quos hic commemorat codices, ubi lateant, nescio; in bibliotheca Bodleiana equidem nullum codicem uel Apollonii uel Eutocii inueni praeter Canon. 106, qui anno demum 1817 Uenetiis eo peruenit. sed hoc quidem constat, uel Sauilium uel Halleium codicem habuisse e Paris. 2356 descriptum; nam pleraeque adnotationes et interpolationes Montaurei, quas supra p. XVII sq. ex illo codice adulsi, ab Halleio receptae sunt (3, 4, 5, 6, 7, 9, 10, 11 et paullum mutatae 8, 13). his correcturis ueri simile est et Sauilium et Halleium suas quemque addidisse; sed quantum cuique debeat, parum interest. ex iis, quae editio Halleiana propria habet, pauca recepi, ueri non dissimilia quaedam in

notis commemorauui, interpolationes inutiles ne notaui quidem, nunc etiam magis inutiles, quoniam tandem ad codices reditum est.

in libris V—VII edendis Halleius usus est „apographo Bodleiano codicis Arabici ex versione satis antiqua a Thebit ben Corah facta, sed annis abhinc circiter CCCCL a Nasir-Eddin recensita“ (praef. p. 2), h. e. Bodl. 885, adhibitis etiam compendio Abdulmelikii (Bodl. 913, quem Rauius ex oriente asportauerat) et editione Borellii. opere demum perfecto Narcissus Marsh archiepiscopus Armachanus ex Hibernia „exemplar Golianum antiquissimum, quod ab heredibus Golii redemerat“ (h. e. Bodl. 943, u. Nix p. 10) transmisit, de quo Halleius praef. p. 2: „ex hoc optimae notae codice, qui septem Apollonii libros complexus est, non solum versionem meam recensui et a mendis nonnullis liberaui, sed et lacunas aliquot, quae passim fere etiam in Graecis occurrabant, supplevi“.

Post Halleium nihil ad uerba Apollonii emendanda effectum est; nam Balsam, qui a. 1861 Berolini interpretationem Germanicam edidit Halleium maxime secutus, rem criticam non curauit.

---



# APOLLONII CONICA.

---

## ΚΩΝΙΚΩΝ δ'.

Ἀπολλώνιος Ἀττάλω χαιρεῖν.

Πρότερον μὲν ἔξέθηκα γράφας πρὸς Εὔδημον τὸν  
Περγαμηνὸν τῶν συντεταγμένων ἡμῖν κωνικῶν ἐν  
5 ὅκτῳ βιβλίοις τὰ πρῶτα τρία, μετηλλαχότος δ' ἐκείνου  
τὰ λοιπὰ διεγνωκότες πρός σε γράψαι διὰ τὸ φιλο-  
τιμεῖσθαί σε μεταλαμβάνειν. τὰ ὑπ' ἡμῶν πραγματευ-  
όμενα πεπόμφαμεν ἐπὶ τοῦ παρόντος σοι τὸ τέταρτον.  
περιέχει δὲ τοῦτο, κατὰ πόσα σημεῖα πλεῖστα δυνατόν  
10 ἔστι τὰς τῶν κώνων τομὰς ἀλλήλαις τε καὶ τῇ τοῦ  
κύκλου περιφερείᾳ συμβάλλειν, ἐάνπερ μὴ ὅλαι ἐπὶ<sup>5</sup>  
ὅλας ἐφαρμόζωσιν, ἔτι κώνου τομὴ καὶ κύκλου περι-  
φέρεια ταῖς ἀντικειμέναις κατὰ πόσα σημεῖα πλεῖστα  
συμβάλλουσι, καὶ ἐκτὸς τούτων ἄλλας οὐκ ὀλίγα ὅμοια  
15 τούτοις. τούτων δὲ τὸ μὲν προειδημένον Κόνων ὁ  
Σάμιος ἔξέθηκε πρὸς Θρασυδαιῶν οὐκ ὀρθῶς ἐν ταῖς  
ἀποδείξεσιν ἀναστραφείς· διὸ καὶ μετρίως αὐτοῦ ἀνθ-  
ήψατο Νικοτέλης ὁ Κυρηναῖος. περὶ δὲ τοῦ δευτέρου  
μνείαν μόνον πεποίηται ὁ Νικοτέλης σὺν τῇ πρὸς τὸν  
20 Κόνωνα ἀντιγραφῇ ὡς δυναμένου δειχθῆναι, δεικνυ-  
μένω δὲ οὕτε ὑπ' αὐτοῦ τούτου οὕθ' ὑπ' ἄλλου τινὸς  
ἐντετεύχαμεν. τὸ μέντοι τρίτον καὶ τὰ ἄλλα τὰ διο-

1. Ἀπολλωνίου Περγαλον κωνικῶν γ (δ<sup>-</sup>ο<sup>ν</sup> m. 2) ἐκδόσεως  
Εὐτοκίου Ἀσκαλωνίτον εὗτυχῶς m. 1 V. 15. Κώνων V, corr. p  
et m. rec. V. 16. Θρασύδαιον V, θρασύδαιον p. 18. Νικο-  
τελῆς Vp, ut. lin. 19. 19. σύν] ἐν Halley cum Comm. 20.  
Κώνωνα V, corr. p et m. rec. V.

## CONICORUM LIBER IV.

Apollonius Attalo s.

Prius conicorum a nobis in octo libris conscriptorum primos tres exposui ad Eudemum Pergamenum eos mittens, illo autem mortuo reliquos ad te mittere statuimus, et quia uehementer desideras accipere, quae elaboraui, in praesenti quartum librum tibi misimus. is autem continet, in quot punctis summum fieri possit ut sectiones conorum inter se et cum ambitu circuli concurrent, ita ut non totae cum totis concidant, praeterea in quot punctis summum coni sectio et ambitus circuli cum sectionibus oppositis concurrent, et praeter haec alia non pauca his similia. horum autem quod primo loco posui, Conon Samius ad Thrasydaeum exposuit in demonstrationibus non recte uersatus; quare etiam Nicoteles Cyrenaeus suo iure eum uituperavit. alterum autem Nicoteles simul cum impugnatione Cononis obiter commemorauit tantum demonstrari posse contendens, sed nec ab eo ipso nec ab alio quoquam demonstratum inueni. tertium\*) uero et cetera eius-

\*) Tria illa, quae significat Apollonius, haec sunt: in quot punctis concurrent 1) sectiones coni inter se uel cum circulo, 2) sectiones coni cum oppositis, 3) circulus cum sectionibus oppositis; cfr. I p. 4, 20. Itaque opus non est cum Halleio post *συμβάλλονται* lin. 14 interponere *καὶ ἔτι ἀντινείμεναι ἀντινειμέναις*. similiter Commandinus lin. 12 sq. habet: praeterea coni sectio et circuli circumferentia et oppositae sectiones oppositis sectionibus.

γενῆ τούτοις ἀπλῶς ὑπὸ οὐδενὸς νενοημένα εὗρηκα.  
 πάντα δὲ τὰ λεχθέντα, ὅσοις οὐκ ἐντέτευχα, πολλῶν  
 καὶ ποικίλων προσεδεῖτο ξενιζόντων θεωρημάτων, ὃν  
 τὰ μὲν πλεῖστα τυγχάνω ἐν τοῖς πρώτοις τρισὶ βιβλίοις  
 5 ἐκτεθεικώς, τὰ δὲ λοιπὰ ἐν τούτῳ. ταῦτα δὲ θεωρη-  
 θέντα χρείαν ἱκανὴν παρέχεται πρός τε τὰς τῶν προ-  
 βλημάτων συνθέσεις καὶ τοὺς διορισμούς. Νικοτέλης  
 μὲν γὰρ ἔνεκα τῆς πρὸς τὸν Κόνωνα διαφορᾶς οὐδε-  
 μίαν ὑπὸ τῶν ἐκ τοῦ Κόνωνος εὑρημένων εἰς τοὺς  
 10 διορισμούς φησιν ἔρχεσθαι χρείαν οὐκ ἀληθῆ λέγων·  
 καὶ γὰρ εἰ ὅλως ἄνευ τούτων δύναται πατὰ τοὺς διο-  
 ρισμοὺς ἀποδίδοσθαι, ἀλλά τοί γε δι' αὐτῶν ἔστι  
 κατανοεῖν προχειρότερον ἔννα, οἶον ὅτι πλεοναχῶς ἢ  
 τοσανταχῶς ἀν γένοιτο, καὶ πάλιν ὅτι οὐκ ἀν γένοιτο·  
 15 ἡ δὲ τοιαύτη πρόγνωσις ἱκανὴν ἀφορμὴν συμβάλλεται  
 πρὸς τὰς ζητήσεις, καὶ πρὸς τὰς ἀναλύσεις δὲ τῶν  
 διορισμῶν εὔχρηστα τὰ θεωρήματά ἔστι ταῦτα. χωρὶς  
 δὲ τῆς τοιαύτης εὔχρηστίας καὶ δι' αὐτὰς τὰς ἀπο-  
 δεξεῖς ἄξια ἔσται ἀποδοχῆς· καὶ γὰρ ἀλλὰ πολλὰ τῶν  
 20 ἐν τοῖς μαθήμασι διὰ τοῦτο καὶ οὐ δι' ἄλλο τι ἀπο-  
 δεχόμεθα.

α'.

'Εὰν κάνουν τομῆς ἢ κύκλου περιφερείας ληφθῆ τι  
 σημεῖον ἐκτός, καὶ ἀπ' αὐτοῦ τῇ τομῇ προσπίπτωσι  
 25 δύο εὐθεῖαι, ὃν ἡ μὲν ἐφάπτεται, ἡ δὲ τέμνει κατὰ  
 δύο σημεῖα, καὶ ὃν ἔχει λόγον ὅλη ἡ τέμνουσα πρὸς  
 τὴν ἐκτὸς ἀπολαμβανομένην μεταξὺ τοῦ τε σημείου  
 καὶ τῆς γραμμῆς, τοῦτον τμηθῆ ἡ ἐντὸς ἀπολαμβανο-

---

1. εὗρηκα— V, ενρ euān.; „εὗρηκα sic in apographo“ mg.  
 m. rec. 3. ποικίλλων V. ξενιζῶν τῶν V; corr. cp. 9.  
 ὑπό] ἐκ Halley. ἐκ] ὑπό Halley. 12. ἀποδίδοσθαι V.

dem generis a nullo prorsus excogitata repperi. omnia autem, quae diximus, quae quidem demonstrata non inuenerimus, multa et uaria flagitabant theorematum mirifica, quorum pleraque in primis tribus libris exposui, reliqua autem in hoc. haec uero perspecta usum satis magnum et ad compositiones problematum et ad determinationes praebent. Nicoteles enim propter suam cum Conone controuersiam negauit, ullum ab iis, quae Conon repperisset, ad determinationes usum proficiisci, sed fallitur; nam etsi his omnino non usurpati in determinationibus plene exponi possunt, attamen quaedam facilius per ea perspici possunt, uelut problema compluribus modis uel tot modis effici posse aut rursus non posse; et eius modi praeuia cognitio ad quaestiones satis magnum praebet adiumentum, et etiam ad analyses determinationum utilia sunt haec theorematum. uerum hac utilitate omissa etiam propter ipsas demonstrationes comprobatione digna erunt; nam etiam alia multa in mathematicis hac de causa nec de alia ulla comprobamus.

## I.

Si extra coni sectionem uel ambitum circuli punctum aliquod sumitur, et ab eo ad sectionem duae rectae adcidunt, quarum altera contingit, altera in duobus punctis secat, et quam rationem habet tota recta secans ad partem extrinsecus inter punctum lineamque abscisam, secundum hanc recta intus abscisa secatur,

17. διορισμῶν] ὄρισμῶν Vp; corr. Halley. 22. α'] p, m.  
rec. V. 25. ἐφάπτηται V; corr. p. 26. δύο] β̄ V. 28.  
τοῦτον] εἰς τοῦτον Halley.

μένη εὐθεῖα ὥστε τὰς ὁμολόγους εὐθείας πρὸς τῷ  
αὐτῷ σημείῳ εἶναι, ἡ ἀπὸ τῆς ἀφῆς ἐπὶ τὴν διαιρεσιν  
ἀγομένη εὐθεῖα συμπεσεῖται τῇ γραμμῇ, καὶ ἡ ἀπὸ  
τῆς συμπτώσεως ἐπὶ τὸ ἔκτὸς σημεῖον ἀγομένη εὐθεῖα  
ἔφαπτεται τῆς γραμμῆς.

Ἐστω γὰρ κάνον τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια ἡ  $\Delta B \Gamma$ ,  
καὶ εἰλήφθω τι σημεῖον ἔκτὸς τὸ  $\Delta$ , καὶ ἀπ' αὐτοῦ ἡ  
μὲν  $\Delta B$  ἔφαπτέσθω κατὰ τὸ  $B$ , ἡ δὲ  $\Delta E \Gamma$  τεμνέτω  
τὴν τομὴν κατὰ τὰ  $E, \Gamma$ , καὶ ὅν ἔχει λόγον ἡ  $\Gamma \Delta$   
πρὸς  $\Delta E$ , τοῦτον ἔχέτω ἡ  $\Gamma Z$  πρὸς  $Z E$ .

λέγω, ὅτι ἡ ἀπὸ τοῦ  $B$  ἐπὶ τὸ  $Z$  ἀγομένη συμ-  
πίπτει τῇ τομῇ, καὶ ἡ ἀπὸ τῆς συμπτώσεως ἐπὶ τὸ  $\Delta$   
ἔφαπτεται τῆς τομῆς.

[ἔπει οὖν ἡ  $\Delta \Gamma$  τέμνει τὴν τομὴν κατὰ δύο ση-  
μεῖα, οὐκ ἔσται διάμετρος αὐτῆς. δυνατὸν ἄρα ἔστι  
διὰ τοῦ  $\Delta$  διάμετρον ἀγαγεῖν· ὥστε καὶ ἔφαπτομένην.]  
ἥχθω γὰρ ἀπὸ τοῦ  $\Delta$  ἔφαπτομένη τῆς τομῆς ἡ  $\Delta A$ ,  
καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἡ  $B A$  τεμνέτω τὴν  $E \Gamma$ , εἰ δυνατόν,  
μὴ κατὰ τὸ  $Z$ , ἀλλὰ κατὰ τὸ  $H$ . ἔπει οὖν ἔφαπτονται  
αἱ  $B \Delta, \Delta A$ , καὶ ἐπὶ τὰς ἀφάς ἔστιν ἡ  $B A$ , καὶ διῆκται  
ἡ  $\Gamma \Delta$  τέμνουσα τὴν μὲν τομὴν κατὰ τὰ  $\Gamma, E$ , τὴν δὲ  
 $\Delta B$  κατὰ τὸ  $H$ , ἔσται ὡς ἡ  $\Gamma \Delta$  πρὸς  $\Delta E$ , ἡ  $\Gamma H$   
πρὸς  $HE$ . ὅπερ ἄτοπον· ὑπόκειται γάρ, ὡς ἡ  $\Gamma \Delta$   
πρὸς  $\Delta E$ , ἡ  $\Gamma Z$  πρὸς  $Z E$ . οὐκ ἄρα ἡ  $B A$  καθ'  
ἔτερον σημεῖον τέμνει τὴν  $GE$ · κατὰ τὸ  $Z$  ἄρα.

5. ἔφαψεται p et Halley. 6. ἡ] p, ἡ V. 16. ἔφαπτο-  
μένη v et comp. dubio V; corr. pc. 21. τα'] τό V, corr. p.  
23. HE] HB V p, corr. Memus.

ita ut rectae correspondentes ad idem punctum sint, recta a punto contactus ad punctum diuisionis ducta cum linea concurret, et recta a punto concursus ad punctum extrinsecus positum ducta lineam contingit.

sit enim  $AB\Gamma$  coni sectio uel arcus circuli, et punctum aliquod  $\Delta$  extrinsecus sumatur, ab eoque  $\Delta B$

contingat in  $B$ ,  $\Delta E\Gamma$  autem sectionem in  $E$ ,  $\Gamma$  secet, et sit  $\Gamma Z:ZE = \Gamma\Delta:\Delta E$ .

dico, rectam a  $B$  ad  $Z$  ductam cum sectione concurrere et rectam a punto concursus ad  $\Delta$  ductam sectionem contingere.

ducatur<sup>1)</sup> enim a  $\Delta$  sectionem contingens  $\Delta A$ , et ducta  $BA$  rectam  $E\Gamma$ , si fieri potest, in  $Z$  ne secet, sed in  $H$ . quoniam igitur  $B\Delta$ ,  $\Delta A$  contingunt, et  $BA$  ad puncta contactus ducta est,  $\Gamma\Delta$  autem sectionem in  $\Gamma$ ,  $E$ ,  $AB$  autem in  $H$  secans ducta est, erit [III, 37]  $\Gamma\Delta:\Delta E = \Gamma H:HE$ ; quod absurdum est; supposuimus enim, esse  $\Gamma\Delta:\Delta E = \Gamma Z:ZE$ . itaque  $BA$  rectam  $\Gamma E$  in alio punto non secat. ergo in  $Z$  secat.

1) Quae praemittuntur uerba lin. 14–16, subditia sunt. nam primum falsa sunt (quare pro ἔσται Halley scripsit οὐσα sine ulla probabilitate), deinde, etiamsi bene se haberent omnia, inutilia sunt; denique γάρ lin. 17, quod initio demonstrationis recte collocatur, post prooemium illud absurdum est. hoc sentiens scriptor librarius codicis p γάρ omisit lin. 17 et lin. 14 οὐν in γάρ mutauit.

## β'.

Ταῦτα μὲν κοινῶς ἐπὶ πασῶν τῶν τομῶν δείκνυνται,  
ἐπὶ δὲ τῆς ὑπερβολῆς μόνης· ἐὰν ἡ μὲν  $\Delta B$  ἐφάπτηται,  
ἡ δὲ  $\Delta \Gamma$  τέμνῃ κατὰ δύο σημεῖα τὰ  $E, \Gamma$ , τὰ δὲ  $E, \Gamma$   
5 περιέχῃ τὴν κατὰ τὸ  $B$  ἀφήν, καὶ τὸ  $\Delta$  σημεῖον ἐντὸς  
ἡ τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης γωνίας,  
διοίως ἡ ἀπόδειξις γενήσεται· δυνατὸν γὰρ ἀπὸ τοῦ  $\Delta$   
σημείου ἄλλην ἐφαπτομένην ἀγαγεῖν εὐθεῖαν τὴν  $\Delta A$   
καὶ τὰ λοιπὰ τῆς ἀποδεῖξεως διοίως ποιεῖν.

10

## γ'.

Τῶν αὐτῶν ὅντων τὰ  $E, \Gamma$  σημεῖα μὴ περιεχέτωσαν  
τὴν κατὰ τὸ  $B$  ἀφήν μεταξὺ αὐτῶν, τὸ δὲ  $\Delta$  σημεῖον  
ἐντὸς ἔστω τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης  
γωνίας. δυνατὸν ἄρα ἀπὸ τοῦ  $\Delta$  ἐτέραν ἐφαπτομένην  
15 ἀγαγεῖν τὴν  $\Delta A$  καὶ τὰ λοιπὰ διοίως ἀποδεικνύειν.

## δ'.

Τῶν αὐτῶν ὅντων ἐὰν αἱ μὲν  $E, \Gamma$  συμπτώσεις  
τὴν κατὰ τὸ  $B$  ἀφήν περιέχωσι, τὸ δὲ  $\Delta$  σημεῖον ἡ  
ἐν τῇ ἐφεξῆς γωνίᾳ τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περι-  
20 εχομένης, ἡ ἀπὸ τῆς ἀφῆς ἐπὶ τὴν διαιρεσιν ἀγομένη  
εὐθεῖα συμπεσεῖται τῇ ἀντικειμένῃ τομῇ, καὶ ἡ ἀπὸ  
τῆς συμπτώσεως ἀγομένη εὐθεῖα ἐφάψεται τῆς ἀντι-  
κειμένης.

1. β'] vp, om. V. 5. τῆν] p, om. V. 10. γ'] p,  
om. V. v. 12. τὸ δέ] scripsi cum Memo, τό V, καὶ τό p.  
13. ἔσται V; corr. p. 16. δ'] p, om. V, γ' v. 21. συμ-  
πεσῆται V; corr. p.c.

## II.

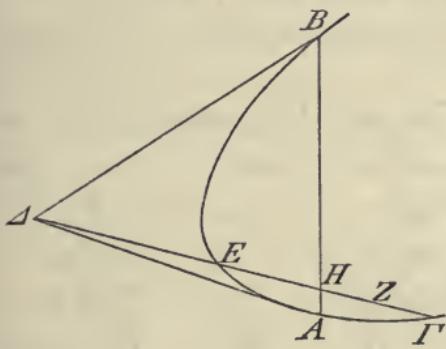
Haec quidem communiter in omnibus sectionibus demonstrantur, in hyperbola autem sola hocce:

si  $\Delta B$  contingit,  $\Delta \Gamma$  autem in duobus punctis  $E, \Gamma$  secat, et puncta  $E, \Gamma$  punctum contactus  $B$  continent, et punctum  $\Delta$  intra angulum ab asymptotis comprehensum positum est, demonstratio similiter conficiet; nam fieri potest, ut a  $\Delta$  puncto aliam rectam contingentem  $\Delta A$  ducamus et reliquam demonstrationem similiter conficiamus.

## III.

Iisdem positis puncta  $E, \Gamma$  punctum contactus  $B$

inter se ne contineant, punctum autem  $\Delta$  intra angulum ab asymptotis comprehensum positum sit. itaque fieri potest, ut a  $\Delta$  aliam contingentem  $\Delta A$  ducamus et reliqua similiter demonstremus.



## IV.

Iisdem positis si puncta concursus  $E, \Gamma$  punctum contactus  $B$  continent,  $\Delta$  autem punctum in angulo positum est, qui angulo ab asymptotis comprehenso deinceps positus est, recta a puncto contactus ad punctum diuisionis ducta cum sectione opposita concurret, et recta a puncto concursus ducta oppositam continget.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ  $B$ ,  $\Theta$  καὶ ἀσύμπτωτοι αἱ  $KL$ ,  $MEN$  καὶ τὸ  $\Delta$  σημεῖον ἐν τῇ ὑπὸ  $LEN$  γωνίᾳ, καὶ ἀπ' αὐτοῦ ἐφαπτέσθω μὲν ἡ  $\Delta B$ , τεμνέτω δὲ ἡ  $\Delta \Gamma$ , καὶ αἱ  $E$ ,  $\Gamma$  συμπτώσεις περιεχέτωσαν τὴν  $B$  5 ἀφῆν, καὶ ὃν ἔχει λόγον ἡ  $\Gamma\Delta$  πρὸς  $\Delta E$ , ἔχέτω ἡ  $\Gamma Z$  πρὸς  $ZE$ .

δεικτέον, ὅτι ἡ ἀπὸ τοῦ  $B$  ἐπὶ τὸ  $Z$  ἐπιξευγνυμένη συμπεῖται τῇ  $\Theta$  τομῇ, καὶ ἡ ἀπὸ τῆς συμπτώσεως ἐπὶ τὸ  $\Delta$  ἐφάψεται τῆς τομῆς.

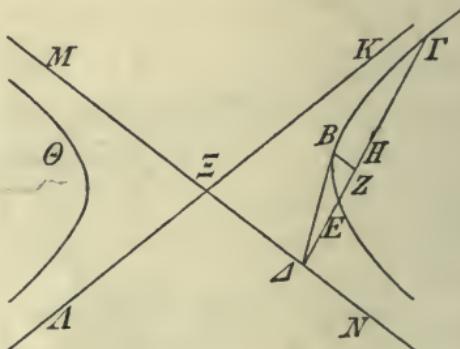
10 Ἡχθω γὰρ ἀπὸ τοῦ  $\Delta$  ἐφαπτομένη τῆς τομῆς ἡ  $\Delta \Theta$ , καὶ ἐπιξευχθεῖσα ἡ  $\Theta B$  πιπτέτω, εἰ δυνατόν, μὴ διὰ τοῦ  $Z$ , ἀλλὰ διὰ τοῦ  $H$ . ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ  $\Gamma\Delta$  πρὸς  $\Delta E$ , ἡ  $\Gamma H$  πρὸς  $HE$ · ὅπερ ἄποπον· ὑπόκειται γάρ, ὡς ἡ  $\Gamma\Delta$  πρὸς  $\Delta E$ , ἡ  $\Gamma Z$  πρὸς  $ZE$ .

15

 $\varepsilon'$ .

Τῶν αὐτῶν ὕντων ἐὰν τὸ  $\Delta$  σημεῖον ἐπὶ τινος ἢ τῶν ἀσυμπτώτων, ἡ ἀπὸ τοῦ  $B$  ἐπὶ τὸ  $Z$  ἀγομένη παράλληλος 20 ἔσται τῇ αὐτῇ ἀσυμπτώτῳ.

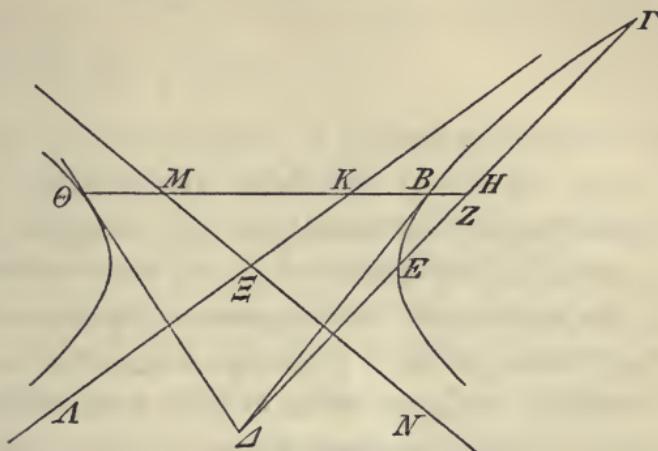
ὑποκείσθω γὰρ τὰ αὐτά, καὶ τὸ  $\Delta$  σημεῖον ἔστω ἐπὶ μιᾶς τῶν ἀσυμπτώτων τῆς  $MN$ . δεικτέον, ὅτι ἡ ἀπὸ τοῦ  $B$  τῇ  $MN$  παράλληλος ἀγομένη 25 ἐπὶ τὸ  $Z$  πεσεῖται.



15.  $\varepsilon'$ ] p, om. V, δ' v; et sic deinceps. V in extr. et init. pag.; corr. p.c.

17. τῶν ἀ- bis

sint oppositae  $B$ ,  $\Theta$  asymptotaeque  $KA$ ,  $M\Xi N$ , punctum autem  $\Delta$  in angulo  $A\Xi N$  positum, ab eo-



que contingat  $\Delta B$ , secet autem  $\Delta \Gamma$ , et puncta concursus  $E$ ,  $\Gamma$  punctum contactus  $B$  contineant, sit autem  $\Gamma Z : ZE = \Gamma \Delta : \Delta E$ .

demonstrandum, rectam a  $B$  ad  $Z$  ductam cum sectione  $\Theta$  concurrere, rectamque a puncto concursus ad  $\Delta$  ductam sectionem contingere.

ducatur enim a  $\Delta$  sectionem contingens  $\Delta \Theta$ , et ducta  $\Theta B$ , si fieri potest, per  $Z$  ne cadat, sed per  $H$ . itaque [III, 37]  $\Gamma \Delta : \Delta E = \Gamma H : HE$ ; quod absurdum est; supposuimus enim, esse  $\Gamma \Delta : \Delta E = \Gamma Z : ZE$ .

## V.

Iisdem positis si  $\Delta$  punctum in alterutra asymptotorum est, recta a  $B$  ad  $Z$  ducta eidem asymptotae parallela erit.

supponantur enim eadem, et punctum  $\Delta$  in alterutra asymptotorum  $MN$  sit. demonstrandum, rectam a  $B$  rectae  $MN$  parallelam ductam in  $Z$  cadere.

μὴ γάρ, ἀλλ', εἰ δυνατόν, ἔστω ἡ BH. ἔσται δή,  
ώς ἡ ΓΔ πρὸς ΔE, ἡ ΓΗ πρὸς HE· ὅπερ ἀδύνατον.

5'.  
σ'.

'Εὰν ὑπερβολῆς ληφθῇ τι σημεῖον ἐκτός, καὶ ἀπ'  
5 αὐτοῦ πρὸς τὴν τομῆν διαχθῶσι δύο εὐθεῖαι, ὡν ἡ  
μὲν ἐφάπτεται, ἡ δὲ παράλληλος [ἢ] μιᾷ τῶν ἀσυμ-  
πτώτων, καὶ τῇ ἀπολαμβανομένῃ ἀπὸ τῆς παραλλήλου  
μεταξὺ τῆς τομῆς καὶ τοῦ σημείου ἵση ἐπ' εὐθείας  
ἐντὸς τῆς τομῆς τεθῆ, ἡ ἀπὸ τῆς ἀφῆς ἐπὶ τὸ γινό-  
10 μενον σημεῖον ἐπιξευγνυμένη εὐθεῖα συμπεσεῖται τῇ  
τομῇ, καὶ ἡ ἀπὸ τῆς συμπτώσεως ἐπὶ τὸ ἐκτὸς ση-  
μεῖον ἀγομένη ἐφάψεται τῆς τομῆς.

ἔστω ὑπερβολὴ ἡ AEB, καὶ εἰλήφθω τι σημεῖον  
ἐκτὸς τὸ Δ, καὶ ἔστω πρότερον ἐντὸς τῆς ὑπὸ τῶν  
15 ἀσυμπτώτων περιεχομένης γωνίας τὸ Δ, καὶ ἀπ' αὐτοῖ  
ί μὲν BΔ ἐφαπτέσθω, ἡ δὲ ΔEZ παράλληλος ἔστω  
τῇ ἐτέρᾳ τῶν ἀσυμπτώτων, καὶ κείσθω τῇ ΔE ἵση  
ἡ EZ. λέγω, ὅτι ἡ ἀπὸ τοῦ B ἐπὶ τὸ Z ἐπιξευγνυ-  
μένη συμπεσεῖται τῇ τομῇ, καὶ ἡ ἀπὸ τῆς συμπτώσεως  
20 ἐπὶ τὸ Δ ἐφάψεται τῆς τομῆς.

ἥχθω γὰρ ἐφαπτομένη τῆς τομῆς ἡ ΔA, καὶ ἐπι-  
ξευχθεῖσα ἡ BA τεμνέτω τὴν ΔE, εἰ δυνατόν, μὴ  
κατὰ τὸ Z, ἀλλὰ καθ' ἐτερόν τι τὸ H. ἔσται δὴ ἵση  
ἡ ΔE τῇ EH· ὅπερ ἄτοπον· ἵπόκειται γὰρ ἡ ΔE  
25 τῇ EZ ἵση.

2. HE] p, GE V.  
ἢ] Vp; deleo.

5. δύο] β V.

6. ἐφάπτηται p.

ne cadat enim, sed, si fieri potest, sit  $BH$ . itaque erit [III, 35]

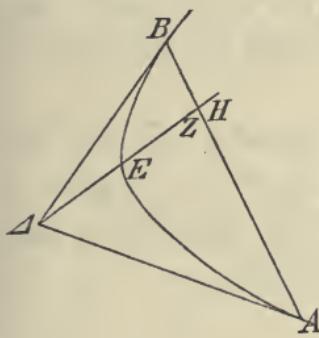
$$\Gamma A : AE = \Gamma H : HE;$$

quod fieri non potest.

## VI.

Si extra hyperbolam punctum aliquod sumitur, ab ecque ad sectionem duae rectae perducuntur, quarum altera contingit, altera alterutri asymptotarum parallela est, et rectae de parallelo inter sectionem punctumque abscisae aequalis recta in ea producta intra sectionem ponitur, recta a punto contactus ad punctum ita ortum ducta cum sectione concurret, et recta a punto concursus ad punctum extrinsecus positum ducta sectionem continget.

sit hyperbola  $AEB$ , et extrinsecus sumatur punctum aliquod  $\Delta$ , et prius  $\Delta$  positum sit intra angulum



ab asymptotis comprehensum,  
ab eoque contingat  $B\Delta$ ,  $\Delta EZ$   
autem alteri asymptotae sit  
parallela, ponaturque  $EZ = \Delta E$ .  
dico, rectam a  $B$  ad  $Z$  ductam  
cum sectione concurrere, et rec-  
tam a punto concursus ad  $\Delta$   
ductam sectionem contingere.

ducatur enim  $\Delta A$  sectionem contingens, et ducta  $BA$ , si fieri potest, rectam  $\Delta E$  in  $Z$  ne secet, sed in alio punto  $H$ . erit igitur  $\Delta E = EH$  [III, 30]; quod absurdum est; supposuimus enim, esse

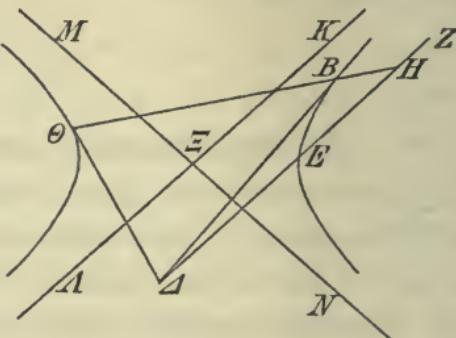
$$\Delta E = EZ.$$

$\xi'$ .

Τῶν αὐτῶν ὅντων τὸ  $\Delta$  σημεῖον ἔστω ἐν τῇ ἐφ-  
εξῆς γωνίᾳ τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης.  
λέγω, ὅτι καὶ οὗτος τὰ

5 αὐτὰ συμβήσεται.

ἢχθω γὰρ ἐφαπτο-  
μένη ἡ  $\Delta\Theta$ , καὶ ἐπι-  
ζευχθεῖσα ἡ  $\Theta B$  πιπ-  
τέτω, εἰ δυνατόν, μὴ διὰ  
10 τοῦ  $Z$ , ἀλλὰ διὰ τοῦ  $H$ .  
ἴση ἄρα ἔστιν ἡ  $\Delta E$   
τῇ  $EH$ · ὅπερ ἄτοπον·  
ὑπόκειται γὰρ ἡ  $\Delta E$  τῇ  $EZ$  ἴση.

 $\eta'$ .

15 Τῶν αὐτῶν ὅντων ἔστω τὸ  $\Delta$  σημεῖον ἐπὶ μιᾶς  
τῶν ἀσυμπτώτων, καὶ τὰ λοιπὰ γινέσθω τὰ αὐτά.

λέγω, ὅτι ἡ ἀπὸ τῆς ἀφῆς ἐπ' ἄκραν τὴν ἀπο-  
ληφθεῖσαν ἀγομένη παράλληλος ἔσται τῇ ἀσυμπτώτῳ,  
ἐφ' ἣς ἔσται τὸ  $\Delta$  σημεῖον.

20 ἔστω γὰρ τὰ εἰρημένα, καὶ κείσθω τῇ  $\Delta E$  ἴση  
ἡ  $EZ$ , καὶ ἀπὸ τοῦ  $B$  παράλληλος τῇ  $MN$  ἢχθω, εἰ  
δυνατόν, ἡ  $BH$ . ἴση ἄρα ἡ  $\Delta E$  τῇ  $EH$ · ὅπερ ἄτο-  
πον· ὑπόκειται γὰρ ἡ  $\Delta E$  τῇ  $EZ$  ἴση.

 $\vartheta'$ .

25 Ἐὰν ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου δύο εὐθεῖαι ἀχθῶσι  
τέμνουσαι κώνου τομὴν ἥ κύκλου περιφέρειαν ἐκατέρα  
κατὰ δύο σημεῖα, καὶ ὡς ἔχουσιν αἱ ὅλαι πρὸς τὰς

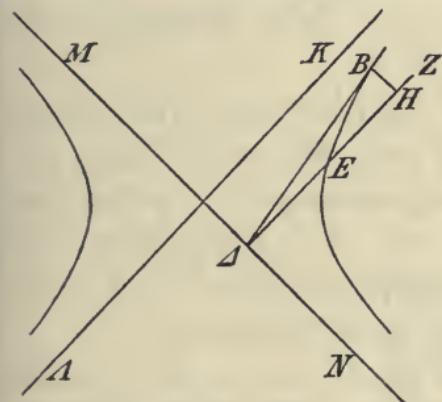
## VII.

Iisdem positis punctum  $\Delta$  in angulo positum sit, qui angulo ab asymptotis comprehenso deinceps est positus. dico, sic quoque eadem adcidere.

ducatur enim contingens  $\Delta\Theta$ , et ducta  $\Theta B$ , si fieri potest, per  $Z$  ne cadat, sed per  $H$ . erit igitur  $\Delta E = EH$ ; quod absurdum est; supposuimus enim, esse  $\Delta E = EZ$ .

## VIII.

Iisdem positis punctum  $\Delta$  in alterutra asymptotarum positum sit, et cetera eadē sint.



dico, rectam a puncto contactus ad extremam rectam abscisam ductam ei asymptotae parallelam esse, in qua positum sit punctum  $\Delta$ .

sint enim ea, quae diximus, et ponatur

$$EZ = \Delta E,$$

et a  $B$  rectae  $MN$  parallela ducatur, si fieri potest,  $BH$ . itaque  $\Delta E = EH$  [III, 34]; quod absurdum est; supposuimus enim, esse  $\Delta E = EZ$ .

## IX.

Si ab eodem punto duae rectae ducuntur coni sectionem uel arcum circuli singulae in binis punctis secantes, et ut totae se habent ad partes extrinsecus

ἐκτὸς ἀπολαμβανομένας, οὕτως αἱ ἐντὸς ἀπολαμβανόμεναι διαιρεθῶσιν, ὥστε τὰς διμολόγους πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ εἶναι, ἡ διὰ τῶν διαιρέσεων ἀγομένη εὐθεῖα συμπεσεῖται τῇ τομῇ κατὰ δύο σημεῖα, καὶ αἱ ἀπὸ τῶν 5 συμπτώσεων ἐπὶ τὸ ἐκτὸς σημεῖον ἀγόμεναι ἐφάψονται τῆς γραμμῆς.

ἔστω γὰρ τῶν προειρημένων γραμμῶν τις ἡ  $\Delta B$ , καὶ ἀπό τινος σημείου τοῦ  $\Delta$  διήχθωσαν αἱ  $\Delta E$ ,  $\Delta Z$  τέμνονται τὴν γραμμὴν ἡ μὲν κατὰ τὰ  $\Theta$ ,  $E$ , ἡ δὲ 10 κατὰ τὰ  $Z$ ,  $H$ , καὶ ὅν μὲν ἔχει λόγον ἡ  $\Delta E$  πρὸς  $\Theta\Delta$ , τοῦτον ἔχέτω ἡ  $E\Lambda$  πρὸς  $A\Theta$ , ὅν δὲ τὸ  $\Delta Z$  πρὸς  $\Delta H$ , ἡ  $ZK$  πρὸς  $KH$ . λέγω, ὅτι ἡ ἀπὸ τοῦ  $\Lambda$  ἐπὶ τὸ  $K$  ἐπιξευγνυμένη συμπεσεῖται ἐφ' ἑκάτερα τῇ τομῇ, καὶ αἱ ἀπὸ τῶν συμπτώσεων ἐπὶ τὸ  $\Delta$  ἐπιξευγνύμεναι 15 ἐφάψονται τῆς τομῆς.

ἐπεὶ γὰρ αἱ  $E\Delta$ ,  $Z\Delta$  ἑκάτερα κατὰ δύο σημεῖα τέμνει την τομήν, δυνατόν ἔστιν ἀπὸ τοῦ  $\Delta$  διάμετρον ἀγαγεῖν τῆς τομῆς· ὥστε καὶ ἐφαπτομένας ἐφ' ἑκάτερα. ἦχθωσαν ἐφαπτόμεναι αἱ  $\Delta B$ ,  $\Delta A$ , καὶ ἐπιξευχθεῖσα 20 ἡ  $BA$ , εἰ δυνατόν, μὴ ἐρχέσθω διὰ τῶν  $\Lambda$ ,  $K$ , ἀλλ' ἥτοι διὰ τοῦ ἐτέρου αὐτῶν ἡ δι' οὐδετέρου.

ἐρχέσθω πρότερον διὰ μόνου τοῦ  $\Lambda$  καὶ τεμνέτω τὴν  $ZH$  κατὰ τὸ  $M$ . ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ  $Z\Delta$  πρὸς  $\Delta H$ , ἡ  $ZM$  πρὸς  $MH$ · ὅπερ ἄτοπον· ὑπόκειται γάρ, ὡς 25 ἡ  $Z\Delta$  πρὸς  $\Delta H$ , ἡ  $ZK$  πρὸς  $KH$ .

εἰὰν δὲ ἡ  $BA$  μηδὲ δι' ἐτέρου τῶν  $\Lambda$ ,  $K$  πορεύηται, ἐφ' ἑκάτερας τῶν  $\Delta E$ ,  $\Delta Z$  συμβήσεται τὸ ἄτοπον.

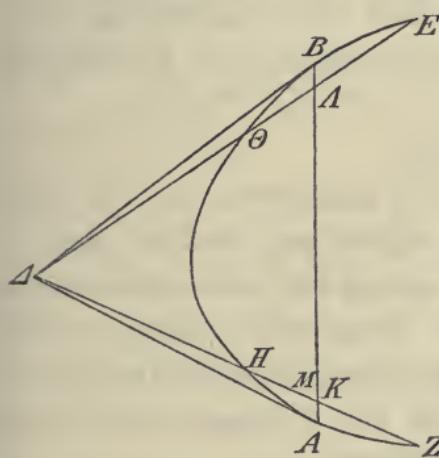
6. γραμμῆς] c, corr. ex τομῆς m. 1 V. 12. K] p, KE V.  
26.  $\Lambda$ ] p, A V. 27.  $\Delta E$ ,  $\Delta Z$ ] p;  $\Delta E$ , EZ V.

abscisae, ita partes intus abscisae diuiduntur, ita ut partes correspondentes ad idem punctum positae sint, recta per puncta diuisionis ducta cum sectione in duobus punctis concurret, et rectae a punctis concursus ad punctum extrinsecus positum ductae lineam contingent.

sit enim  $AB$  aliqua linearum, quas diximus, et a puncto aliquo  $\Delta$  perducantur  $\Delta E, \Delta Z$  lineam secantes altera in  $\Theta, E$ , altera autem in  $Z, H$ , sitque

$$\Delta E : \Theta \Delta = EA : A\Theta, \Delta Z : \Delta H = ZK : KH.$$

dico, rectam ab  $\Delta$  ad  $K$  ductam in utramque partem



cum sectione concurrere, et rectas a punctis concursus ad  $\Delta$  ductas sectio-  
nem contingere.

quoniam enim  $EA$ ,  $Z\Delta$  singulae in binis punctis sectionem secant, fieri potest, ut a  $\Delta$  dia-  
metrus sectionis ducatur. quare etiam contingentes in utramque partem. du-

cantur contingentes  $\Delta B, \Delta A$ , et ducta  $BA$ , si fieri potest, per  $\Delta, K$  ne cadat, sed aut per alterutrum aut per neutrum.

prius per  $\Delta$  solum cadat rectamque  $ZH$  in  $M$  secet. itaque [III, 37]  $Z\Delta : \Delta H = ZM : MH$ ; quod absurdum est; nam supposuimus, esse

$$Z\Delta : \Delta H = ZK : KH.$$

sin  $BA$  per neutrum punctorum  $\Delta, K$  cadit, in utraque  $\Delta E, \Delta Z$  absurdum eueniet.

ι'.

Ταῦτα μὲν κοινῶς, ἐπὶ δὲ τῆς ὑπερβολῆς μόνης· ἐὰν τὰ μὲν ἄλλα τὰ αὐτὰ ὑπάρχῃ, αἱ δὲ τῆς μιᾶς εὐθείας συμπτώσεις περιέχωσι τὰς τῆς ἑτέρας συμπτώσεις, καὶ τὸ Δ σημεῖον ἐντὸς ἢ τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης γωνίας, τὰ αὐτὰ συμβήσεται τοῖς προειρημένοις, ὡς προείρηται ἐν τῷ β̄ θεωρήματι.

ια'.

Τῶν αὐτῶν ὅντων ἐὰν αἱ τῆς μιᾶς συμπτώσεις 10 μὴ περιέχωσι τὰς τῆς ἑτέρας συμπτώσεις, τὸ μὲν Δ σημεῖον ἐντὸς ἔσται τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης γωνίας, καὶ ἡ καταγραφὴ καὶ ἡ ἀπόδειξις ἡ αὐτὴ τῷ θ.

ιβ'.

15 Τῶν αὐτῶν ὅντων ἐὰν περιέχωσιν αἱ τῆς μιᾶς εὐθείας συμπτώσεις τὰς τῆς ἑτέρας, καὶ τὸ ληφθὲν σημεῖον ἐν τῇ ἐφεξῆς γωνίᾳ τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης ἢ, ἡ διὰ τῶν διαιρέσεων ἀγομένη εὐθεῖα ἐκβαλλομένη τῇ ἀντικειμένῃ τοιῇ συμπεσεῖται, καὶ αἱ 20 ἀπὸ τῶν συμπτώσεων ἐπὶ τὸ Δ σημεῖον ἀγόμεναι εὐθεῖαι ἐφάψονται τῶν ἀντικειμένων.

ἔστω ὑπερβολὴ ἡ EH, ἀσύμπτωτοι δὲ αἱ NΞ, OΠ, καὶ κέντρον τὸ P, καὶ τὸ Δ σημεῖον ἔστω ἐν τῇ ὑπὸ ΞΡΠ γωνίᾳ, καὶ ἥχθωσαν αἱ ΔE, ΔZ τέμνουσαι τὴν 25 ὑπερβολὴν ἐκατέρα κατὰ δύο σημεῖα, καὶ περιεχέσθω τὰ E, Θ ὑπὸ τῶν Z, H, καὶ ἔστω, ὡς μὲν ἡ EΔ προς ΔΘ, ἡ EK πρὸς KΘ, ὡς δὲ ἡ ZΔ πρὸς ΔH, ἡ ZA

10. τὸ μέν] τὸ δέ Halley praeeunte Commandino. 11.  
ἔσται] ἢ Halley. 18. διαιρέσεων] p, αἰρέσεων V. 24. τέμ-  
νουσαι] cp, bis V. 25. δύο] β̄ V.

## X.

Haec quidem communiter, in hyperbola autem sola sic: si reliqua eadem supponuntur, puncta autem concursus alterius rectae puncta concursus alterius continent, et punctum  $\Delta$  intra angulum ab asymptotis comprehensum positum est, eadem euenient, quae antea diximus, sicut prius dictum est in propositione II.

## XI.

Iisdem positis si puncta concursus alterius puncta concursus alterius non continent, punctum  $\Delta$  intra angulum ab asymptotis comprehensum positum erit,<sup>1)</sup> et figura demonstratioque eadem erit, quae in propositione IX.

## XII.

Iisdem positis si puncta concursus alterius rectae puncta concursus alterius continent, et punctum sumpturnum in angulo positum est, qui angulo ab asymptotis comprehenso deinceps est positus, recta per puncta divisionis ducta producta cum sectione opposita concurret, et rectae a punctis concursus ad  $\Delta$  punctum ductae sectiones oppositas contingent.

sit  $EH$  hyperbola, asymptotae autem  $N\Xi$ ,  $O\Pi$ , et centrum  $P$ ,  $\Delta$  autem punctum in angulo  $\Xi P \Pi$  positum sit, ducanturque  $\Delta E$ ,  $\Delta Z$  hyperbolam secantes singulae in binis punctis, et  $E$ ,  $\Theta$  a  $Z$ ,  $H$  contineantur, sit autem  $E\Delta:\Delta\Theta = EK:K\Theta$ ,  $Z\Delta:\Delta H = Z\Lambda:\Lambda H$ . demonstrandum, rectam per  $K$ ,  $\Delta$  ductam cum sectione

1) Hoc quidem falsum est, sed emendatio incerta.

πρὸς ΛΗ. δειπτέον, ὅτι ἡ διὰ τῶν Κ, Λ συμπεσεῖται τε τῇ ΕΖ τομῇ καὶ τῇ ἀντικειμένῃ, καὶ αἱ ἀπὸ τῶν συμπτώσεων ἐπὶ τὸ Δ ἐφάψονται τῶν τομῶν.

ἔστω δὴ ἀντικειμένη ἡ Μ, καὶ ἀπὸ τοῦ Δ ἥχθω-  
5 σαν ἐφαπτόμεναι τῶν τομῶν αἱ ΔΜ, ΔΣ, καὶ ἐπι-  
ξευχθεῖσα ἡ ΜΣ, εἰ δυνατόν, μὴ ἐρχέσθω διὰ τῶν  
Κ, Λ, ἀλλ’ ἵτοι διὰ τοῦ ἑτέρου αὐτῶν ἢ δι’ οὐδε-  
τέρου.

ἐρχέσθω πρότερον διὰ τοῦ Κ καὶ τεμνέτω τὴν ΖΗ  
10 κατὰ τὸ Χ. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΖΔ πρὸς ΔΗ, ἡ ΧΖ  
πρὸς ΧΗ· ὅπερ ἄτοπον· ὑπόκειται γάρ, ὡς ἡ ΖΔ  
πρὸς ΔΗ, ἡ ΖΛ πρὸς ΛΗ.

ἐὰν δὲ μηδὲ δι’ ἑτέρου τῶν Κ, Λ ἐρχηται ἡ ΜΣ,  
ἐφ’ ἑκατέρας τῶν ΕΔ, ΔΖ τὸ ἀδύνατον συμβαίνει.

Τῶν αὐτῶν ὅντων ἐὰν τὸ Δ σημεῖον ἐπὶ μιᾶς τῶν  
ἀσυμπτώτων ἦ, καὶ τὰ λοιπὰ τὰ αὐτὰ ὑπάρχῃ, ἡ διὰ  
τῶν διαιρέσεων ἀγομένη παράλληλος ἔσται τῇ ἀσυμ-  
20 πτώτῳ, ἐφ’ ἣς ἔστι τὸ σημεῖον, καὶ ἐκβαλλομένη συμ-  
πεσεῖται τῇ τομῇ, καὶ ἡ ἀπὸ τῆς συμπτώσεως ἐπὶ τὸ  
σημεῖον ἀγομένη ἐφάψεται τῆς τομῆς.

ἔστω γὰρ ὑπερβολὴ καὶ ἀσύμπτωτοι, καὶ εἰλήφθω  
ἐπὶ μιᾶς τῶν ἀσυμπτώτων τὸ Δ, καὶ διήχθωσαν αἱ  
εὐθεῖαι καὶ διηρήσθωσαν, ὡς εἰρηται, καὶ ἥχθω ἀπὸ  
25 τοῦ Δ ἐφαπτομένη τῆς τομῆς ἡ ΔΒ. λέγω, ὅτι ἡ

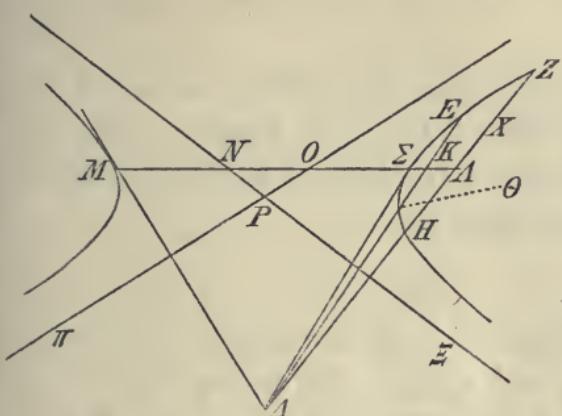
2. τε] om. c; τῇ τε Halley. 4. δῆ] δέ Vp; corr. Halley.

6. ἦ] cprv, euap. V. 11. ΖΔ] ΕΔ V, ΞΔ p; corr. Memus.

12. ΖΛ] p, ΕΛ V. 13. ΛΗ] p, ΔΗ V. 24. διηρήσθωσαν]

p, διηρήσθω V.

$EZ$  et cum sectione opposita concurrere, et rectas a punctis concursus ad  $\Delta$  ductas sectiones contingere.



opposita igitur sit  $M$ , et a  $\Delta$  sectiones contingentes ducantur  $\Delta M$ ,  $\Delta \Sigma$ , ductaque  $M\Sigma$ , si fieri potest, per  $K$ ,  $A$  ne cadat, sed aut per alterutrum aut per neutrum eorum.

prius per  $K$  cadat et rectam  $ZH$  in  $X$  secet. itaque [III, 37]  $Z\Delta : \Delta H = XZ : XH$ ; quod absurdum est; supposuimus enim, esse

$$Z\Delta : \Delta H = Z\Delta : \Delta H.$$

sin per neutrum punctorum  $K$ ,  $A$  cadit  $M\Sigma$ , in utraque  $E\Delta$ ,  $\Delta Z$  absurdum euenit.

### XIII.

Iisdem positis si punctum  $\Delta$  in alterutra asymptotorum positum est, et reliqua eadem supponuntur, recta per puncta divisionis ducta parallela erit asymptotae, in qua punctum positum est, et producta cum sectione concurret, et recta a punto concursus ad punctum ducta sectionem continget.

sit enim hyperbola asymptotaeque, et in alterutra asymptotorum sumatur  $\Delta$ , producanturque rectae et diuidantur, sicut dictum est, a  $\Delta$  autem sectionem

ἀπὸ τοῦ  $B$  παρὰ τὴν  $PO$  ἀγομένη ἦξει διὰ τῶν  $K, L$ .

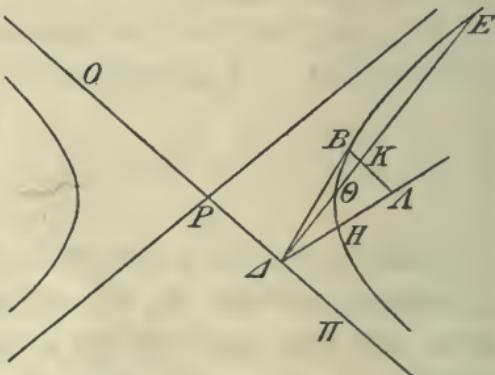
εἰ γαρ μή, ὅτοι διὰ τοῦ ἐνὸς αὐτῶν ἐλεύσεται ἢ δι' οὐδετέρου.

5 ἐρχέσθω διὰ μόνου τοῦ  $K$ . ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ  $Z\Delta$  πρὸς  $\Delta H$ , ἡ  $ZX$  πρὸς  $XH$ . ὅπερ ἄτοπον. οὐκ ἄρα ἡ ἀπὸ τοῦ  $B$  παρὰ τὴν  $PO$  ἀγομένη διὰ μόνου τοῦ  $K$  ἐλεύσεται· δι' ἀμφοτέρων ἄρα.

$i\delta'$ .

10 Τῶν αὐτῶν ὅντων ἐὰν τὸ  $\Delta$  σημεῖον ἐπὶ μιᾶς ἣ τῶν ἀσυμπτώτων, καὶ ἡ μὲν  $\Delta E$  τέμνῃ τὴν τομὴν κατὰ δύο σημεῖα, ἡ δὲ  $\Delta H$  κατὰ μόνον τὸ  $H$  παράλληλος οὖσα τῇ ἑτέρᾳ τῶν ἀσυμπτώτων, καὶ γένηται, ὡς ἡ  $\Delta E$  πρὸς  $\Delta \Theta$ , ἡ  $EK$  πρὸς  $K\Theta$ , τῇ δὲ  $\Delta H$  ἵση 15 ἐπ' εὐθείας τεθῇ ἡ  $HL$ , ἡ διὰ τῶν  $K, L$  σημείων ἀγομένη παράλληλος τε ἔσται τῇ ἀσυμπτώτῳ καὶ συμπεσεῖται τῇ τομῇ, καὶ ἡ ἀπὸ τῆς συμπτώσεως ἐπὶ τὸ  $\Delta$  ἐφ-  
20 ἀψεται τῆς τομῆς.

ομοίως γὰρ τῷ προειρημένῳ ἀγαγὼν τὴν  $\Delta B$  ἐφαπτομένην λέγω, ὅτι ἡ ἀπὸ 25 τοῦ  $B$  παρὰ τὴν  $PO$



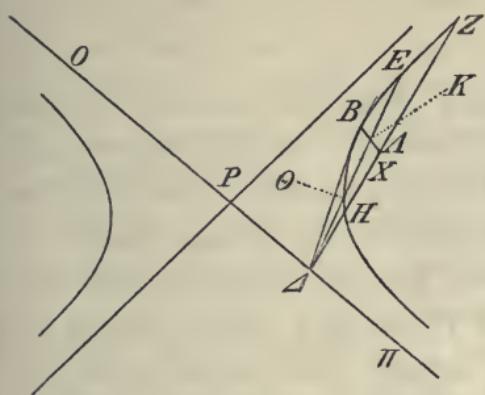
ἀσύμπτωτον ἀγομένη ἦξει διὰ τῶν  $K, L$  σημείων.

εἰ οὖν διὰ τοῦ  $K$  μόνου ἦξει, οὐκ ἔσται ἡ  $\Delta H$  τῇ  $HL$  ἵση· ὅπερ ἄτοπον. εἰ δὲ διὰ τοῦ  $L$  μόνου, οὐκ ἔσται, ὡς ἡ  $E\Delta$  πρὸς  $\Delta \Theta$ , ἡ  $EK$  πρὸς  $K\Theta$ . εἰ

6. πρὸς  $XH$ ] p, om. V.

7.  $K$ ] B Vp; corr. Halley.

contingens ducatur  $\Delta B$ . dico, rectam a  $B$  rectae  $\Pi O$  parallelam ductam per  $K$ ,  $\Lambda$  cadere.



nam si minus, aut per alterutrum eorum cadet aut per neutrum.

cadat per  $K$  solum.  
itaque [III, 35]

$Z\Delta : \Delta H = ZX : XH$ ;  
quod absurdum est.  
ergo recta a  $B$  rectae  $\Pi O$  parallela ducta per  $K$  solum non

cadet. ergo per utrumque cadet.

#### XIV.

Iisdem positis si punctum  $\Delta$  in alterutra asymptotorum positum est, et  $\Delta E$  sectionem in duobus punctis secat,  $\Delta H$  autem alteri asymptotorum parallela in  $H$  solo, et fit  $EK : K\Theta = \Delta E : \Delta \Theta$ , poniturque in  $\Delta H$  producta  $HA = \Delta H$ , recta per  $K$ ,  $\Lambda$  puncta ducta et asymptotae parallela erit et cum sectione concurret, rectaque a punto concursus ad  $\Delta$  ducta sectionem continget.

nam eodem modo, quo in praecedenti, ducta  $\Delta B$  contingenti dico, rectam a  $B$  asymptotae  $\Pi O$  parallelam ductam per puncta  $K$ ,  $\Lambda$  cadere.

si igitur per  $K$  solum cadit, non erit  $\Delta H = HA$  [III, 34]; quod absurdum est. sin per  $\Lambda$  solum cadit, non erit  $E\Delta : \Delta \Theta = EK : K\Theta$  [III, 35]. sin neque per  $K$  neque per  $\Lambda$  cadit, utrobique absurdum eueniet. ergo per utrumque cadet.

δὲ μήτε διὰ τοῦ Κ μήτε διὰ τοῦ Α, κατ' ἀμφότερα συμβῆσεται τὸ ἄτοπον. δι' ἀμφοτέρων ἄρα ἐλεύσεται.

ιε'.

'Εὰν ἐν ἀντικειμέναις ληφθῇ τι σημεῖον μεταξὺ 5 τῶν δύο τομῶν, καὶ ἀπ' αὐτοῦ ἢ μὲν ἐφάπτηται μιᾶς τῶν ἀντικειμένων, ἡ δὲ τέμνῃ ἐκατέρων τῶν ἀντικειμένων, καὶ ὡς ἔχει ἡ μεταξὺ τῆς ἐτέρας τομῆς, ἦς οὐκ ἐφάπτεται ἡ εὐθεῖα, καὶ τοῦ σημείου πρὸς τὴν μεταξὺ 10 τοῦ σημείου καὶ τῆς ἐτέρας τομῆς, οὕτως ἔχῃ μείζων τις εὐθεῖα τῆς μεταξὺ τῶν τομῶν πρὸς τὴν ἴπεροχὴν αὐτῆς κειμένην ἐπ' εὐθείας τε καὶ πρὸς τῷ αὐτῷ πέρατι τῇ ὁμολόγῳ, ἡ ἀπὸ τοῦ πέρατος τῆς μείζονος εὐθείας ἐπὶ τὴν ἀφῆν ἀγομένη συμπεσεῖται τῇ τομῇ, καὶ ἡ ἀπὸ τῆς συμπτώσεως ἐπὶ τὸ ληφθὲν 15 σημεῖον ἀγομένη ἐφάπτεται τῆς τομῆς.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ Α, Β, καὶ εἰλήφθω τι σημεῖον μεταξὺ τῶν τομῶν τὸ Δ ἐντὸς τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης γωνίας, καὶ ἀπ' αὐτοῦ ἡ μὲν ΔΖ διήχθω ἐφαπτομένη, ἡ δὲ ΑΔΒ τέμνουσα 20 τὰς τομάς, καὶ ὃν ἔχει λόγον ἡ ΑΔ πρὸς ΔΒ, ἔχετω ἡ ΑΓ πρὸς ΓΒ. δειπτέον, ὅτι ἡ ἀπὸ τοῦ Ζ ἐπὶ τὸ Γ ἐκβαλλομένη συμπεσεῖται τῇ τομῇ, καὶ ἡ ἀπὸ τῆς συμπτώσεως ἐπὶ τὸ Δ ἀγομένη ἐφάψεται τῆς τομῆς.

ἐπεὶ γὰρ τὸ Δ σημεῖον ἐντός ἔστι τῆς περιεχούσης 25 τὴν τομὴν γωνίας, δυνατόν ἔστι καὶ ἐτέρων ἐφαπτομένην ἀγαγεῖν ἀπὸ τοῦ Δ. ἥχθω ἡ ΔΕ, καὶ ἐπιξευχεῖσα ἡ ΖΕ ἐρχέσθω, εἰ δυνατόν, μὴ διὰ τοῦ Γ,

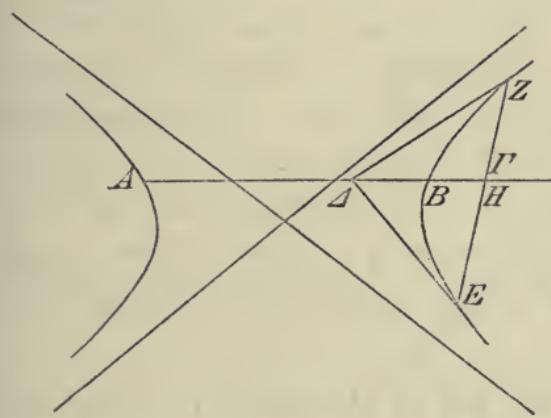
9. ἔχει V p; corr. Halley.  
p, ΑΒΔ V.

15. ἐφάψεται p.

19. ΑΔΒ]

## XV.

Si in sectionibus oppositis punctum aliquod inter duas sectiones sumitur, et ab eo altera recta alterutram oppositarum contingit, altera utramque sectionem secat, et ut est recta inter alteram sectionem, quam non contingit recta illa, et punctum posita ad rectam inter punctum alteramque sectionem positam, ita est recta aliqua maior recta inter sectiones posita ad excessum in ea producta et ad eundem terminum positum ac partem correspondentem, recta a termino maioris rectae ad punctum contactus ducta cum sectione concurret, et recta a punto concursus ad sumptum punctum ducta sectionem contingit.



sint oppositae  
 $A, B$ , sumaturque  
 inter sectiones  
 punctum aliquod  
 $\Delta$  intra angulum

ab asymptotis comprehensum positum, et ab eo  $\Delta Z$  producatur contingens,  $A\Delta B$  autem sectiones secans, sitque  $A\Gamma:\Gamma B = A\Delta:\Delta B$ . demonstrandum, rectam a  $Z$  ad  $\Gamma$  ductam productam cum sectione concurrere, et rectam a punto concursus ad  $\Delta$  ductam sectionem contingere.

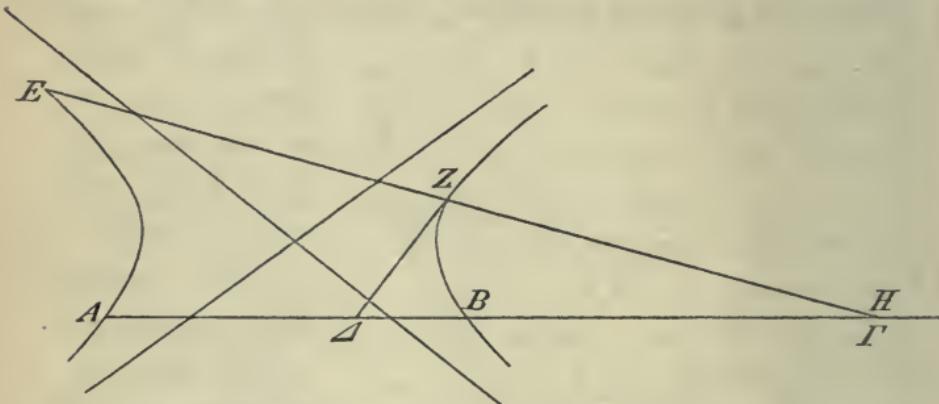
quoniam enim  $\Delta$  punctum intra angulum sectionem comprehendentem positum est, fieri potest, ut a  $\Delta$  aliam quoque contingentem ducamus [II, 49]. du-

ἀλλὰ διὰ τοῦ Η. ἔσται δή, ὡς ἡ ΑΔ πρὸς ΔΒ,  
ἡ ΑΗ πρὸς ΗΒ· ὅπερ ἄτοπον· ὑπόκειται γάρ, ὡς  
ἡ ΑΔ πρὸς ΔΒ, ἡ ΑΓ πρὸς ΓΒ.

ἰξ'.

5 Τῶν αὐτῶν ὅντων ἔστω τὸ Α σημεῖον ἐν τῇ ἐφεξῆς  
γωνίᾳ τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης, καὶ τὰ  
λοιπὰ τὰ αὐτὰ γινέσθω.

λέγω, ὅτι ἡ ἀπὸ τοῦ Ζ ἐπὶ τὸ Γ ἐπιζευγνυμένη  
ἐκβαλλομένη συμπεσεῖται τῇ ἀντικειμένῃ τομῇ, καὶ ἡ  
10 ἀπὸ τῆς συμπτώσεως ἐπὶ τὸ Α ἐφάψεται τῆς ἀντι-  
κειμένης τομῆς.



ἔστω γὰρ τὰ αὐτὰ, καὶ τὸ Α σημεῖον ἐν τῇ ἐφεξῆς  
γωνίᾳ τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης, καὶ  
ἡχθω ἀπὸ τοῦ Α ἐφαπτουμένη τῆς Α τομῆς ἡ ΔΕ,  
15 καὶ ἐπεξεύχθω ἡ EZ καὶ ἐκβαλλομένη, εἰ δυνατόν, μὴ  
ἐρχέσθω ἐπὶ τὸ Γ, ἀλλ' ἐπὶ τὸ Η. ἔσται δή, ὡς ἡ ΑΗ  
πρὸς ΗΒ, ἡ ΑΔ πρὸς ΔΒ· ὅπερ ἄτοπον· ὑπόκειται  
γάρ, ὡς ἡ ΑΔ πρὸς ΔΒ, ἡ ΑΓ πρὸς ΓΒ.

ἰξ'.

20 Τῶν αὐτῶν ὅντων ἔστω τὸ Α σημεῖον ἐπὶ τινος  
τῶν ἀσυμπτώτων.

catur  $\Delta E$ , et ducta  $ZE$ , si fieri potest; per  $\Gamma$  ne cadat, sed per  $H$ . erit igitur  $A\Delta : \Delta B = AH : HB$  [III, 37];<sup>1)</sup> quod absurdum est; supposuimus enim, esse  $A\Delta : \Delta B = AG : GB$ .

## XVI.

Iisdem positis  $\Delta$  punctum positum sit in angulo, qui angulo ab asymptotis comprehenso deinceps positus est, et reliqua eadem fiant.

dico, rectam a  $Z$  ad  $\Gamma$  ductam productam cum sectione opposita concurrere, et rectam a punto concursus ad  $\Delta$  ductam sectionem oppositam contingere.

sint enim eadem, et punctum  $\Delta$  positum sit in angulo, qui angulo ab asymptotis comprehenso deinceps positus est, ducaturque a  $\Delta$  sectionem  $A$  contingens  $\Delta E$ , et ducatur  $EZ$  et producta, si fieri potest, ad  $\Gamma$  ne ueniat, sed ad  $H$ . erit igitur [III, 39]

$$AH : HB = A\Delta : \Delta B;$$

quod absurdum est; supposuimus enim, esse

$$A\Delta : \Delta B = AG : GB.$$

## XVII.

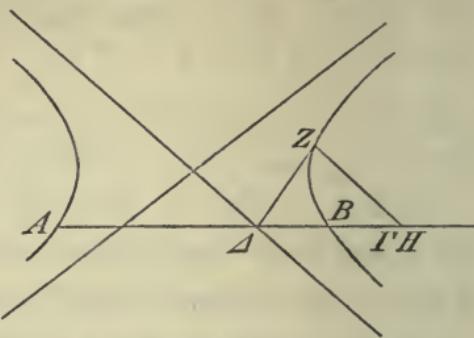
Iisdem positis punctum  $\Delta$  in alterutra asymptotorum sit positum.

dico, rectam a  $Z$  ad  $\Gamma$  ductam parallelam esse asymptotae, in qua punctum positum sit.

1) Quae tum quoque ualet, cum utrumque punctum contactus in eadem opposita est positum, quamquam hic casus in figuris codicis non respicitur, ne in iis quidem, quas I p. 403 not. significauit.

λέγω, ὅτι ἡ ἀπὸ τοῦ  $Z$  ἐπὶ τὸ  $\Gamma$  ἀγομένη παράλλη-  
λος ἔσται τῇ ἀσυμπτώτῳ, ἐφ' ἣς ἔστι τὸ σημεῖον.

ἔστωσαν τὰ αὐτὰ  
τοῖς ἔμπροσθεν, τὸ δὲ  
5  $\Delta$  σημεῖον ἐπὶ μιᾶς  
τῶν ἀσυμπτώτων, καὶ  
ἥχθω διὰ τοῦ  $Z$  παρ-  
άλληλος, καὶ εἰ δυ-  
νατόν, μὴ πιπτέτω ἐπὶ<sup>10</sup>  
τὸ  $\Gamma$ , ἀλλ' ἐπὶ τὸ  $H$ .



ἔσται δῆ, ὡς ἡ  $A\Delta$  πρὸς  $\Delta B$ , ἡ  $AH$  πρὸς  $HB$ : ὅπερ  
ἄτοπον. ἡ ἄρα ἀπὸ τοῦ  $Z$  παρὰ τὴν ἀσύμπτωτον ἐπὶ<sup>10</sup>  
τὸ  $\Gamma$  πίπτει.

ιη'.

15 'Εὰν ἐν ἀντικειμέναις ληφθῇ τι σημεῖον μεταξὺ<sup>1</sup>  
τῶν δύο τομῶν, καὶ ἀπὸ αὐτοῦ δύο εὐθεῖαι διαχθῶσι  
τέμνονται ἑκατέραν τῶν τομῶν, καὶ ὡς ἔχονται αἱ  
μεταξὺ τῆς μιᾶς τομῆς πρὸς τὰς μεταξὺ τῆς ἑτέρας  
τομῆς καὶ τοῦ αὐτοῦ σημείου, οὕτως ἔχονται αἱ μείζους  
20 τῶν ἀπολαμβανομένων μεταξὺ τῶν ἀντικειμένων πρὸς  
τὰς ὑπεροχὰς αὐτῶν, ἡ διὰ τῶν περάτων ἀγομένη εὐθεῖα  
τῶν μειζόνων εὐθειῶν ταῖς τομαῖς συμπεσεῖται, καὶ  
αἱ ἀπὸ τῶν συμπτώσεων ἐπὶ τὸ ληφθὲν σημεῖον  
ἀγόμεναι εὐθεῖαι ἐφάψονται τῶν γραμμῶν.

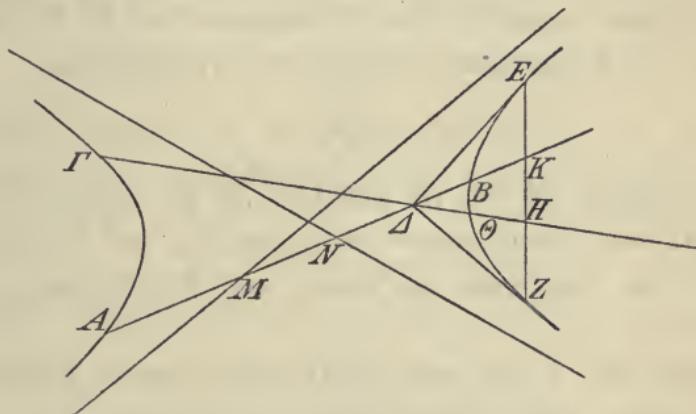
25 ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ  $A, B$ , καὶ τὸ  $\Delta$  σημεῖον  
μεταξὺ τῶν τομῶν. πρότερον ὑποκείσθω ἐν τῇ ὑπὸ<sup>1</sup>  
τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένῃ γωνίᾳ, καὶ διὰ τοῦ  $\Delta$   
διήχθωσαν αἱ  $A\Delta B, \Gamma\Delta\Theta$ . μείζων ἄρα ἔστιν ἡ μὲν  $A\Delta$   
τῆς  $\Delta B$ , ἡ δὲ  $\Gamma\Delta$  τῆς  $\Delta\Theta$ , διότι ἵση ἔστιν ἡ  $BN$

23. αἱ] om. Vp; corr. Halley.

sint eadem, quae antea, punctum  $\Delta$  autem in alterutra asymptotarum sit, ducaturque per  $Z$  illi parallela recta, et si fieri potest, in  $\Gamma$  ne cadat, sed in  $H$ . erit igitur [III, 36]  $A\Delta:\Delta B = AH:HB$ ; quod absurdum est. ergo recta a  $Z$  asymptotae parallela ducta in  $\Gamma$  cadit.

## XVIII.

Si in sectionibus oppositis punctum aliquod inter duas sectiones sumitur, ab eoque duae rectae utramque sectionem secantes producuntur, et quam rationem habent rectae inter punctum alteramque sectio-



nem positae ad rectas inter alteram sectionem idemque punctum positas, eam habent rectae maiores iis, quae inter sectiones oppositas absinduntur, ad excessus earum, recta per terminos rectarum maiorum ducta cum sectionibus concurret, et rectae a punctis concursus ad sumptum punctum ductae lineas contingent.

sint oppositae  $A, B$ , et punctum  $\Delta$  inter sectiones positum. prius in angulo ab asymptotis comprehenso supponatur, et per  $\Delta$  producantur  $A\Delta B, \Gamma\Delta\Theta$ . ita-

τῇ ΑΜ. καὶ ὃν μὲν ἔχει λόγον ἡ ΑΔ πρὸς ΑΒ,  
ἔχέτω ἡ ΑΚ πρὸς ΚΒ, ὃν δὲ ἔχει λόγον ἡ ΓΔ πρὸς ΔΘ,  
ἔχέτω ἡ ΓΗ πρὸς ΗΘ. λέγω, ὅτι ἡ διὰ τῶν Κ, Η  
συμπεσεῖται τῇ τομῇ, καὶ αἱ ἀπὸ τοῦ Δ ἐπὶ τὰς συμ-  
5 πτώσεις ἐφάψουνται τῆς τομῆς.

ἐπεὶ γὰρ τὸ Δ ἐντός ἐστι τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώ-  
των περιεχομένης γωνίας, δυνατὸν ἀπὸ τοῦ Δ δύο  
ἐφαπτομένας ἀγαγεῖν. ἦχθωσαν αἱ ΔΕ, ΔΖ, καὶ  
ἐπεξεύχθω ἡ EZ· ἐλεύσεται δὴ διὰ τῶν Κ, Η σημείων  
10 [εἰ γὰρ μή, ἢ διὰ τοῦ ἐνὸς αὐτῶν ἐλεύσεται μόνου ἢ  
δι’ οὐδετέρου]. εἰ μὲν γὰρ δι’ ἐνὸς αὐτῶν μόνου, ἡ  
ἔτερα τῶν εὐθεῶν εἰς τὸν αὐτὸν λόγον τμηθήσεται  
καθ’ ἔτερον σημεῖον· ὅπερ ἀδύνατον· εἰ δὲ δι’ οὐδε-  
τέρου, ἐπ’ ἀμφοτέρων τὸ ἀδύνατον συμβήσεται.

15

ιθ'.

Εἰλήφθω δὴ τὶ Δ σημεῖον ἐν τῇ ἐφεξῆς γωνίᾳ  
τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης, καὶ διήχθωσαν  
αἱ εὐθεῖαι τέμνονται τὰς τομάς, καὶ διηρήσθωσαν, ὡς  
εἴρηται.

20 λέγω, ὅτι ἡ διὰ τῶν Κ, Η ἐκβαλλομένη συμπεσεῖ-  
ται ἐκατέρᾳ τῶν ἀντικειμένων, καὶ αἱ ἀπὸ τῶν συμ-  
πτώσεων ἐπὶ τὸ Δ ἐφάψουνται τῶν τομῶν.

ἦχθωσαν γὰρ ἀπὸ τοῦ Δ ἐφαπτόμεναι ἐκατέρας  
τῶν τομῶν αἱ ΔΕ, ΔΖ· ἡ ἄρα διὰ τῶν E, Z διὰ  
25 τῶν Κ, Η ἐλεύσεται. εἰ γὰρ μή, ἢτοι διὰ τοῦ ἔτερου  
αὐτῶν ἥξει ἢ δι’ οὐδετέρου, καὶ πάλιν ὁμοίως συν-  
αχθήσεται τὸ ἄτοπον.

---

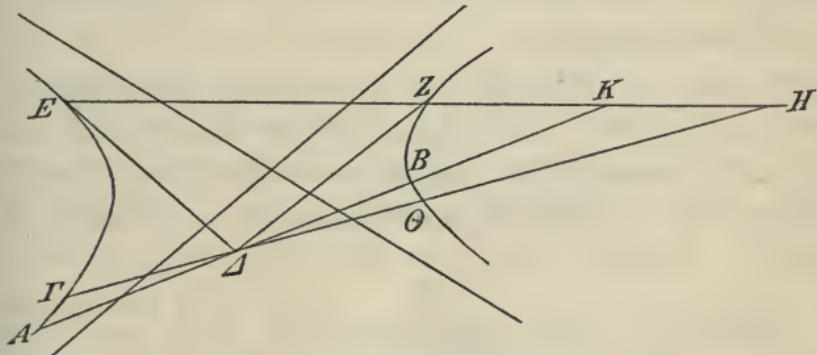
4. αἴ] p, om. V.      Δ] p, ΔΕ V.      10. εἰ — 11. οὐδε-  
τέρον] deleo.      11. οὐδετέρον] cyp, prius o corr. m. 1 V.      16.  
Δ] p, τέταρτον V.

que  $\Delta A > \Delta B$ ,  $\Gamma \Delta > \Delta \Theta$ , quia  $BN = AM$ . sit autem  $\Delta A : \Delta B = AK : KB$ ,  $\Gamma \Delta : \Delta \Theta = \Gamma H : H \Theta$ . dico, rectam per  $K, H$  ductam cum sectione concurrere, rectasque a  $\Delta$  ad puncta concursus ductas sectionem contingere.

quoniam enim  $\Delta$  intra angulum ab asymptotis comprehensum positum est, fieri potest, ut a  $\Delta$  duae rectae contingentes ducantur [II, 49]. ducantur  $\Delta E, \Delta Z$ , et ducatur  $EZ$ ; ea igitur per puncta  $K, H$  ueniet.<sup>1)</sup> nam si per unum solum eorum ueniet, altera rectarum in alio puncto secundum eandem rationem secabitur [III, 37];<sup>2)</sup> quod fieri non potest. sin per neutrum ueniet, in utraque absurdum eueniet.

### XIX.

Iam punctum  $\Delta$  in angulo sumatur, qui angulo ab asymptotis comprehenso deinceps est positus, rectae-



que sectiones secantes producantur et, ut dictum est, diuidantur.

dico, rectam per  $K, H$  productam cum utraque

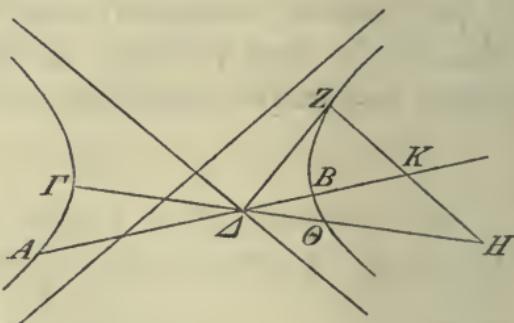
1) Quae sequuntur lin. 10—11, et inutilia sunt et propter γάρ lin. 11 non ferenda.

2) Cf. supra p. 27 not.

$\kappa'$ .

'Εὰν δὲ τὸ ληφθὲν σημεῖον ἐπὶ τινος ἢ τῶν ἀσυμ-  
πτώτων, καὶ τὰ λοιπὰ γένηται τὰ αὐτά, ἢ διὰ τῶν  
περάτων τῶν ὑπεροχῶν ἀγομένη εὐθεῖα παράλληλος  
5 ἔσται τῇ ἀσυμπτώτῳ, ἐφ' ἣς ἔστι τὸ σημεῖον, καὶ ἡ  
ἀπὸ τοῦ σημείου ἐπὶ τὴν σύμπτωσιν τῆς τομῆς καὶ  
τῆς διὰ τῶν περάτων ἡγμένης εὐθείας ἐφάψεται τῆς  
τομῆς.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ  $A, B$ , καὶ τὸ  $\Delta$  σημεῖον  
10 ἔστω ἐπὶ μιᾶς τῶν ἀσυμπτώτων, καὶ τὰ λοιπὰ τὰ  
αὐτὰ γινέσθω. λέγω,  
ὅτι ἡ διὰ τῶν  $K, H$   
συμπεσεῖται τῇ το-  
μῇ, καὶ ἡ ἀπὸ τῆς  
15 συμπτώσεως ἐπὶ τὸ  
 $\Delta$  ἐφάψεται τῆς  
τομῆς.



ἥχθω ἀπὸ τοῦ  $\Delta$

ἐφαπτομένη ἡ  $\Delta Z$ , καὶ ἀπὸ τοῦ  $Z$  παρὰ τὴν ἀσύμπτω-  
20 τον, ἐφ' ἣς ἔστι τὸ  $\Delta$ , ἥχθω εὐθεῖα. ἥξει δὴ διὰ τῶν  
 $K, H$ . εἰ γὰρ μή, ἥ διὰ τοῦ ἐτέρου αὐτῶν ἥξει ἥ δι' οὐδε-  
τέρου, καὶ τὰ αὐτὰ ἄτοπα συμβήσεται τοῖς πρότερον.

 $\kappa\alpha'$ .

"Ἐστωσαν πάλιν ἀντικείμεναι αἱ  $A, B$ , καὶ τὸ  $\Delta$   
25 σημεῖον ἐπὶ μιᾶς τῶν ἀσυμπτώτων, καὶ ἡ μὲν  $\Delta BK$   
τῇ τομῇ καθ' ἐν μόνον σημεῖον συμβαλλέτω τὸ  $B$   
παράλληλος οὖσα τῇ ἐτέρᾳ τῶν ἀσυμπτώτων, ἡ δὲ  $\Gamma \Delta \Theta$   
ἐκατέρᾳ τῶν τομῶν συμβαλλέτω, καὶ ἔστω, ὡς ἡ  $\Gamma \Delta$   
πρὸς  $\Delta \Theta$ , ἡ  $\Gamma H$  πρὸς  $H \Theta$ , τῇ δὲ  $\Delta B$  ἵση ἔστω ἡ  $BK$ .

26. συμβαλλέτω] p, συμβαλέτω V v.

opposita concurrere, rectasque a punctis concursus ad  $\Delta$  ductas sectiones contingere.

ducantur enim a  $\Delta$  utramque sectionem contingentes  $\Delta E, \Delta Z$ ; itaque recta per  $E, Z$  ducta per  $K, H$  ueniet. nam si minus, aut per alterum eorum ueniet aut per neutrum, rursusque eodem modo absurdum concludemus [III, 39].

## XX.

Sin punctum sumptum in alterutra asymptotarum positum est, et reliqua eadem fiunt, recta per terminos excessum ducta parallela erit asymptotae, in qua punctum positum est, et recta a punto ducta ad concursus sectionis rectaeque per terminos ductae sectionem continget.

sint oppositae  $A, B$ , et punctum  $\Delta$  in alterutra asymptotarum sit, reliquaque eadem fiant. dico, rectam per  $K, H$  ductam cum sectione concurrere, rectamque a punto concursus ad  $\Delta$  ductam sectionem contingere.

a  $\Delta$  contingens ducatur  $\Delta Z$ , et a  $Z$  recta ducatur asymptotae parallela, in qua est  $\Delta$ ; ea igitur per  $K, H$  ueniet. nam si minus, aut per alterum eorum ueniet aut per neutrum, et eadem euident absurdia, quae antea [III, 36].

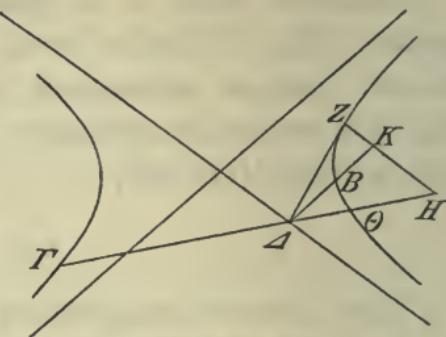
## XXI.

Rursus sectiones oppositae sint  $A, B$ , et  $\Delta$  punctum in alterutra asymptotarum sit, et  $\Delta BK$  alteri asymptotae parallela cum sectione in uno punto solo  $B$  concurrat,  $\Gamma\Delta\Theta$  autem cum utraque sectione concurrat, sitque  $\Gamma\Delta : \Delta\Theta = \Gamma H : H\Theta$  et  $BK = \Delta B$ .

λέγω, ὅτι ἡ διὰ τῶν  $K, H$  σημείων συμπεσεῖται τῇ τομῇ καὶ παράλληλος ἔσται τῇ ἀσυμπτώτῳ, ἐφ' ἵσ  
ἔστι τὸ  $\Delta$  σημεῖον, καὶ  
ἡ ἀπὸ τῆς συμπτώσεως  
5 ἐπὶ τὸ  $\Delta$  ἀγομένη ἐφ-  
ἀψεται τῆς τομῆς.

ἢχθω γὰρ ἐφαπτο-  
μένη ἡ  $\Delta Z$ , καὶ ἀπὸ  
τοῦ  $Z$  παρὰ τὴν ἀσύμ-  
10 πτωτον, ἐφ' ἵστι  
τὸ  $\Delta$ , ἢχθω εὐθεῖα.

ἥξει δὴ διὰ τῶν  $K, H$ . εἰ γὰρ μή, τὰ πρότερον εἰρη-  
μένα ἄτοπα συμβήσεται.



$\alpha\beta'$ .

15 "Εστωσαν δὴ ὁμοίως αἱ ἀντικείμεναι καὶ αἱ ἀσύμ-  
πτωτοι, καὶ τὸ  $\Delta$  σημεῖον ὁμοίως εἰλήφθω, καὶ ἡ  
μὲν  $\Gamma\Delta\Theta$  τέμνουσα τὰς τομάς, ἡ δὲ  $\Delta B$  παράλληλος  
τῇ ἐτέρᾳ τῶν ἀσυμπτώτων, καὶ ἔστω, ὡς ἡ  $\Gamma\Delta$  πρὸς  $\Delta\Theta$ ,  
ἡ  $\Gamma H$  πρὸς  $H\Theta$ , τῇ δὲ  $\Delta B$  ἵση ἡ  $BK$ .

20 λέγω, ὅτι ἡ διὰ τῶν  $K, H$  συμπεσεῖται ἐκατέρᾳ  
τῶν ἀντικειμένων, καὶ αἱ ἀπὸ τῶν συμπτώσεων ἐπὶ  
τὸ  $\Delta$  ἐφάψονται τῶν ἀντικειμένων.

ἢχθωσαν ἐφαπτόμεναι αἱ  $\Delta E, \Delta Z$ , καὶ ἐπεξεύχθω  
ἡ  $EZ$  καὶ, εἰ δυνατόν, μὴ ἐρχέσθω διὰ τῶν  $K, H$ ,  
25 ἀλλ' ἦτοι διὰ τοῦ ἐτέρου ἥ δι' οὐδετέρου [ἥξει]. εἰ  
μὲν διὰ τοῦ  $H$  μόνου, οὐκ ἔσται ἡ  $\Delta B$  τῇ  $BK$  ἵση,  
ἀλλ' ἐτέρᾳ ὅπερ ἄτοπον. εἰ δὲ διὰ μόνου τοῦ  $K$ ,

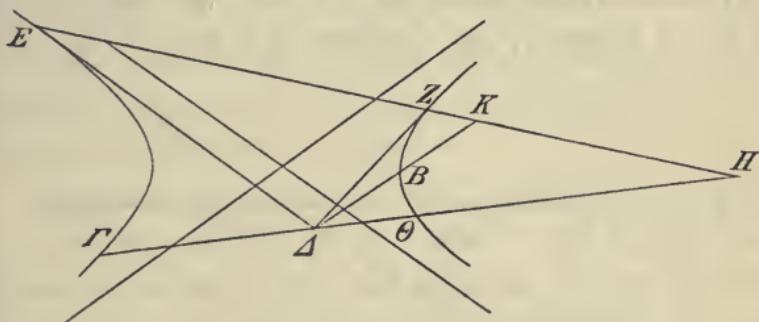
1.  $K, H]$  cv, euān. V;  $H, K$  p. 7. ἐφαπτομένη] p, ἐφ-  
απτόμεναι V. 20.  $K, H]$   $H, K$  V,  $K, B$  p; corr. Comm  
21. αἱ] p, om. V. 25. ἦτοι] p, ἦτοι ἥ V. ἥξει] deleo.

dico, rectam per puncta  $K, H$  ductam cum sectione concurrere parallelamque esse asymptotae, in qua sit punctum  $\Delta$ , rectamque a punto concursus ad  $\Delta$  ductam sectionem contingere.

ducatur enim contingens  $\Delta Z$ , et a  $Z$  recta ducatur parallela asymptotae, in qua est punctum  $\Delta$ ; ea igitur per  $K, H$  ueniet. nam si minus, absurdum, quae antea diximus, euenient [III, 36].

## XXII.

Iam eodem modo sint propositae sectiones oppositae asymptotaeque, et punctum  $\Delta$  eodem modo<sup>1)</sup> sumatur, et  $\Gamma \Delta \Theta$  sectiones secans,  $\Delta B$  autem alteri asymptotae parallela, sitque  $\Gamma \Delta : \Delta \Theta = \Gamma H : H \Theta$ , et  $BK = \Delta B$ .



dico, rectam per  $K, H$  ductam cum utraque opposita concurrere, et rectas a punctis concursus ad  $\Delta$  ductas oppositas contingere.

ducantur contingentes  $\Delta E, \Delta Z$ , ducaturque  $EZ$  et, si fieri potest, per  $K, H$  ne cadat, sed aut per al-

1) Hic aliquid turbatum est; nam punctum  $\Delta$  in angulo deinceps posito positum esse necesse est, et ita in figura codicis V est. quare Memus ceterique hoc in uerbis Apollonii addiderunt ( $\tauὸ \Delta σημεῖον \dot{\epsilon}ν \tauῇ \xiφεξῆς γωνίᾳ τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης, ὁμοίως Halley).$

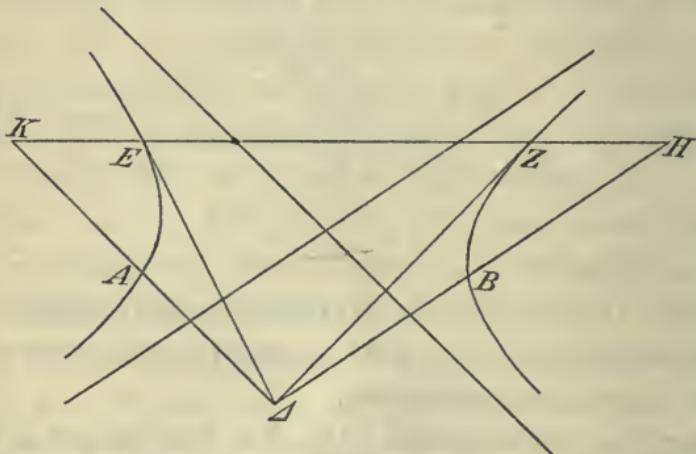
οὐκ ἔσται, ὡς ἡ  $\Gamma\Delta$  πρὸς  $\Delta\Theta$ , ἡ  $\Gamma H$  πρὸς  $H\Theta$ , ἀλλ' ἄλλη τις πρὸς ἄλλην. εἰ δὲ δι' οὐδετέρους τῶν  $K, H$ , ἀμφότερα τὰ ἀδύνατα συμβήσεται.

$\kappa\gamma'$ .

5 "Εστωσαν πάλιν ἀντικείμεναι αἱ  $A, B$ , καὶ τὸ  $\Delta$  σημεῖον ἐν τῇ ἐφεξῆς γωνίᾳ τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης, καὶ ἡ μὲν  $B\Delta$  ἥχθω τὴν  $B$  τομὴν καθ' ἐν μόνον τέμνουσα, τῇ δὲ ἐτέρᾳ τῶν ἀσυμπτώτων παράλληλος, ἡ δὲ  $\Delta A$  τὴν  $A$  τομὴν διμοίως, καὶ ἔστω 10 ἵση ἡ μὲν  $\Delta B$  τῇ  $BH$ , ἡ δὲ  $\Delta A$  τῇ  $AK$ .

λέγω, ὅτι ἡ διὰ τῶν  $K, H$  συμβάλλει ταῖς τομαῖς, καὶ αἱ ἀπὸ τῶν συμπτώσεων ἐπὶ τὸ  $\Delta$  ἀγόμεναι ἐφάψουνται τῶν τομῶν.

ἥχθωσαν ἐφαπτόμεναι αἱ  $\Delta E, \Delta Z$ , καὶ ἐπιζευχθεῖσα 15 ἡ  $EZ$ , εἰ δυνατόν, μὴ ἐρχέσθω διὰ τῶν  $K, H$ . ἦτοι



δη διὰ τοῦ ἐτέρου αὐτῶν ἐλεύσεται ἡ δι' οὐδετέρους, καὶ ἦτοι ἡ  $\Delta A$  οὐκ ἔσται ἵση τῇ  $AK$ , ἀλλὰ ἄλλη τινί·

1.  $H\Theta]$  ΘΚ V; corr. Memus. 2. οὐδετέρας Vp; corr. Halley. 5.  $\Delta]$  Δ Vp; corr. Memus. 12. συμπτώσεων] cp; συμπτώτων V.

terum aut per neutrum. iam si per  $H$  solum cadit, non erit  $\Delta B$  rectae  $BK$  aequalis, sed alii cuidam [III, 31]; quod absurdum est. sin per  $K$  solum, non erit  $\Gamma\Delta : \Delta\Theta = \Gamma H : H\Theta$ , sed alia quaedam ad aliam [III, 39]. sin per neutrum punctorum  $K, H$  cadit, utrumque absurdum eueniet.

## XXIII.

Rursus sint oppositae  $A, B$ , et punctum  $\Delta$  possum sit in angulo, qui angulo ab asymptotis comprehenso deinceps est positus, ducaturque  $B\Delta$  sectionem  $B$  in uno punto solo secans, alteri autem asymptotarum parallelala, et  $\Delta A$  eodem modo sectionem  $A$  secat, sitque  $\Delta B = BH, \Delta A = AK$ .

dico, rectam per puncta  $K, H$  ductam cum sectionibus concurrere, et rectas a punctis concursus ad  $\Delta$  ductas sectiones contingere.

ducantur contingentes  $\Delta E, \Delta Z$ , et ducta  $EZ$ , si fieri potest, per  $K, H$  ne cadat. aut igitur per alterum eorum cadet aut per neutrum, et aut  $\Delta A$  rectae  $AK$  aequalis non erit, sed alii cuidam [III, 31]; quod absurdum est; aut non erit  $\Delta B = BH$ , aut neutra neutri, et rursus in utraque idem absurdum eueniet. ergo  $EZ$  per  $K, H$  ueniet.

## XXIV.

Coni sectio cum coni sectione uel arcu circuli ita non concurrit, ut pars eadem sit, pars non communis.

ὅπερ ἄτοπον· ἡ ἡ ΔΒ τῇ ΒΗ οὐκ ἔση, ἡ οὐδετέρα  
οὐδετέρα, καὶ πάλιν ἐπ' ἀμφοτέρων τὸ αὐτὸν ἄτοπον  
συμβήσεται. ἦξει ἄρα ἡ EZ διὰ τῶν K, H.

κδ'.

5 Κάνου τομὴ κώνου τομῆ ἡ κύκλου περιφερείᾳ οἱ  
συμβάλλει οὗτως, ὥστε μέρος μέν τι εἶναι ταῦτον, μέρος  
δὲ μὴ εἶναι κοινόν.

εἰ γὰρ δυνατόν, κώνου τομὴ ἡ ΔΑΒΓ κύκλου  
περιφερείᾳ τῇ ΕΑΒΓ συμβαλλέτω, καὶ ἔστω αὐτῶν  
10 κοινὸν μέρος τὸ αὐτὸν τὸ ΑΒΓ, μὴ κοινὸν δὲ τὸ ΑΔ  
καὶ τὸ ΑΕ, καὶ εἰλήφθω ἐπ' αὐτῶν σημεῖον τὸ Θ,  
καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΘΑ, καὶ διὰ τυχόντος σημείου τοῦ Ε  
τῇ ΑΘ παράλληλος ἤχθω ἡ ΔΕΓ, καὶ τετμήσθω ἡ ΑΘ  
δίχα κατὰ τὸ Η, καὶ διὰ τοῦ Η διάμετρος ἤχθω  
15 ἡ ΒΗΖ. ἡ ἄρα διὰ τοῦ Β παρὰ τὴν ΑΘ ἐφάψεται  
ἐκατέρας τῶν τομῶν καὶ παράλληλος ἔσται τῇ ΔΕΓ,  
καὶ ἔσται ἐν μὲν τῇ ἐτέρᾳ τομῇ ἡ ΔΖ τῇ ΖΓ ἔση,  
ἐν δὲ τῇ ἐτέρᾳ ἡ EZ τῇ ΖΓ ἔση. ὥστε καὶ ἡ ΔΖ  
τῇ ΖΕ ἔστιν ἔση· ὅπερ ἀδύνατον.

20

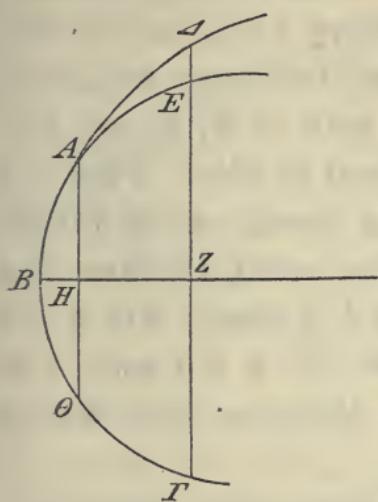
κε'.

Κάνου τομὴ κώνου τομὴν ἡ κύκλου περιφέρειαν  
οὐ τέμνει κατὰ πλείονα σημεῖα τεσσάρων.

εἰ γὰρ δυνατόν, τεμνέτω κατὰ πέντε τὰ A, B, Γ, Δ, E,  
καὶ ἔστωσαν αἱ A, B, Γ, Δ, E συμπτώσεις ἐφεξῆς μη-  
25 δεμίαιν παραλείπουσαι μεταξὺ αὐτῶν, καὶ ἐπεξεύχθωσαν  
αἱ ΑΒ, ΓΔ καὶ ἐκβεβλήσθωσαν· συμπεσοῦνται δὴ  
αὐτὸς τῶν τομῶν ἐπὶ τῆς παραβολῆς καὶ ὑπερ-  
βολῆς. συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ Λ, καὶ ὃν μὲν ἔχει

2. οὐδετέρα] om. Vp; corr. Halley cum Comm. 8. γάρ] v p e,  
ins. m. 1 V. 23. τά] p, αἱ V. 25. αὐτῶν] scripsi, αὐτῶν Vp e.

nam si fieri potest, coni sectio  $\Delta A\Gamma$  cum arcu circuli  $E\Gamma$  concurrat, eorumque communis sit pars eadem  $A\Gamma$ , non communes autem  $A\Delta$ ,  $AE$ , et in



iis sumatur punctum  $\Theta$ , ducaturque  $\Theta A$ , per punctum autem quodlibet  $E$  rectae  $A\Theta$  parallela ducatur  $\Delta E\Gamma$ , et  $A\Theta$  in  $H$  in duas partes aequales secetur, per  $H$  autem diametrus ducatur  $BHZ$ . itaque recta per  $B$  rectae  $A\Theta$  parallela ducta utramque sectionem contingit [I, 32], et rectae  $\Delta E\Gamma$  parallela erit [Eucl. I, 30], eritque in altera

sectione  $\Delta Z = Z\Gamma$ , in altera  $EZ = Z\Gamma$  [I, 46—47]. quare etiam  $\Delta Z = ZE$ ; quod fieri non potest.

## XXV.

Coni sectio coni sectionem uel arcum circuli non secat in pluribus punctis quam quattuor.

nam si fieri potest, in quinque secet  $A, B, \Gamma, \Delta, E$ , et puncta concursus  $A, B, \Gamma, \Delta, E$  deinceps sint posita nullum inter se praetermittentia, et ducantur  $AB, \Gamma\Delta$  producanturque; eae igitur in parabola et hyperbola extra sectiones concurrent [II, 24—25]. concurrent in  $\Delta$ , sitque  $\Delta\Delta : \Delta B = AO : OB$  et

$$\Delta\Delta : \Delta\Gamma = \Delta\Gamma : \Pi\Gamma.$$

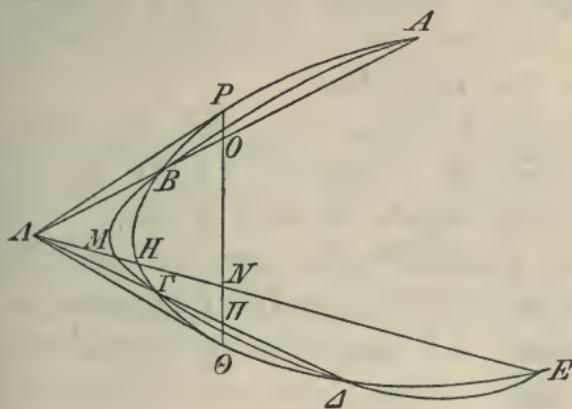
itaque recta a  $\Pi$  ad  $O$  ducta in utramque partem producta cum sectione concurret, et rectae a punctis concursus ad  $\Delta$  ductae sectiones contingent [prop. IX].

λόγον ἡ ΑΛ πρὸς ΛΒ, ἔχετω ἡ ΑΟ πρὸς ΟΒ, ὃν δὲ  
ἔχει λόγον ἡ ΔΛ πρὸς ΛΓ, ἔχετω ἡ ΔΠ πρὸς ΠΓ.  
ἡ ἄρα ἀπὸ τοῦ Π ἐπὶ τὸ Ο ἐπιζευγνυμένη ἐκβαλλο-  
μένη ἐφ' ἐκάτερα συμπεσεῖται τῇ τομῇ, καὶ αἱ ἀπὸ  
5 τῶν συμπτώσεων ἐπὶ τὸ Λ ἐπιζευγνύμεναι ἐφάψονται  
τῶν τομῶν. συμπιπτέτω δὴ κατὰ τὰ Θ, P, καὶ ἐπε-  
ζεύχθωσαν αἱ ΘΛ, ΛΡ· ἐφάψονται δὴ αὗται. ἡ ἄρα ΕΛ  
τέμνει ἐκατέραν τομήν, ἐπείπερ μεταξὺ τῶν Β, Γ σύμ-  
πτωσις οὐκ ἔστι. τεμνέτω κατὰ τὰ M, H· ἔσται ἄρα  
10 διὰ μὲν τὴν ἑτέραν τομήν, ὡς ἡ ΕΛ πρὸς ΛΗ, ἡ EN  
πρὸς NH, διὰ δὲ τὴν ἑτέραν, ὡς ἡ ΕΛ πρὸς ΛΜ,  
ἡ EN πρὸς NM. τοῦτο δὲ ἀδύνατον· ὥστε καὶ τὸ  
ἔξ ἀρχῆς.

ἐὰν δὲ αἱ AB, ΔΓ παράλληλοι ὁσιν, ἔσονται μὲν  
15 αἱ τομαὶ ἐλλείψεις ἢ κύκλου περιφέρεια. τετμήσθωσαν  
αἱ AB, ΓΔ δίχα κατὰ τὰ O, P, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΠΟ  
καὶ ἐκβεβλήσθω ἐφ' ἐκάτερα· συμπεσεῖται δὴ ταῖς  
τομαῖς. συμπιπτέτω δὴ κατὰ τὰ Θ, P. ἔσται δὴ  
διάμετρος τῶν τομῶν ἡ ΘΡ, τεταγμένως δὲ ἐπ' αὐτὴν  
20 κατηγμέναι αἱ AB, ΓΔ. ἥχθω δὴ ἀπὸ τοῦ E παρὰ  
τὰς AB, ΓΔ ἡ ENMH· τεμεῖ ἄρα ἡ EMH τὴν ΘΡ  
καὶ ἐκατέραν τῶν γραμμῶν, διότι ἑτέρα σύμπτωσις οὐκ  
ἔστι παρὰ τὰς A, B, Γ, Δ. ἔσται δὴ διὰ ταῦτα ἐν  
μὲν τῇ ἑτέρᾳ τομῇ ἡ NM ἵση τῇ EN, ἐν δὲ τῇ ἑτέρᾳ  
25 ἡ NE τῇ NH ἵση· ὥστε καὶ ἡ NM τῇ NH ἔστιν  
ἵση· ὅπερ ἀδύνατον.

2. ΔΛ] p, ΔΓ V. 15. περιφέρεια] p v, περιφερεῖαι V.  
16. ΓΔ] c p v, Γ eu an. V. 23. Δ] Δ, E p.

concurrat igitur in  $\Theta$ ,  $P$ , ducanturque  $\Theta A$ ,  $AP$ ; eae igitur contingent. itaque  $EA$  utramque sectionem se-



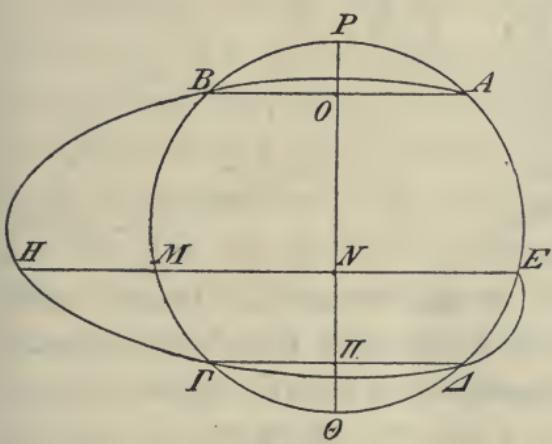
cat, quoniam inter  $B$ ,  $\Gamma$  nullum est punctum concursus. secet in  $M$ ,  $H$ . itaque propter alteram sectionem erit

$$\begin{aligned} EA : AH \\ = EN : NH, \end{aligned}$$

propter alteram

autem  $EA : AM = EN : NM$  [III, 37]. hoc autem fieri non potest; ergo ne illud quidem, quod ab initio posuimus.

sin  $AB$ ,  $AG$  parallelae sunt, sectiones erunt ellipses uel altera arcus circuli. secentur  $AB$ ,  $AG$  in  $O$ ,  $I$



in binas partes aequales, ducaturque  $PO$  et in utramque partem producatur; cum sectionibus igitur concurret. concurrat igitur in  $\Theta$ ,  $P$ . itaque  $\Theta P$  diametrus erit sectionum [II, 28],

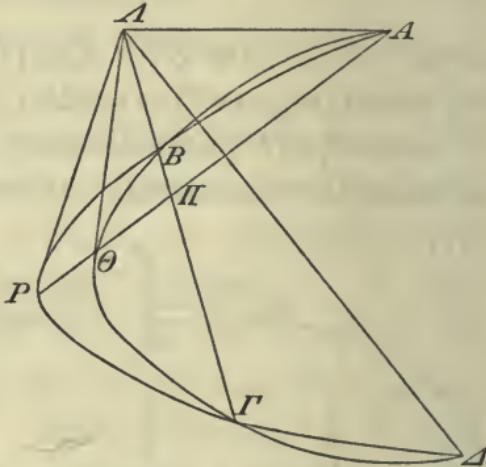
et ad eam ordinate ductae  $AB$ ,  $AG$ . ducatur igitur ab  $E$  rectis  $AB$ ,  $AG$  parallela  $ENMH$ .  $EMH$  igitur rectam  $\Theta P$  et utramque lineam secat, quoniam nullum aliud est punctum concursus praeter  $A$ ,  $B$ ,  $\Gamma$ ,  $A$ . prop-

κείται.

Ἐὰν τῶν εἰρημένων γραμμῶν τινες καθ' ἐν ἐφάπτωνται σημεῖον ἀλλήλων, οὐ συμβάλλουσιν ἑαυταῖς καθ' ἔτερα σημεῖα πλείονα ἢ δύο.

5 ἐφαπτέσθωσαν γὰρ ἀλλήλων τινὲς δύο τῶν εἰρημένων γραμμῶν κατὰ τὸ Α σημεῖον. λέγω, ὅτι οὐ συμβάλλουσι καθ' ἄλλα σημεῖα πλείονα ἢ δύο.

εἰ γὰρ δυνατόν, συμβαλλέτωσαν κατὰ τὰ Β, Γ, Δ, καὶ ἔστωσαν αἱ συμπτώσεις ἐφεξῆς ἀλλήλαις μηδεμίαν 10 μεταξὺ παραλείπουσαι, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΒΓ καὶ ἐκβεβλήσθω, καὶ ἀπὸ τοῦ Α ἐφαπτομένη ἥχθω ἡ ΑΛ· ἐφάψεται δὴ τῶν δύο τομῶν καὶ 15 συμπεσεῖται τῇ ΓΒ. συμπιπτέτω κατὰ τὸ Λ, καὶ γινέσθω, ὡς ἡ ΓΛ πρὸς ΑΒ, ἡ ΓΠ πρὸς ΠΒ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ 20 ΑΠ καὶ ἐκβεβλήσθω· συμπεσεῖται δὴ ταῖς τομαῖς, καὶ αἱ ἀπὸ τῶν συμπτώσεων ἐπὶ τὸ Λ ἐφάψονται τῶν τομῶν. ἐκβεβλήσθω καὶ συμπιπτέτω κατὰ τὰ Θ, Ρ, καὶ ἐπεξεύχθωσαν 25 αἱ ΘΛ, ΛΡ· ἐφάψονται δὴ αὗται τῶν τομῶν. ἡ ἄρα ἀπὸ τοῦ Λ ἐπὶ τὸ Λ ἐπιζευγνυμένη τέμνει ἑκατέραν τῶν τομῶν, καὶ συμβήσεται τὰ πρότερον εἰρημένα ἄτοπα. οὐκ ἄρα τέμνουσιν ἀλλήλας κατὰ πλείονα σημεῖα ἢ δύο.



terea erit [I def. 4] in altera sectione  $NM = EN$ , in altera  $NE = NH$ ; quare etiam  $NM = NH$ ; quod fieri non potest.

## XXVI.

Si quae linearum, quas diximus, inter se in uno puncto contingunt, non concurrunt inter se in aliis punctis pluribus quam duobus.

nam duae aliquae linearum, quas diximus, inter se contingant in puncto  $A$ . dico, eas non concurrere in aliis punctis pluribus quam duobus.

nam si fieri potest, concurrant in  $B$ ,  $\Gamma$ ,  $\Delta$ , et puncta concursus deinceps sint posita nullum inter se praetermittentia, ducaturque  $B\Gamma$  et producatur, ab  $A$  autem contingens ducatur  $AA$ ; ea igitur duas sectiones continget et cum  $\Gamma B$  concurret. concurrat in  $A$ , et fiat  $\Gamma A : AB = \Gamma P : PB$ , ducaturque  $AP$  et producatur; concurret igitur cum sectionibus, et rectae a punctis concursus ad  $A$  ductae sectiones contingent [prop. I]. producatur et in  $\Theta$ ,  $P$  concurrat, ducanturque  $\Theta A$ ,  $AP$ ; eae igitur sectiones contingent. itaque recta a  $\Delta$  ad  $A$  ducta utramque sectionem secat, et eadem, quae antea [prop. XXV] diximus, absurdamentia euident [III, 37]. ergo non secant inter se in pluribus punctis quam duobus.

sin in ellipsi uel arcu circuli  $\Gamma B$  et  $AA$  parallelae sunt, eodem modo, quo in praecedenti, demonstracionem conficiemus, cum demonstrauerimus,  $A\Theta$  diametrum esse.

εἰαν δὲ ἐπὶ τῆς ἐλλείψεως ἢ τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας ἡ ΓΒ παράλληλος ἢ τῇ ΑΛ, ὁμοίως τῷ προεργημένῳ ποιησόμεθα τὴν ἀπόδειξιν διάμετρον δεῖξαντες τὴν ΑΘ.

5 κξ'.

Ἐὰν τῶν προειρημένων γραμμῶν τινες κατὰ δύο σημεῖα ἐφάπτωνται ἀλλήλων, οὐ συμβάλλουσιν ἀλλήλαις καθ' ἔτερον.

δύο γὰρ τῶν εἰρημένων γραμμῶν ἐφαπτέσθωσαν 10 ἀλλήλων κατὰ δύο σημεῖα τὰ Α, Β. λέγω, ὅτι ἀλλήλαις κατὰ ἄλλο σημεῖον οὐ συμβάλλουσιν.

εἰ γὰρ δυνατόν, συμβαλλέτωσαν καὶ κατὰ τὸ Γ, καὶ ἔστω πρότερον τὸ Γ ἐκτὸς τῶν Α, Β ἀφῶν, καὶ ἦχθωσαν ἀπὸ τῶν Α, Β ἐφαπτόμεναι· ἐφάψουνται ἄρα 15 ἀμφοτέρων τῶν γραμμῶν. ἐφαπτέσθωσαν καὶ συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ Λ, ὡς ἐπὶ τῆς πρώτης καταγραφῆς, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΓΛ· τεμεῖ δὴ ἐκατέρων τῶν τομῶν. τεμνέτω κατὰ τὰ Η, Μ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΑΝΒ. ἔσται 20 ἄρα ἐν μὲν τῇ ἔτερᾳ τομῇ, ὡς ἡ ΓΛ πρὸς ΛΗ, ἡ ΓΝ πρὸς ΝΗ, ἐν δὲ τῇ ἔτερᾳ, ὡς ἡ ΓΛ πρὸς ΛΜ, ἡ ΓΝ πρὸς ΝΜ· ὅπερ ἄτοπον.

— ιη'.

Ἐὰν δὲ ἡ ΓΗ παράλληλος ἢ ταῖς κατὰ τὰ Α, Β σημεῖαι ἐφαπτομέναις, ὡς ἐπὶ τῆς ἐλλείψεως ἐν τῇ 25 δευτέρᾳ καταγραφῇ, ἐπιζεύξαντες τὴν ΑΒ ἐροῦμεν, ὅτι διάμετρος ἔσται τῶν τομῶν. ὥστε δίχα τμηθήσεται ἐκατέρα τῶν ΓΗ, ΓΜ κατὰ τὸ Ν· ὅπερ ἄτοπον. οὐκ ἄρα καθ' ἔτερον σημεῖον συμβάλλουσιν αἱ γραμμαὶ ἀλλήλαις, ἀλλὰ κατὰ μόνα τὰ Α, Β.

7. ἀλλήλαις] p, ἀλλήλως V. 14. ἐφάψουνται] p, ἐφάψεται V.

17. τεμεῖν] p, τεμεῖν V. 22. ιη'] om. Vp. 23. τά] p, om. V. 27. ΓΜ] evp, Γ e corr. m. 1 V.

XXVII.<sup>1)</sup>)

Si quae linearum, quas antea diximus, in duobus punctis inter se contingunt, in alio puncto inter se non concurrunt.

nam ex lineis, quas diximus, duae inter se in duobus punctis contingent  $A, B$ . dico, eas in alio puncto inter se non concurrere.

nam si fieri potest, etiam in  $\Gamma$  concurrant, et  $\Gamma$  prius extra puncta contactus  $A, B$  positum sit, du-

canturque ab  $A, B$  contingentes; contingent igitur utramque lineam. contingant et concurrant in  $A$ , ut in prima figura, ducaturque  $\Gamma A$ ; ea igitur utramque sectionem secabit. secet in  $H, M$ , et ducatur  $ANB$ . itaque erit in

altera sectione [III, 37]  $\Gamma A : AH = \Gamma N : NH$ , in altera autem  $\Gamma A : AM = \Gamma N : NM$ ; quod absurdum est.

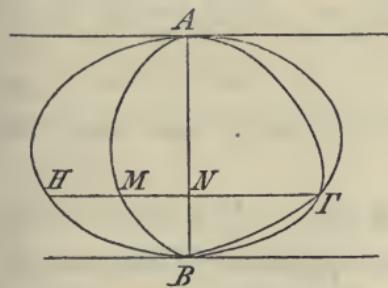
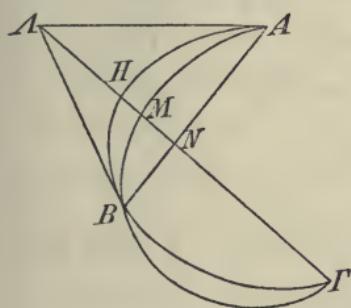
## XXVIII.

Sin  $\Gamma H$  rectis in  $A, B$  contingentibus parallela est, ut

in ellipsi in secunda figura, ducta  $AB$  concludemus, eam diametrum esse sectionum [II, 27]. quare utraque  $\Gamma H$ ,  $\Gamma M$  in  $N$  in binas partes aequales secabitur [I def. 4]; quod absurdum est. ergo

lineae in nullo alio puncto concurrent, sed in solis  $A, B$ .

1) Hanc propositionem in tres diuisi, ut numerus XLIII apud Eutocium suae responderet propositioni; nam ne pro-



καθ'.

"Εστω δὴ τὸ Γ μεταξὺ τῶν ἀφῶν, ὡς ἐπὶ τῆς τρί-  
της καταγραφῆς.

φανερόν, ὅτι οὐκ ἐφάψονται αἱ γραμμαὶ ἀλλήλων  
5 κατὰ τὸ Γ· κατὰ δύο γὰρ μόνον ὑπόκεινται ἐφαπτό-  
μεναι. τεμνέτωσαν οὖν κατὰ τὸ Γ, καὶ ἥχθωσαν ἀπὸ<sup>1</sup>  
τῶν Α, Β ἐφαπτό-  
μεναι αἱ ΑΛ,  
ΛΒ, καὶ ἐπε-  
10 ζεύχθω ἡ ΑΒ καὶ  
δίχα τετμήσθω  
κατὰ τὸ Ζ· ἡ ἄρα<sup>2</sup>  
ἀπὸ τοῦ Λ ἐπὶ<sup>3</sup>  
τὸ Ζ διάμετρος

15 ἔσται. διὰ μὲν οὖν τοῦ Γ οὐκ ἐλεύσεται. εἰ γὰρ ἦξει,  
ἡ διὰ τοῦ Γ παρὰ τὴν ΑΒ ἀγομένη ἐφάψεται ἀμφο-  
τέρων τῶν τομῶν· τοῦτο δὲ ἀδύνατον. ἥχθω δὴ ἀπὸ<sup>4</sup>  
τοῦ Γ παρὰ τὴν ΑΒ ἡ ΓΚΗΜ· ἔσται δὴ ἐν μὲν τῇ  
ἐτέρᾳ τομῇ ἡ ΓΚ τῇ ΚΗ ἵση, ἐν δὲ τῇ ἐτέρᾳ ἡ ΚΜ  
20 τῇ ΚΓ ἵση. ὥστε καὶ ἡ ΚΜ τῇ ΚΗ ἵση· ὅπερ ἀδύνατον.

ὅμοιώς δὲ καὶ, ἐὰν παράλληλοι ὁσιν αἱ ἐφαπτό-  
μεναι, κατὰ τὰ αὐτὰ τοῖς ἐπάνω τὸ ἀδύνατον δειχ-  
θήσεται.

λ'.

25 Παραβολὴ παραβολῆς οὐκ ἐφάψεται κατὰ πλείονα  
σημεῖα ἢ ἕν.

εἰ γὰρ δυνατόν, ἐφαπτέσθωσαν αἱ ΑΗΒ, ΑΜΒ  
παραβολαὶ κατὰ τὰ Α, Β, καὶ ἥχθωσαν ἐφαπτόμεναι  
αἱ ΑΛ, ΛΒ· ἐφάψονται δὴ αὗται τῶν τομῶν ἀμφο-  
τέρων καὶ συμπεσοῦνται κατὰ τὸ Λ.

1. καθ'] om. Vp. 2. ὡς] p, om. V.

## XXIX.

Iam uero  $\Gamma$  inter puncta contactus positum sit, ut in tertia figura.

manifestum est, lineas in  $\Gamma$  inter se non contingere; nam suppositum est, eas in duobus solis contingere. secent igitur in  $\Gamma$ , ducanturque ab  $A$ ,  $B$  contingentes  $AA$ ,  $AB$ , et ducatur  $AB$  seceturque in  $Z$  in duas partes aequales; itaque recta ab  $A$  ad  $Z$  ducta diametrus erit [II, 29]. iam per  $\Gamma$  non ueniet; nam si ueniet, recta per  $\Gamma$  rectae  $AB$  parallela ducta utramque sectionem continget [II, 5—6]; hoc autem fieri non potest. ducatur igitur a  $\Gamma$  rectae  $AB$  parallela  $\Gamma KHM$ ; erit igitur [I def. 4] in altera sectione  $\Gamma K = KH$ , in altera autem  $KM = K\Gamma$ . quare etiam  $KM = KH$ ; quod fieri non potest.

similiter autem etiam, si rectae contingentes parallelae sunt, eodem modo, quo supra, demonstrabimus fieri non posse.

## XXX.

Parabola parabolam non continget in pluribus punctis quam in uno.

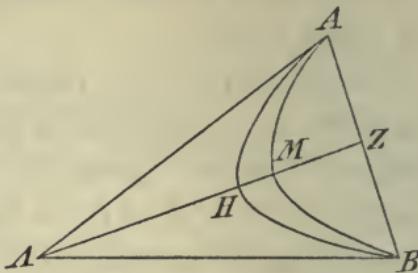
nam si fieri potest, parabolae  $AHB$ ,  $AMB$  in  $A$ ,  $B$  contingant, ducanturque contingentes  $AA$ ,  $AB$ ; eae igitur utramque sectionem contingent et in  $A$  concurrent.

ducatur  $AB$  et in  $Z$  in duas partes aequales secetur, ducaturque  $AZ$ . quoniam igitur duae lineae  $AHB$ ,  $AMB$  inter se contingunt in duobus punctis

---

positiones XXV et XXVI in binas diuidamus, obstat uocabulum  $\pi\varrho\sigma\iota\varrho\eta\mu\acute{\epsilon}\nu\omega$  prop. XXVI p. 44, 2.

ἐπεξεύχθω ἡ  $AB$  καὶ δίχα τετμήσθω κατὰ τὸ  $Z$ ,  
καὶ ἥχθω ἡ  $AZ$ . ἐπεὶ οὖν δύο γραμμαὶ αἱ  $AHB$ ,  
AMB ἐφάπτονται ἀλλή-  
λων κατὰ δύο τὰ  $A$ ,  $B$ ,  
5 οὐ συμβάλλουσιν ἀλλήλαις  
καθ' ἔτερον· ὥστε ἡ  $AZ$   
ἐκατέραν τῶν τομῶν τέμ-  
νει. τεμνέτω κατὰ τὰ  $H, M$ .  
ἔσται δὴ διὰ μὲν τὴν ἔτε-  
10 φαν τομὴν ἡ  $AH$  τῇ  $HZ$  ἶση, διὰ δὲ τὴν ἔτεραν ἡ  
 $AM$  τῇ  $MZ$  ἶση· ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα παραβολὴ  
παραβολῆς ἐφάψεται κατὰ πλείονα σημεῖα ἢ ἐν.



λα'.

Παραβολὴ ὑπερβολῆς οὐκ ἐφάψεται κατὰ δύο σημεῖα  
15 ἐκτὸς αὐτῆς πίπτουσα.

ἔστω παραβολὴ μὲν ἡ  $AHB$ , ὑπερβολὴ δὲ ἡ  $AMB$ ,  
καὶ εἰ δυνατόν, ἐφαπτέσθωσαν κατὰ τὰ  $A, B$ , καὶ  
ἥχθωσαν ἀπὸ τῶν  $A, B$  ἐφαπτόμεναι ἐκατέρας τῶν  
 $A, B$  τομῶν συμπίπτουσαι ἀλλήλαις κατὰ τὸ  $A$ , καὶ  
20 ἐπεξεύχθω ἡ  $AB$  καὶ τετμήσθω δίχα κατὰ τὸ  $Z$ , καὶ  
ἐπεξεύχθω ἡ  $AZ$ .

ἐπεὶ οὖν αἱ  $AHB$ ,  $AMB$  τομαὶ κατὰ τὰ  $A, B$   
ἐφάπτονται, κατ' ἄλλο οὐ συμβάλλουσιν· ἡ ἄρα  $AZ$   
κατ' ἄλλο καὶ ἄλλο τέμνει τὰς τομάς. τεμνέτω κατὰ  
25 τὰ  $H, M$ , καὶ προσενθεβλήσθω ἡ  $AZ$ . πεσεῖται δὴ ἐπὶ<sup>8.</sup>  
τὸ κέντρον τῆς ὑπερβολῆς. ᔾστω κέντρον τὸ  $A$ . ᔾσται  
δη̄ διὰ μὲν τὴν ὑπερβολήν, ὡς ἡ  $ZA$  πρὸς  $AM$ , ἡ

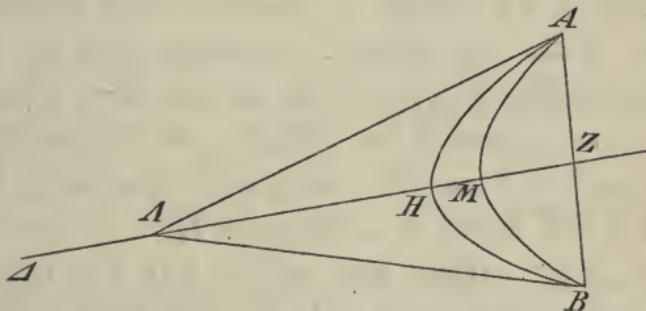
rec. 8. τάξ] p, τό V. 11. οὐκ] ερν; ευαν. V, add. mg. m.  
παραβολή] p, om. V.

*A, B*, in nullo alio inter se concurrunt [prop. XXVII — XXIX]; quare  $\angle Z$  utramque sectionem secat. secet in *H, M*; erit igitur [I, 35] propter alteram sectionem  $\angle H = \angle Z$ , propter alteram autem  $\angle M = \angle Z$ ; quod fieri non potest. ergo parabola non continget in pluribus punctis quam in uno.

## XXXI.

Parabola hyperbolam non continget in duobus punctis extra eam cadens.

sit parabola  $AHB$ , hyperbola autem  $AMB$ , et, si fieri potest, contingant in *A, B*, ducanturque ab



*A, B* rectae utramque sectionem *A, B* contingentes, quae in *A* inter se concurrant, et ducatur *AB* seceturque in *Z* in duas partes aequales, ducaturque  $\angle Z$ .

quoniam igitur sectiones  $AHB$ ,  $AMB$  in *A, B* contingunt, in nullo alio punto concurrunt [prop. XXVII — XXIX];  $\angle Z$  igitur in alio atque alio punto sectiones secat. secet in *H, M*, et  $\angle Z$  producatur; ueniet igitur per centrum hyperbolae [II, 29]. sit centrum *A*; erit igitur propter hyperbolam [I, 37]

$$ZA : AA = AM : MA$$

[Eucl. VI, 17] =  $ZM : MA$  [Eucl. V, 17; V, 16].

$M\Delta$  πρὸς  $\Delta\Delta$  καὶ λοιπὴ ἡ  $ZM$  πρὸς  $M\Lambda$ . μείζων δὲ ἡ  $Z\Delta$  τῆς  $\Delta M$ · μείζων ἄρα καὶ ἡ  $ZM$  τῆς  $M\Lambda$ . διὰ δὲ τὴν παραβολὴν ἵση ἡ  $ZH$  τῇ  $H\Lambda$ · ὅπερ ἀδύνατον.

λβ'.

5 Παραβολὴ ἐλλείψεως ἢ κύκλου περιφερείας οὐκ ἐφάψεται κατὰ δύο σημεῖα ἐντὸς αὐτῆς πίπτουσα.

ἔστω γὰρ ἐλλειψις ἢ κύκλου περιφέρεια ἡ  $AHB$ , παραβολὴ δὲ ἡ  $AMB$ , καὶ εἰ δυνατόν, ἐφαπτέσθωσαν κατὰ δύο τὰ  $A$ ,  $B$ , καὶ ἥχθωσαν ἀπὸ τῶν  $A$ ,  $B$  ἐφαπ-  
10 τόμεναι τῶν τομῶν καὶ συμπίπτουσαι κατὰ τὸ  $\Lambda$ , καὶ ἐπεξεύχθω ἡ  $AB$  καὶ δίχα τετμήσθω κατὰ τὸ  $Z$ , καὶ ἐπεξεύχθω ἡ  $\Lambda Z$ · τεμεῖ δὴ ἐκατέρων τῶν τομῶν κατ' ἄλλο καὶ ἄλλο, ὡς εἰρηται. τεμνέτω κατὰ τὰ  $H$ ,  $M$ , καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ  $\Lambda Z$  ἐπὶ τὸ  $\Delta$ , καὶ ἔστω τὸ  $\Delta$  κέν-  
15 τρον τῆς ἐλλείψεως ἢ τοῦ κύκλου. ἔστιν ἄρα διὰ τὴν ἐλλειψιν καὶ τὸν κύκλον, ὡς ἡ  $\Delta\Delta$  πρὸς  $\Delta H$ , ἡ  $\Delta H$  πρὸς  $\Delta Z$  καὶ λοιπὴ ἡ  $\Delta H$  πρὸς  $HZ$ . μείζων δὲ ἡ  $\Delta\Delta$  τῆς  $\Delta H$ · μείζων ἄρα καὶ ἡ  $\Delta H$  τῆς  $HZ$ . διὰ δὲ τὴν παραβολὴν ἵση ἡ  $\Delta M$  τῇ  $MZ$ · ὅπερ ἀδύνατον.

λγ'.

Τπερβολὴ ὑπερβολῆς τὸ αὐτὸ κέντρον ἔχουσα οὐκ ἐφάψεται κατὰ δύο σημεῖα.

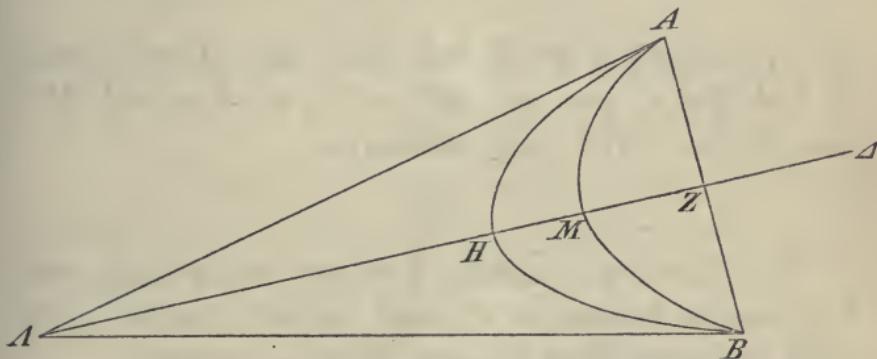
ὑπερβολαὶ γὰρ αἱ  $AHB$ ,  $AMB$  τὸ αὐτὸ κέντρον ἔχουσαι τὸ  $\Delta$ , εἰ δυνατόν, ἐφαπτέσθωσαν κατὰ τὰ  $A$ ,  $B$ , ἥχθωσαν δὲ ἀπὸ τῶν  $A$ ,  $B$  ἐφαπτόμεναι αὐτῶν καὶ συμπίπτουσαι ἀλλήλαις αἱ  $\Delta\Delta$ ,  $\Delta B$ , καὶ ἐπεξεύχθω ἡ  $\Delta\Delta$  καὶ ἐκβεβλήσθω.

uerum  $Z\Delta > \Delta M$ ; quare etiam  $ZM > MA$  [Eucl. V, 14]. sed propter parabolam est  $ZH = HA$  [I, 35]; quod fieri non potest.

## XXXII.

Parabola ellipsim uel arcum circuli non continget in duobus punctis intra eam cadens.

sit enim  $AHB$  ellipsis uel arcus circuli, parabola autem  $AMB$ , et, si fieri potest, in duobus punctis contingent  $A, B$ , ducanturque ab  $A, B$  rectae sectiones contingentes et in  $A$  concurrentes, et ducatur

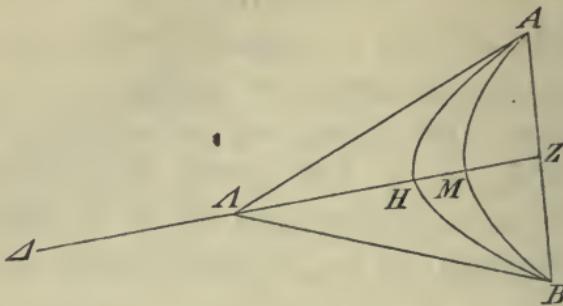


$AB$  seceturque in  $Z$  in duas partes aequales, et ducatur  $AZ$ ; ea igitur utramque sectionem in alio atque alio punto secabit, sicut diximus [prop. XXXI]. secet in  $H, M$ , et  $AZ$  ad  $\Delta$  producatur,  $\Delta$  autem centrum sit ellipsis uel circuli [II, 29]. itaque propter ellipsim circulumue erit [I, 37]  $\Delta\Delta : \Delta H = \Delta H : \Delta Z$  [Eucl. VI, 17]  $= \Delta H : HZ$  [Eucl. V, 17; V, 16]. uerum  $\Delta\Delta > \Delta H$ ; quare etiam  $\Delta H > HZ$  [Eucl. V, 14]. sed propter parabolam est  $\Delta M = MZ$  [I, 35]; quod fieri non potest.

## XXXIII.

Hyperbola hyperbolam non continget in duobus punctis idem centrum habens.

ἐπεξεύχθω δὴ καὶ ἡ  $AB$ · ἡ ἄρα  $\Delta Z$  τὴν  $AB$  δίχα  
τέμνει κατὰ τὸ  $Z$ . τεμεῖ δὴ ἡ  $\Delta Z$  τὰς τομὰς κατὰ  
τὰ  $H, M$ . ἔσται δὲ διὰ μὲν τὴν  $AHB$  ὑπερβολὴν



ἴσον τοῦ ὑπὸ  $ZAA$  τῷ ἀπὸ  $AH$ , διὰ δὲ την  $AMB$   
5 τὸ ὑπὸ  $ZAA$  ίσον τῷ ἀπὸ  $AM$ . τὸ ἄρα ἀπὸ  $MA$   
ίσον τῷ ἀπὸ  $AH$ · ὅπερ ἀδύνατον.

λδ'.

'Εὰν ἔλλειψις ἔλλειψεως ἡ κύκλου περιφερείας κατὰ  
δύο σημεῖα ἐφάπτηται τὸ αὐτὸ κέντρον ἔχουσα, ἡ τὰς  
10 ἄφας ἐπιζευγνύουσα διὰ τοῦ κέντρον πεσεῖται.

ἔφαπτέσθωσαν γὰρ ἀλλήλων αἱ εἰρημέναι γραμμαὶ  
κατὰ τὰ  $A, B$  σημεῖα, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ  $AB$ , καὶ διὰ  
τῶν  $A, B$  ἔφαπτόμεναι τῶν τομῶν ἥχθωσαν καὶ, εἰ  
δυνατόν, συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ  $A$ , καὶ ἡ  $AB$  δίχα  
15 τετμήσθω κατὰ τὸ  $Z$ , καὶ ἐπεξεύχθω ἡ  $AZ$ · διάμετρος  
ἄρα ἔστιν ἡ  $AZ$  τῶν τομῶν.

ἴστω, εἰ δυνατόν, κέντρον τὸ  $A$ · ἔσται ἄρα τὸ ὑπὸ<sup>1</sup>  
 $AAZ$  διὰ μὲν τὴν ἐτέραν τομὴν ίσον τῷ ἀπὸ  $AH$ ,  
διὰ δὲ τὴν ἐτέραν ίσον τῷ ἀπὸ  $MA$ · ὥστε τὸ ἀπὸ<sup>2</sup>  
20  $HA$  ίσον τῷ ἀπὸ  $AM$ · ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα αἱ

1. δῆ] δέ? p. 4. τό] cvp; δὲ τό V, sed δέ del. m. 1.

5.  $ZAA$ ] cv, corr. ex  $ZMA$  m. 1 V. 18.  $AAZ$ ]  $\Delta AZ$  V;  
 $\Delta A, AZ$  p; corr. Halley.

hyperbolae enim  $AHB$ ,  $AMB$  idem centrum habentes  $\Delta$ , si fieri potest, in  $A$ ,  $B$  contingent, ducantur autem ab  $A$ ,  $B$  eas contingentes et inter se concorrentes  $AA$ ,  $AB$ , et ducatur  $\Delta A$  producaturque.

iam uero etiam  $AB$  ducatur;  $\Delta Z$  igitur rectam  $AB$  in  $Z$  in duas partes aequales secat [II, 30]. itaque  $\Delta Z$  sectiones in  $H$ ,  $M$  secabit [prop. XXVII — XXIX]. erit igitur [I, 37] propter hyperbolam  $AHB$

$$ZA \times AA = AH^2,$$

propter  $AMB$  autem

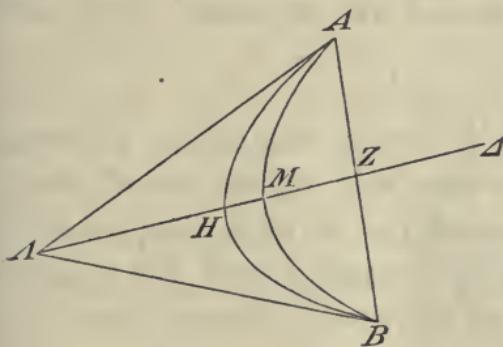
$$ZA \times AA = AM^2.$$

ergo  $MA^2 = AH^2$ ; quod fieri non potest.

### XXXIV.

Si ellipsis ellipsim uel arcum circuli in duobus punctis contingit idem centrum habens, recta puncta contactus coniungens per centrum cadet.

nam lineaes, quas diximus, inter se contingent in punctis  $A$ ,  $B$ , ducaturque  $AB$ , per  $A$ ,  $B$  autem rectae



sectiones contingentes ducantur et, si fieri potest, in  $\Delta$  concurrant, et  $AB$  in  $Z$  in duas partes aequales secetur, ducaturque  $\Delta Z$ ;  $\Delta Z$  igitur diametrus est sectionum [II, 29].

sit  $\Delta$  centrum, si fieri potest; itaque [I, 37] propter alteram sectionem erit  $AA' \times \Delta Z = AH^2$ , propter alteram autem  $AA' \times \Delta Z = MA^2$ . itaque  $HA^2 = AM^2$ ; quod fieri non potest. rectae igitur ab  $A$ ,  $B$  con-

ἀπὸ τῶν Α, Β ἐφαπτόμεναι συμπεσοῦνται παράληλοι ἄρα εἰσίν, καὶ διὰ τοῦτο διάμετρός ἐστιν ἡ ΑΒ. ὅστε διὰ τοῦ κέντρου πίπτει. ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

λε'

5 Κώνου τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια κώνου τομὴ ἡ κύκλου περιφερείᾳ μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰ κυρτὰ ἔχουσα οὐ συμπεσεῖται κατὰ πλείονα σημεῖα ἡ δύο.

εἰ γὰρ δυνατόν, κώνου τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια ἡ ΑΒΓ κώνου τομὴ ἡ κύκλου περιφερείᾳ τῇ ΑΔΒΕΓ 10 συμβαλλέτω κατὰ πλείονα σημεῖα ἡ δύο μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰ κυρτὰ ἔχουσα τὰ Α, Β, Γ.

καὶ ἐπεὶ ἐν τῇ ΑΒΓ γραμμῇ εἴληπται τοία σημεῖα τὰ Α, Β, Γ καὶ ἐπεξευγμέναι αἱ ΑΒ, ΒΓ, γωνίαν ἄρα περιέχουσιν ἐπὶ τὰ αὐτὰ τοῖς κοῖλοις τῆς ΑΒΓ 15 γραμμῆς. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ αἱ ΑΒΓ τὴν αὐτὴν γωνίαν περιέχουσιν ἐπὶ τὰ αὐτὰ τοῖς κοῖλοις τῆς ΑΔΒΕΓ γραμμῆς. αἱ εἰρημέναι ἄρα γραμμαὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἔχουσι τὰ κοῖλα ἀμα καὶ τὰ κυρτά· ὅπερ ἀδύνατον.

20

λε'

'Εὰν κώνου τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια συμπίπτῃ μιᾶς τῶν ἀντικειμένων κατὰ δύο σημεῖα, καὶ αἱ μεταξὺ τῶν συμπτώσεων γραμμαὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰ κοῖλα ἔχωσι, προσεκβαλλομένη ἡ γραμμὴ κατὰ τὰς συμπτώσεις οὐ συμπεσεῖται τῇ ἐτέρᾳ τῶν ἀντικειμένων.

---

12. καὶ ἐπεὶ — ΑΒΓ] addidi praeeunte Commandino; om. V; τῇ Halley. εἴληφθω Halley. 13. ἐπεξεύχθωσαν Halley. p habet inde a lin. 11: ἔχουσα τῇ ΑΔΒΕΓ γραμμῇ παλ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΑΒ, ΒΓ. καὶ ἐπεὶ γραμμῆς τῆς ΑΒΓ εἴληπται τοία σημεῖα τὰ Α, Β, Γ καὶ ἐπεξευγμέναι εἰσὶ αἱ ΑΒ, ΒΓ, γωνιαν ἄρα πτλ. αἱ] p, om. V. 14. τοῖς] e v p, e corr.

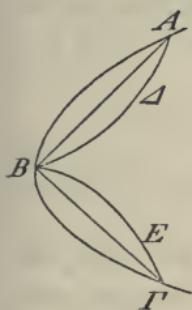
tingentes non concurrent; quare parallelae sunt, et ideo  $AB$  diametrum est [II, 27]. ergo per centrum cadit; quod erat demonstrandum.

## XXXV.

Coni sectio uel arcus circuli cum coni sectione uel arcu circuli non concurret in pluribus punctis quam in duobus conuexa ad easdem partes non habens.

nam si fieri potest, coni sectio uel arcus circuli  $AB\Gamma$  cum coni sectione uel arcu circuli  $A\Delta BE\Gamma$  concurrat in pluribus punctis quam in duabus  $A, B, \Gamma$  conuexa ad easdem partes non habens.

et quoniam in linea  $AB\Gamma$  sumpta sunt tria puncta  $A, B, \Gamma$  et ductae  $AB, BG$ , hae ad easdem partes, ad quas sunt concavae lineae  $AB\Gamma$ , angulum comprehendunt. iam eadem de causa  $AB, BG$  eundem angulum comprehendunt ad easdem partes, ad quas sunt concavae lineae  $A\Delta BE\Gamma$ . itaque lineae, quas diximus, concavae ad easdem partes habent et ideo etiam conuexa; quod fieri non potest.

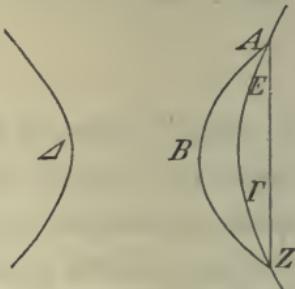


## XXXVI.

Si coni sectio uel arcus circuli cum altera oppositarum in duobus punctis concurrit, et lineae inter puncta concursus positae ad easdem partes concavae habent, linea per puncta concursus producta cum altera oppositarum non concurret.

m. 1 V. 15.  $AB, BG$  Halley cum Memo. 18.  $\tilde{\alpha}\mu\alpha]$  scripsi,  
 $\delta\lambda\lambda\acute{\alpha}$  V. 24.  $\tilde{\epsilon}\chi\omega\sigma\iota]$  p.  $\tilde{\epsilon}\chi\omega\sigma\iota$  V.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ  $\Delta$ ,  $AEGZ$ , καὶ ἔστω κώνους τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια ἡ  $ABZ$  συμπίπτουσα τῇ ἑτέρᾳ τῶν ἀντικειμένων κατὰ δύο σημεῖα τὰ  $A$ ,  $Z$ , καὶ ἔχέτωσαν 5 αἱ  $ABZ$ ,  $AGZ$  τομαὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰ κοῖλα. λέγω, ὅτι ἡ  $ABZ$  γραμμὴ ἐκβαλλομένη οὐ συμπεσεῖται τῇ  $\Delta$ .



ἐπεξεύχθω γὰρ ἡ  $AZ$ . καὶ ἐπεὶ 10 ἀντικείμεναι εἰσιν αἱ  $\Delta$ ,  $AGZ$ , καὶ ἡ  $AZ$  εὐθεῖα κατὰ δύο τέμνει τὴν ὑπερβολήν, οὐ συμπεσεῖται ἐκβαλλομένη τῇ  $\Delta$  ἀντικειμένῃ. οὐδὲ ἄρα ἡ  $ABZ$  γραμμὴ συμπεσεῖται τῇ  $\Delta$ .

λξ'.

15 Ἐὰν κώνους τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια μιᾶς τῶν ἀντικειμένων συμπίπτῃ, τῇ λοιπῇ αὐτῶν οὐ συμπεσεῖται κατὰ πλείονα σημεῖα ἡ δύο.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ  $A$ ,  $B$ , καὶ συμβαλλέτω τῇ  $A$  κώνους τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια ἡ  $AB\Gamma$  καὶ τεμνέτω τὴν  $B$  ἀντικειμένην κατὰ τὰ  $B$ ,  $\Gamma$ . λέγω, ὅτι κατ' ἄλλο σημεῖον οὐ συμπεσεῖται τῇ  $B\Gamma$ .

εἰ γὰρ δυνατόν, συμπιπτέτω κατὰ τὸ  $\Delta$ . ἡ ἄρα  $B\Gamma\Delta$  τῇ  $B\Gamma$  τομῇ συμβάλλει κατὰ πλείονα σημεῖα ἡ δύο μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ ἔχουσα τὰ κοῖλα. ὅπερ ἀδύνατον. 25 ὁμοίως δὲ δειχθήσεται, καὶ ἐὰν ἡ  $AB\Gamma$  γραμμὴ τῆς ἀντικειμένης ἐφάπτηται.

15. μιᾶς] p, om. V. 19.  $\Delta$ ] p, del. punctis V; K c, om. v.

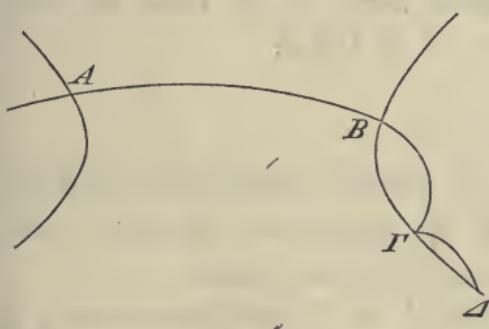
20. τῇν  $B$ ] τῇn NB V; τῇn  $B\Gamma$  p; corr. Memus. 24. μῆ] om. Vp; corr. Memus.

sint oppositae sectiones  $\Delta$ ,  $AEGZ$ , sitque  $ABZ$  coni sectio uel arcus circuli cum altera oppositarum concurrens in duobus punctis  $A$ ,  $Z$ , et  $ABZ$ ,  $AGZ$  sectiones concava ad easdem partes habeant. dico, lineam  $ABZ$  productam cum  $\Delta$  non concurrere.

ducatur enim  $AZ$ . et quoniam  $\Delta$ ,  $AGZ$  oppositae sunt, et recta  $AZ$  in duobus punctis hyperbolam secat, producta cum opposita  $\Delta$  non concurret [II, 33]. ergo ne linea  $ABZ$  quidem cum  $\Delta$  concurret.

## XXXVII.

Si coni sectio uel arcus circuli cum altera oppositarum concurrit, cum reliqua earum non concurret in pluribus punctis quam in duobus.



sint oppositae  $A$ ,  $B$ , et cum  $A$  concurrat coni sectio uel arcus circuli  $AB\Gamma$  secetque oppositam  $B$  in  $B$ ,  $\Gamma$ . dico, eam cum  $B\Gamma$  in nullo alio puncto concurrere.

nam si fieri potest, concurrat in  $\Delta$ .  $B\Gamma\Delta$  igitur cum sectione  $B\Gamma$  in pluribus punctis quam in duabus concurrit concava ad easdem partes non habens [prop. XXXVI]; quod fieri non potest [prop. XXXV].

similiter autem demonstrabimus, etiam si linea  $AB\Gamma$  oppositam contingit.

λη'.

Κάρνου τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια ταῖς ἀντικειμέναις οὐ συμπεσεῖται κατὰ πλείονα σημεῖα ἡ τέσσαρα.

φανερὸν δὲ τοῦτο ἐκ τοῦ τῇ μιᾷ τῶν ἀντικειμένων 5 συμπίπτουσαν αὐτὴν τῇ λοιπῇ κατὰ πλείονα δυεῖν μὴ συμπίπτειν.

λθ'.

Ἐὰν κώνου τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια μιᾶς τῶν ἀντικειμένων ἐφάπτηται τοῖς κοίλοις αὐτῆς, νῆ ἐτέρᾳ 10 τῶν ἀντικειμένων οὐ συμπεσεῖται.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ Α, Β, καὶ τῆς Α τομῆς ἐφαπτέσθω ἡ ΓΑΔ. λέγω, ὅτι ἡ ΓΑΔ τῇ Β οὐ συμπεσεῖται.

ἥχθω ἀπὸ τοῦ Α ἐφαπτομένη ἡ ΕΑΖ. ἐκατέρας 15 δὴ τῶν γραμμῶν ἐπιψαύει κατὰ τὸ Α· ὥστε οὐ συμπεσεῖται τῇ Β. ὥστε οὐδὲ ἡ ΓΑΔ.

μ'.

Ἐὰν κώνου τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια ἐκατέρας τῶν ἀντικειμένων καθ' ἐν ἐφάπτηται σημεῖον, καθ' 20 ἐτερον οὐ συμπεσεῖται ταῖς ἀντικειμέναις.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ Α, Β, καὶ κώνου τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια ἐφαπτέσθω ἐκατέρας τῶν Α, Β κατὰ τὰ Α, Β. λέγω, ὅτι ἡ ΑΒΓ γραμμὴ καθ' ἐτερον οὐ συμπεσεῖται ταῖς Α, Β τομαῖς.

25 ἐπεὶ οὖν ἡ ΑΒΓ γραμμὴ τῆς Α τομῆς ἐφάπτεται καθ' ἐν συμπίπτουσα καὶ τῇ Β, τῆς Α ἄρα τομῆς οὐκ

5. δνοῖν p. 14. ΕΑΖ] p, ΑΕΖ V. 16. ΓΑΔ] p.,  
ΑΓΔ V. 24. Β] p, Γ V.

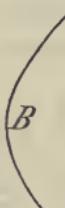
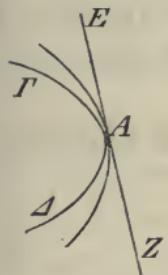
## XXXVIII.

Coni sectio uel arcus circuli cum oppositis in pluribus punctis non concurrit quam in quattuor.

hoc autem manifestum est inde, quod cum altera oppositarum concurrens cum reliqua in pluribus punctis quam in duobus non concurrit [prop. XXXVII].

## XXXIX.

Si coni sectio uel arcus circuli alteram oppositarum in parte concava contingit, cum altera oppositarum non concurret.



sint oppositae *A*, *B*, et sectionem *A* contingat  $\Gamma A \Delta$ . dico,  $\Gamma A \Delta$  cum *B* non concurrere.

ab *A* contingens ducatur  $E A Z$ . ea igitur utramque lineam in *A*

contingit; quare cum *B* non concurret. ergo ne  $\Gamma A \Delta$  quidem.

## XL.

Si coni sectio uel arcus circuli utramque oppositam in singulis punctis contingit, in nullo alio punto cum oppositis concurret.

sint oppositae *A*, *B*, et coni sectio uel arcus circuli utramque *A*, *B* contingat in *A*, *B*. dico, lineam  $AB\Gamma$  in nullo alio punto cum sectionibus *A*, *B* concurrere.

quoniam igitur linea  $AB\Gamma$  sectionem *A* contingit etiam cum *B* in uno punto concurrens, sectionem *A*

έφαψεται κατὰ τὰ κοῖλα. ὁμοίως δὴ δειχθήσεται, ὅτι οὐδὲ τῆς  $B$ . ἥχθωσαν τῶν  $A, B$  τομῶν ἐφαπτόμεναι αἱ  $AD, BE$ · αὗται δὴ ἐφάψουνται τῆς  $ABΓ$  γραμμῆς. εἰ γὰρ δυνατόν, τεμνέτω ἡ ἑτέρα αὐτῶν, καὶ ἔστω ἡ 5  $AZ$ . μεταξὺ ἄρα τῆς  $AZ$  ἐφαπτομένης καὶ τῆς  $A$  τομῆς παρεμπέπτωνεν εὐθεῖα ἡ  $AH$ . ὅπερ ἀδύνατον. ἐφάψουνται ἄρα τῆς  $ABΓ$ , καὶ διὰ τοῦτο φανερόν, ὅτι ἡ  $ABΓ$  καθ' ἔτερον οὐ συμβάλλει ταῖς  $A, B$  ἀντικειμέναις.

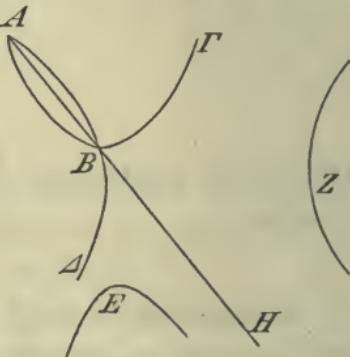
10

μα'.

'Εὰν ὑπερβολὴ μιᾶς τῶν ἀντικειμένων κατὰ δύο σημεῖα συμπίπτῃ ἀντεστραμμένα τὰ κυρτὰ ἔχουσα, ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ οὐ συμπεσεῖται τῇ ἑτέρᾳ τῶν ἀντικειμένων.

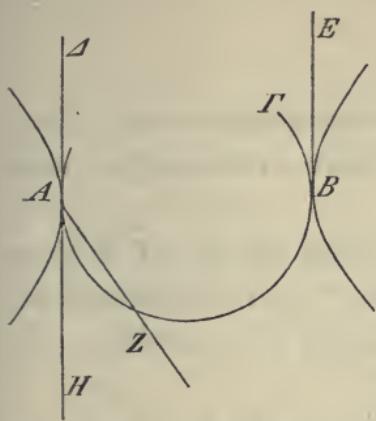
15 ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ  $ABΔ, Z$ , καὶ ὑπερβολὴ ἡ  $ABΓ$  τῇ  $ABΔ$  συμβαλλέτω κατὰ τὰ  $A, B$  σημεῖα ἀντεστραμμένα ἔχουσα τὰ κυρτὰ τοῖς κοῖλοις, καὶ τῆς  $ABΓ$  20 ἔστω ἀντικειμένη ἡ  $E$ . λέγω, ὅτι οὐ συμπεσεῖται τῇ  $Z$ .

ἐπεξεύχθω ἡ  $AB$  καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ  $H$ . ἐπεὶ οὖν ὑπερβολὴν τὴν  $ABΔ$  εὐθεῖα 25 τέμνει ἡ  $ABH$ , ἐκβαλλομένη δὲ ἐφ' ἐκάτερα ἐκτὸς πίπτει τῆς τομῆς, οὐ συμπεσεῖται τῇ  $Z$  τομῇ. ὁμοίως δὴ



5. Post  $AZ$  add. Vp: ὅπως (om. p) καὶ φανερόν, ὅτι, ἐὰν ἡ  $ΓAΔ$  γραμμὴ συμπίπτῃ καὶ τῇ  $B$  ἀντικειμένῃ, οὐκ ἐφάψεται τῆς  $A$  τοῖς κοῖλοις ἐαυτῇς (αὐτῇς p). δειχθήσεται γὰρ ἀντεστρόφως (ἡ  $ΓAΔ$  γραμμὴ om. p addito λείπει), quae omisi cum Commandino; post ἀντικειμέναις lin. 8 transposuit Halley

in parte concava non continget [prop. XXXIX]. iam eodem modo demonstrabimus, eam ne  $B$  quidem ita



contingere. ducantur  $AB$ ,  $BE$  sectiones  $A$ ,  $B$  contingentes; eae igitur lineam  $AB\Gamma$  contingent. nam si fieri potest, altera secat et sit  $AZ$ . itaque inter  $AZ$  contingentem et sectionem  $A$  recta incidit  $AH$ ; quod fieri non potest [I, 36]. ergo  $AB\Gamma$  contingent, et ideo manifestum

est,  $AB\Gamma$  cum oppositis  $A$ ,  $B$  in nullo alio puncto concurrere.

#### XLI.

Si hyperbola cum altera oppositarum in duobus punctis concurrit conuexa habens aduersa, sectio ei opposita cum altera oppositarum non concurret.

sint oppositae  $AB\Delta$ ,  $Z$ , et hyperbola  $AB\Gamma$  cum  $AB\Delta$  in punctis  $A$ ,  $B$  concurrat conuexa concavis aduersa habens, et sectioni  $AB\Gamma$  opposita sit  $E$ . dico, hanc cum  $Z$  non concurrere.

ducatur  $AB$  et ad  $H$  producatur. quoniam igitur recta  $ABH$  hyperbolam  $AB\Delta$  secat, et in utramque partem producta extra sectionem cadit, cum  $Z$  sectione non concurret [II, 33]. similiter igitur propter

(ὅπως] οὐτως, ΓΑΔ] ΓΑΒ, καὶ] om., δὲ ἀντιστρόφως τῇ λε').

6.  $AH$ ] p, H V. 11. ὑπερβολή] p, ὑπερβολή V. 16.

$AB\Gamma$ ] p,  $AB$  V.  $AB\Delta$ ] p,  $A\Delta$  V. 19. τῆς] τῇ p 26.

οὐ] scripsi; ὁστε οὐ V, οὐκ ἔσται p; possis etiam cum Commandino δέ lin. 25 delere aut in δή corrigere („utique“ Memus).

διὰ τὴν *ΑΒΓ* ὑπερβολὴν οὐδὲ τῇ *Ε* ἀντικειμένη συμπίπτει. οὐδὲ ἡ *Ε* ἄρα τῇ *Ζ* συμπεσεῖται.

μβ'.

*'Εὰν* ὑπερβολὴ ἐκατέρᾳ τῶν ἀντικειμένων συμπίπτῃ,  
5 ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ οὐδετέρᾳ τῶν ἀντικειμένων συμπεσεῖται κατὰ δύο σημεῖα.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ *Α, Β*, καὶ ἡ *ΑΓΒ* ὑπερβολὴ συμπιπτέτω ἐκατέρᾳ τῶν *Α, Β* ἀντικειμένων. λέγω, ὅτι ἡ τῇ *ΑΓΒ* ἀντικειμένη οὐ συμβάλλει ταῖς  
10 *Α, Β* τομαῖς κατὰ δύο σημεῖα.

εἰ γὰρ δυνατόν, συμβαλλέτω κατὰ τὰ *Δ, Ε*, καὶ ἐπιξευχθεῖσα ἡ *ΔΕ* ἐκβεβλήσθω. διὰ μὲν δὴ τὴν *ΔΕ* τομὴν οὐ συμπεσεῖται ἡ *ΔΕ* εὐθεῖα τῇ *ΑΒ* τομῇ,  
διὰ δὲ τὴν *ΑΕΔ* οὐ συμπεσεῖται τῇ *Β*. διὰ γὰρ τῶν  
15 τριῶν τόπων ἐλεύσεται· ὅπερ ἀδύνατον. δομοίως δὴ δειχθήσεται, ὅτι οὐδὲ τῇ *Β* τομῇ κατὰ δύο σημεῖα συμπεσεῖται.

διὰ τὰ αὐτὰ δὴ οὐδὲ ἐφάψεται ἐκατέρας αὐτῶν. ἀγαγόντες γὰρ ἐπιψαύουσαν τὴν *ΘΕ* ἐφάπτεται μὲν 20 αὗτη ἐκατέρας τῶν τομῶν· ὥστε διὰ μὲν τὴν *ΔΕ* οὐ συμπεσεῖται τῇ *ΑΓ*, διὰ δὲ τὴν *ΑΕ* οὐ συμβάλλει τῇ *Β*. ὥστε οὐδὲ ἡ *ΑΓ* τῇ *Β* συμβάλλει· ὅπερ οὐχ ὑπόκειται.

μγ'.

25 *'Εὰν* ὑπερβολὴ ἐκατέραν τῶν ἀντικειμένων τέμνῃ κατὰ δύο σημεῖα ἀντεστροφμένα ἔχουσα πρὸς ἐκατέραν

2. *Z]* p, om. lacuna 8 litt. relictā V. 9. *ΑΓΒ]* corr. ex *AB* m. 1 p, *AB* V. 11. *τά]* cp, om. V. 13. *ΔΕ* (pr.)] cvp et renouat. m. rec. V. 19. *μέν]* delendum? 20. *αὗτη]* αὐτή V p.

hyperbolam  $AB\Gamma$  ne cum  $E$  quidem opposita concurrit. ergo ne  $E$  quidem cum  $Z$  concurret.

## XLII.

Si hyperbola cum utraque opposita concurrit, sectio ei opposita cum neutra oppositarum in duobus punctis concurret.

sint oppositae  $A, B$ , et hyperbola  $A\Gamma B$  cum utraque opposita  $A, B$  concurrat. dico, sectionem hyperbolae  $A\Gamma B$  oppositam cum sectionibus  $A, B$  in duobus punctis non concurrere.

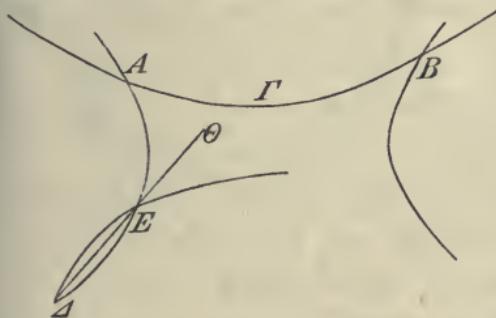
nam si fieri potest, concurrat in  $A$ ,  $E$ , et ducta  $\Delta E$  producatur. propter sec-

tionem  $\Delta E$  igitur recta  $\Delta E$  cum sectione  $AB$  non concurret [II, 33], propter  $\Delta EA$  autem cum  $B$  non concurret; nam per tria illa loca [II, 33] ueniet; quod fieri non potest. eodem modo demonstrabimus, eam ne

cum  $B$  quidem sectione in duobus punctis concurrere.

iam eadem de causa ne continget quidem utramque sectionem. ducta<sup>1)</sup> enim  $\Theta E$  utramque sectionem continget; quare propter sectionem  $\Delta E$  cum  $A\Gamma$  non concurret, propter  $\Delta E$  autem cum  $B$  non concurrit [II, 33]. ergo ne  $A\Gamma$  quidem cum  $B$  concurrit; quod contra hypothesim est.

1) Anacoluthia foeda et  $\mu\acute{e}v$  superfluum lin. 19 significant, aliquid turbatum esse.



τὰ κυρτά, ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ οὐδεμιᾷ τῶν ἀντικειμένων συμπεσεῖται.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ  $A, B$ , καὶ ὑπερβόλὴ  $\Gamma A B \Delta$  ἐκατέρων τῶν  $A, B$  τεμνέτω κατὰ δύο σημεῖα ἀντεστραμμένα ἔχουσα τὰ κυρτά. λέγω, ὅτι ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ ἡ  $EZ$  οὐδεμιᾷ τῶν  $A, B$  συμπεσεῖται.

εἰ γὰρ δυνατόν, συμπιπτέτω τῇ  $A$  κατὰ τὸ  $E$ , καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ  $\Gamma A, \Delta B$  καὶ ἐκβεβλήσθωσαν· συμπεσοῦνται δὴ

ἀλλήλαις. συμ-

πιπτέτωσαν

κατὰ τὸ  $\Theta$ .

ἔσται δὴ τὸ  $\Theta$

ἐν τῇ περιεχο-

μένῃ γωνίᾳ ὑπὸ

τῶν ἀσυμπτώ-

των τῆς  $\Gamma A B \Delta$

τομῆς. καὶ ἔστιν

αὐτῆς ἀντικει-

μένη ἡ  $EZ$ . ἡ ἄρα ἀπὸ τοῦ  $E$  ἐπὶ τὸ  $\Theta$  ἐπιζευγνυ

μένη ἐντὸς πεσεῖται τῆς ὑπὸ τῶν  $A\Theta B$  περιεχομένη

γωνίας. πάλιν ἐπεὶ ὑπερβόλὴ ἔστιν ἡ  $\Gamma A E$ , καὶ συμ-

πίπτουσιν αἱ  $\Gamma A \Theta, \Theta E$ , καὶ αἱ  $\Gamma, A$  συμπτώσεις οἱ

περιέχουσι τὴν  $E$ , τὸ  $\Theta$  σημεῖον ἔσται μεταξὺ τῶν

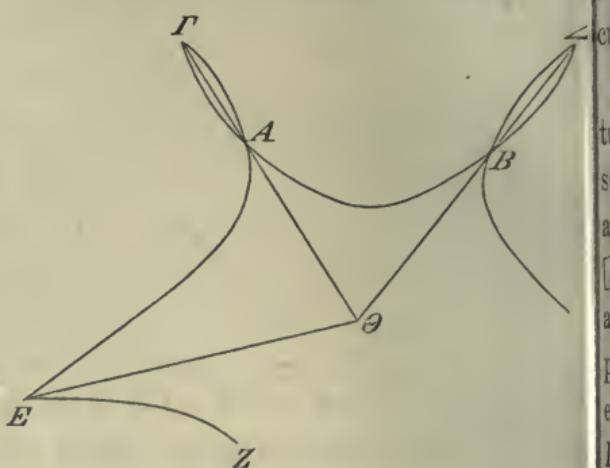
ἀσυμπτώτων τῆς  $\Gamma A E$  τομῆς. καὶ ἔστιν αὐτῆς ἀντι-

κειμένη ἡ  $B\Delta$ . ἡ ἄρα ἀπὸ τοῦ  $B$  ἐπὶ τὸ  $\Theta$  ἐντὸς

πεσεῖται τῆς ὑπὸ  $\Gamma \Theta E$  γωνίας. ὅπερ ἄτοπον. ἐπιπτι-

γὰρ καὶ εἰς τὴν ὑπὸ  $A\Theta B$ . οὐκ ἄρα ἡ  $EZ$  μιᾶς τῶν

$A, B$  συμπεσεῖται.



## XLIII.

Si hyperbola utramque oppositam in binis punctis secat partem conuexam utrius aduersam habens, sectio ei opposita cum neutra oppositarum conurret.

sint oppositae  $A$ ,  $B$ , et hyperbola  $\Gamma A B \Delta$  utramque  $A$ ,  $B$  secet in binis punctis partem conuexam aduersam habens. dico, sectionem ei oppositam  $EZ$  cum neutra sectionum  $A$ ,  $B$  concurrere.

nam si fieri potest, cum  $A$  in  $E$  concurrat, ducaturque  $\Gamma A$ ,  $\Delta B$  et producantur; concurrent igitur inter se [II, 25]. concurrent in  $\Theta$ ;  $\Theta$  igitur in angulo ab asymptotis sectionis  $\Gamma A B \Delta$  comprehenso positum erit [II, 25]. et sectio eius opposita est  $EZ$ ; itaque recta ab  $E$  ad  $\Theta$  ducta intra angulum ab  $A\Theta$ ,  $\Theta B$  comprehensum cadet. rursus quoniam  $\Gamma A E$  hyperbola est, et  $\Gamma A \Theta$ ,  $\Theta E$  concurrunt, puncta autem concursus  $\Gamma$ ,  $A$  punctum  $E$  non continent, punctum  $\Theta$  intra asymptotas sectionis  $\Gamma A E$  positum erit<sup>1)</sup>. et  $B\Delta$  sectio eius opposita est; itaque recta a  $B$  ad  $\Theta$  ducta intra angulum  $\Gamma \Theta E$  cadet; quod absurdum est; nam eadem in angulum  $A\Theta B$  cadebat. ergo  $EZ$  cum alterutra sectionum  $A$ ,  $B$  non conurret.

1) Hoc ex II, 25 tum demum uerum esset, si  $\Theta E$  sectionem  $AE$  aut contingeret aut in duobus punctis searet, quod nunc non constat. praeterea in sequentibus sine demonstratione supponitur,  $E\Theta B$  unam esse rectam (et ita est in figura codicis V). itaque demonstratio falsa est, sed tota damnanda, non ultima pars cum Commandino et Halleio uiolenter mutanda.

μδ'.

'Εὰν ὑπερβολη μίαν τῶν ἀντικειμένων κατὰ τέσσαρα σημεῖα τέμνῃ, ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ οὐ συμπεσεῖται τῇ ἐτέρᾳ τῶν ἀντικειμένων.

5 ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ *ΑΒΓΔ*, *Ε*, καὶ τεμνέτω ὑπερβολὴ τὴν *ΑΒΓΔ* κατὰ τέσσαρα σημεῖα τὰ *Α*, *Β*, *Γ*, *Δ*, καὶ ἔστω αὐτῆς ἀντικειμένη ἡ *Κ*. λέγω, ὅτι ἡ *Κ* οὐ συμπεσεῖται τῇ *Ε*.

εἰ γὰρ δυνατόν, συμπιπτέτω κατὰ τὸ *Κ*, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ *ΑΒ*, *ΓΔ* καὶ ἐκβεβλήσθωσαν· συμπεσοῦνται δὴ ἀλλήλαις. συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ *Λ*, καὶ ὃν μὲν ἔχει λόγου ἡ *ΑΛ* πρὸς *ΛΒ*, ἔχετω ἡ *ΑΠ* πρὸς *ΠΒ*, ὃν δὲ ἡ *ΔΛ* πρὸς *ΛΓ*, ἡ *ΔΡ* πρὸς *ΡΓ*. ἡ ἄρα διὰ τῶν *Π*, *Ρ* ἐκβαλλομένη συμπεσεῖται ἐκατέρᾳ 15 τῶν τομῶν, καὶ αἱ ἀπὸ τοῦ *Λ* ἐπὶ τὰς συμπτώσεις ἐφάψονται. ἐπεξεύχθω δὴ ἡ *ΚΛ* καὶ ἐκβεβλήσθω· τεμεῖ δὴ τὴν ὑπὸ *ΒΛΓ* γωνίαν καὶ τὰς τομὰς κατ' ἄλλο καὶ ἄλλο σημεῖον. τεμνέτω κατὰ τὰ *Ζ*, *Μ*· ἔσται δὴ διὰ μὲν τὰς *ΑΘΖΗ*, *Κ* ἀντικειμένας, ὡς ἡ *NK* 20 πρὸς *ΚΛ*, ἡ *NZ* πρὸς *ΖΛ*, διὰ δὲ τὰς *ΑΒΓΔ*, *Ε*, ὡς ἡ *NK* πρὸς *ΚΛ*, ἡ *NM* πρὸς *ΜΛ*· ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα αἱ *Ε*, *Κ* συμπίπτουσιν ἀλλήλαις.

με'.

'Εὰν ὑπερβολὴ τῇ μὲν τῶν ἀντικειμένων συμπίπτῃ 25 κατὰ δύο σημεῖα ἐπὶ τὰ αὐτὰ ἔχουσα αὐτῇ τὰ κοῖλα, τῇ δὲ καθ' ἐν σημεῖον, ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ οὐδετέρᾳ τῶν ἀντικειμένων συμπεσεῖται.

## XLIV.

Si hyperbola alteram oppositarum in quattuor punctis secat, sectio ei opposita cum altera oppositorum non concurret.

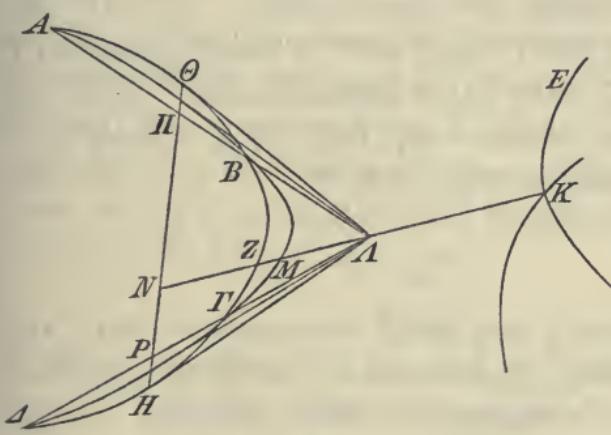
sint oppositae  $AB\Gamma\Delta$ ,  $E$ , et hyperbola sectionem  $AB\Gamma\Delta$  in quattuor punctis secet  $A$ ,  $B$ ,  $\Gamma$ ,  $\Delta$ , eiusque sectio opposita sit  $K$ . dico,  $K$  cum  $E$  non concurrere.

nam si fieri potest, concurrit in  $K$ , ducanturque  $AB$ ,  $\Gamma\Delta$  et producantur; concurrent igitur inter se [II, 25]. concurrent in  $\Lambda$ , et sit

$$\Lambda\Lambda : \Lambda B = \Lambda\Gamma : \Gamma B, \quad \Delta\Delta : \Delta\Gamma = \Delta P : P\Gamma.$$

itaque recta per  $\Pi$ ,  $P$  producta cum utraque sectione

concurret, et  
rectae ab  $\Lambda$  ad  
puncta con-  
cursus ductae  
contingent  
[prop. IX]. du-  
catur igitur  
 $K\Lambda$  et pro-  
ducatur; seca-  
bit igitur an-  
gulum  $B\Lambda\Gamma$



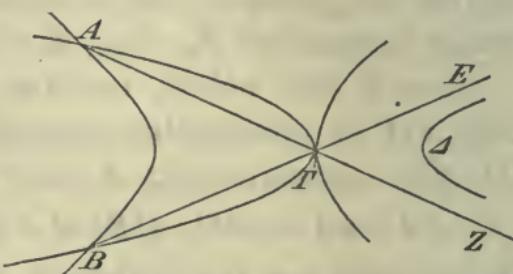
et sectiones in alio atque alio puncto. secet in  $Z$ ,  $M$ ; erit igitur [III, 39; Eucl. V, 16] propter oppositas  $A\Theta ZH$ ,  $K$

$$NK : K\Lambda = NZ : Z\Lambda,$$

propter  $AB\Gamma\Delta$ ,  $E$  autem  $NK : K\Lambda = NM : M\Lambda$ ; quod fieri non potest. ergo  $E$ ,  $K$  inter se non concurrunt.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ  $AB$ ,  $\Gamma$ , καὶ ὑπερβολὴ ἡ  $A\Gamma B$  τῇ μὲν  $AB$  συμπιπτέτω κατὰ τὰ  $A$ ,  $B$ , τῇ δὲ  $\Gamma$  καθ' ἐν τὸ  $\Gamma$ , καὶ ἔστω τῇ  $A\Gamma B$  ἀντικειμένη ἡ  $\Delta$ . λέγω, ὅτι ἡ  $\Delta$  οὐδετέρᾳ τῶν  $AB$ ,  $\Gamma$  συμπεσεῖται.

5 ἐπεξεύχθωσαν γὰρ αἱ  $A\Gamma$ ,  $B\Gamma$  καὶ ἐκβεβλήσθωσαν. αἱ ἄρα  $A\Gamma$ ,  $B\Gamma$  τῇ  $\Delta$  τομῇ οὐ συμπεσοῦνται. ἀλλ' οὐδὲ τῇ  $\Gamma$  τομῇ κατ' ἄλλο σημεῖον οὐ συμπεσοῦνται πλὴν 10 τὸ  $\Gamma$ . εἰ γὰρ συμβάλλουσι καὶ καθ' ἔτερον, τῇ  $AB$  ἀντικειμένῃ οὐ συμπεσοῦνται· ὑπόκεινται δὲ συμπίπτονται. αἱ  $A\Gamma$ ,  $B\Gamma$  15 ἄρα εὐθεῖαι τῇ μὲν  $\Gamma$  τομῇ καθ' ἐν συμβάλλουσι τὸ  $\Gamma$ , τῇ δὲ  $\Delta$  τομῇ οὐδὲ δῆλος συμβάλλουσιν. ἡ  $\Delta$  ἄρα ἔσται ὑπὸ τὴν γωνίαν τὴν ὑπὸ  $E\Gamma Z$ . ὥστε ἡ  $\Delta$  τομὴ οὐ συμπεσεῖται ταῖς  $AB$ ,  $\Gamma$ .



με'.  
με'.

20 Ἐὰν ὑπερβολὴ μιᾶς τῶν ἀντικειμένων κατὰ τοία σημεῖα συμβάλλῃ, ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ τῇ ἔτέρᾳ τῶν ἀντικειμένων οὐ συμπεσεῖται πλὴν καθ' ἐν.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ  $AB\Gamma$ ,  $\Delta EZ$ , καὶ ὑπερβολὴ ἡ  $AMB\Gamma$  συμβαλλέτω τῇ  $AB\Gamma$  κατὰ τοία σημεῖα 25 τὰ  $A$ ,  $B$ ,  $\Gamma$ , ἔστω δὲ τῇ  $AM\Gamma$  ἀντικειμένη ἡ  $\Delta EK$  [τῇ δὲ  $AB\Gamma$  ἡ  $\Delta EZ$ ]. λέγω, ὅτι ἡ  $\Delta EK$  τῇ  $\Delta EZ$  οὐ συμβάλλει κατὰ πλείονα σημεῖα ἢ ἐν.

3.  $A\Gamma B$ ] p;  $A\Gamma$ ,  $B\Gamma$  V. 10. συμβάλλουσι] c p, συμβάλλωσι V. 25. τῇ δὲ  $AB\Gamma$  ἡ  $\Delta EZ$ ] V, om. p.

## XLV.

Si hyperbola cum altera oppositarum in duobus punctis concurrit concava ad easdem partes habens, cum altera autem in uno, sectio ei opposita cum neutra oppositarum concurret.

sint oppositae  $AB, \Gamma$ , et hyperbola  $A\Gamma B$  cum  $AB$  in  $A, B$  concurrat, cum  $\Gamma$  autem in uno  $\Gamma$ , sitque sectioni  $A\Gamma B$  opposita  $\Delta$ . dico,  $\Delta$  cum neutra oppositarum  $AB, \Gamma$  concurrere.

ducantur enim  $A\Gamma, B\Gamma$  et producantur. itaque  $A\Gamma, B\Gamma$  cum sectione  $\Delta$  non concurrent [II, 33]. ue- rum ne cum  $\Gamma$  quidem sectione in alio puncto concurrent ac  $\Gamma$ . nam si in alio quoque puncto concurrunt, cum opposita  $AB$  non concurrent [II, 33]; at supposuimus, eas cum illa concurrere. itaque rectae  $A\Gamma, B\Gamma$  cum sectione  $\Gamma$  in uno puncto  $\Gamma$  concurrunt, cum  $\Delta$  autem sectione prorsus non concurrunt. quare  $\Delta$  in angulo  $E\Gamma Z$  posita est. ergo sectio  $\Delta$  cum  $AB, \Gamma$  non concurrent.

## XLVI.

Si hyperbola cum altera oppositarum in tribus punctis concurrit, sectio ei opposita cum altera op- positarum non concurret nisi in uno puncto.

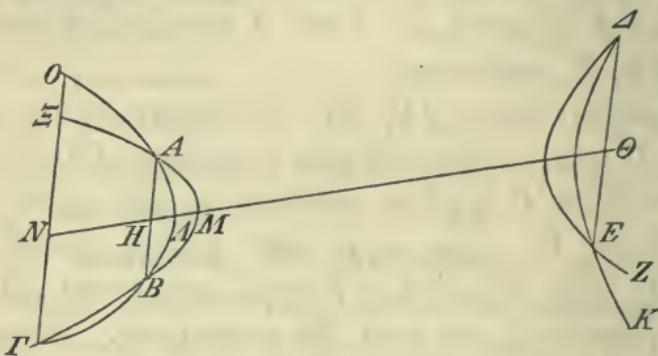
sint oppositae  $AB\Gamma, \Delta EZ$ , et hyperbola  $AMB\Gamma$  cum  $AB\Gamma$  in tribus punetis  $A, B, \Gamma$  concurrat, sit autem sectioni  $AM\Gamma$  opposita  $\Delta EK$ . dico,  $\Delta EK$  cum  $\Delta EZ$  non concurrere in pluribus punctis quam in uno.

nam si fieri potest, concurrat in  $\Delta, E$ , ducantur- que  $AB, \Delta E$ .

εἰ γὰρ δυνατόν, συμβαλλέτω κατὰ τὰ  $\Delta$ ,  $E$ , καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ  $AB$ ,  $\Delta E$ .

ἥτοι δὴ παράλληλοι εἰσιν ἢ οὕ.

ἔστωσαν πρότερον παράλληλοι, καὶ τετμήσθωσαν  
5 αἱ  $AB$ ,  $\Delta E$  δίχα κατὰ τὰ  $H$ ,  $\Theta$ , καὶ ἐπεξεύχθω ἡ  $H\Theta$ · διάμετρος ἄρα ἐστὶ πασῶν τῶν τομῶν καὶ τε-  
ταγμένως ἐπ' αὐτὴν κατηγμέναι αἱ  $AB$ ,  $\Delta E$ . ἥχθω



δὴ ἀπὸ τοῦ  $\Gamma$  παρὰ τὴν  $AB$  ἡ  $\Gamma N \Xi O$ · ἔσται δὴ καὶ  
αὐτὴ τεταγμένως ἐπὶ τὴν διάμετρον κατηγμένη καὶ  
10 συμπεσεῖται ταῖς τομαῖς κατ' ἄλλο καὶ ἄλλο. εἰ γὰρ  
κατὰ τὸ αὐτό, οὐκέτι κατὰ τοία συμβάλλουσιν, ἀλλὰ  
τέσσαρα. ἔσται δὴ ἐν μὲν τῇ  $AMB$  τομῇ ἵση ἡ  $\Gamma N$   
τῇ  $N\Xi$ , ἐν δὲ τῇ  $A\Lambda B$  ἡ  $\Gamma N$  τῇ  $NO$ . καὶ ἡ  $ON$   
ἄρα τῇ  $N\Xi$  ἔστιν ἵση· ὅπερ ἀδύνατον.

15 μὴ ἔστωσαν δὴ παράλληλοι αἱ  $AB$ ,  $\Delta E$ , ἀλλ' ἐκ-  
βαλλόμεναι συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ  $P$ , καὶ ἡ  $\Gamma O$   
ἥχθω παρὰ τὴν  $A\Gamma$  καὶ συμπιπτέτω τῇ  $\Delta P$  ἐκβλη-  
θείσῃ κατὰ τὸ  $P$ , καὶ τετμήσθωσαν αἱ  $AB$ ,  $\Delta E$  δίχα  
κατὰ τὰ  $H$ ,  $\Theta$ , καὶ διὰ τῶν  $H$ ,  $\Theta$  διάμετροι ἥχθωσαν

5. αἱ] p, om. V. 13.  $ONP$  V; corr. Comm.;  $NO$  p.  
19. κατά] p, καὶ κατά V.

aut igitur parallelae sunt aut non parallelae.

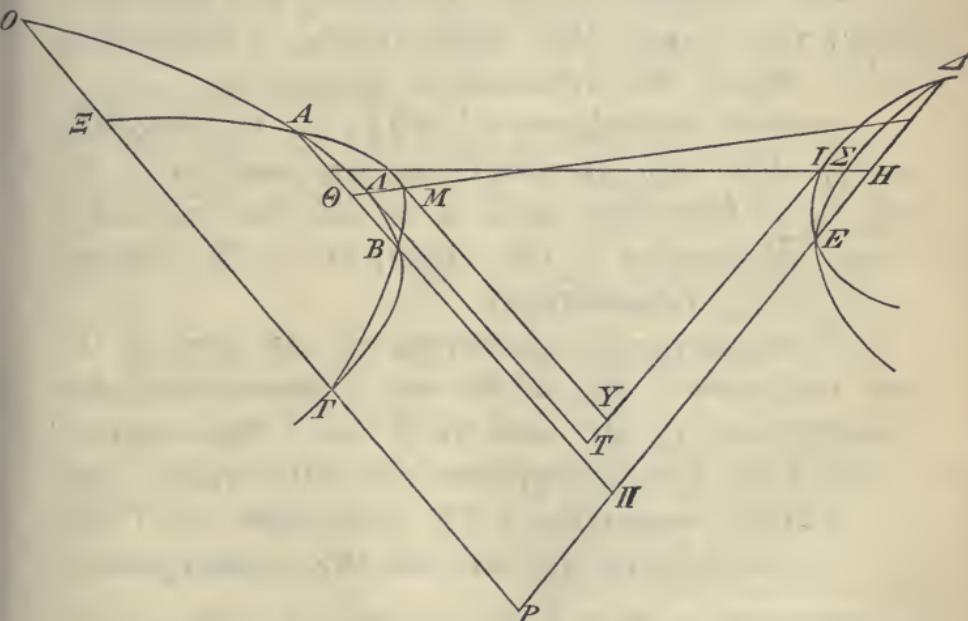
prius parallelae sint, et  $AB, AE$  in  $H, \Theta$  in binas partes aequales secentur, ducaturque  $H\Theta$ ; ea igitur omnium sectionum diametruſ est, et  $AB, AE$  ad eam ordinate ductae sunt [II, 36]. iam a  $\Gamma$  rectae  $AB$  parallelia ducatur  $\Gamma N \Xi O$ ; itaque et ipsa ad diametrum ordinate ducta erit et cum sectionibus in alio atque alio puncto concurret. nam si in eodem concurrit, non iam in tribus punctis concurrunt, sed in quattuor. itaque erit [I def. 4] in sectione  $AMB$

$$\Gamma N = N \Xi,$$

in sectione  $AAB$  autem  $\Gamma N = NO$ . ergo etiam

$$ON = N \Xi;$$

quod fieri non potest.



iam  $AB, AE$  parallelae ne sint, sed productae in  $\Pi$  concurrant, ducaturque  $\Gamma O$  rectae  $A\Pi$  parallela

αἱ ΗΣΙ, ΘΛΜ, ἀπὸ δὲ τῶν Ι, Λ, Μ ἐφαπτόμεναι τῶν τομῶν αἱ ΙΤΤ, ΜΤ, ΛΤ· ἔσται δὴ ἡ μὲν ΙΤ παρὰ τὴν ΔΠ, αἱ δὲ ΛΤ, ΜΤ παρὰ τὰς ΑΠ, ΟΡ. καὶ ἐπεί ἔστιν, ὡς τὸ ἀπὸ ΜΤ πρὸς τὸ ἀπὸ ΤΙ, τὸ 5 ὑπὸ ΑΠΒ πρὸς τὸ ὑπὸ ΔΠΕ, ἀλλ' ὡς τὸ ὑπὸ ΑΠΒ πρὸς τὸ ὑπὸ ΔΠΕ, τὸ ἀπὸ ΛΤ πρὸς τὸ ἀπὸ ΤΙ, καὶ ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ ΜΤ πρὸς τὸ ἀπὸ ΤΙ, τὸ ἀπὸ 10 ΛΤ πρὸς τὸ ἀπὸ ΤΙ. διὰ τὰ αὐτὰ, ἔσται, ὡς μὲν τὸ ἀπὸ ΜΤ πρὸς τὸ ἀπὸ ΤΙ, τὸ ὑπὸ ΞΡΓ πρὸς τὸ ὑπὸ ΔΠΕ, ὡς δὲ τὸ ἀπὸ ΛΤ πρὸς τὸ ἀπὸ ΤΙ, τὸ ὑπὸ ΟΡΓ πρὸς τὸ ὑπὸ ΔΠΕ. ἵσον ἄρα τὸ ὑπὸ ΟΡΓ τῷ 15 ὑπὸ ΞΡΓ· ὅπερ ἀδύνατον.

μξ'.

'Εὰν ὑπερβολὴ τῆς μὲν ἐφάπτηται τῶν ἀντικειμένων, τὴν δὲ κατὰ δύο σημεῖα τέμνῃ, ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ οὐδεμιᾶ τῶν ἀντικειμένων συμπεσεῖται.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ ΑΒΓ, Δ, καὶ ὑπερβολὴ τις ἡ ΑΒΔ τὴν μὲν ΑΒΓ τεμνέτω κατὰ τὰ Α, Β, τῆς δὲ Δ ἐφαπτέσθω κατὰ τὸ Δ, καὶ ἔστω τῆς ΑΒΔ 20 τομῆς ἀντικειμένη ἡ ΓΕ. λέγω, ὅτι ἡ ΓΕ οὐδεμιᾶ τῶν ΑΒΓ, Δ συμπεσεῖται.

εἰ γὰρ δυνατόν, συμπιπτέτω τῇ ΑΒ κατὰ τὸ Γ, καὶ ἐπειεύχθω ἡ ΑΒ, καὶ διὰ τοῦ Δ ἐφαπτομένη ἥχθω συμπίπτουσα τῇ ΑΒ κατὰ τὸ Ζ· τὸ Ζ ἄρα σημεῖον 25 ἐντὸς ἔσται τῶν ἀσυμπτώτων τῆς ΑΒΔ τομῆς. καὶ ἔστιν αὐτῆς ἀντικειμένη ἡ ΓΕ· ἡ ἄρα ἀπὸ τοῦ Γ ἐπὶ τὸ Ζ ἐντὸς πεσεῖται τῆς ὑπὸ τῶν ΒΖΔ περιεχομένης

1. ΘΛΜ] p, ΘΛΜΣ V. 5. ἀλλ' — 6. ΤΙ] p (τῶν ΑΠ, ΠΒ; τῶν ΔΠ, ΠΕ; τῆς ΛΤ; τῆς ΤΙ); om. V. 9. ΞΡΓ] corr. ex ΞΡΠ m. 1 V, ΞΡΠ v; ΞΡ, ΡΓ p. 14. ὑπερβολὴ] p, ὑπερβολῆς V.

et cum  $\Delta\pi$  producta in  $P$  concurrat,  $AB$ ,  $\Delta\pi$  autem in  $H$ ,  $\Theta$  in binas partes aequales secentur, et per  $H$ ,  $\Theta$  diametri ducantur  $H\Sigma I$ ,  $\Theta\Lambda M$ , ab  $I$ ,  $\Lambda$ ,  $M$  autem sectiones contingentes  $ITT$ ,  $MT$ ,  $\Delta T$ ; itaque [II, 5]  $IT$  rectae  $\Delta\pi$  parallela erit,  $\Delta T$  autem et  $MT$  rectis  $\Delta\pi$ ,  $OP$ . et quoniam est [III, 19]

$$MT^2 : TI^2 = \Delta\pi \times PB : \Delta\pi \times PE,$$

$$\Delta\pi \times PB : \Delta\pi \times PE = \Delta T^2 : TI^2,$$

erit etiam  $MT^2 : TI^2 = \Delta T^2 : TI^2$ . eadem de causa erit  $MT^2 : TI^2 = EP \times PG : \Delta P \times PE$  et

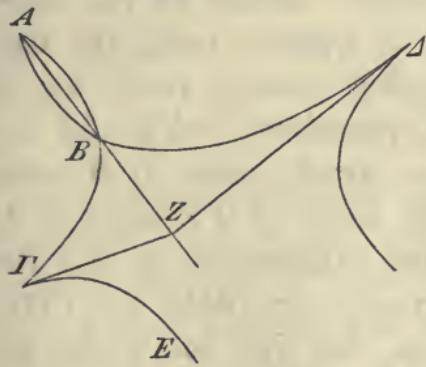
$$\Delta T^2 : TI^2 = OP \times PG : \Delta P \times PE.$$

ergo [Eucl. V, 9]  $OP \times PG = EP \times PG$ ; quod fieri non potest.

### XLVII.

Si hyperbola alteram oppositarum contingit, alteram in duobus punctis secat, sectio ei opposita cum neutra oppositarum concurret.

sint oppositae  $AB\Gamma$ ,  $\Delta$ , et hyperbola  $AB\Delta$  sectionem  $AB\Gamma$  secet in  $A$ ,  $B$ , sectionem autem  $\Delta$  in



$\Delta$  contingat, sitque sectioni  $AB\Delta$  opposita  $\Gamma E$ . dico,  $\Gamma E$  cum neutra sectionum  $AB\Gamma$ ,  $\Delta$  concurrere.

nam si fieri potest, cum  $AB$  in  $\Gamma$  concurrat, duca turque  $AB$ , et per  $\Delta$  contingens ducatur recta in

$Z$  cum  $AB$  concurrens;  $Z$  igitur punctum intra asymptotas sectionis  $AB\Delta$  positum erit [II, 25]. et ei opposita est  $\Gamma E$ ; itaque recta a  $\Gamma$  ad  $Z$  ducta intra

γωνίας. πάλιν ἐπεὶ ὑπερβολή ἔστιν ἡ  $AB\Gamma$ , καὶ συμπίπτουσιν αἱ  $AB$ ,  $\Gamma Z$ , καὶ αἱ  $A$ ,  $B$  συμπτώσεις οὐ περιέχουσι τὴν  $\Gamma$ , τὸ  $Z$  σημεῖον μεταξὺ τῶν ἀσυμπτώτων ἔστι τῆς  $AB\Gamma$  τομῆς. καὶ ἔστιν αὐτῆς ἀντικείμενη ἡ  $\Delta$ . ἡ ἄρα ἀπὸ τοῦ  $\Delta$  ἐπὶ τὸ  $Z$  ἐντὸς περεῖται τῆς ὑπὸ  $AZ\Gamma$  γωνίας· ὅπερ ἄτοπον· ἐπιπτε γὰρ καὶ εἰς τὴν ὑπὸ  $BZ\Delta$ . οὐκ ἄρα ἡ  $GE$  μιᾶς τῶν  $AB\Gamma$ ,  $\Delta$  συμπεσεῖται.

μη'.

10 Ἐὰν ὑπερβολὴ μιᾶς τῶν ἀντικειμένων καθ' ἓν μὲν ἐφάπτηται, κατὰ δύο δὲ συμπίπτῃ, ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ τῇ ἀντικειμένῃ οὐ συμπεσεῖται.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ  $AB\Gamma$ ,  $\Delta$ , καὶ ὑπερβολὴ τις ἡ  $AH\Gamma$  ἐφαπτέσθω μὲν κατὰ τὸ  $A$ , τεμνέτω δὲ 15 κατὰ τὰ  $B$ ,  $\Gamma$ , καὶ τῆς  $AH\Gamma$  ἀντικειμένη ἔστω ἡ  $E$ . λέγω, ὅτι ἡ  $E$  τῇ  $\Delta$  οὐ συμπεσεῖται.

εἰ γὰρ δυνατόν, συμπιπτέτω κατὰ τὸ  $\Delta$ , καὶ ἐπεξεύχθω ἡ  $B\Gamma$  καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ  $Z$ , καὶ ἥχθω ἀπὸ τοῦ  $A$  ἡ  $AZ$  ἐφαπτομένη. διοίωσ δὴ τοῖς πρότερον δειχθήσεται, ὅτι τὸ  $Z$  σημεῖον ἐντὸς τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης γωνίας ἔστι. καὶ ἡ  $AZ$  ἐφάψεται τῶν τομῶν ἀμφοτέρων, καὶ ἡ  $\Delta Z$  ἐκβαλλομένη τεμεῖ τὰς τομὰς μεταξὺ τῶν  $A$ ,  $B$  κατὰ τὰ  $H$ ,  $K$ . καὶ ὅν δὴ ἔχει λόγον ἡ  $\Gamma Z$  πρὸς  $ZB$ , 25 ἔχέτω ἡ  $\Gamma\Delta$  πρὸς  $AB$ , καὶ ἐπιξευχθεῖσα ἡ  $AA$  ἐκβεβλήσθω· τεμεῖ δὴ τὰς τομὰς κατ' ἄλλο καὶ ἄλλο. τεμνέτω κατὰ τὰ  $N$ ,  $M$ · αἱ ἄρα ἀπὸ τοῦ  $Z$  ἐπὶ τὰ  $N$ ,  $M$  ἐφάψονται τῶν τομῶν, καὶ ἔσται διοίωσ τοῖς

3. περιέχουσι] cp, περιέχωσι e corr. V  
scripsi; Γ Vp. 25.  $AB$ ] p, om. V extr. pag.

5.  $\Delta$  (alt.)]

angulum  $BZ\Delta$  cadet. rursus quoniam hyperbola est  $AB\Gamma$ , et  $AB, \Gamma Z$  concurrunt, et puncta concursus  $A, B$  punctum concursus  $\Gamma$  non continent, punctum  $Z$  intra asymptotas sectionis  $AB\Gamma$  positum est.<sup>1)</sup> et ei opposita est  $\Delta$ ; itaque recta a  $\Delta$  ad  $Z$  ducta intra angulum  $AZ\Gamma$  cadet; quod absurdum est; nam etiam in angulum  $BZ\Delta$  cadebat. ergo  $\Gamma E$  cum neutra sectionum  $AB\Gamma, \Delta$  concurret.

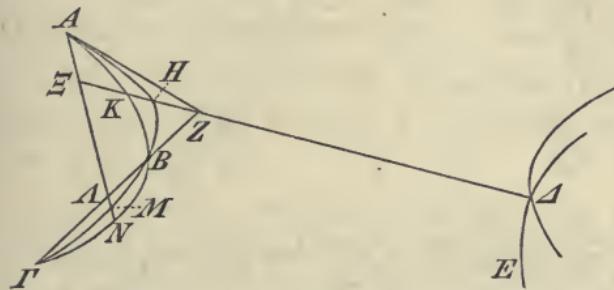
## XLVIII.

Si hyperbola alteram oppositarum in uno punto contingit, in duobus autem cum ea concurrit, sectio ei opposita cum opposita non concurret.

sint oppositae  $AB\Gamma, \Delta$ , et hyperbola  $AH\Gamma$  in  $A$  contingat, in  $B$ ,  $\Gamma$  autem secet, et sectioni  $AH\Gamma$  op-

posita sit  $E$ .  
dico,  $E$  cum  
 $\Delta$  non con-  
currere.

nam si fieri  
potest, in  $\Delta$   
concurrat,  
ducaturque



$B\Gamma$  et ad  $Z$  producatur, ab  $A$  autem  $AZ$  contingens ducatur. iam eodem modo, quo antea, demonstrabimus, punctum  $Z$  intra angulum ab asymptotis comprehensum positum esse [II, 25]. et  $AZ$  utramque sectionem continget,  $\Delta Z$  autem producta sectiones inter  $A, B$  in  $H, K$  secabit. sitque  $\Gamma Z : ZB = \Gamma\Delta : \Delta B$ ,

1) Hic iidem prorsus errores sunt, quos ad prop. XLIII notauimus. hic quoque  $\Gamma Z\Delta$  in figura codicis V una est recta.

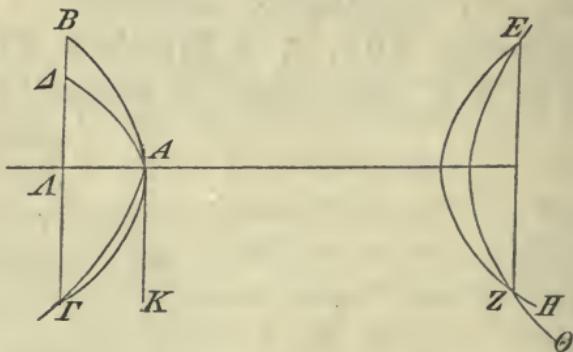
πρότερον διὰ μὲν τὴν ἑτέραν τομήν, ὡς ἡ ΞΔ πρὸς ΔΖ, ἡ ΞΚ πρὸς ΚΖ, διὰ δὲ τὴν ἑτέραν, ὡς ἡ ΞΔ πρὸς ΔΖ, ἡ ΞΗ πρὸς ΗΖ· ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα  
ἡ ἀντικειμένη συμπεσεῖται.

5

μθ'.

Ἐὰν ὑπερβολὴ μιᾶς τῶν ἀντικειμένων ἐφαπτομένη  
καθ' ἑτέρου αὐτῆς σημεῖον συμπίπτῃ, ἡ ἀντικειμένη  
αὐτῇ τῇ ἑτέρᾳ τῶν ἀντικειμένων οὐ συμπεσεῖται κατὰ  
πλείονα σημεῖα ἢ ἓν.

10 ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ ΑΒΓ, ΕΖΗ, καὶ ὑπερ-  
βολὴ τις ἡ ΔΑΓ ἐφαπτέσθω μὲν κατὰ τὸ Α, τεμνέτω



δὲ κατὰ τὸ Γ, καὶ ἔστω τῇ ΔΑΓ ἀντικειμένη ἡ ΕΖΘ.  
λέγω, ὅτι οὐ συμπεσεῖται τῇ ἑτέρᾳ ἀντικειμένῃ κατὰ  
πλείονα σημεῖα ἢ ἓν.

15 εἰ γὰρ δυνατόν, συμβαλλέτω κατὰ δύο τὰ Ε, Ζ,  
καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΕΖ, καὶ διὰ τοῦ Α ἐφαπτομένη τῶν  
τομῶν ἥχθω ἡ ΑΚ.

ἥτοι δὴ παράλληλοί εἰσιν ἢ οὐ.

ἔστωσαν πρότερον παράλληλοι, καὶ ἥχθω ἡ διχο-

2. διά — 3. ΗΖ] p, om. V.      4. ἡ ἀντικειμένη τῇ ἀντι-  
κειμένῃ p.

et ducta  $\Delta A$  producatur; secabit igitur sectiones in alio atque alio punto. secet in  $N, M$ ; itaque rectae a  $Z$  ad  $N, M$  ductae sectiones contingent [prop. I], et eodem modo, quo antea, erit [III, 39; Eucl. V, 16] propter alteram sectionem  $E\Delta : \Delta Z = EK : KZ$ , propter alteram autem  $E\Delta : \Delta Z = EH : HZ$ ; quod fieri non potest. ergo sectio opposita non concurret.

### XLIX.

Si hyperbola alteram oppositarum contingens in alio quoque puncto cum ea concurrit, sectio ei opposita cum altera oppositarum in pluribus punctis non concurret quam in uno.

sint oppositae  $AB\Gamma, EZH$ , et hyperbola  $\Delta A\Gamma$  in  $A$  contingat, in  $\Gamma$  autem secet, sitque  $EZ\Theta$  sectioni  $\Delta A\Gamma$  opposita. dico, eam cum altera oppositarum in pluribus punctis non concurrere quam in uno.

nam si fieri potest, concurrat in duobus  $E, Z$ , ducaturque  $EZ$ , et per  $A$  sectiones contingens ducatur  $AK$ .

aut igitur parallelae sunt aut non paralleliae.

prius parallelae sint, et diametrus rectam  $EZ$  in duas partes aequales diuidens ducatur; ea igitur per  $A$  ueniet et diametrus erit sectionum coniugatarum [II, 34]. per  $\Gamma$  rectis  $AK, EZ$  parallela ducatur  $\Gamma\Lambda\Delta B$ ; ea igitur sectiones in alio atque alio punto secabit. erit igitur [I def. 4] in altera  $\Gamma\Lambda = \Lambda\Delta$ , in reliqua autem  $\Gamma\Lambda = \Lambda B$ . hoc uero fieri non potest.

$AK, EZ$  igitur parallelae ne sint, sed in  $K$  concurrent, et  $\Gamma\Delta$  rectae  $AK$  parallela ducta cum  $EZ$  in  $N$  concurrat,  $AB$  autem rectam  $EZ$  in duas par-

τομοῦσα διάμετρος τὴν EZ· ἥξει ἄρα διὰ τοῦ Α καὶ  
ἔσται διάμετρος τῶν δύο συζυγῶν. ἥχθω διὰ τοῦ Γ  
παρὰ τὰς AK, EZ ἡ ΓΛΔΒ· τεμεῖ ἄρα τὰς τομὰς  
κατ' ἄλλο καὶ ἄλλο σημεῖον. ἔσται δὴ ἐν μὲν τῇ  
5 ἑτέρᾳ ἴση ἡ ΓΛ τῇ ΛΔ, ἐν δὲ τῇ λοιπῇ ἡ ΓΛ τῇ  
ΛΒ. τοῦτο δὲ ἀδύνατον.

μὴ ἔστωσαν δὴ παράλληλοι αἱ AK, EZ, ἀλλὰ  
συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ K, καὶ ἡ ΓΔ παρὰ τὴν AK  
ἡγμένη συμπιπτέτω τῇ EZ κατὰ τὸ N, ἡ δὲ ΑΒ δι-  
10 χοτομοῦσα τὴν EZ τεμνέτω τὰς τομὰς κατὰ τὰ Ξ, Ο,  
καὶ ἐφαπτόμεναι ἥχθωσαν τῶν τομῶν ἀπὸ τῶν Ξ, Ο  
αἱ ΞΠ, ΟΡ. ἔσται ἄρα, ὡς τὸ ἀπὸ ΑΠ πρὸς τὸ  
ἀπὸ ΠΞ, τὸ ἀπὸ ΑΡ πρὸς τὸ ἀπὸ ΡΟ, καὶ διὰ τοῦτο  
ώς τὸ ὑπὸ ΔΝΓ πρὸς τὸ ὑπὸ ENZ, τὸ ὑπὸ BΝΓ  
15 πρὸς τὸ ὑπὸ ENZ. ἴσουν ἄρα τὸ ὑπὸ ΔΝΓ τῷ ὑπὸ<sup>τῷ</sup>  
BΝΓ· ὅπερ ἀδύνατον.

v'.

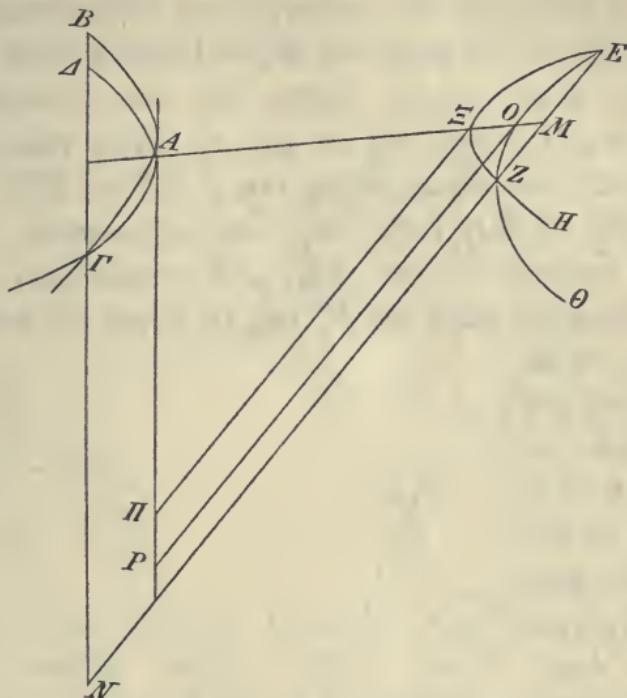
'Εὰν ὑπερβολὴ μᾶς τῶν ἀντικειμένων καθ' ἐν  
σημεῖον ἐπιψαύῃ, ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ τῇ ἑτέρᾳ τῶν  
20 ἀντικειμένων οὐ συμπεσεῖται κατὰ πλείονα σημεῖα  
ἢ δύο.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ ΑΒ, ΕΔΗ, καὶ ὑπερβολὴ  
ἡ ΑΓ τῆς ΑΒ ἐφαπτέσθω κατὰ τὸ A, καὶ ἔστω τῆς  
ΑΓ ἀντικειμένη ἡ ΕΔΖ. λέγω, ὅτι ἡ ΕΔΖ τῇ ΕΔΗ  
25 οὐ συμπεσεῖται κατὰ πλείονα σημεῖα ἢ δύο.

εἰ γὰρ δυνατόν, συμβαλλέτω κατὰ τοία τὰ Δ, Ε,  
Θ, καὶ ἥχθω τῶν ΑΒ, ΑΓ ἐφαπτομένη ἡ AK, καὶ  
ἐπιζευχθεῖσα ἡ ΔΕ ἐκβεβλήσθω, καὶ ἔστωσαν πρότε-

3. ΓΛΔΒ] p, ΓΛΒΔ V. 10. τά] p, τό V. 22. ΕΔΗ]  
p, ΔΕΗ V. 24. ΕΔΖ] p, ΔΕΖ V. ΕΔΖ] p, ΔEZ V.  
ΕΔΗ] p, ΔΕΗ V. 26. κατά] cp, κατὰ τά V.

tes aequales diuidens sectiones in  $\Xi$ ,  $O$  secet, sectionesque contingentes ab  $\Xi$ ,  $O$  ducantur  $\Xi\pi$ ,  $OP$ . erit



igitur [II, 5; Eucl. VI, 4]  $A\pi^2 : \Pi\Xi^2 = AP^2 : PO^2$ ;  
quare [III, 19]

$\Delta N \times N\Gamma : EN \times NZ = BN \times N\Gamma : EN \times NZ$ .  
ergo  $\Delta N \times N\Gamma = BN \times N\Gamma$  [Eucl. V, 9]; quod fieri non potest.

### L.

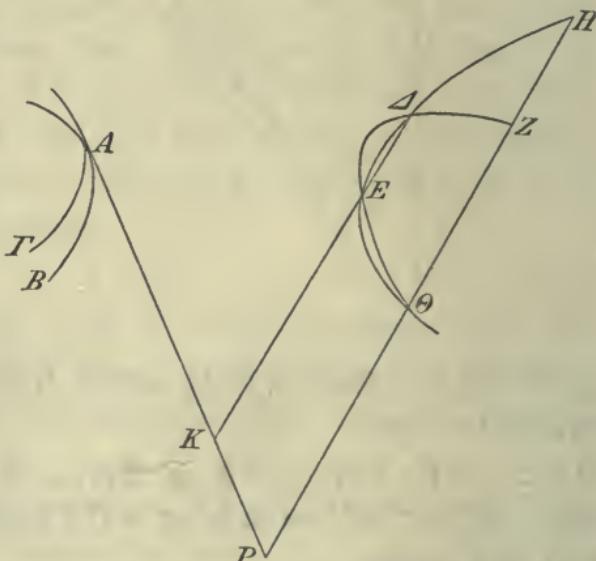
Si hyperbola alteram oppositarum in uno puncto contingit<sup>1)</sup>, sectio ei opposita cum altera oppositarum in pluribus punctis non concurret quam in duobus.

sint oppositae  $AB$ ,  $E\Delta H$ , et hyperbola  $AG$  sectionem  $AB$  in  $A$  contingat, sitque sectioni  $AG$  op-

1) Sc. ad easdem partes concaua habens; cf. prop. LIV.

ρον παράλληλοι αἱ  $AK$ ,  $AE$ · καὶ τετμήσθω ἡ  $AE$   
 δίχα κατὰ τὸ  $A$ , καὶ ἐπεξεύχθω ἡ  $AA$ . ἔσται δὴ διά-  
 μετρος ἡ  $AA$  τῶν δύο συζυγῶν καὶ τέμνει τὰς τομὰς  
 μεταξὺ τῶν  $A$ ,  $E$  κατὰ τὰ  $M$ ,  $N$  [ῶστε ἡ  $AAE$  δίχα  
 5 τέτμηται κατὰ τὸ  $A$ ]. ἦχθω ἀπὸ τοῦ  $\Theta$  παρὰ τὴν  
 $AE$  ἡ  $\Theta ZH$ . ἔσται δὴ ἐν μὲν τῇ ἑτέρᾳ τομῇ ἵση ἡ  
 $\Theta \Xi$  τῇ  $\Xi Z$ , ἐν δὲ τῇ ἑτέρᾳ ἵση ἡ  $\Theta \Xi$  τῇ  $\Xi H$ . ὕστε  
 καὶ ἡ  $\Xi Z$  τῇ  $\Xi H$  ἔστιν ἵση· ὅπερ ἀδύνατον.

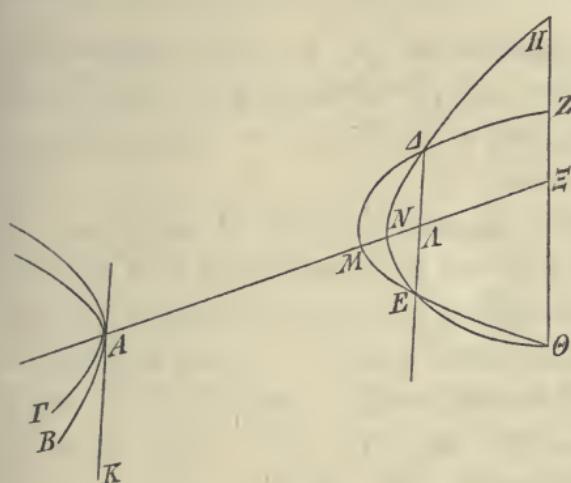
μὴ ἔστωσαν δὴ αἱ  $AK$ ,  $AE$  παράλληλοι, ἀλλὰ  
 10 συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ  $K$ , καὶ τὰ λοιπὰ τὰ αὐτὰ γε-  
 γονέτω, καὶ ἐκ-  
 βληθεῖσα ἡ  $AK$   
 συμπιπτέτω τῇ  
 $Z\Theta$  κατὰ τὸ  $P$ .  
 15 διμοίως δὴ δεί-  
 ξομεν τοῖς πρό-  
 τεον, ὅτι ἔστιν,  
 ὡς τὸ ὑπὸ  
 $AKE$  πρὸς τὸ  
 20 ἀπὸ  $AK$ , ἐν  
 μὲν τῇ  $ZAE$   
 τομῇ τὸ ὑπὸ  
 $ZP\Theta$  πρὸς τὸ  
 ἀπὸ  $PA$ , ἐν δὲ  
 25 τῇ  $HAE$  τὸ ὑπὸ  $HP\Theta$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $PA$ . τὸ ἄρα ὑπὸ<sup>1</sup>  
 $HP\Theta$  ἵσον τῷ ὑπὸ  $ZP\Theta$ . ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ἡ  
 $E\Delta Z$  τῇ  $E\Delta H$  κατὰ πλείουνα σημεῖα συμβάλλει ἢ δύο.



4. ὕστε] ἐπεὶ Halley praeceunte Commandino; ego ὕστε —  $A$  lin. 5 deleuerim. 6.  $\Theta ZH$ ] p,  $\Theta HZ$  V. 7. ἐν — τῇ  $\Xi H$ ] p, om. V. 21.  $ZAE$ ]  $\Xi AE$  V,  $ZAE\Theta$  p; corr. Memus. 25. ἀπό] p, om. V. 27.  $E\Delta Z$ ] p,  $\Delta EZ$  V.  $E\Delta H$ ] p,  $\Delta EH$  V.

posita  $E\Delta Z$ . dico,  $E\Delta Z$  cum  $E\Delta H$  in pluribus punctis non concurrere quam in duobus.

nam si fieri potest, in tribus concurrat  $\Delta$ ,  $E$ ,  $\Theta$ , ducaturque sectiones  $AB$ ,  $AG$  contingens  $AK$ , et ducta



$\Delta E$  producatur<sup>1)</sup>), prius autem parallelae sint  $AK$ ,  $\Delta E$ ; et  $\Delta E$  in  $\Delta$  in duas partes aequales secetur, ducaturque  $AA'$ .  $AA'$  igitur diametruſ erit sectionum coniugatarum [II, 34]

sectionesque inter  $\Delta$ ,  $E$  in  $M$ ,  $N$  secat. a  $\Theta$  rectae  $\Delta E$  parallela ducatur  $\Theta ZH$ ; itaque erit [I def. 4] in altera sectione  $\Theta E = EZ$ , in altera autem  $\Theta E = EH$ . quare etiam  $EZ = EH$ ; quod fieri non potest.

$AK$ ,  $\Delta E$  igitur parallelae ne sint, sed in  $K$  concurrent, et reliqua eadem comparentur, productaque  $AK$  cum  $Z\Theta$  in  $P$  concurrat. eodem igitur modo, quo antea, demonstrabimus, esse [III, 19; Eucl. V, 16] in sectione  $Z\Delta E$   $\Delta K \times KE : AK^2 = ZP \times P\Theta : PA^2$ , in  $H\Delta E$  autem  $\Delta K \times KE : AK^2 = HP \times P\Theta : PA^2$ . itaque  $HP \times P\Theta = ZP \times P\Theta$  [Eucl. V, 9]; quod fieri non potest. ergo  $E\Delta Z$  cum  $E\Delta H$  in pluribus punctis non concurrit quam in duobus.

1) Hoc addidit propter secundam figuram.

*να'*.

'Εὰν ὑπερβολὴ ἐκατέρας τῶν ἀντικειμένων ἐφάπτηται, ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ οὐδεμιᾷ τῶν ἀντικειμένων συμπεσεῖται.

5 ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ *A*, *B*, καὶ ὑπερβολὴ ἡ *AB* ἐκατέρας αὐτῶν ἐφαπτέσθω κατὰ τὰ *A*, *B*, ἀντικειμένη δὲ αὐτῆς ἔστω ἡ *E*. λέγω, ὅτι ἡ *E* οὐδετέρᾳ τῶν *A*, *B* συμπεσεῖται.

εἰ γὰρ δυνατόν, συμπιπτέτω τῇ *A* κατὰ τὸ *A*,  
10 καὶ ἥχθωσαν ἀπὸ τῶν *A*, *B* ἐφαπτόμεναι τῶν τομῶν· συμπεσοῦνται δὴ ἀλλήλαις ἐντὸς τῶν ἀσυμπτώτων τῆς *AB* τομῆς. συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ *G*, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ *GA*· ἡ ἄρα *GA* ἐν τῷ μεταξὺ τόπῳ ἔσται τῶν *AG*, *GB*. ἀλλὰ καὶ μεταξὺ τῶν *BG*, *GA*· ὅπερ ἄτοπον.  
15 οὐκ ἄρα ἡ *E* συμπεσεῖται ταῖς *A*, *B*.

*νβ'*.

'Εὰν ἐκατέρα τῶν ἀντικειμένων ἐκατέρας τῶν ἀντικειμένων καθ'<sup>1</sup> ἐν ἐφάπτηται ἐπὶ τὰ αὐτὰ τὰ κοῖλα ἔχουσα, οὐ συμπεσεῖται καθ'<sup>2</sup> ἐτερον σημεῖον.

20 ἐφαπτέσθωσαν γὰρ ἀλλήλων ἀντικείμεναι κατὰ τὰ *A*, *A* σημεῖα. λέγω, ὅτι καθ'<sup>2</sup> ἐτερον σημεῖον οὐ συμβάλλουσιν.

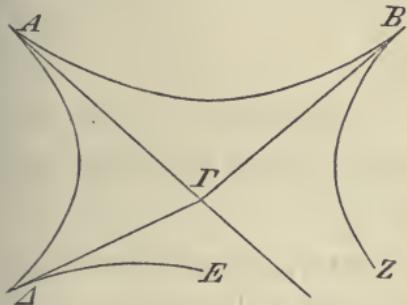
εἰ γὰρ δυνατόν, συμβαλλέτωσαν κατὰ τὸ *E*. ἐπεὶ οὖν ὑπερβολὴ μιᾶς τῶν ἀντικειμένων ἐφαπτομένη 25 κατὰ τὸ *A* συμπέπτωκε κατὰ τὸ *E*, ἡ ἄρα *AB* τῇ *AG* οὐ συμβάλλει κατὰ πλείονα σημεῖα ἢ ἐν. ἥχθωσαν ἀπὸ τῶν *A*, *A* τῶν τομῶν ἐφαπτόμεναι αἱ *AΘ*,

17. ἐκατέρας τῶν ἀντικειμένων] p, om. V.

## LI.

Si hyperbola utramque oppositam contingit, sectio ei opposita cum neutra oppositarum concurret.

sint oppositae  $A, B$ , et hyperbola  $AB$  in  $A, B$  utramque contingat, ei autem opposita sit  $E$ . dico,  $E$  cum neutra sectionum  $A, B$  concurrere.



nam si fieri potest, cum  $A$  in  $\Delta$  concurrat, et ab  $A, B$  rectae ducantur sectiones contingentes; eae igitur intra asymptotas sectionis  $AB$  inter se concurrent [II, 25]. concurrent in  $\Gamma$ , ducaturque  $\Gamma\Delta$ ;  $\Gamma\Delta$

igitur in spatio inter  $A\Gamma, \Gamma B$  posito erit. uerum eadem inter  $B\Gamma, \Gamma Z^1)$  cadet; quod absurdum est. ergo  $E$  cum  $A, B$  non concurret.

## LII.

Si utraque opposita utramque oppositam in singulis punctis contingit ad easdem partes concava habens, in alio punto non concurret.

nam oppositae in punctis  $A, \Delta$  inter se concurrent. dico, eas in nullo alio punto concurrere.

nam si fieri potest, concurrent in  $E$ . quoniam igitur hyperbola alteram oppositarum in  $\Delta$  contingens cum ea in  $E$  concurrit,  $AB$  cum  $A\Gamma$  in pluribus punctis non concurrit quam in uno [prop. XLIX]. ab

1) Quia ex II, 33 recta  $\Gamma B$  cum sectione  $A\Delta$  non concurrit, h. e. extra  $\Delta\Gamma$ , quae cum  $A\Delta$  concurrit, cadit.

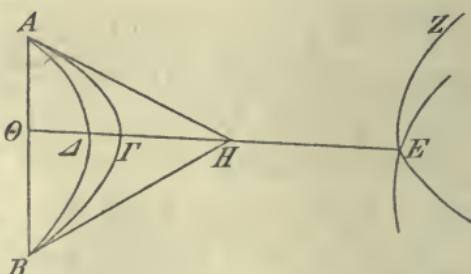
ΘΔ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΑΔ, καὶ διὰ τοῦ Ε παρὰ τὴν ΑΔ ἥχθω ἡ ΕΒΓ, καὶ ἀπὸ τοῦ Θ δευτέρᾳ διάμετρος ἥχθω τῶν ἀντικειμένων ἡ ΘΚΛ· τεμεῖ δὴ τὴν ΑΔ δίχα κατὰ τὸ Κ. καὶ ἐκατέρᾳ ἄρα τῶν ΕΒ, ΕΓ δίχα 5 τέτμηται κατὰ τὸ Λ. ἵση ἄρα ἡ ΒΛ τῇ ΛΓ· ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα συμπεδουνται κατ' ἄλλο σημεῖον.

*vγ'.*

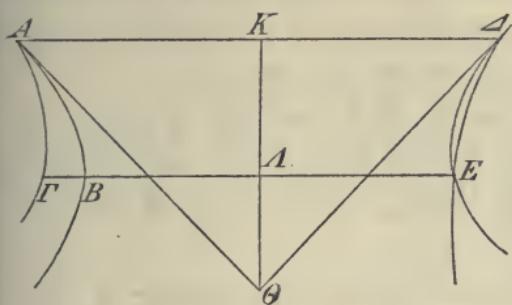
'Εὰν ὑπερβολὴ μιᾶς τῶν ἀντικειμένων κατὰ δύο σημεῖα ἐφάπτηται, ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ τῇ ἐτέρᾳ τῶν 10 ἀντικειμένων οὐ συμπεσεῖται.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ ΑΔΒ, Ε, καὶ ὑπερβολὴ ἡ ΑΓ τῆς ΑΔΒ ἐφαπτέσθω κατὰ δύο σημεῖα τὰ Α, Β, καὶ ἔστω ἀντικειμένη τῆς ΑΓ ἡ Ζ. λέγω, ὅτι ἡ Ζ τῇ Ε οὐ συμπεσεῖται.

15 εἰ γὰρ δυνατόν, συμπιπτέτω κατὰ τὸ Ε, καὶ ἥχθωσαν ἀπὸ τῶν Α, Β ἐφαπτόμεναι τῶν τομῶν αἱ ΑΗ, ΗΒ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΑΒ καὶ ἡ ΕΗ καὶ 20 ἐκβεβλήσθω· τεμεῖ δὴ κατ' ἄλλο καὶ ἄλλο σημεῖον τὰς τομάς. ἔστω δὴ ὡς ἡ ΕΗΓΔΘ. ἐπεὶ οὖν ἐφάπτονται αἱ ΑΗ, ΗΒ, καὶ ἡ ΑΒ τὰς ἀφὰς ἐπέξευξεν, ἔσται ἐν 25 μὲν τῇ ἐτέρᾳ συζυγίᾳ, ὡς ἡ ΘΕ πρὸς ΕΗ, ἡ ΘΔ πρὸς ΔΗ, ἐν δὲ τῇ ἐτέρᾳ ἡ ΘΓ πρὸς ΓΗ· ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ἡ Ζ τῇ Ε συμβάλλει.



$A, \Delta$  sectiones contingentes ducantur  $A\Theta, \Theta\Delta$ , ducaturque  $\Delta A$ , et per  $E$  rectae  $\Delta A$  parallela ducatur



$EB\Gamma$ , a  $\Theta$  autem secunda diametru oppositarum ducatur  $\Theta KA^1$ ; ea igitur in  $K$  rectam  $\Delta A$  in duas partes aequales secat [III, 39]. itaque etiam utraque  $EB$ ,

$EG$  in  $\Delta$  in binas partes aequales secta est [I def. 4]. quare  $B\Delta = \Delta\Gamma$ ; quod fieri non potest. ergo in alio punto non concurrent.

### LIII.

Si hyperbola alteram oppositarum in duobus punctis contingit, sectio ei opposita cum altera oppositarum non concurret.

sint oppositae  $\Delta\Delta B, E$ , et hyperbola  $\Delta\Gamma$  sectionem  $\Delta\Delta B$  in duobus punctis  $A, B$  contingat, sitque sectioni  $\Delta\Gamma$  opposita  $Z$ . dico,  $Z$  cum  $E$  non concurrere.

nam si fieri potest, in  $E$  concurrat, et ab  $A, B$  sectiones contingentes ducantur  $AH, HB$ , et ducatur  $AB$  et  $EH$ , quae producatur; sectiones igitur in alio atque alio punto secabit. uelut sit  $EH\Gamma\Delta\Theta$ . quoniam igitur  $AH, HB$  contingunt, et  $AB$  puncta contactus coniungit, in alteris sectionibus coniugatis erit  $\Theta E : EH = \Theta\Delta : \Delta H$ , in alteris autem

$$\Theta E : EH = \Theta\Gamma : \Gamma H$$

1) Aut cum Comm.  $\Theta\Delta K$  scribendum aut figura cum Halleio mutanda (in fig. codicis  $\Gamma, B$  permutatae sunt). sed omnino haec demonstratio minus recte expressa est.

*νδ'.*

'Εὰν ὑπερβολὴ μιᾶς τῶν ἀντικειμένων ἐπιφαύη  
ἀντεστραμμένα τὰ κυρτὰ ἔχουσα, ή ἀντικειμένη αὐτῇ  
τῇ ἐτέρᾳ τῶν ἀντικειμένων οὐ συμπεσεῖται.

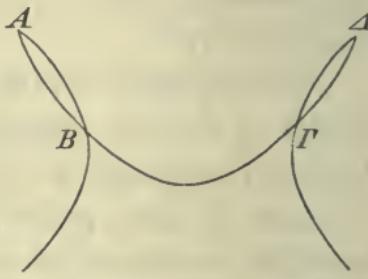
5 ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ  $A, B$ , καὶ τῆς  $A$  τομῆς ἐφ-  
απτέσθω ὑπερβολή τις ή  $A\Delta$  κατὰ τὸ  $A$ , ἀντικειμένη  
δὲ τῆς  $A\Delta$  ἔστω ή  $Z$ . λέγω, ὅτι ή  $Z$  τῇ  $B$  οὐ συμ-  
πεσεῖται.

ἡχθω ἀπὸ τοῦ  $A$  ἐφαπτομένη τῶν τομῶν ή  $A\Gamma$ .  
10 ή ἄρα  $A\Gamma$  διὰ μὲν τὴν  $A\Delta$  οὐ συμπεσεῖται τῇ  $Z$ ,  
διὰ δὲ τὴν  $A$  οὐ συμπεσεῖται τῇ  $B$ . ὥστε ή  $A\Gamma$   
μεταξὺ πεσεῖται τῶν  $B, Z$  τομῶν. καὶ φανερόν, ὅτι  
ή  $B$  τῇ  $Z$  οὐ συμπεσεῖται.

*νε'.*

15 Ἀντικείμεναι ἀντικειμένας οὐ τέμνονται κατὰ πλείο-  
να σημεῖα ή τέσσαρα.

ἔστωσαν γὰρ ἀντικείμε-  
ναι αἱ  $AB, \Gamma\Delta$  καὶ ἐτεραι  
ἀντικείμεναι αἱ  $AB\Gamma\Delta, EZ$ ,  
20 καὶ τεμνέτω πρότερον ή  
 $AB\Gamma\Delta$  τομὴ ἐκατέρων τῶν  
 $AB, \Gamma\Delta$  κατὰ τέσσαρα ση-  
μεῖα τὰ  $A, B, \Gamma, \Delta$  ἀντε-  
στραμμένα τὰ κυρτὰ ἔχουσα,



25 ώς ἐπὶ τῆς πρώτης καταγραφῆς. ή ἄρα ἀντικειμένη  
τῇ  $AB\Gamma\Delta$ , τουτέστιν ή  $EZ$ , οὐδεμιᾶς τῶν  $AB, \Gamma\Delta$   
συμπεσεῖται.

*τέσσαρα*

*Z*

13. τῇ  $Z$ ] cyp, τῇ  $\bar{V}$  ut saepius.  
δ  $V$ . 19.  $AB\Delta\Gamma$  p. 21.  $AB\Delta\Gamma$  p.

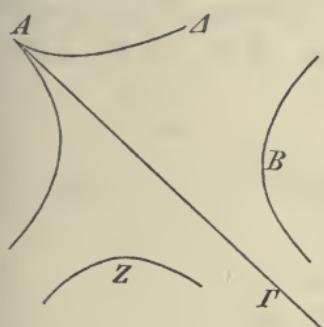
26.  $AB\Delta\Gamma$  p.

16. *τέσσαρα*] p,  
23.  $\Gamma, \Delta$ ]  $\Delta, \Gamma$  p.

[III, 39; Eucl. V, 16]; quod fieri non potest. ergo  $Z$  cum  $E$  non concurrit.

## LIV.

Si hyperbola alteram oppositarum contingit partem conuexam aduersam habens, sectio ei opposita cum altera oppositarum non concurreret.



sint oppositae  $A, B$ , et sectionem  $A$  contingat hyperbola  $AA$  in  $A$ , sectioni autem  $AA$  opposita sit  $Z$ . dico,  $Z$  cum  $B$  non concurrere.

ab  $A$  sectiones contingens ducatur  $AG$ ;  $AG$  igitur propter  $AA$  cum  $Z$  non concurret, propter  $A$  autem cum  $B$  non concurret [II, 33]. ergo  $AG$  inter sectiones  $B, Z$  cadet; et manifestum est,  $B$  cum  $Z$  non concurrere.

## LV.

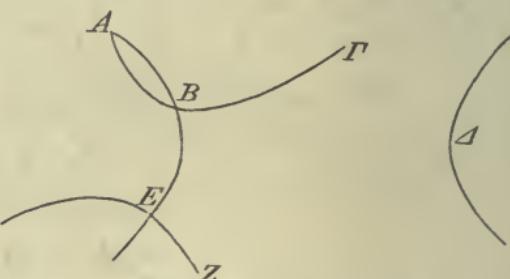
Oppositae oppositas in pluribus punctis quam in quattuor non secant.

sint enim oppositae  $AB, \Gamma\Delta$  et aliae oppositae  $AB\Gamma\Delta^1), EZ$ , et prius sectio  $AB\Gamma\Delta$  utramque  $AB, \Gamma\Delta$  in quattuor punctis secet  $A, B, \Gamma, \Delta$  partem conuexam habens aduersam, ut in prima figura. ergo sectio sectioni  $AB\Gamma\Delta$  opposita, hoc est  $EZ$ , cum neutra sectionum  $AB, \Gamma\Delta$  concurret [prop. XLIII].

1) In figura codicis V et hic et infra  $\Gamma, \Delta$  permutatae sunt. unde scriptura codicis p orta est. sed praestat figuram cum Memo mutare.

ἀλλὰ δὴ ἡ  $AB\Gamma\Delta$  τὴν μὲν  $AB$  τεμνέτω κατὰ τὰ  $A, B$ , τὴν δὲ  $\Gamma$  καθ' ἐν τὸ  $\Gamma$ , ὡς ἔχει ἐπὶ τῆς δευτέρας καταγραφῆς· ἡ  $EZ$  ἄρα τῇ  $\Gamma$  οὐ συμπεσεῖται. εἰ δὲ τῇ  $AB$  συμβάλλει ἡ  $EZ$ , καθ' ἐν μόνον συμβάλλει· 5 εἰ γὰρ κατὰ δύο συμβάλλει τῇ  $AB$ , ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ ἡ  $AB\Gamma$  τῇ ἐτέρᾳ ἀντικειμένῃ τῇ  $\Gamma$  οὐ συμπεσεῖται· ὑπόκειται δὲ καθ' ἐν τῷ  $\Gamma$  συμβάλλουσα.

εἰ δέ, ὡς ἔχει ἐπὶ τῆς τρίτης καταγραφῆς, ἡ  $AB\Gamma$  τὴν μὲν  $\Delta$  οὐ συμπεσεῖται, τῇ δὲ  $ABE$  συμπίπτουσα οὐ συμπεσεῖται κατὰ 10 πλείονα σημεῖα ἡ δύο.



εἰ δέ, ὡς ἔχει ἐπὶ τῆς τετάρτης καταγραφῆς, ἡ  $AB\Gamma\Delta$  ἐκατέραν τέμνει καθ' ἐν σημεῖον, ἡ  $EZ$  οὐδετέρᾳ συμπεσεῖται κατὰ δύο σημεῖα. ὥστε διὰ τὰ 20 εἰδημένα καὶ τὰ ἀντίστροφα αὐτῶν αἱ  $AB\Gamma\Delta$ ,  $\Gamma Z$  ἀντικειμέναις ταῖς  $BE$ ,  $EZ$  τομαῖς οὐ συμπεσοῦνται κατὰ πλείονα σημεῖα ἡ τέσσαρα.

ἐάν δὲ αἱ τομαὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ τὰ κοῦλα ἔχωσι, καὶ ἡ ἐτέρᾳ τὴν ἐτέραν τέμνη κατὰ τέσσαρα τὰ  $A, B, \Gamma,$  25  $\Delta$ , ὡς ἐπὶ τῆς πέμπτης καταγραφῆς, ἡ  $EZ$  τῇ ἐτέρᾳ

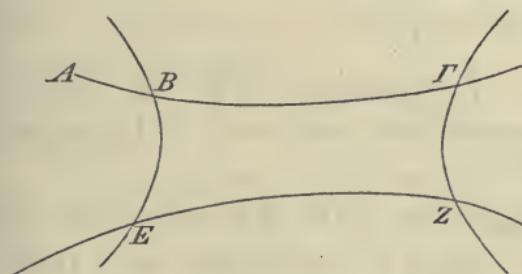
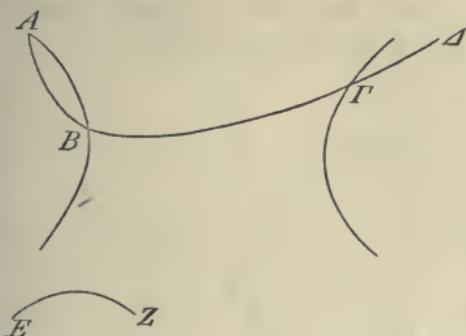
- |  |   |
|--|---|
| 1. $AB\Gamma\Delta]$ $AB\Delta$ p, $AB\Gamma$ Halley cum Comm. | 2. $\Gamma]$<br>scripsi, $\Gamma\Delta$ V p. $\Gamma]$ $\Delta$ p.      3. $\Gamma]$ $\Gamma\Delta$ p.      6. $AB\Gamma]$ v c,<br>$B$ e corr. m. 1 V; $AB\Delta$ p. $\Gamma]$ $\Gamma\Delta$ p.      7. $\Gamma]$ $\Delta$ p.      8.<br>$AB\Delta$ p.      9. δεῖ] p, om. V.      11. $\Delta]$ $\Gamma\Delta$ p.      18. $AB\Delta\Gamma$ p.<br>20. τά] om. V p, corr. Halley. $AB\Delta, \Gamma\Delta Z$ p; $AB\Gamma\Delta, EZ$ Halley cum Comm.      21. ἀντικείμεναι Halley. $EZ]$ $\Gamma Z$ Halley cum Comm.      22. τέσσαρα] p, δ̄ V. |
|--|---|

iam uero  $AB\Gamma\Delta$  sectionem  $AB$  in  $A, B$  secet, sectionem autem  $\Gamma$  in uno  $\Gamma$ , ut in secunda figura est; itaque  $EZ$  cum  $\Gamma$  non concurreat [prop. XLI]. sin  $EZ$  cum  $AB$  concurrit, in uno puncto solo concurrit. si enim in duobus cum  $AB$  concurrit, sectio ei opposita  $AB\Gamma$  cum altera opposita  $\Gamma$  non concurreat [prop. XLIII]; supposuimus autem, eam in uno puncto  $\Gamma$  concurrere.

sin, ut est in figura tertia,  $AB\Gamma$  sectionem  $ABE$  in duobus punctis  $A, B$  secat,  $EZ$  autem cum  $ABE$  concurrit, cum  $\Delta$  non concurreat [prop. XLI], et cum  $ABE$  concurrens in pluribus punctis quam in duobus

non concurreat [prop. XXXVII].  
sin, ut est in figura quarta,  
 $AB\Gamma\Delta$  utramque in uno puncto secat,  $EZ$  cum neutra in duobus punctis concurreat [prop. XLII]. ergo propter ea, quae diximus, et conuersa sectiones  $AB\Gamma\Delta$ ,  $\Gamma Z$  cum sectionibus iis oppositis  $BE, EZ$  in pluribus punctis non concurrent quam in quattuor.<sup>1)</sup>

1) Uerba ὡστε lin. 19 — τέσσαρα lin. 22 inutilia sunt et suspecta; nam ordo litterarum parum rectus est, nec ἀντίστροφα propositionum hic locum habent.

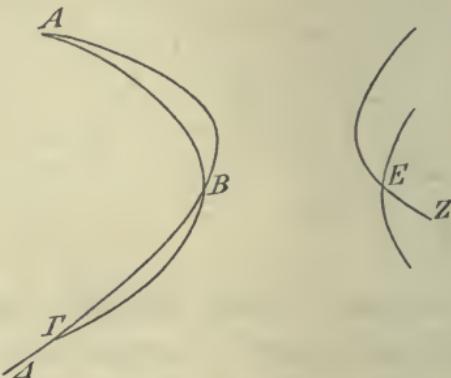


οὐ συμπεσεῖται. οὐδὲ μὴν ἡ EZ οὐ συμπεσεῖται τῇ AB· πάλιν γὰρ ἔσται ἡ AB ταῖς ABΓΔ, EZ ἀντικειμέναις συμπίπτουσα κατὰ πλείονα σημεῖα ἢ τέσσαρα [ἄλλ' οὐδὲ ἡ ΓΔ τῇ EZ συμπέσεῖται].

5 εἰ δέ, ως ἔχει ἐπὶ τῆς ἔκτης καταγραφῆς,  
ἡ ABΓΔ τῇ ἑτέρᾳ τομῇ  
συμβάλλει κατὰ τρία  
σημεῖα, ἡ EZ τῇ ἑτέρᾳ  
10 καθ' ἐν μόνον συμ-  
πεσεῖται.

καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν  
τὰ αὐτὰ τοῖς προτέροις  
ἔροῦμεν.

15 ἐπεὶ οὖν κατὰ πάσας τὰς ἐνδεχομένας διαστολὰς  
δῆλόν ἔστι τὸ προτεθέν, ἀντικείμεναι ἀντικειμέναις  
οὐ συμβάλλουσι κατὰ πλείονα σημεῖα ἢ τέσσαρα.



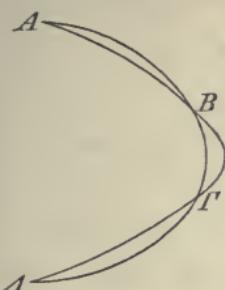
v5'.

'Εὰν ἀντικείμεναι ἀντικειμένων καθ' ἐν σημεῖον  
20 ἐπιψαύωσιν, οὐ συμπεσοῦνται καὶ κατ' ἄλλα σημεῖα  
πλείονα ἢ δύο.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ AB, BG καὶ ἑτεραι αἱ  
Δ, EZ, καὶ ἡ BGΔ τῆς AB ἐφαπτέσθω κατὰ τὸ B,  
καὶ ἔχετωσαν ἀντεστροφαμένα τὰ υφοτά, καὶ συμπιπτέτω  
25 πρῶτον ἡ BGΔ τῇ ΓΔ κατὰ δύο σημεῖα τὰ Γ, Δ,  
ώς ἐπὶ τοῦ πρῶτου σχήματος.

1. οὐ (alt.)] om. p. 4. ΓΔ] HΘ Halley, ne caedem litterae bis ponantur, sed potius ἄλλ' — συμπεσεῖται delenda et in fig. litterae Γ, Δ in opposita. 20. ἐπιψαύωσιν] p., ἐπιψαύοντιν V, et c, sed corr. m. 1. 22. BG] ΓΔ Halley cum Comm. 23. Δ] BG Halley praeeunte Comm. EZ] evp, Z e corr. m. 1 V.

sin sectiones ad easdem partes concava habent,  
et altera alteram in quattuor punctis  $A, B, \Gamma, \Delta$  secat,



ut in quinta figura,  
 $EZ$  cum altera non  
concurret [prop.  
XLIV]. iam uero  
cum  $AB$  non con-  
curret  $EZ$ ; ita enim  
rursus  $AB$  cum op-

positis  $AB\Gamma\Delta, EZ$  in pluribus punctis concurret quam  
in quattuor [prop. XXXVIII].

sin, ut est in figura sexta,  $AB\Gamma\Delta$  cum altera sec-  
tione in tribus punctis concurrit,  $EZ$  cum altera in  
uno solo concurret [prop. XLVI].

et in reliquis<sup>1)</sup> eadem, quae supra, dicemus.

quoniam igitur in omnibus, quae excogitari pos-  
sunt, distributionibus adparet propositum, oppositae  
cum oppositis in pluribus punctis non concurrunt  
quam in quattuor.

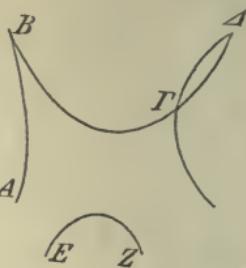
## LVI.

Si oppositae oppositas in uno punto contingant,  
in aliis quoque punctis non concurrent pluribus quam  
duobus.

sint oppositae  $AB, B\Gamma$  et alterae  $\Delta, EZ$ , et  $B\Gamma\Delta$   
sectionem  $AB$  in  $B$  contingat, habeant autem partem  
conuexam aduersam; et primum  $B\Gamma\Delta$  cum  $\Gamma\Delta$  in  
duobus punctis concurrat  $\Gamma, \Delta$ , ut in figura prima.

1) Adsunt praeterea in V duae figurae, sed falsae; signi-  
ficiat Apollonius duos illos casus, ubi  $AB\Gamma\Delta$  alteram in duobus,  
alteram in uno punto tangit [prop. XLV], et ubi in uno  
punto concurrit.

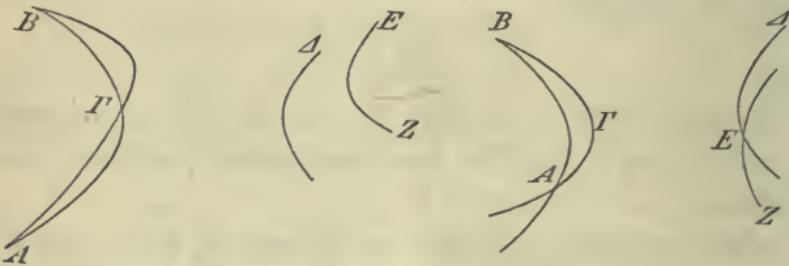
ἐπεὶ οὖν ἡ  $B\Gamma\Delta$  κατὰ δύο τέμνει ἀντεστρομμένα  
ἔχουσα τὰ κυρτά, ἡ  $EZ$  τῇ  $AB$  οὐ συμπεσεῖται. πά-  
λιν ἐπεὶ ἡ  $B\Gamma\Delta$  τῆς  $AB$  ἐφάπτεται  
κατὰ τὸ  $B$  ἀντεστρομμένα ἔχουσα τὰ  
5 κυρτά, ἡ  $EZ$  τῇ  $\Gamma\Delta$  οὐ συμπεσεῖται.  
ἡ ἄρα  $EZ$  οὐδετέρᾳ τῶν  $AB$ ,  $\Gamma\Delta$   
τομῶν συμπεσεῖται· κατὰ δύο μόνον  
ἄριτρα τὰ  $\Gamma$ ,  $\Delta$  συμβάλλουσιν.



ἀλλὰ δὴ τὴν  $\Gamma\Delta$  ἡ  $B\Gamma$  τεμνέτω

10 καθ' ἐν σημεῖον τὸ  $\Gamma$ , ὡς ἐπὶ τοῦ δευτέρου σχήματος.  
ἡ ἄριτρα  $EZ$  τῇ μὲν  $\Gamma\Delta$  οὐ συμπεσεῖται, τῇ δὲ  $AB$   
συμπεσεῖται καθ' ἐν μόνον. εἰ γὰρ κατὰ δύο συμ-  
βάλλει η  $EZ$  τῇ  $AB$ , η  $B\Gamma$  τῇ  $\Gamma\Delta$  οὐ συμπεσεῖται·  
ὑπόκειται δὲ συμβάλλουσα καθ' ἐν.

15 εἰ δὲ ἡ  $B\Gamma$  τῇ  $\Delta$  τομῇ μὴ συμπίπτῃ, ὡς ἐπὶ τοῦ  
τοίτον σχήματος, διὰ μὲν τὰ προειρημένα ἡ  $EZ$  τῇ  
 $\Delta$  οὐ συμπεσεῖται, ἡ δὲ  $EZ$  τῇ  $AB$  οὐ συμπεσεῖται  
κατὰ πλείονα σημεῖα ἢ δύο.



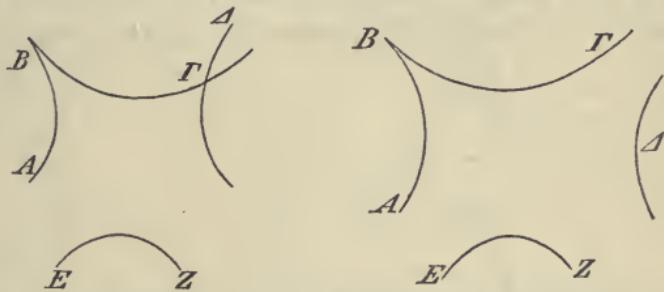
ἐὰν δὲ αἱ τομαὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ τὰ κοῖλα ἔχωσιν, αἱ  
20 αὐταὶ ἀποδεῖξεις ἀριστούσι.

κατὰ πάσας οὖν τὰς ἐνδεχομένας διαστολὰς δῆλον  
ἐστιν ἐκ τῶν δεδειγμένων τὸ προτεθέν.

7. δύο] p, τὸ β̄ V. 13.  $B\Gamma\Delta$ ]  $B\Gamma\Delta$  Vp, corr. Comm.  
17.  $\Delta$ ]  $\Gamma\Delta$  Vp, corr. Comm.

quoniam igitur  $B\Gamma\Delta$  in duobus punctis secat partem conuexam habens aduersam,  $EZ$  cum  $AB$  non concurret [prop. XLI]. rursus quoniam  $B\Gamma\Delta$  sectionem  $AB$  in  $B$  contingit partem conuexam habens aduersam,  $EZ$  cum  $\Gamma\Delta$  non concurret [prop. LIV].  $EZ$  igitur cum neutra sectionum  $AB$ ,  $\Gamma\Delta$  concurret; ergo in duabus<sup>1)</sup> solis  $\Gamma$ ,  $\Delta$  concurrunt.

iam uero  $B\Gamma$  sectionem  $\Gamma\Delta$  in uno punto  $\Gamma$  secat, ut in secunda figura. itaque  $EZ$  cum  $\Gamma\Delta$  non concurret [prop. LIV], cum  $AB$  autem in uno solo concurret. nam si  $EZ$  cum  $AB$  in duobus concurrit,  $B\Gamma$  cum  $\Gamma\Delta$  non concurret [prop. XLI]; supposuimus autem, eam in uno concurrere.



sin  $B\Gamma$  cum sectione  $\Delta$  non concurrit, ut in ter-

tia figura, propter ea, quae antea diximus,  $EZ$  cum  $\Delta$  non concurret [prop. LIV]; cum  $AB$  autem non concurret  $EZ$  in pluribus punctis quam in duabus [prop. XXXVII].

sin sectiones concava ad easdem partes posita habent, eadem demonstrationes conuenient [u. propp. XLVIII, XLIX, L].

1) Neque enim  $B\Gamma\Delta$  cum  $\Gamma\Delta$  in tribus punctis concurrit (prop. XXXVII).

$\nu\zeta'$ .

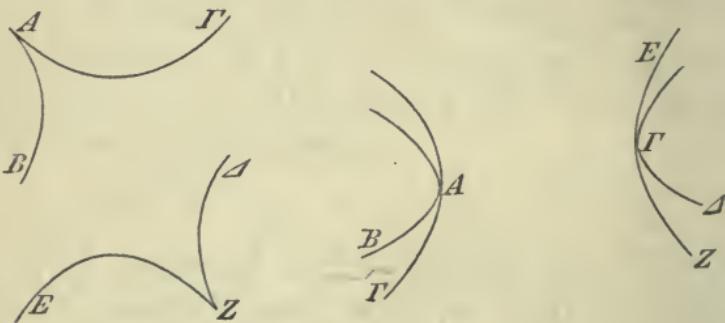
'Εὰν ἀντικείμεναι ἀντικειμένων κατὰ δύο ἐπιψαύσι,  
καθ' ἔτερον σημεῖον οὐ συμπεσοῦνται.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ  $AB$ ,  $ΓΔ$  καὶ ἔτεραι αἱ  
5  $ΑΓ$ ,  $EZ$  καὶ ἐφαπτέσθωσαν πρῶτον, ὡς ἐπὶ τοῦ πρώτου  
τοῦ σχήματος, κατὰ τὰ  $A$ ,  $Γ$ .

ἐπεὶ οὖν ἡ  $ΑΓ$  ἐκατέρας τῶν  $AB$ ,  $ΓΔ$  ἐφάπτεται  
κατὰ τὰ  $A$ ,  $Γ$  σημεῖα, ἡ  $EZ$  ἄρα οὐδετέρᾳ τῶν  $AB$ ,  
ΓΔ συμπεσεῖται.

10 ἐφαπτέσθωσαν δὴ, ὡς ἐπὶ τοῦ δευτέρου. ὅμοίως  
δὴ δειχθήσεται, ὅτι ἡ  $ΓΔ$  τῇ  $EZ$  οὐ συμπεσεῖται.

ἐφαπτέσθω δὴ, ὡς ἐπὶ τοῦ τρίτου σχήματος, ἡ μὲν  
 $ΓΑ$  τῆς  $AB$  κατὰ τὸ  $A$ , ἡ δὲ  $Δ$  τῆς  $EZ$  κατὰ τὸ  $Z$ .  
ἐπεὶ οὖν ἡ  $ΑΓ$  τῆς  $AB$  ἐφάπτεται ἀντεστραμμένα τὰ



15 πυρτὰ ἔχουσα, ἡ  $EZ$  τῇ  $AB$  οὐ συμπεσεῖται. πάλιν  
ἐπεὶ ἡ  $ZΔ$  τῆς  $EZ$  ἐφάπτεται, ἡ  $ΓΑ$  τῇ  $ΔΖ$  οὐ συμ-  
πεσεῖται.

εἰ δὲ ἡ μὲν  $ΑΓ$  τῆς  $AB$  ἐφάπτεται κατὰ τὸ  $A$ ,  
ἡ δὲ  $EΓ$  τῆς  $ΓΔ$  κατὰ τὸ  $Γ$ , καὶ ἔχουσιν ἐπὶ τὰ

9. Post  $ΓΔ$  del. ἐφάπτεται m. 1 V; non hab. cyp. 12.  
ἐφαπτέσθωσαν p. ἡ μὲν  $ΓΑ$  τῆς  $AB$ ] cyp, bis V. 19.  $EΓ$ ]  
EZ Halley cum Comm., ne littera  $Γ$  bis ponatur.  $ΓΔ$ ]  $EΔ$   
Halley cum Comm.  $Γ$ ]  $E$  Halley cum Comm.  $\xi\chiouσιν$ ]  
cyp,  $\xi\chiouσιν$  V.

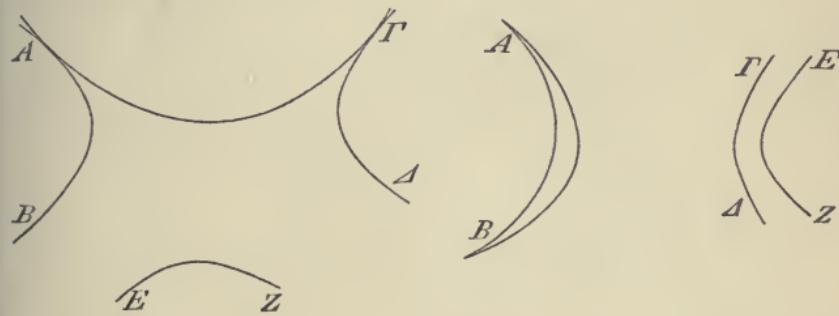
ergo in omnibus, quae excogitari possunt, distributionibus propositum ex demonstratis adparet<sup>1)</sup>.

## LVII.

Si oppositae oppositas in duobus punctis contingunt, in alio punto non concurrent.

sint oppositae  $AB$ ,  $\Gamma\Delta$  et alterae  $A\Gamma$ ,  $EZ$ , primum autem, ut in prima figura, in  $A$ ,  $\Gamma$  contingant.

quoniam igitur  $A\Gamma$  utramque  $AB$ ,  $\Gamma\Delta$  in punctis  $A$ ,  $\Gamma$  contingit,  $EZ$  cum neutra sectionum  $AB$ ,  $\Gamma\Delta$  concurret [prop. LI]<sup>2)</sup>.



iam contingant, ut in figura secunda. similiter igitur demonstrabimus,  $\Gamma\Delta$  cum  $EZ$  non concurrere [prop. LIII]<sup>3)</sup>.

iam uero, sicut in tertia figura,  $\Gamma\Delta$  sectionem  $AB$  in  $A$  contingat,  $\Delta$  autem sectionem  $EZ$  in  $Z$ <sup>4)</sup>. quoniam igitur  $A\Gamma$  contingit  $AB$  partem conuexam habens

1) Tres figurae ultimae in V deprauatae sunt.

2) Neque uero  $A\Gamma$  cum  $AB$ ,  $\Gamma\Delta$  in pluribus punctis concurret (prop. XL).

3) Neque uero  $AB$  cum sectione, quam contingit, in pluribus punctis concurret (prop. XXVII).

4) At hoc, monente Commandino, fieri non potest ob prop. LIV.

αύτα τὰ κοῖλα, ὡς ἐπὶ τοῦ τετάρτου σχήματος, καθ'  
ἔτερον οὐ συμπεσοῦνται. οὐδὲ μὴ ἡ EZ τῇ AB  
συμπεσεῖται.

κατὰ πάσας οὖν τὰς ἐνδεχομένας διαστολὰς δῆλόν  
5 ἔστιν ἐκ τῶν δεδειγμένων τὸ προτεθέν.

---

2. μῆ] V p, μήν Halley. In fine: Ἀπολλωνίου νωνικῶν δ:—  
ἐκδόσεως Εὐτοκίου Ἀσκαλωνίτον V; seq. una pagina (fol. 160v)  
cum figuris huius prop.; deinde: Ἀπολλωνίου νωνικῶν δ.

---

aduersam,  $EZ$  cum  $AB$  non concurret. rursus quoniam  $Z\Delta$  contingit  $EZ$ ,  $\Gamma A$  cum  $AZ$  non concurret.

sin  $A\Gamma$  sectionem  $AB$  in  $A$  contingit,  $E\Gamma$  autem sectionem  $\Gamma\Delta$  in  $\Gamma$ , et concava ad easdem partes posita habent, ut in quarta figura, in nullo alio puncto concurrent [prop. LII]. neque uero  $EZ$  cum  $AB$  concurret [prop. XXXIX].

ergo in omnibus, quae excogitari possunt, distributionibus propositum ex demonstratis adparet.



## FRAGMENTA.

---



Conica.

1. Pappus VII, 30 p. 672 sq. ed. Hultsch:

*Κωνικῶν ἡ.*

Τὰ Εὐκλείδου βιβλία δὲ κωνικῶν Ἀπολλώνιος ἀνα-  
πληρώσας καὶ προσθεὶς ἔτερα δὲ παρέδωκεν ἡ κωνικῶν  
τεύχη. Ἀρισταῖος δέ, ὃς γράφει μέχρι τοῦ νῦν ἀνα-  
διδόμενα στερεῶν τόπων τεύχη ἐ συνεχῆ τοῖς κωνικοῖς,  
ἐκάλει — καὶ οἱ πρὸ Ἀπολλωνίου — τῶν τριῶν κωνικῶν  
γραμμῶν τὴν μὲν ὁξυγωνίου, τὴν δὲ ὁρθογωνίου, τὴν  
δὲ ἀμβλυγωνίου κώνου τομήν. ἐπεὶ δὲ ἐν ἑκάστῳ τῶν 10  
τριῶν τούτων κώνων διαφόρως τεμνομένων αἱ γ  
γίνονται γραμμαί, διαπορήσας, ὡς φαίνεται, Ἀπολλώ-  
νιος, τί δήποτε ἀποκληρώσαντες οἱ πρὸ αὐτοῦ ἦν μὲν  
ἐκάλουν ὁξυγωνίου κώνου τομὴν δυναμένην καὶ ὁρθο-  
γωνίου καὶ ἀμβλυγωνίου εἶναι, ἦν δὲ ὁρθογωνίου 15  
εἶναι δυναμένην ὁξυγωνίου τε καὶ ἀμβλυγωνίου, ἦν  
δὲ ἀμβλυγωνίου δυναμένην εἶναι ὁξυγωνίου τε καὶ  
ὁρθογωνίου, μεταθεὶς τὰ ὄνόματα καλεῖ τὴν μὲν ὁξυ-  
γωνίου καλούμενην ἐλλειψιν, τὴν δὲ ὁρθογωνίου  
παραβολήν, τὴν δὲ ἀμβλυγωνίου ὑπερβολήν, ἑκάστην 20  
δὲ ἀπό τινος ἰδίου συμβεβηκότος χωρίου γάρ τι παρά  
τινα γραμμὴν παραβαλλόμενον ἐν μὲν τῇ ὁξυγωνίου  
κώνου τομῇ ἐλλειπθεν γίνεται τετραγώνῳ, ἐν δὲ τῇ

6. γέγραφε Hultsch. μέχρι] τὰ μέχρι Hultsch cum  
Halleio. 8. καὶ οἱ πρὸ Ἀπολλωνίου] del. Hultsch. 21. ἀπό  
uel γ' ἀπό Hultsch.

ἀμβλυγωνίου ὑπερβάλλον τετραγώνῳ, ἐν δὲ τῇ ὁρθο-  
γωνίου οὕτε ἐλλεῖπον οὕδ' ὑπερβάλλον. τοῦτο δ'  
ἐπαθεν μὴ προσνοήσας, ὅτι κατά τινα μίαν πτῶσιν  
τοῦ τέμνοντος ἐπιπέδου τὸν κῶνον καὶ γεννῶντος τὰς  
τρεῖς γραμμὰς ἐν ἐκάστῳ τῶν κώνων ἄλλη καὶ ἄλλη  
τῶν γραμμῶν γίνεται, ἣν ὠνόμασαν ἀπὸ τῆς ἰδιότητος  
τοῦ κώνου. εἰν γὰρ τὸ τέμνον ἐπίπεδον ἀχθῆ παράλ-  
ληλον μιᾶς τοῦ κώνου πλευρᾷ, γίνεται μία μόνη τῶν  
τριῶν γραμμῶν ἀεὶ ἡ αὐτή, ἣν ὠνόμασεν ὁ Ἀρισταῖος  
10 ἔκείνου τοῦ τμηθέντος κώνου τομήν.

'Ο δ' οὖν Ἀπολλώνιος, οἷα περιέχει τὰ ὑπ' αὐτοῦ  
γραφέντα κωνιῶν ἡ βιβλία, λέγει κεφαλαιώδη θεὶς  
προδήλωσιν ἐν τῷ προοιμίῳ τοῦ πρώτου ταύτην.  
"περιέχει δὲ τὸ μὲν πρῶτον τὰς γενέσεις τῶν τριῶν  
15 τομῶν καὶ τῶν ἀντικειμένων καὶ τὰ ἐν αὐταῖς ἀρχικὰ  
συμπτώματα ἐπὶ πλεῖον καὶ παθόλου μᾶλλον ἔξητασμένα  
παρὰ τὰ ὑπὸ τῶν ἄλλων γεγραμμένα. τὸ δὲ δεύτερον  
τὰ περὶ τὰς διαμέτρους καὶ τοὺς ἄξονας τῶν τομῶν  
καὶ τῶν ἀντικειμένων συμβαίνοντα καὶ τὰς ἀσυμ-  
20 πτώτους καὶ ἄλλα γενίκην καὶ ἀναγκαῖαν χρείαν παρε-  
χόμενα πρὸς τοὺς διορισμούς· τίνας δὲ διαμέτρους ἢ  
τίνας ἄξονας καλῶ, εἰδήσεις ἐκ τούτου τοῦ βιβλίου.  
τὸ δὲ τρίτον πολλὰ καὶ παντοῖα χρήσιμα πρός τε τὰς  
συνθέσεις τῶν στερεῶν τόπων καὶ τοὺς διορισμούς, ὃν  
25 τὰ πλείονα καὶ καλὰ καὶ ἔνα κατανοήσαντες εῦρομεν  
μὴ συντιθέμενον ὑπὸ Εὐκλείδου τὸν ἐπὶ τρεῖς καὶ δ  
γραμμὰς τόπουν, ἀλλὰ μόριόν τι αὐτοῦ καὶ τοῦτο οὐκ  
εὔτυχῶς· οὐ γὰρ δυνατὸν ἄνευ τῶν προειρημένων

2. τοῦτο δ' ἐπαθεν — 10. τομήν] interpolatori tribuit Hultsch. 3. προσεννοήσας Hultsch. μίαν] ἴδιαν Hultsch.  
4. τὰς] addidi. 6. ὠνόμασεν Hultsch.

τελειωθῆναι τὴν σύνθεσιν. τὸ δὲ δ', ποσαχῶς αἱ τῶν κώνων τομαὶ ἀλλήλαις τε καὶ τῇ τοῦ κύκλου περιφερείᾳ συμπίπτουσιν καὶ ἐκ περισσοῦ, ὃν οὐδέτερον ὑπὸ τῶν πρὸ ἡμῶν γέγραπται, κώνου τομὴ κύκλου περιφερείᾳ κατὰ πόσα σημεῖα συμβάλλει καὶ ἀντικείμεναι ἀντικειμέναις κατὰ πόσα σημεῖα συμβάλλουσιν. τὰ δὲ λοιπὰ δὲ περιουσιαστικώτερα· ἔστι γὰρ τὸ μὲν περὶ ἐλαχίστων καὶ μεγίστων ἐπὶ πλεῖον, τὸ δὲ περὶ ἵσων καὶ διμοίων τομῶν, τὸ δὲ διοριστικῶν θεωρημάτων, τὸ δὲ κωνικῶν προβλημάτων διωρισμένων<sup>5</sup>. 10  
 Ἀπολλώνιος μὲν ταῦτα.

2. Pappus VII, 42 p. 682, 21:

"Ἐχει δὲ τὰ ἡ βιβλία τῶν Ἀπολλωνίου κωνικῶν θεωρημάτα ἦτοι διαγράμματα υπέ, λήμματα δὲ ἦτοι λαμβανόμενά ἔστιν εἰς αὐτὰ σ.

15

3. Pappus IV, 59 p. 270:

Δοκεῖ δέ πως ἀμάρτημα τὸ τοιοῦτον οὐ μικρὸν εἶναι τοῖς γεωμέτραις, ὅταν ἐπίπεδον πρόβλημα διὰ τῶν κωνικῶν ἢ τῶν γραμμικῶν ὑπό τινος εὐρίσκηται, καὶ τὸ σύνολον, ὅταν ἐξ ἀνοικείου λύηται γένους, 20 οὗτόν ἔστιν τὸ ἐν τῷ πέμπτῳ τῶν Ἀπολλωνίου κωνικῶν ἐπὶ τῆς παραβολῆς πρόβλημα.

4. Eutocius in Archimedem III p. 332 ed. Heiberg:

Τὰ δύμοια τμήματα τῶν τοῦ κώνου τομῶν Ἀπολλώνιος ὠρίσατο ἐν τῷ ἕκτῳ βιβλίῳ τῶν κωνικῶν, ἐν 25

5. κατά — συμβάλλει] del. Hultsch. 13. ἡ] Hultsch cum Halleio, ē codd. 14. ἦτοι (alt.) — 15. αὐτά] del. Hultsch.

21. πέμπτῳ] πρώτῳ Hultsch, sed u. Tannery Mémoires de la Société des sciences physiques et naturelles de Bordeaux, 2<sup>e</sup> série V p. 51 sq., qui recte haec ad con. V, 62 rettulit. 25. ἔκτῳ] def. 7.

οῖς ἀχθεισῶν ἐν ἑκάστῳ παραλλήλων τῇ βάσει ἵσων τὸ πλῆθος αἱ παράλληλοι καὶ αἱ βάσεις πρὸς τὰς ἀποτεμνομένας ἀπὸ τῶν διαμέτρων πρὸς ταῖς κορυφαῖς ἐν τοῖς αὐτοῖς λόγοις εἰσὶ καὶ αἱ ἀποτεμνόμεναι 5 πρὸς τὰς ἀποτεμνομένας.

5. Eutocius in Archimedem III p. 332, 11:

*Καὶ ὅτι αἱ παραβολαὶ πᾶσαι ὅμοιαι εἰσιν.*

6. Eutocius in Archimedem III p. 328, 2 sq.:

*'Επειδὴ αἱ ΕΘ, ΖΚ παράλληλοι εἰσι καὶ ἵσαι, 10 διάμετροι οὖσαι τῶν ἵσων τμημάτων καὶ ἐφαρμόζονται ἀλλήλαις, ὡς ἐν τῷ σ' τῶν κωνικῶν δέδειται.*

De duabus mediis proportionalibus.

7. Pappus III, 21 p. 56:

*Οὗτοι γὰρ ὁμολογοῦντες στερεὸν εἶναι τὸ πρό- 15 βλημα τὴν κατασκευὴν αὐτοῦ μόνον ὁργανικῶς πεποίηνται συμφώνως Ἀπολλωνίῳ τῷ Περγαίῳ, ὃς καὶ τὴν ἀνάλυσιν αὐτοῦ πεποίηται διὰ τῶν τοῦ κώνου τομῶν.*

8. Eutocius in Archimedem III p. 76 sq.:

*Ως Ἀπολλώνιος.*

20 *"Ἐστωσαν αἱ δοθεῖσαι δύο εὐθεῖαι, ᾧν δεῖ δύο μέσας ἀνάλογον εὑρεῖν, αἱ ΒΑΓ ὁρθὴν περιέχουσαι γωνίαν τὴν πρὸς τῷ Α. καὶ κέντρῳ μὲν τῷ Β, διαστήματι δὲ τῷ ΑΓ κύκλου περιφέρεια γεγράφθω ἡ ΚΘΛ. καὶ πάλιν κέντρῳ τῷ Γ καὶ διαστήματι τῷ 25 ΑΒ κύκλου περιφέρεια γεγράφθω ἡ ΜΘΝ καὶ τεμ-*

6. Fragm. 5 continuatio est praecedentis et ideo et ipsum ad Apollonium referendum; est VI, 11. 11. s] cfr. VI, 19.

12. Cfr. Conic. V, 52 p. 37, 8 ed. Halley. 16. συμφώνως κτλ. interpolatori tribuit Hultsch.

νέτω τὴν ΚΘΛ κατὰ τὸ Θ, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΘΑ, ΘΒ, ΘΓ. παραλληλόγραμμον ἄρα ἔστιν τὸ ΒΓ,

διάμετρος δὲ αὐτοῦ  
ἡ ΘΑ. τετμήσθω  
δίκαι ἡ ΘΑ τῷ Ξ,  
καὶ κέντρῳ τῷ Ξ γε-  
γράφθω κύκλος τέμ-  
νων τὰς ΑΒ, ΑΓ  
ἐκβληθείσας κατὰ τὰ  
Δ, Ε, ὥστε μέντοι 10  
τὰ Δ, Ε ἐπ' εὐθείας  
εἶναι τῷ Θ· ὅπερ ἂν

γένοιτο κανονίου κινουμένου περὶ τὸ Θ τέμνοντος  
τὰς ΑΔ, ΑΕ καὶ παραγομένου ἐπὶ τοσοῦτον, ἄχοις  
ἄν αἱ ἀπὸ τοῦ Ξ ἐπὶ τὰ Δ, Ε ἰσαι γένωνται.

15

9. Ioannes Philoponus in Analyt. post. I p. 24 ed.  
Ald. 1534:

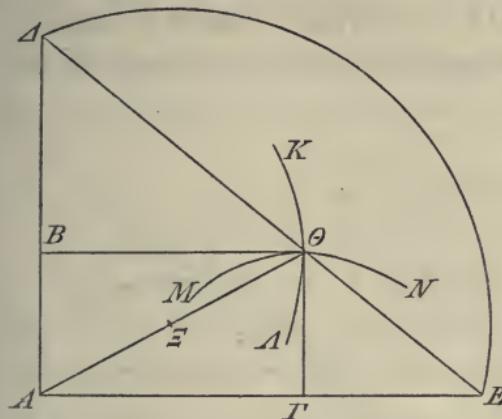
Τοῦ μέντοι Ἀπολλωνίου τοῦ Περγαίου ἔστιν εἰς  
τοῦτο ἀπόδειξις, ὡς Παραμενίων φησίν, ἦν καὶ ἐκθήσο-  
μεν ἔχουσαν οὕτως.

20

δύο δοθεισῶν εὐθειῶν ἀνίσων δύο μέσας ἀναλόγους  
εὑρεῖν.

ἔστωσαν δὲ αἱ δοθεῖσαι δύο εὐθεῖαι ἄνισοι αἱ  
ΑΒ, ΒΓ καὶ κείσθωσαν, ὥστε ὁρθὴν γωνίαν περιέχειν  
τὴν ὑπὸ ΑΒΓ, καὶ συμπεπληρώσθω τὸ ΒΔ παραληλό- 25  
γραμμον, καὶ διάμετρος αὐτοῦ ἥχθω ἡ ΑΓ, καὶ περὶ  
τὸ ΑΓΔ τρίγωνον γεγράφθω ἡμικύκλιον τὸ ΑΔΕΓ,  
καὶ ἐκβεβλήσθωσαν αἱ ΒΔ καὶ ΒΓ ἐπ' εὐθείας κατὰ  
τὰ Ζ, Η, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΖΗ διὰ τοῦ Δ σημείου

23. δέ] δή? 27. ἡμικύκλους ed. Ald. 29. ἐπιξεύχθω  
ed. Ald.

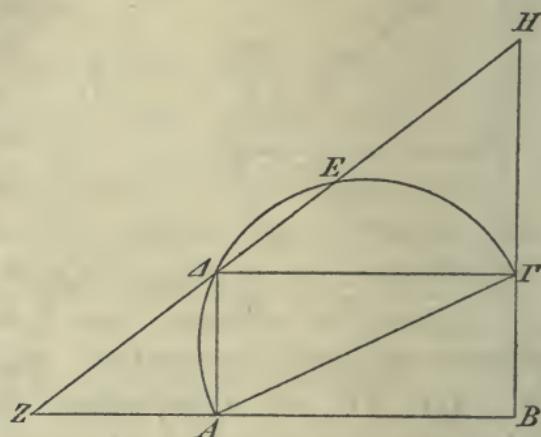


οῦτως, ὡστε τὴν  $Z\Delta$  ἵσην εἶναι τῇ  $EH$ . τοῦτο δὲ ὡς αἴτημα λαμβάνεται ἀναπόδεικτον. φανερὸν δῆ, ὅτι καὶ ἡ  $ZE$  τῇ  $\Delta H$  ἵση ἐστίν. ἐπεὶ οὖν κύκλου τοῦ  $A\Delta\Gamma$  εἰληπται σημεῖον ἐκτὸς τὸ  $Z$ , ἀπὸ δὲ τοῦ 5  $Z$  δύο εὐθεῖαι αἱ

$ZB$ ,  $ZE$  προσ-  
πίπτουσαι τέμ-  
νουσι τὸν κύκλον  
κατὰ τὰ  $A$ ,  $\Delta$

10 σημεῖα, τὸ ἄρα  
ὑπὸ τῶν  $BZ$ ,  $ZA$   
ἵσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ<sup>H</sup>  
τῶν  $EZ$ ,  $Z\Delta$ . διὰ  
τὰ αὐτὰ δὴ καὶ  
15 τὸ ὑπὸ τῶν  $BH$ ,

$H\Gamma$  ἵσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν  $\Delta H$ ,  $HE$ . ἵσον δὲ τοῦ  
ὑπὸ τῶν  $\Delta H$ ,  $HE$  τῷ ὑπὸ τῶν  $EZ$ ,  $Z\Delta$ . ἵσαι γάρ  
εἰσιν ἐκατέρᾳ ἐκατέρᾳ η μὲν  $ZE$  τῇ  $\Delta H$ , ἡ δὲ  $Z\Delta$   
τῇ  $EH$ . καὶ τὸ ὑπὸ τῶν  $BZ$ ,  $ZA$  ἄρα ἵσον ἐστὶ τῷ  
20 ὑπὸ τῶν  $BH$ ,  $H\Gamma$ . ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ  $ZB$  πρὸς τὴν  
 $BH$ , ἡ  $H\Gamma$  πρὸς τὴν  $ZA$ . ἀλλ' ὡς ἡ  $ZB$  πρὸς  
τὴν  $BH$ , οὗτως ἡ τε  $ZA$  πρὸς τὴν  $A\Delta$  καὶ ἡ  $\Delta\Gamma$   
πρὸς τὴν  $\Gamma H$  διὰ τὴν διοιότητα τῶν τριγώνων.  
ἵση δὲ ἡ μὲν  $\Delta\Gamma$  τῇ  $AB$ , ἡ δὲ  $A\Delta$  τῇ  $B\Gamma$  καὶ  
25 ὡς ἄρα ἡ  $AB$  πρὸς τὴν  $\Gamma H$ , οὗτως ἡ  $ZA$  πρὸς τὴν  
 $A\Delta$ . ἦν δὲ καί, ὡς ἡ  $ZB$  πρὸς τὴν  $BH$ , τουτέστιν  
ἡ  $AB$  πρὸς τὴν  $H\Gamma$ , ἡ  $H\Gamma$  πρὸς τὴν  $Z\Delta$ . καὶ  
ὡς ἄρα ἡ  $AB$  πρὸς τὴν  $H\Gamma$ , οὗτως ἡ τε  $H\Gamma$  πρὸς  
τὴν  $Z\Delta$  καὶ ἡ  $Z\Delta$  πρὸς τὴν  $B\Gamma$ . αἱ τέσσαρες ἄρα



εὐθεῖαι αἱ *AB*, *HG*, *ZA*, *BΓ* ἐφεξῆς ἀνάλογόν εἰσι [καὶ διὰ τοῦτο ἔσται, ὡς ἡ *AB* πρὸς τὴν *BΓ*, οὕτως ὁ ἀπὸ τῆς *AB* κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ τῆς *HG*. εἰ δὲ οὕντις διπλασίων ὑποτεθείη ἡ *AB* τῆς *BΓ*, ἔσται καὶ ὁ ἀπὸ τῆς *AB* κύβος διπλασίων τοῦ ἀπὸ τῆς *HG*].

5

### Opera analytica cetera.

10. Pappus VII, 1 p. 634, 8 sq.:

Γέγραπται δὲ (sc. ἡ ὕλη τοῦ ἀναλυομένου τόπου) ὑπὸ τριῶν ἀνδρῶν, Εὐκλείδου τε τοῦ στοιχειωτοῦ καὶ Ἀπολλωνίου τοῦ Περγαίου καὶ Ἀρισταίου τοῦ 10 πρεσβυτέρου, πατὰ ἀνάλυσιν καὶ σύνθεσιν ἔχουσα τὴν ἔφοδον.

Enumerantur omnia:

11. Pappus VII, 3 p. 636, 18 sq.:

Τῶν δὲ προειρημένων τοῦ ἀναλυομένου βιβλίων ἡ 15 τάξις ἔστιν τοιαύτη· Εὐκλείδου δεδομένων βιβλίου ἀ, Ἀπολλωνίου λόγου ἀποτομῆς  $\bar{\beta}$ , χωρίου ἀποτομῆς  $\bar{\beta}$ , διωρισμένης τομῆς δύο, ἐπαφῶν δύο, Εὐκλείδου πορισμάτων τρία, Ἀπολλωνίου νεύσεων δύο, τοῦ αὐτοῦ τόπων ἐπιπέδων δύο, κανικῶν  $\bar{\eta}$ . 20

Deinde ordine singula excerpuntur:

### De sectione rationis.

12. Pappus VII, 5 p. 640, 4 sq.:

Τῆς δ' ἀποτομῆς τοῦ λόγου βιβλίων ὅντων  $\bar{\beta}$  πρότασίς ἔστιν μία ὑποδιῃρημένη, διὸ καὶ μίαν πρότα- 25 σιν οὕτως γράφω· διὰ τοῦ δοθέντος σημείου εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν τέμνουσαν ἀπὸ τῶν τῇ θέσει δοθει- σῶν δύο εὐθειῶν πρὸς τοῖς ἐπ' αὐτῶν δοθεῖσι σημείοις

λόγον ἔχούσας τὸν αὐτὸν τῷ δοθέντι. τὰς δὲ γραφὰς διαφόρους γενέσθαι καὶ πλῆθος λαβεῖν συμβέβηκεν ὑποδιαιρέσεως γενομένης ἐνεκα τῆς τε πρὸς ἀλλήλας θέσεως τῶν διδομένων εὐθειῶν καὶ τῶν διαφόρων 5 πτώσεων τοῦ διδομένου σημείου καὶ διὰ τὰς ἀναλύσεις καὶ συνθέσεις αὐτῶν τε καὶ τῶν διορισμῶν. ἔχει γὰρ τὸ μὲν πρῶτον βιβλίον τῶν λόγου ἀποτομῆς τόπους ξ, πτώσεις ἥδ, διορισμοὺς δὲ ἔτεσσι μέν εἰσιν μέγιστοι, δύο δὲ ἐλάχιστοι, καὶ ἔστι μέγιστος μὲν κατὰ τὴν 10 τρίτην πτῶσιν τοῦ ε' τόπου, ἐλάχιστος δὲ κατὰ τὴν δευτέραν τοῦ σ' τόπου καὶ κατὰ τὴν αὐτὴν τοῦ ξ' τόπου, μέγιστοι δὲ οἱ κατὰ τὰς τετάρτας τοῦ σ' καὶ τοῦ ξ' τόπου. τὸ δὲ δεύτερον βιβλίον λόγου ἀποτομῆς ἔχει τόπους ἥδ, πτώσεις δὲ ξγ, διορισμοὺς δὲ τοὺς 15 ἐκ τοῦ πρῶτου ἀπάγεται γὰρ ὅλον εἰς τὸ πρῶτον.

Λήμματα δὲ ἔχει τὰ λόγου ἀποτομῆς ἥ, αὐτὰ δὲ τὰ δύο βιβλία τῶν λόγου ἀποτομῆς θεωρημάτων ἔστιν ὅπα, κατὰ δὲ Περικλέα πλειόνων ἥ τοσούτων.

### De sectione spatii.

20 13. Pappus VII, 7 p. 640, 26 sq.:

Τῆς δ' ἀποτομῆς τοῦ χωρίου βιβλία μέν ἔστιν δύο, πρόβλημα δὲ καν τούτοις ἐν ὑποδιαιρούμενον δίσ, καὶ τούτων μία πρότασίς ἔστιν τὰ μὲν ἄλλα διμοίως ἔχουσα τῇ προτέρᾳ, μόνῳ δὲ τούτῳ διαφέρουσα 25 τῷ δεῖν τὰς ἀποτεμνομένας δύο εὐθείας ἐν ἐκείνῃ μὲν λόγον ἔχούσας δοθέντα ποιεῖν, ἐν δὲ ταύτῃ χωρίου περιεχούσας δοθέν. φηθήσεται γὰρ οὕτως διὰ τοῦ

---

4. δεδομένων Hultsch cum aliis. 5. δεδομένον Hultsch cum aliis. 6 sq. repetuntur paucis mutatis Papp. VII, 65 p. 702.

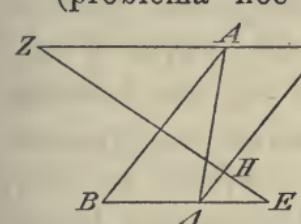
δοθέντος σημείου εύθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν τέμνουσαν ἀπὸ τῶν δοθεισῶν θέσει δύο εύθειῶν πρὸς τοῖς ἐπ' αὐτῶν δοθεῖσι σημείοις χωρίον περιεχούσας ἵσον τῷ δοθέντι. καὶ αὕτη δὲ διὰ τὰς αὐτὰς αἰτίας τὸ πλῆθος ἔσχημε τῶν γραφομένων. ἔχει δὲ τὸ μὲν α' 5 βιβλίον χωρίον ἀποτομῆς τόπους  $\xi$ , πτώσεις  $\overline{\mu\delta}$ , διορισμοὺς  $\xi$ , ὃν δὲ μὲν μέγιστοι, τρεῖς δὲ ἐλάχιστοι, καὶ ἔστι μέγιστος μὲν κατὰ τὴν δευτέραν πτῶσιν τοῦ πρώτου τόπου καὶ δὲ κατὰ τὴν πρώτην πτῶσιν τοῦ β' τόπου καὶ δὲ κατὰ τὴν β' τοῦ δὲ καὶ δὲ κατὰ τὴν τρίτην 10 τοῦ σ' τόπου, ἐλάχιστος δὲ δὲ κατὰ τὴν τρίτην πτῶσιν τοῦ τρίτου τόπου καὶ δὲ κατὰ τὴν δὲ τοῦ δὲ τόπου καὶ δὲ κατὰ τὴν πρώτην τοῦ ἕκτου τόπου. τὸ δὲ δεύτερον βιβλίον τῶν χωρίον ἀποτομῆς ἔχει τόπους  $\overline{\nu\gamma}$ , πτώσεις δὲ  $\bar{\xi}$ , διορισμοὺς δὲ τοὺς ἐκ τοῦ πρώτου· 15 ἀπάγεται γὰρ εἰς αὐτό.

Θεωρήματα δὲ ἔχει τὸ μὲν πρῶτον βιβλίον  $\overline{\mu\eta}$ , τὸ δὲ δεύτερον  $\overline{\sigma\zeta}$ .

14. Pappus VII, 232 p. 918, 9 sq.:

(problema hoc est: dato  $BG$  a dato  $E$  rectam 20  $EZ$  ita ducere, ut fiat

$$ZGH = BG$$



Λοθὲν ἄρα καὶ τὸ ὑπὸ

$ZGH$  καὶ δοθέντος τοῦ  $E$  εἰς θέσει τὰς  $AG, GA$  διῆκται 25 εἰς χωρίον ἀποτομῆν. θέσει ἄρα ἔστιν ἡ  $EZ$ .

15. Pappus VII, 67 p. 702, 28 sq.:

'Επιστήσειν ἂν τις, διὰ τί ποτε μὲν τὸ λόγον ἀπο-

5 sq. repetuntur paucis mutatis Papp. VII, 66 p. 702. 8.  
δὲ κατά p. 702, 21. 9.  $\beta'$ ] Halley, δὲ codd. 15.  $\bar{\xi}$ ] Halley,  $\bar{\xi}$   
codd. 24. καὶ] καὶ ἀπό Hultsch. 25. εἰς] ἡ  $EZ$  εἰς Hultsch.

τομῆς δεύτερον ἔχει τόπους *ιδ*, τὸ δὲ τοῦ χωρίου *ιγ*. ἔχει δὲ διὰ τόδε, ὅτι ὁ ξ' ἐν τῷ τοῦ χωρίου ἀποτομῆς τόπος παραλείπεται ὡς φανερός· ἐὰν γὰρ αἱ παράληλοι ἀμφότεραι ἐπὶ τὰ πέρατα πίπτωσιν, οὕτα ἂν διαχθῇ, ἢ δοθὲν ἀποτέμνει χωρίον· ἵσον γὰρ γίνεται τῷ ὑπὸ τῶν μεταξὺ τῶν περάτων καὶ τῆς ἀμφοτέρων τῶν ἐξ ἀρχῆς τῇ θέσει δοθεισῶν εὐθεῖῶν συμβολῆς. ἐν δὲ τῷ λόγον ἀποτομῆς οὐκέτι δμοίως. διὰ τοῦτο οὖν προέχει τόπον ἓνα εἰς τὸ ἔβδομον τοῦ δευτέρου, καὶ 10 τὰ λοιπὰ ὄντα τὰ αὐτά.

### De sectione determinata.

16. Pappus VII, 9 p. 642, 19 sq.:

'Εξῆς τούτοις ἀναδέδονται τῆς διωρισμένης τομῆς βιβλία *β*, ὃν δμοίως τοῖς πρότερον μίαν πρότασιν πάρεστιν λέγειν, διεξευγμένην δὲ ταύτην· τὴν δοθεῖσαν ἅπειρον εὐθεῖαν ἐνὶ σημείῳ τεμεῖν, ὥστε τῶν ἀπολαμβανομένων εὐθεῖῶν πρὸς τοῖς ἐπ' αὐτῆς δοθεῖσι σημείοις ἦτοι τὸ ἀπὸ μιᾶς τετράγωνον ἢ τὸ ὑπὸ δύο ἀπολαμβανομένων περιεχόμενον δρθογώνιον δοθέντα 20 λόγον ἔχειν ἦτοι πρὸς τὸ ἀπὸ μιᾶς τετράγωνον ἢ πρὸς τὸ ὑπὸ μιᾶς ἀπολαμβανομένης καὶ τῆς ἐξω δοθείσης ἢ πρὸς τὸ ὑπὸ δύο ἀπολαμβανομένων περιεχόμενον δρθογώνιον, ἐφ' ὅπότερα χρὴ τῶν δοθέντων σημείων. καὶ ταύτης ἄτε δὶς διεξευγμένης καὶ περισκελεῖς διορισ- 25 μοὺς ἔχούσης διὰ πλειόνων ἢ δεῖξις γέγονεν ἐξ ἀνάγκης.

2. τοῦ] del. Hultsch. 10. αὐτά] coni. Hultsch, ὄντα codd. Deinde lacuna uidetur esse (uelut τὸ προτέρημα διατηρεῖ).

13. ἐξῆς δέ Hultsch cum al. ἀναδέδοται Hultsch. 20. τετράγωνον — 21. μιᾶς] Hultsch cum Simsono, om. codd. 23. ὅπότερον, ἀν χρῆ Hultsch.

δείκνυσι δὲ ταύτην Ἀπολλώνιος μὲν πάλιν ἐπὶ ψιλῶν τῶν εὐθειῶν τριβακώτερον πειρώμενος, καθάπερ καὶ ἐπὶ τοῦ δευτέρου βιβλίου τῶν πρώτων στοιχείων Εὔκλείδου, καὶ [ταύτην] πάλιν εἰσαγωγικώτερον ἐπαναγράφων δεῖξαντος καὶ εὐφυῶς διὰ τῶν ἡμικυκλίων. 5 ἔχει δὲ τὸ μὲν πρῶτον βιβλίον προβλήματα ᾧ, ἐπιτάγματα ἵσ, διορισμὸν ἓ, ὃν μεγίστους μὲν δ̄, ἐλάχιστον δὲ ἔνα· καὶ εἰσιν μέγιστοι μὲν ὅ τε κατὰ τὸ δευτέρου ἐπίταγμα τοῦ δευτέρου προβλήματος καὶ ὁ κατὰ τὸ γ' τοῦ δ' προβλήματος καὶ ὁ κατὰ τὸ τρίτον τοῦ ε' καὶ 10 ὁ κατὰ τὸ τρίτον τοῦ ἔπιτον, ἐλάχιστος δὲ ὁ κατὰ τὸ τρίτον ἐπίταγμα τοῦ τρίτον προβλήματος. τὸ δὲ δευτέρου διωρισμένης τομῆς ἔχει προβλήματα τρία, ἐπιτάγματα δ̄, διορισμὸν ἓ, ὃν εἰσιν ἐλάχιστοι μὲν δύο, μέγιστος δὲ ἄ, καὶ εἰσιν ἐλάχιστοι μὲν ὅ τε κατὰ τὸ τρίτον 15 τοῦ πρώτου καὶ ὁ κατὰ τὸ τρίτον τοῦ δευτέρου, μέγιστος δὲ ὁ κατὰ τὸ τρίτον τοῦ τρίτον προβλήματος.

Λήμματα δὲ ἔχει τὸ μὲν πρῶτον βιβλίον ἄξ, τὸ δὲ δευτέρου ἄδ, διεωρημάτων δέ ἐστιν τὰ δύο βιβλία διωρισμένης τομῆς πγ. 20

17. Pappus VII, 142 p. 798, 11 sq.:

Θ	Δ	H	K	Απῆκται ἄρα εἰς διω-
				ρισμένης· δεδομένων τριῶν
				εὐθειῶν τῶν ΘΔ, ΔΚ, Α
				τεμεῖν τὴν ΔΚ κατὰ τὸ H καὶ ποιεῖν λόγον τοῦ ὑπὸ 25
				ΘΗΚ πρὸς τὸ ὑπὸ Α, ΗΔ ἵσου πρὸς ἵσον.

1. δείκνυσι — 5. ἡμικυκλίων] interpolatori tribuit Hultsch.  
 1. μὲν πάλιν] corrupta, om. Halley. 4. ταύτην] deleo. 5. δεῖξαντος] corruptum, δεῖξας τε Halley; fort. δεξιῶς τε. 6 sq. rep. Pappus VII, 119 p. 770. 11. τοῦ ἔπιτον — 12. τρίτον] ε VII, 119 add. Halley, om. codd. 14. εἰσιν — 15. καὶ] addidi ε p. 770, 19 (ubi tamen εἰσιν om.); p. 644, 16 om. codd. 22. διωρισμένης] διωρισμένην Commandinus, διωρισμένης α' Hultsch.

Eadem propositio significatur a Pappo VII, 143 p. 802, 8: ἐν γὰρ τῇ διωρισμένῃ δέδεικται μεῖζον et VII, 144 p. 804, 13: ἐν δὲ τῇ διωρισμένῃ μεῖζον ἔσται τὸ ὑπὸ ΘΗΚ τοῦ ὑπὸ ΘΤΚ.

5

## De tactionibus.

18. Pappus VII, 11 p. 644, 23 sq.:

'Εξῆς δὲ τούτοις τῶν ἐπαφῶν ἔστιν βιβλία δύο.  
προτάσεις δὲ ἐν αὐτοῖς δοκοῦσιν εἶναι πλείονες, ἀλλὰ  
καὶ τούτων μίαν τιθεμεν οὗτως ἔχουσαν ἔξης· σημείων  
10 καὶ εὐθειῶν καὶ κύκλων τριῶν δόποιωνοῦν θέσει δο-  
θέντων κύκλου ἀγαγεῖν δι' ἐκάστου τῶν δοθέντων ση-  
μείων, εἰ δοθεῖη, ἢ ἐφαπτόμενον ἐκάστης τῶν δοθεισῶν  
γραμμῶν. ταύτης διὰ πλήθη τῶν ἐν ταῖς ὑποθέσεσι  
δεδομένων δομοίων ἢ ἀνομοίων κατὰ μέρος διαφόρους  
15 προτάσεις ἀναγκαῖον γίνεσθαι δέκα· ἐκ τῶν τριῶν  
γὰρ ἀνομοίων γενῶν τριάδες διάφοροι ἄτακτοι γίνον-  
ται ἴ. ἥτοι γὰρ τὰ διδόμενα τρία σημεῖα ἢ τρεῖς  
εὐθεῖαι ἢ δύο σημεῖα καὶ εὐθεῖα ἢ δύο εὐθεῖαι καὶ  
σημεῖον ἢ δύο σημεῖα καὶ κύκλος ἢ δύο κύκλους καὶ  
20 σημεῖον ἢ δύο εὐθεῖαι καὶ κύκλος ἢ δύο κύκλους καὶ  
εὐθεῖα ἢ σημεῖον καὶ εὐθεῖα καὶ κύκλος ἢ τρεῖς κύκλους.  
τούτων δύο μὲν τὰ πρῶτα δέδεικται ἐν τῷ δ' βιβλίῳ  
τῶν πρώτων στοιχείων, διὸ παρίει μὴ γράφων· τὸ μὲν  
γὰρ τριῶν δοθέντων σημείων μὴ ἐπ' εὐθείας ὅντων  
25 τὸ αὐτό ἔστιν τῷ περὶ τὸ δοθὲν τρίγωνον κύκλουν  
περιγράψαι, τὸ δὲ γ̄ δοθεισῶν εὐθειῶν μὴ παραλή-

9. ἔχουσαν· ἔξης Hultsch („ἔξης abundare videtur“ adn.).

12. ἥτοι addidi. 17. τά] del. Hultsch. δεδομένα Hultsch cum aliis. 23. διὸ παρίει μὴ γράφων] scripsi, ὁπερημεν γράφων codd., δὲ παρεῖμεν γράφειν Hultsch (sed necessario Apollonius, non Pappus, hos duos casus omisit).

λων ούσῶν, ἀλλὰ τῶν τριῶν συμπιπτουσῶν, τὸ αὐτό  
ἔστιν τῷ εἰς τὸ δοθὲν τρίγωνον κύκλου ἐγγράψαι·  
τὸ δὲ δύο παραλλήλων ούσῶν καὶ μᾶς ἐμπιπτούσης  
ώς μέρος ὃν τῆς β' ὑποδιαιρέσεως προγράφεται ἐν  
τούτοις πάντων. καὶ τὰ ἔξης ἕν τῷ πρώτῳ βιβλίῳ,<sup>5</sup>  
τὰ δὲ λειπόμενα δύο, τὸ δύο δοθεισῶν εὐθειῶν καὶ  
κύκλου ἡ τριῶν δοθέντων κύκλων μόνον ἐν τῷ δευ-  
τέρῳ βιβλίῳ διὰ τὰς πρὸς ἀλλήλους θέσεις τῶν κύ-  
κλων τε καὶ εὐθειῶν πλείονας οὕσας καὶ πλειόνων  
διορισμῶν δεομένας.

10

19. Pappus VII, 12 p. 648, 14 sq.:

"Ἐχει δὲ τὸ πρῶτον τῶν ἐπαφῶν προβλήματα  
ζ., τὸ δὲ δεύτερον προβλήματα δ. λήμματα δὲ ἔχει  
τὰ δύο βιβλία κα, αὐτὰ δὲ θεωρημάτων ἔστιν ξ.

Pappus VII, 184 p. 852, 13: τὸ πρῶτον τῶν ἐπα-<sup>15</sup>  
φῶν προβλήματα ἐπτά, τὸ δεύτερον προβλήματα δ.

### De inclinationibus.

20. Pappus VII, 27 p. 670, 3 sq.:

*Nεύσεων δύο.*

Προβλήματος δὲ ὄντος καθολικοῦ τούτου· δύο 20  
δοθεισῶν γραμμῶν θέσεις θεῖναι μεταξὺ τούτων εὐ-  
θεῖαι τῷ μεγέθει δεδομένην νεύουσαν ἐπὶ δοθὲν  
σημεῖον, ἐπὶ τούτου τῶν ἐπὶ μέρους διάφορα τὰ ὑπο-  
κείμενα ἔχόντων, ἂ μὲν ἦν ἐπίπεδα, ἂ δὲ στερεά, ἂ

3. δέ] scripsi (respondet ad μέν p. 112, 22), γάρ codd. (ab  
hac igitur propositione incepit liber I Apollonii). 4. ὃν τῆς]  
Halley, ὄντος τοῦ codd., ὃν τῆς τοῦ Hultsch cum aliis. β']  
Halley, τοῦ codd. 16. ἔχει προβλήματα Hultsch. 23. τούτου]  
Horsley, ταύτης codd. 24. ἦν] del. Hultsch.

δὲ γραμμικά, τῶν δ' ἐπιπέδων ἀποκληρώσαντες τὰ πρὸς πολλὰ χρησιμώτερα ἔδειξαν τὰ προβλήματα ταῦτα.

θέσει δεδομένων ἡμικυκλίου τε καὶ εὐθείας πρὸς ὁρθὰς τῇ βάσει ἢ δύο ἡμικυκλίων ἐπ' εὐθείας ἔχον-  
5 των τὰς βάσεις θεῖναι δοθεῖσαν τῷ μεγέθει εὐθεῖαν μεταξὺ τῶν δύο γραμμῶν νεύουσαν ἐπὶ γωνίαν ἡμι-  
κυκλίου.

καὶ φόμβου δοθέντος καὶ ἐπεκβεβλημένης μιᾶς πλευρᾶς ἀριθμοῖς ὑπὸ τὴν ἐκτὸς γωνίαν δεδομένην  
10 τῷ μεγέθει εὐθεῖαν νεύουσαν ἐπὶ τὴν ἀντικρὺς γωνίαν.

καὶ θέσει δοθέντος κύκλου ἐναριθμοῖς εὐθεῖαν μεγέθει δεδομένην νεύουσαν ἐπὶ δοθέν.

τούτων δὲ ἐν μὲν τῷ πρώτῳ τεύχει δέδεικται τὸ  
ἐπὶ τοῦ ἐνὸς ἡμικυκλίου καὶ εὐθείας ἔχον πτώσεις  
15 δὲ καὶ τὸ ἐπὶ τοῦ κύκλου ἔχον πτώσεις δύο καὶ τὸ  
ἐπὶ τοῦ φόμβου πτώσεις ἔχον  $\beta$ , ἐν δὲ τῷ δευτέρῳ  
τεύχει τὸ ἐπὶ τῶν δύο ἡμικυκλίων τῆς ὑποθέσεως  
πτώσεις ἔχοντος  $\bar{\iota}$ , ἐν δὲ ταύταις ὑποδιαιρέσεις πλεί-  
ονες διοριστικαὶ ἐνεκα τοῦ δεδομένου μεγέθους τῆς  
20 εὐθείας.

21. Pappus VII, 29 p. 672, 15:

"Ἐχει δὲ τὰ τῶν νεύσεων βιβλία δύο θεωρήματα μὲν ᾧτοι διαγράμματα  $\overline{\rho\kappa\epsilon}$ , λήμματα δὲ  $\overline{\lambda\eta}$ .

Pappus VII, 157 p. 820, 18 sq.:

25 Τὸ πρῶτον τῶν νεύσεων ἔχει προβλήματα  $\overline{\delta}$ , διο-  
ρισμοὺς τρεῖς, καὶ εἰσιν οἱ τρεῖς ἐλάσσονες, ὃ τε κατὰ τὸ πέμπτον καὶ ὁ κατὰ τὸ  $\xi'$  πρόβλημα καὶ ὁ κατὰ τὸ  $\vartheta'$ . τὸ δεύτερον νεύσεων ἔχει προβλήματα  $\overline{\mu\epsilon}$ ,

---

1.  $\tauῶν \delta']$  Halley,  $\tauῶν$  codd.; fort. καὶ  $\tauῶν$ . 22. δύο βιβλία coni. Hultsch.

διορισμοὺς τρεῖς τόν τε κατὰ τὸ ιξ' πρόβλημα καὶ τὸν κατὰ τὸ ιθ' καὶ τὸν κατὰ τὸ ιγ'. καὶ εἰσιν οἱ τρεῖς ἐλάσσονες. Cfr. frag. 51.

De locis planis.

22. Pappus VII, 21 p. 660, 17 sq.:

5

Τόπων ἐπιπέδων δύο.

Τῶν τόπων καθόλου οἱ μέν εἰσιν ἐφεκτικοί, οὓς καὶ Ἀπολλώνιος πρὸ τῶν ἴδιων στοιχείων λέγει, σημείου μὲν τόπου σημεῖον, γραμμῆς δὲ τόπου γραμμήν, ἐπιφανείας δὲ ἐπιφάνειαν, στερεοῦ δὲ στερεόν, οἱ δὲ 10 διεξοδικοί, ὡς σημείου μὲν γραμμή, γραμμῆς δ' ἐπιφάνεια, ἐπιφανείας δὲ στερεόν, οἱ δὲ ἀναστροφικοί, ὡς σημείου μὲν ἐπιφάνεια, γραμμῆς δὲ στερεόν.

23. Pappus VII, 23 p. 662, 19 sq.:

Οἱ μὲν οὖν ἀρχαῖοι εἰς τὴν τῶν ἐπιπέδων τούτων 15 τόπων τάξιν ἀποβλέποντες ἔστοιχείωσαν· ἦς ἀμελήσαντες οἱ μετ' αὐτοὺς προσέθηκαν ἐτέρους, ὡς οὐκ ἀπείρων τὸ πλῆθος ὄντων, εἰ δέλοι τις προσγράφειν οὐ τῆς τάξεως ἐκείνης ἔχόμενα. Θήσω οὖν τὰ μὲν προσκείμενα ὕστερα, τὰ δ' ἐκ τῆς τάξεως πρότερα μιᾷ 20 περιλαβὼν προτάσσει ταύτη.

ἐὰν δύο εὐθεῖαι ἀχθῶσιν ἥτοι ἀπὸ ἑνὸς δεδομένου σημείου ἥ ἀπὸ δύο καὶ ἥτοι ἐπ' εὐθείας ἥ παραλληλοι ἥ δεδομένην περιέχουσαι γωνίαν καὶ ἥτοι λόγον ἔχουσαι πρὸς ἀλλήλας ἥ χωρίον περιέχουσαι δεδομένον, 25

7. οὖς] ὡς Hultsch. 9. γραμμή codd. 10. ἐπιφάνεια codd. 11. γραμμῆ] scripsi, γραμμήν codd. 13. ἐπιφάνεια] scripsi, ἐπιφάνεια] codd. 15. τούτων] del. Hultsch. 19. οὐ] τὰ Hultsch.

ἄπτηται δὲ τὸ τῆς μιᾶς πέρας ἐπιπέδου τόπου θέσει δεδομένου, ἄψεται καὶ τὸ τῆς ἑτέρας πέρας ἐπιπέδου τόπου θέσει δεδομένου ὅτε μὲν τοῦ ὁμογενοῦς, ὅτε δὲ τοῦ ἑτέρου, καὶ ὅτε μὲν ὁμοίως κειμένου πρὸς τὴν 5 εὐθεῖαν, ὅτε δὲ ἐναντίως. ταῦτα δὲ γίνεται παρὰ τὰς διαφορὰς τῶν ὑποκειμένων.

24. Pappus VII, 26 p. 666, 14 sq.:

Τὸ δὲ δεύτερον βιβλίον περιέχει τάδε·

εἰὰν ἀπὸ δύο δεδομένων σημείων εὐθεῖαι κλασθῶ-  
10 σιν, καὶ ἡ τὰ ἀπ' αὐτῶν δοθέντι χωρίῳ διαφέροντα,  
τὸ σημεῖον ἄψεται θέσει δεδομένης εὐθείας.

εἰὰν δὲ ὥσιν ἐν λόγῳ δοθέντι, ἢτοι εὐθείας ἡ περιφερείας.

εἰὰν ἡ θέσει δεδομένη εὐθεῖα καὶ ἐπ' αὐτῆς δοθὲν  
15 σημεῖον καὶ ἀπὸ τούτου διαχθεῖσά τις πεπερασμένη,  
ἀπὸ δὲ τοῦ πέρατος ἀχθῆ πρὸς δρόμας ἐπὶ τὴν θέσει,  
καὶ ἡ τὸ ἀπὸ τῆς διαχθείσης ἵσον τῷ ὑπὸ δοθείσης  
καὶ ἡς ἀπολαμβάνει ἢτοι πρὸς τῷ δοθέντι σημείῳ ἡ πρὸς ἑτέρῳ δοθέντι σημείῳ ἐπὶ τῆς θέσει δεδομένης,  
20 τὸ πέρας τῆσδε ἄψεται θέσει δεδομένης περιφερείας.

εἰὰν ἀπὸ δύο δοθέντων σημείων εὐθεῖαι κλασθῶ-  
σιν, καὶ ἡ το ἀπὸ τῆς μιᾶς τοῦ ἀπὸ τῆς ἑτέρας δο-  
θέντι μετζον ἡ ἐν λόγῳ, τὸ σημεῖον ἄψεται θέσει δεδομέ-  
νης περιφερείας.

25 εἰὰν ἀπὸ ὀστωνοῦν δεδομένων σημείων κλασθῶσιν εὐθεῖαι πρὸς ἐνὶ σημείῳ, καὶ ἡ τὰ ἀπὸ πασῶν εἴδη  
ἵσα δοθέντι χωρίῳ, τὸ σημεῖον ἄψεται θέσει δεδομέ-  
νης περιφερείας.

16. θέσει δεδομένην Hultsch cum Halleio.  
τῆς διαχθείσης coni. Hultsch.

20. τῆσδε]

έὰν ἀπὸ δύο δοθέντων σημείων κλασθῶσιν εὐθεῖαι, ἀπὸ δὲ τοῦ σημείου παρὰ θέσει ἀχθεῖσα εὐθεῖα ἀπολαμβάνη ἀπὸ θέσει δεδομένης εὐθείας πρὸς δοθέντι σημείῳ, καὶ ἡ τὰ ἀπὸ τῶν κεκλασμένων εἰδη ἵσα τῷ ὑπὸ δοθείσῃς καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης, τὸ 5 πρὸς τῇ κλάσει σημεῖον ἄψεται θέσει δεδομένης περιφερείας.

έὰν ἐν κύκλῳ θέσει δεδομένῳ δοθέν τι σημεῖον ἡ, καὶ δι' αὐτοῦ ἀχθῆ τις εὐθεῖα, καὶ ἐπ' αὐτῆς ληφθῆ τι σημεῖον ἔκτος, καὶ ἡ τὸ ἀπὸ τῆς ἄκραι τοῦ δοθέν- 10 τος ἐντὸς σημείου ἶσον τῷ ὑπὸ τῆς ὅλης καὶ τῆς ἔκτος ἀπολαμβανομένης ἥτοι μόνον ἡ τοῦτο τε καὶ τὸ ὑπὸ τῶν ἐντὸς δύο τμημάτων, τὸ ἐκτὸς σημεῖον ἄψεται θέσει δεδομένης εὐθείας.

καὶ ἐὰν τοῦτο μὲν τὸ σημεῖον ἄπτηται θέσει δεδο- 15 μένης εὐθείας, ὁ δὲ κύκλος μὴ ὑπόκειται, τὰ ἐφ' ἑκάτερα τοῦ δεδομένου σημεῖα ἄψεται θέσει δεδομένης περιφερείας τῆς αὐτῆς.

"Ἔχει δὲ τὰ τόπων ἐπιπέδων δύο βιβλία θεωρήματα ἥτοι διαγράμματα ρωμᾶς, λήμματα δὲ ῆ. 20

25. Eutocius ad Apollonium I deff.; u. infra. est libri II prop. 2 apud Pappum; cfr. Studien über Euclid p. 70 sq.

### De cochlea.

26. Proclus in Elementa p. 105, 1 sq. ed. Fried- 25  
lein:

Τὴν περὶ τὸν κύλινδρον ἔλικα γραφομένην, ὅταν εὐθείας κινουμένης περὶ τὴν ἐπιφάνειαν τοῦ κυλί-

---

12. μόνον — τό] Hultsch cum Simsono, μόνῳ ἡ τούτῳ τε καὶ τῷ codd.

δρου σημεῖον ὁμοταχῶς ἐπ' αὐτῆς κινῆται. γίνεται  
γὰρ ἔλιξ, ἡς ὁμοιομερῶς πάντα τὰ μέρη πᾶσιν ἐφαρ-  
μόζει, καθάπερ Ἀπολλώνιος ἐν τῷ περὶ τοῦ κοχλίου  
γράμματι δείκνυσιν. Cfr. p. 105, 14.

5 27. Pappus VIII, 49 p. 1110, 16 sq.:

'Ἐν ᾧ γὰρ χρόνῳ τὸ Α ἐπὶ τὸ Β παραγίνεται  
ὅμαλῶς κινούμενον, ἐν τούτῳ καὶ ἡ ΑΒ κατὰ τῆς  
ἐπιφανείας τοῦ κυλίνδρου κινηθεῖσα εἰς τὸ αὐτὸ ἀπο-  
καθίσταται, καὶ τὸ εἰρημένον φέρεσθαι σημεῖον κατὰ  
10 τῆς ΑΒ εὐθείας γράψει τὴν μονόστροφον ἐλικα· τοῦτο  
γὰρ Ἀπολλώνιος ὁ Περὶ γεὺς ἀπέδειξεν.

### Comparatio dodecaedri et icosaedri.

28. Hypsicles (Elementorum liber XIV qui fertur)

V p. 2, 1 sq. ed. Heiberg:

15 *Βασιλείδης ὁ Τύριος, ὃς Πρώταρχε, παραγενηθεὶς  
εἰς Ἀλεξάνδρειαν καὶ συσταθεὶς τῷ πατρὶ ἡμῶν διὰ  
τὴν ἀπὸ τοῦ μαθήματος συγγένειαν συνδιέτριψεν αὐτῷ  
τὸν πλεῖστον τῆς ἐπιδημίας χρόνον. καὶ ποτε ζητοῦν-  
τες τὸ ὑπὸ Ἀπολλωνίου συγγραφὲν περὶ τῆς συγ-*  
20 *κρίσεως τοῦ δωδεκαέδρου καὶ τοῦ εἰκοσαέδρου  
τῶν εἰς τὴν αὐτὴν σφαῖραν ἐγγραφομένων, τίνα ἔχει  
λόγον πρὸς ἄλληλα, ἔδοξαν ταῦτα μὴ δρᾶστις γεγρα-  
φηκέναι τὸν Ἀπολλώνιον, αὐτοὶ δὲ ταῦτα καθάραντες  
ἔγραψαν, ὡς ἦν ἀκούειν τοῦ πατρός. ἐγὼ δὲ ὑστερούν  
25 περιέπεσον ἐτέρῳ βιβλίῳ ὑπὸ Ἀπολλωνίου ἐκδεδομένῳ  
περιέχοντί τινα ἀπόδειξιν περὶ τοῦ προκειμένου, καὶ  
μεγάλως ἐψυχαγωγήθην ἐπὶ τῇ τοῦ προβλήματος ζη-  
τήσει. τὸ μὲν οὖν ὑπὸ Ἀπολλωνίου ἐκδοθὲν ἔοικε  
κοινῇ σκοπεῖν· καὶ γὰρ περιφέρεται δοκοῦν ὑστερούν  
30 γεγράφθαι φιλοπόνως.*

29. Hypsicles p. 6, 19 sq.:<sup>1)</sup>

Ο αύτὸς κύκλος περιλαμβάνει τό τε τοῦ δωδεκαέδρου πεντάγωνον καὶ τὸ τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνον· τῶν εἰς τὴν αὐτὴν σφαιραν ἐγγραφομένων. τοῦτο δὲ γράφεται ὑπὸ μὲν Ἀρισταίου ἐν τῷ ἐπιγραφομένῳ 5 τῶν ἐ σχημάτων συγκρίσει, ὑπὸ δὲ Ἀπολλωνίου ἐν τῇ δευτέρᾳ ἐκδόσει τῆς συγκρίσεως τοῦ δωδεκαέδρου πρὸς τὸ εἰκοσάεδρον, ὅτι ἐστίν, ὡς ἡ τοῦ δωδεκαέδρου ἐπιφάνεια πρὸς τὴν τοῦ εἰκοσαέδρου ἐπιφάνειαν, οὕτως καὶ αὐτὸς τὸ δωδεκαέδρον πρὸς τὸ εἰκοσάεδρον 10 διὰ τὸ τὴν αὐτὴν εἶναι κάθετον ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς σφαιρᾶς ἐπὶ τὸ τοῦ δωδεκαέδρου πεντάγωνον καὶ τὸ τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνον. γραπτέον δὲ καὶ ἡμῖν αὐτοῖς.

## De irrationalibus inordinatis.

15

## 30. Proclus in Elementa p. 74, 23 sq.:

Τὰ περὶ τῶν ἀτάκτων ἀλόγων, ἡ δὲ Ἀπολλώνιος ἐπὶ πλέον ἔξειργάσατο.

## 31. Scholia in Elementa X, 1 p. 414, 12 sq. ed. Heiberg, quae e commentario Pappi petita esse conieci 20 Studien über Euklid p. 170, demonstrauit Videnskabernes Selskabs Skrifter, 6. Raekke, hist.-philos. Afd. II p. 236 sq. (Hauniae 1888):

'Ἐν δὲ τοῖς ἔξης περὶ δητῶν καὶ ἀλόγων οὐ πασῶν· τινὲς γὰρ αὐτῷ ὡς ἐνιστάμενοι ἐγκαλοῦσιν· 25

1) Sicut dubitari nequit, quin etiam sequentium apud Hypsiclem propositionum multae uel eodem modo uel similiter apud Apollonium propositae et demonstratae fuerint, ita difficile est dictu, quae fuerint, quia de genere operis eius nihil scimus. quare ea tantum recepi, quae diserte ad eum referuntur.

ἀλλὰ τῶν ἀπλούστατων εἰδῶν, ὃν συντιθεμένων γίνονται ἄπειροι ἀλογοι, ὃν τινας καὶ ὁ Ἀπολλώνιος ἀναγράφει.

32. Pappi commentarius in Elementorum libr. X, qui Arabice exstat et ex parte a Woepckio (Mémoires présentées par divers savans à l'académie des sciences 1856. XIV) cum interpretatione Francogallica editus est, p. 691:

Plus tard le grand Apollonius, dont le génie atteignit au plus haut degré de supériorité dans les mathématiques, ajouta à ces découvertes<sup>1)</sup> d'admirables théories après bien des efforts et de travaux.

33. Pappus in Elem. X p. 693 ed. Woepcke:

Enfin, Apollonius distingua<sup>2)</sup> les espèces des irrationnelles ordonnées, et découvrit la science des quantités appelées (irrationnelles) inordonnées, dont il produisit un très-grand nombre par des méthodes exactes.

34. Pappus in Elem. X p. 694 sq.:

Il faut aussi qu'on sache que, non-seulement lorsqu' on joint ensemble deux lignes rationnelles et commensurables en puissance, on obtient la droite de deux noms, mais que trois ou quatre lignes produisent d'une manière analogue la même chose. Dans le premier cas, on obtient la droite de trois noms, puisque la ligne entière est irrationnelle; et, dans le second cas, on obtient la droite de quatre noms, et

1) Theaeteti de irrationalibus.

2) H. e. ab inordinatis distinxit ut proprium quoddam genus.

ainsi de suite jusqu' à l'infini. La démonstration [de l'irrationnalité] de la ligne composée de trois lignes rationnelles et commensurables en puissance est exactement la même que la démonstration relative à la combinaison de deux lignes.

Mais il faut recommencer encore et dire que nous pouvons, non-seulement prendre une seule ligne moyenne entre deux lignes commensurables en puissance, mais que nous pouvons en prendre trois ou quatre, et ainsi de suite jusqu'à l'infini, puisque nous pouvons prendre entre deux lignes droites données quelconques autant de lignes que nous voulons, en proportion continue.

Et, de même, dans les lignes formées par addition, nous pouvons, non-seulement construire la droite de deux noms, mais nous pouvons aussi construire celle de trois noms, ainsi que la première et la seconde de trois médiales; puis, la ligne composée de trois droites incommensurables en puissance et telles que l'une d'elles donne avec chacune des deux autres une somme des carrés rationnelle, tandis que le rectangle compris sous les deux lignes est médial, de sorte qu'il en résulte une majeure composée de trois lignes. Et, d'une manière analogue, on obtient la droite qui peut une rationnelle et une médiale, composée de trois droites, et de même celle qui peut deux médiales.

Car, supposons trois lignes rationnelles commensurables en puissance seulement. La ligne composée de deux de ces lignes, à savoir la droite de deux noms, est irrationnelle, et, en conséquence, l'espace compris sous cette ligne et sous la ligne restante est irrationnel,

et, de même, le double de l'espace compris sous ces deux lignes sera irrationnel. Donc, le carré de la ligne entière, composée de trois lignes, est irrationnel, et, conséquemment, la ligne est irrationnelle, et on l'appelle droite de trois noms.

Et, si l'on a quatres lignes commensurables en puissance, comme nous l'avons dit, le procédé sera exactement le même; et on traitera les lignes suivantes d'une manière analogue.

Qu'on ait ensuite trois lignes médiales commensurables en puissance, et dont l'une comprenne avec chacune des deux autres un rectangle rationnel; alors la droite composée des deux lignes est irrationnelle et s'appelle la première de deux médiales; la ligne restante est médiale, et l'espace compris sous ces deux lignes est irrationnel. Conséquemment, le carré de la ligne entière est irrationnel. Le reste des autres lignes se trouve dans les mêmes circonstances. Les lignes composées s'étendent donc jusqu'à l'infini dans toutes les espèces formées au moyen de l'addition.

De même, il n'est pas nécessaire que, dans les lignes irrationnelles formées au moyen de la soustraction, nous nous bornions à n'y faire qu'une seule soustraction, de manière à obtenir l'apotome, ou le premier apotome de la médiale, ou le second apotome de la médiale, ou la mineure, ou la droite qui fait avec une surface rationnelle un tout médial, ou celle qui fait avec une surface médiale un tout médial; mais nous pourrons y effectuer deux ou trois ou quatre soustractions.

Lorsque nous faisons cela, nous démontrons, d'une

manière analogue à ce qui précède, que les lignes restantes sont irrationnelles, et que chacune d'elles est une des lignes formées par soustraction. C'est-à-dire que, si d'une ligne rationnelle nous retranchons une autre ligne rationnelle commensurable à la ligne entière en puissance, nous obtenons pour ligne restante un apotome; et si nous retranchons de cette ligne retranchée et rationnelle, qu' Euclide appelle la congruente, une autre ligne rationnelle qui lui est commensurable en puissance, nous obtenons, comme partie restante, un apotome; de même que, si nous retranchons de la ligne rationnelle et retranchée de cette ligne une autre ligne qui lui est commensurable en puissance, le reste est un apotome. Il en est de même pour la soustraction des autres lignes.

Il est donc alors impossible de s'arrêter, soit dans les lignes formées par addition, soit dans celles formées par soustraction; mais on procède à l'infini, dans celles-là, en ajoutant, et dans celles-ci, en ôtant la ligne retranchée. Et, naturellement, l'infinité des quantités irrationnelles se manifeste par des procédés tels que les précédents, vu que la proportion continue ne s'arrête pas à un nombre déterminé pour les médiæ, que l'addition n'a pas de fin pour les lignes formées par addition, et que la soustraction n'arrive pas non plus à un terme quelconque.<sup>1)</sup>

1) Quid hinc de opere Apollonii concludi possit, exposuit Woepcke p. 706 sqq. uestigia doctrinae Apollonianæ fortasse in additamento subditiuo Eucl. Elem. X, 112—115 p. 356—70 exstare, suspicatus sum in ed. Eucl. V p. LXXXV. Pappus tamen sine suspicione X, 115 legit; u. Woepcke p. 702.

## 35. Pappus in Elem. X p. 701:

Les irrationnelles se divisent premièrement en inordonnées, c'est-à-dire celles qui tiennent de la matière qu'on appelle corruptible, et qui s'étendent à l'infini; et, secondement, en ordonnées, qui forment le sujet limité d'une science, et qui sont aux inordonnées comme les rationnelles sont aux irrationnelles ordonnées. Or Euclide s'occupa seulement des ordonnées qui sont homogènes aux rationnelles, et qui ne s'en éloignent pas considérablement; ensuite Apollonius s'occupa des inordonnées, entre lesquelles et les rationnelles la distance est très-grande.

## 'Ωκυτόνιον.

## 36. Eutocius in Archimedis dimens. circuli III p. 300, 16 sq.:

*'Ιστέον δέ, ὅτι καὶ Ἀπολλώνιος ὁ Περγαῖος ἐν τῷ  
'Ωκυτονίῳ ἀπέδειξεν αὐτὸν [rationem ambitus circuli  
ad diametrum] δι' ἀριθμῶν ἐτέρων ἐπὶ τὸ σύνεγγυς  
μᾶλλον ἀγαγών.*

37. Pappus<sup>1)</sup> II, 22 p. 24, 25 sq.:

*Φατέον οὖν τὸν ἐξ ἀρχῆς στίχον  
'Αρτέμιδος κλεῖτε κράτος ἔξοχον ἐννέα κοῦραι  
πολλαπλασιασθέντα δι' ἀλλήλων δύνασθαι μυριάδων  
πλῆθος τρισκαιδεκαπλῶν ὁρίσ, δωδεκαπλῶν τέη, ἐν-*

1) Cum ab imagine operis Apolloniani, quod a Pappo citatur, qualem animo concepi, computatio ab Eutocio significata minime abhorreat, malui haec fragmenta sub uno titulo coniungere quam putare, Apollonium methodum magnos numeros computandi in duobus operibus exposuisse.

E fragm. 37 adparet, Apollonium initio operis, sine dubio in praefatione, iocandi causa uersum illum proposuisse et ut

δεκαπλῶν, δῶ, συμφώνως τοῖς ὑπὸ Ἀπολλωνίου κατὰ την μέθοδον ἐν ἀρχῇ τοῦ βιβλίου προγεγραμμένοις.

38. Pappus II, 3 p. 4, 9 sq. (cfr. fragm. 47):

Ἄλλ' ὁ διπλάσιος τοῦ πλήθους τῶν ἐφ' ὃν τὰ B μὴ μετρείσθω ὑπὸ τετράδος· μετρούμενος ἄρα λείψει δυάδα ἔξ ανάγκης· τοῦτο γὰρ προδέδειται.

39. Pappus II, 1 p. 2, 1 sq.:

\* γὰρ αὐτοὺς ἐλάσσονας μὲν εἶναι ἐκατοντάδος, μετρεῖσθαι δὲ ὑπὸ δεκάδος, καὶ δέον ἔστω τὸν ἔξ αὐτῶν στερεὸν εἰπεῖν μὴ πολλαπλασιάσαντα αὐτούς.

40. Pappus II, 2 p. 2, 14 sq.:

"Ἐστωσαν δὴ πάλιν ὁσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἐφ' ὃν τὰ B, ὃν ἐκαστος ἐλάσσων μὲν χιλιάδος, μετρείσθω δὲ ὑπὸ ἐκατοντάδος, καὶ δέον ἔστω τὸν ἔξ αὐτῶν στερεὸν εἰπεῖν μὴ πολλαπλασιάσαντα τοὺς ἀριθμούς.

E Pappo p. 4, 3 sq. ad demonstrationem Apollonii haec pertinent: δείκνυται οὖν διὰ τῶν γραμμῶν .... ὁ διὰ τῶν ἐφ' ὃν τὰ B στερεὸς ἔσος ... τῷ διὰ τῶν ἐκατοντάδων στερεῷ ἐπὶ τὸν ἐκ τῶν πυθμένων στερεόν. Hoc si duplicatam multitudinem numerorum B metitur numerus 4, sin minus (cfr. fragm. 38), ὁ διὰ τῶν ἐφ' ὃν τὰ B μυριάδες εἰσὶν ὁ διάστημα τῷ Z

exemplum numeri ingentis productum litterarum eius pro numeralibus sumptarum indicasse. deinde methodum, qua tanti numeri computari possint, exposuit. in qua enarranda Pappus propositiones ipsas excerpit et per numeros confirmavit; demonstrationes ipsius Apollonii, quae in lineis factae erant, h. e. uniuersaliter, sicut in Elem. VII—IX, omisit. hinc adparet, quid in opere Apollonii e commentariis Pappi restituendo secutus sim. cfr. Tannery Mémoires de la soc. des sciences physiques et natur. de Bordeaux, 2<sup>e</sup> sér. III p. 352 sq.

γενόμεναι ἐπὶ τὸν *E*, Pappus p. 4, 16 sq. De *Z*, *E* u. fragm. 42.

41. Pappus II, 4 p. 4, 19 sq.:

"Ἐστωσαν δύο ἀριθμοὶ οἱ *A*, *B*, καὶ ὁ μὲν *A* ὑπὸ 5 κείσθω ἐλάσσων μὲν χιλιάδος, μετρούμενος δὲ ὑπὸ ἑκατοντάδος, ὁ δὲ *B* ἐλάσσων μὲν ἑκατοντάδος, μετρούμενος δὲ ὑπὸ δεκάδος, .... καὶ δέον ἔστω τὸν ἐξ αὐτῶν ἀριθμὸν εἰπεῖν μὴ πολλαπλασιάσαντα αὐτούς.

De demonstratione Pappus p. 6, 4: τὸ δὲ γραμμι-  
10 κὸν δῆλον ἐξ ᾧν ἔδειξεν Ἀπολλώνιος.

42. Pappus II, 5 p. 6, 6 sq.:

"Ἐπὶ δὲ τοῦ ιη'<sup>12</sup> θεωρήματος. "Ἐστω πλῆθος ἀριθμῶν τὸ ἐφ' ᾧν τὰ *A*, ὃν ἑκαστος ἐλάσσων μὲν ἑκατοντάδος, μετρούμενος δὲ ὑπὸ δεκάδος, καὶ ἄλλο πλῆθος 15 ἀριθμῶν τὸ ἐφ' ᾧν τὰ *B*, ὃν ἑκαστος ἐλάσσων μὲν χιλιάδος, μετρούμενος δὲ ὑπὸ ἑκατοντάδος, καὶ δέον ἔστω τὸν ἐκ τῶν ἐφ' ᾧν τὰ *A*, *B* στερεὸν εἰπεῖν μὴ πολλαπλασιάσαντα αὐτούς.

De demonstratione Pappus p. 6, 19 sq.: καὶ δείκ-  
20 νυσιν ὁ Ἀπολλώνιος τὸν ἐκ πάντων τῶν ἐφ' ᾧν τὰ *A*, *B* στερεὸν μνημάδων τοσούτων, ὅσαι εἰσὶν ἐν τῷ *E* [producto τῶν πυθμένων] μονάδες, διμωνύμων τῷ *Z* ἀριθμῷ [qui indicat, quoties numerus 4 metiatur sum-  
25 mā multitudinis numerorum *A* et duplicatae multi-  
tudinis numerorum *B*]. De casibus secundo, tertio,  
quarto Pappus p. 6, 29 sq.: ἀλλὰ δὴ τὸ πλῆθος τῶν  
ἐφ' ᾧν τὰ *A* προσλαβὸν τὸν διπλασίονα τοῦ πλήθους  
τῶν ἐφ' ᾧν τὰ *B* μετρούμενον ὑπὸ τετράδος κατα-  
λειπέτω πρότερον ἐνα· καὶ συνάγει ὁ Ἀπολλώνιος, ὅτι

12. ιη'] om. codd.

ὅ ἐκ τῶν ἀριθμῶν ἐφ' ᾧν τὰ A, B στερεὸς μυριάδες εἰσὶν τοσαῦται ὁμώνυμοι τῷ Z, ὅσος ἐστὶν ὁ δεκαπλασίων τοῦ E. ἐὰν δὲ τὸ προειρημένον πλῆθος μετρούμενον ὑπὸ τετράδος καταλείπῃ δύο, ὁ ἐκ τῶν ἀριθμῶν στερεὸς τῶν ἐφ' ᾧν τὰ A, B μυριάδες εἰσὶν 5 τοσαῦται ὁμώνυμοι τῷ Z, ὅσος ἐστὶν ὁ ἑκατονταπλάσιος τοῦ E ἀριθμοῦ. ὅταν δὲ τρεῖς καταλειφθῶσιν, ἵσος ἐστὶν ὁ ἔξ αὐτῶν στερεὸς μυριάσιν τοσαύταις ὁμονύμοις τῷ Z, ὅσος ἐστὶν ὁ χιλιαπλάσιος τοῦ E 10 ἀριθμοῦ.

43. Pappus II, 7 p. 8, 12 sq.:

'Ἐπὶ δὲ τοῦ ιδ' θεωρήματος. "Ἐστω τις ἀριθμὸς ὁ A ἐλάσσων μὲν ἑκατοντάδος, μετρούμενος δὲ ὑπὸ δεκάδος, καὶ ἄλλοι ὁσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἐλάσσονες δεκάδος, καὶ δέον ἐστω τὸν ἐκ τῶν A, B, Γ, Δ, E 15 στερεὸν εἰπεῖν.

"Ἐστω γὰρ καθ' ὃν μετρεῖται ὁ A ὑπὸ τῆς δεκάδος ὁ Z, τουτέστιν ὁ πυθμὴν τοῦ A, καὶ εἰλήφθω ὁ ἐκ τῶν Z, B, Γ, Δ, E στερεὸς καὶ ἐστω ὁ H· λέγω, ὅτι ὁ διὰ τῶν A, B, Γ, Δ, E στερεὸς δεκάκις εἰσὶν οἱ H. 20

De demonstratione Pappus p. 8, 27: τὸ δὲ γραμμικὸν ὑπὸ τοῦ Ἀπολλωνίου δέδεικται.

44. Pappus II, 8 p. 10, 1 sq.:

'Ἄλλὰ δὴ ἐστωσαν δύο ἀριθμοὶ οἱ A, B, ᾧν ἑκάτερος ἐλάσσων μὲν ἑκατοντάδος, μετρούμενος δὲ ὑπὸ 25

Lin. 24 sq. ab Apollonio abiudicat Tannery, sed cfr. p. 128, 7. contra iure idem Papp. p. 10, 15—30 negat apud Apollonium fuisse, nec ibi τὸ γραμμικόν citatur; a Pappo additum uidetur, quo magis gradatim ad fragm. 45 transeatur.

15. δεκάδος οἶον οἱ B, Γ, Δ, E Hultsch cum aliis.

δεκάδος, τῶν δὲ Γ, Δ, Ε ἔκαστος ἐλάσσων δεκάδος ἔστω, καὶ δέον ἔστω τὸν ἐκ τῶν Α, Β, Γ, Δ, Ε στερεὸν εἰπεῖν.

"Ἐστισαν γὰρ τῶν Α, Β πυθμένες οἱ Ζ, Η· λέγω,  
5 ὅτι ὁ ἐκ τῶν Α, Β, Γ, Δ, Ε στερεὸς τοῦ ἐκ τῶν Ζ,  
Η, Γ, Δ, Ε στερεοῦ ἔκατονταπλάσιός ἔστιν.

De demonstratione Pappus p. 10, 14: τὸ δὲ γραμμικὸν ἐκ τῶν Ἀπολλωνίου.

45. Pappus II, 10 p. 10, 31 sq.:

10 Ἐλλὰ δὴ ἔστισαν πλείους τριῶν οἱ Α, Β, Γ, Δ, Ε καὶ ἔκαστος ἐλάσσων μὲν ἔκατοντάδος, μετρούμενος δὲ ὑπὸ δεκάδος, τῶν δὲ Ζ, Η, Θ ἔκαστος ἔστω ἐλάσσων δεκάδος.

15 Τὸ πλῆθος τῶν Α, Β, Γ, Δ, Ε πρότερον μετρείσθω ὑπὸ τετράδος κατὰ τὸν Ο, καὶ ἔστισαν τῶν Α, Β, Γ, Δ, Ε πυθμένες οἱ Κ, Λ, Μ, Ν, Ξ· ὅτι ὁ ἐκ τῶν Α, Β, Γ, Δ, Ζ, Η, Θ στερεὸς ἵσος ἔστιν μυριάσιν διμωνύμοις τῷ Ο, ὅσαι μονάδες εἰσὶν ἐν τῷ στερεῷ τῷ ἐκ τῶν Κ, Λ, Μ, Ν ἐπὶ τὸν ἐκ τῶν Ζ, Η, Θ.

20 De casibus secundo, tertio, quarto Pappus p. 12, 20 sq.:

Ἐλλὰ δὴ τὸ πλῆθος τῶν Α, Β, Γ, Δ, Ε μὴ μετρείσθω ὑπὸ τετράδος· μετρούμενον δὴ ἦτοι ἀ ἥ β ἥ γ λείψει. εἰ μὲν οὖν ἔνα λείψει, ἔσται ὁ ἐκ τῶν Α, Β, Γ, Δ, Ε, Ζ, Η, Θ στερεὸς μυριάδων διμωνύμων 25 τῷ Ο, ὅσος ἔστιν ὁ ἐκ τῶν Κ, Λ, Μ, Ν, Ξ στερεὸς ἐπὶ τὸν ἐκ τῶν Ζ, Η, Θ καὶ ὁ γενόμενος δεκάκις· εἰ

10. πλείους τριῶν] Apollonius scripserat ὁσοιδηποτοῦν.

10 sq. Hultschio suspecta. 24. Ζ, Η, Θ] Hultsch, om. codd. 25. Ο τοσούτων coni. Hultsch. Ξ] Hultsch cum Wallisio, om. codd. 26. καὶ ὁ] del. Hultsch cum Wallisio.

δὲ δύο λείπει, ἐκατοντάκις γενόμενος ὁ εἰρημένος στερεός. εἰ δὲ τρεῖς λείψει, ὁ ἐκ τῶν *K, A, M, N, Ξ* ἐπὶ τὸν ἐκ τῶν *Z, H, Θ* χιλιάκις γενόμενος [ἔσται μυριάδων τοσούτων ὅμωνύμων τῷ *O*]. τὸ δὲ γραμμικὸν ἐκ τοῦ στοιχείου δῆλον.

5

46. Pappus II, 12 p. 14, 4 sq.:

"Ἐστω ὁ μὲν *A* ἐλάσσων μὲν χιλιάδος, μετρούμενος δὲ ὑπὸ ἐκατοντάδος, ἐκαστος δὲ τῶν *B, Γ, Δ* ἐλάσσων δεκάδος, καὶ δέον ἔστω τὸν ἐκ τῶν *A, B, Γ, Δ* στερεόδην εἰπεῖν.

10

*Κείσθω γὰρ τοῦ μὲν A πυθμὴν ὁ E, τῷ δὲ ἐκ τῶν E, B, Γ, Δ στερεῷ ἵσος ὁ Z· ὅτι ὁ ἐκ τῶν A, B, Γ, Δ στερεὸς ἐκατοντάκις ἔστιν ὁ Z.*

De demonstratione Pappus p. 14, 15: τὸ δὲ γραμμικὸν ἐκ τοῦ στοιχείου.

15

47. Pappus II, 13 p. 14, 16: 'Ἐπὶ δὲ τοῦ κδ' θεωρήματος (de producto quotlibet unitatum et quotlibet centenariorum).

In priore casu nihil de Apollonio sumpsit Pappus, sed numeros tantum de suo adfert; in altero haec 20 p. 14, 24 sq. (cfr. fragm. 38):

'Ἐὰν δὲ τὸ διπλάσιον τοῦ πλήθους τῶν *A, B* μὴ μετρῆται ὑπὸ τετράδος, δῆλον, ὅτι μετρούμενον κατὰ τὸν *K* λείψει δύο· τοῦτο γὰρ ἀνώτερον ἐδείχθη. διὰ

1. λείψει Hultsch. γενόμενος — 2. στερεός] del. Hultsch.

2. ὁ] ὕστων ὁ Hultsch. Ξ] Hultsch cum Wallisio, om. codd.

3. ἔσται μονάδων τοσούτων μυριάδων Hultsch; malim delere ἔσται — 4. τῷ *O*. 7 sq. Hultschio suspecta. 11.

τῷ] ὁ Hultsch cum Wallisio. 12. στερεῷ ἵσος] Eberhard (qui praeterea add. ἔστω), om. codd. 15. στοιχείου δῆλον Hultsch cum Wallisio.

δὴ τοῦτο ἐκ τῶν *A, B* καὶ μᾶς τῶν λειπομένων δύο  
ἐκατοντάδων μυριάδες εἰσὶν ἑκατὸν ὅμωνυμοι τῷ *K*.  
καὶ ἔτι ὁ ἐκ τῶν *Z, H, Γ, Δ, E* στερεὸς ὁ *Θ* ἐπὶ τὰς  
ἐκατὸν μυριάδας ὅμωνύμους τῷ *K*. τὸ γραμμικὸν  
5 ὡς Ἀπολλώνιος.

48. Pappus II, 14 p. 16, 3:

'Ἐπὶ δὲ τοῦ κε' θεωρήματος.

Quae sequuntur p. 16, 3 sq. tam corrupta sunt, ut  
sensus idoneus sine uiolentia elici non possit. sed  
10 cum hic τὸ γραμμικόν Apollonii non citetur, dubito,  
an non sit propositio operis Apolloniani, sed lemma  
ipsius Pappi. cfr. Tannery l. c. p. 355 sq.

49. Pappus II, 15 p. 16, 17 sq.:

Τὸ δ' ἐπὶ πᾶσι θεώρημα κε' πρότασιν ἔχει καὶ  
15 ἀπόδειξιν τοιαύτην.

"Ἐστωσαν δύο ἀριθμοὶ ṉ πλείους οἱ *A, B*, ὃν  
ἔκαστος ἐλάσσων μὲν χιλιάδος, μετρούμενος δὲ ὑπὸ  
ἐκατοντάδος, καὶ ἄλλοι ἀριθμοὶ ὅσοιδήποτε οἱ *Γ, Δ, E*,  
ὃν ᔓκαστος ἐλάσσων μὲν ἑκατοντάδος, μετρούμενος δὲ  
20 ὑπὸ δεκάδος, καὶ ἄλλοι πάλιν ὅσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ  
οἱ *Z, H, Θ*, ὃν ᔓκαστος ἐλάσσων δεκάδος, καὶ δέον  
ἔστω τὸν ἐκ τῶν *A, B, Γ, Δ, E, Z, H, Θ* στερεὸν εἶπεν.

ἔστωσαν γὰρ τῶν *A, B, Γ, Δ, E* πυθμένες οἱ  
*A, M, N, Ξ, O*. ὁ δὴ διπλάσιος τῶν *A, B* μετὰ τῶν

1. *A, B* καὶ μᾶς τῶν] dubitans addidi, om. codd. (per *A, B*  
significatur ea pars seriei, cuius multitudo duplicata est 4 *K*).

λειπομένων] Bredow, λῆ codd. Pro ἐκ — 2. ἑκατοντάδων  
Hultsch: ἐκ τοῦ λείπεσθαι δύο, quod deinde delet. 2. ἑκα-  
τόν] Hultsch cum Wallisio, χιλίαι codd. 3. ἔτι] scripsi,  
ἔστιν codd. *Z, H*] scripsi, *A, B* codd. (sed u. Papp. p. 14, 22).

Ante ἐπὶ add. ἵσος τῷ ἐκ τῶν *Z, H, Γ, Δ, E* στερεῷ Hultsch.  
τὰς ἑκατόν] Hultsch et Wallis, χιλιας codd. 24. διπλάσιος  
τοῦ πλήθους τῶν Hultsch. μετὰ τοῦ Hultsch, καὶ codd.

*Γ, Δ, Ε ἀπλῶς ἀριθμῶν ἦτοι μετρεῖται ὑπὸ τετράδος  
ἢ οὐ.*

μετρείσθω πρότερον ὑπὸ τετράδος κατὰ τὸν *K*,  
καὶ ὑποτετάχθωσαν τοῖς μὲν *A, B* ἐκατοντάδες αἱ *P, P*,  
τοῖς δὲ *Γ, Δ, E* δεκάδες αἱ *Σ, T, Υ* καὶ ὁ διπλάσιος 5  
ἄριθμος *Π, P* μετὰ τοῦ πλήθους τῶν *Σ, T, Υ* μετρεῖται  
ὑπὸ τετράδος κατὰ τὸν *K*. καὶ φανερόν, ὅτι ὁ ἐκ τῶν  
*A, B, Γ, Δ, E* στερεὸς ἵστηται τῷ ἐκ τῶν *Π, P, Σ, T, Υ* 10  
ὅτι ὁ ἐκ τῶν *A, B, Γ, Δ, E, Z, H, Θ* στερεὸς μυριάδες  
εἰσὶν τοσαῦται διμώνυμοι τῷ *K*, ὅσαι μονάδες εἰσὶν ἐν  
τῷ *Φ*. τοῦτο δὲ γραμμικῶς Ἀπολλόνιος ἀπέδειξεν.

'Εὰν δὲ ὁ διπλάσιος τοῦ πλήθους τῶν *A, B* μετὰ  
τοῦ πλήθους τῶν *Γ, Δ, E* μὴ μετρῆται ὑπὸ τετράδος, 15  
μετρούμενος ἄριθμος κατὰ τὸν *K* λείψει ἢ ἔνα ἢ δύο ἢ  
τρεῖς. εἰ μὲν οὖν ἔνα λείψει, ὁ ἐκ τῶν *Π, P, Σ, T, Υ*  
στερεὸς μυριάδες εἰσὶν δέκα διμώνυμοι τῷ *K*, εἰ δὲ  
δύο, μυριάδες ἑκατὸν διμώνυμοι τῷ *K*, εἰ δὲ τρεῖς,  
μυριάδες χίλιαι διμώνυμοι τῷ *K*. καὶ δῆλον ἐκ τῶν 20  
γενομένων, ὅτι ὁ ἐκ τῶν *A, B, Γ, Δ, E, Z, H, Θ* στε-  
ρεὸς μυριάδες εἰσὶν τοσαῦται, ὅσος ὁ δεκαπλάσιος τοῦ *Φ*,  
διμώνυμοι τῷ *K* ἀριθμῷ, ἢ ὁσος ὁ ἑκατονταπλάσιος  
τοῦ *Φ*, διμώνυμοι τῷ *K*, ἢ ὁσος ὁ χιλιαπλάσιος τοῦ *Φ*,  
διμώνυμοι τῷ *K*. 25

Τούτου δὴ τοῦ θεωρήματος προτεθεωρημένου πρό-

1. ἀπλοῦ ἀριθμοῦ Hultsch. 5. καὶ ὁ — 7. *K*] inter-  
polatori tribuit Hultsch. 6. ἄριθμος τῶν Hultsch  
cum Wallisio. 8. *A* — ἐκ τῶν] addidi, om. codd.; post *O*  
lin. 9 add. ἵστηται τῷ ἐκ τῶν *A, B, Γ, Δ, E* στερεῷ Hultsch  
cum Wallisio. 21. γενομένων] γεγραμμένων Hultsch. 26.  
τοῦ θεωρήματος] del. Hultsch.

δηλον, πῶς ἔστιν τὸν δοθέντα στίχον πολλαπλασιάσαι  
καὶ εἰπεῖν τὸν γενόμενον ἀριθμὸν ἐκ τοῦ τὸν πρῶτον  
τῶν ἀριθμῶν, ὃν εἴληφε τὸ πρῶτον τῶν γραμμάτων,  
ἔπι τὸν δεύτερον ἀριθμόν, ὃν εἴληφε τὸ δεύτερον τῶν  
5 γραμμάτων, πολυπλασιασθῆναι καὶ τὸν γενόμενον ἐπὶ<sup>1)</sup>  
τὸν τρίτον ἀριθμόν, ὃν εἴληφε τὸ τρίτον γράμμα, καὶ  
κατὰ τὸ ἔξῆς περαίνεσθαι μέχρι τοῦ διεξοδεύεσθαι τὸν  
στίχον, ὡς εἶπεν Ἀπολλώνιος ἐν ἀρχῇ.<sup>1)</sup> κατὰ τὸν  
στίχον οὕτως.

10      Ἀρτέμιδος οἱεῖτε ιράτος ἔξοχον ἐννέα ποῦραι  
(τὸ δὲ οἱεῖτε φησὶν ἀντὶ τοῦ ὑπομνήσατε).

50. Pappus II, 18 p. 20, 10 sq.:

Ἐὰν ἄρα τοὺς δέκα ἀριθμοὺς [centenarios uersus illius] διπλασιάσωμεν καὶ τοὺς γενομένους ἢ προσθῶμεν  
15 τοῖς εἰρημένοις ἀπλῶς ἀριθμοῖς ἐπτακαίδεκα,<sup>2)</sup> τὰ γε-  
νόμενα δύμοι λέξ ἔξομεν τῶν ὑπ' αὐτοῦ λεγομένων  
ἀναλόγων. κἄν τοῖς μὲν δέκα ἀριθμοῖς ὑποτάξωμεν  
Ισαρθμοὺς δέκα κατὰ τάξιν ἐκατοντάδος, τοῖς δὲ ιξ  
δύμοις ὑποτάξωμεν δεκάδας ιξ, φανερὸν ἐκ τοῦ ἀνώ-  
20 τερον λογιστικοῦ θεωρήματος ιβ', ὅτι δέκα ἐκατον-  
τάδες μετὰ τῶν ιξ δεκάδων ποιοῦσι μυριάδας ἐνναπλᾶς  
δέκα.

1) Hic incipere uidetur expositio amplior Pappi eorum, quae Apollonius initio operis breuiter significauerat.

2) Sc. denariis uersus.

3. τῶν ἀριθμῶν] ἀριθμόν Hultsch. 5. πολλαπλασιασθῆναι Hultsch cum Wallisio. 8. ὡς] ὃν Hultsch. κατὰ τὸν στίχον] del. Hultsch. 13. τούς — 17. κἄν] del. Hultsch. 16. λε- γομένων] Eberhard, γενομένων codd.

## De principiis mathematicis.

51. Marinus in Data Euclidis p. 2 ed. Hardy:

*Διὸ τῶν ἀπλουστέρως καὶ μιᾶς τινι διαφορᾷ περιγράφειν τὸ δεδομένον προσθεμένων οἱ μὲν τεταγμένον, ὡς Ἀπολλώνιος ἐν τῇ περὶ νεύσεων καὶ ἐν τῇ καθόλου 5 πραγματείᾳ.*

52. Proclus in Elem. p. 100, 5 sq.<sup>1)</sup>

*Ἀποδεξώμεθα δὲ καὶ τὸν περὶ Ἀπολλώνιον λέγοντας, ὅτι γραμμῆς ἔννοιαν μὲν ἔχομεν, ὅταν τὰ μήκη μόνον ἢ τῶν ὁδῶν ἢ τῶν τοίχων ἀναμετρεῖν κελεύω- 10 μεν· οὐ γὰρ προσποιούμεθα τότε τὸ πλάτος, ἀλλὰ τὴν ἐφ' ἐν διάστασιν ἀναλογιζόμεθα, καθάπερ δὴ καί, ὅταν χωρία μετρῶμεν, τὴν ἐπιφάνειαν δρῶμεν, ὅταν δὲ φρέατα, τὸ στερεόν· πάσας γὰρ δόμοῦ τὰς διαστάσεις συλλαβόντες ἀποφαινόμεθα τοσόνδε εἶναι τὸ διάστημα 15 τοῦ φρέατος κατά τε μῆκος καὶ πλάτος καὶ βάθος. αἴσθησιν δὲ αὐτῆς λάβοιμεν ἂν ἀπιδόντες εἰς τὸν διορισμοὺς τῶν πεφωτισμένων τόπων ἀπὸ τῶν ἐσκι- ασμένων καὶ ἐπὶ τῆς σελήνης καὶ ἐπὶ τῆς γῆς· τοῦτο γὰρ τὸ μέσον κατὰ μὲν πλάτος ἀδιάστατόν ἐστι, μῆκος 20 δὲ ἔχει τὸ συμπαρεκτεινόμενον τῷ φωτὶ καὶ τῇ σκιᾷ.*

53. Proclus in Elem. p. 123, 14 sq.:

*Τοῦ μὲν Εὐκλείδου κλίσιν λέγοντος τὴν γωνίαν, τοῦ δὲ Ἀπολλωνίου συναγωγὴν ἐπιφανείας ἢ στέρεοῦ πρὸς ἐνὶ σημείῳ ὑπὸ κεκλασμένη γραμμῆς ἢ ἐπιφανείᾳ· 25 δοκεῖ γὰρ οὗτος καθόλου πᾶσαν ἀφορίζεσθαι γωνίαν.*

1) De his fragmentis u. Tannery Bulletin des sciences mathématiques, 2<sup>e</sup> série, V p. 124, et cfr. quae monui Philolog. XLIII p. 488. ibidem suspicatus sum, etiam Procl. p. 227, 9 sq. ad Apollonium pertinere.

Cfr. p. 124, 17 sq.: τὴν ἰδιότητα τῆς γωνίας εὐρη-  
σομεν συναγωγὴν μὲν οὐκ οὖσαν, ὥσπερ [καὶ] ὁ  
Ἀπολλώνιος φησιν, ἐπιφανείας ἡ στερεοῦ; u. etiam  
p. 125, 17.

5 54. Proclus in Elem. p. 183, 13 sq.:

Μάτην οὖν τῶν ἀξιωμάτων Ἀπολλώνιος ἐπεχείρησεν  
ἀποδεῖξεις παραδιδόναι. ὁρθῶς γὰρ καὶ ὁ Γεμῖνος  
ἐπέστησεν, ὅτι οἱ μὲν καὶ τῶν ἀναποδείκτων ἀποδεῖξεις  
ἐπενόησαν καὶ ἀπὸ ἀγνωστοτέρων μέσων τὰ γνώριμα  
10 πᾶσιν κατασκευάζειν ἐπεχείρησαν· ὃ δὴ πέπονθεν ὁ  
Ἀπολλώνιος δεικνύναι βουλόμενος, ὅτι ἀληθὲς τὸ  
ἀξιωμα τὸ λέγον τὰ τῷ αὐτῷ ἵσα καὶ ἀλλήλοις ἵσα  
εἶναι.

Cfr. p. 194, 9: πολλοῦ ἄρα δεήσομεν ἡμεῖς τὸν  
15 γεωμέτρην Ἀπολλώνιον ἐπαινεῖν, ὃς καὶ τῶν ἀξιωμά-  
των, ὡς οἴεται, γέγραφεν ἀποδεῖξεις ἀπ' ἐναντίας Εὐ-  
κλείδῃ φερόμενος· ὁ μὲν γὰρ καὶ τὸ ἀποδεικτὸν ἐν  
τοῖς αἰτήμασι κατηρίθμησεν, ὁ δὲ καὶ τῶν ἀναποδείκ-  
των ἐπεχείρησεν ἀποδεῖξεις εὐρίσκειν.

20 Ipsam demonstrationem Apollonii habet Proclus  
p. 194, 20 sq.: ὅτι δὲ καὶ ἡ ἀπόδειξις, ἣν ὁ Ἀπολ-  
λώνιος εὐρηκέναι πέπεισται τοῦ πρώτου τῶν ἀξιωμά-  
των, οὐδὲν μᾶλλον ἔχει τὸν μέσον τοῦ συμπεράσματος  
γνωριμότερον, εἰ μὴ καὶ πλέον ἀμφισβητούμενον, μάθοι  
25 τις ἀν ἐπιβλέψας εἰς αὐτὴν καὶ συικρόν.

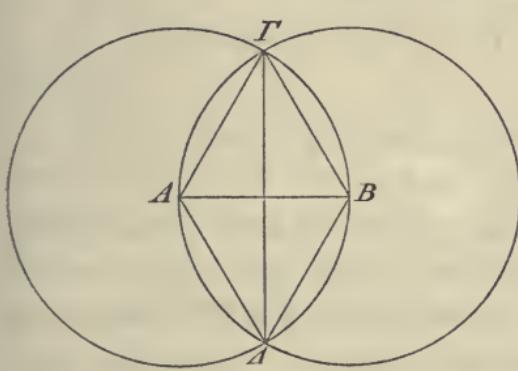
ἔστω γάρ, φησί, τὸ Α τῷ Β ἵσον, τοῦτο δὲ τῷ Γ.  
λέγω, ὅτι καὶ τὸ Α τῷ Γ ἵσον. ἐπεὶ γὰρ τὸ Α τῷ Β  
ἵσον, τὸν αὐτὸν αὐτῷ κατέχει τόπον. καὶ ἐπεὶ τὸ Β

2. καὶ] deleo. 23. τὸν μέσον] sc. ὅρον, τὸ μέσον Friedlein.

τῷ Γ ἵσου, τὸν αὐτὸν καὶ τούτῳ κατέχει τόπον. καὶ τὸ Α ἅρα τῷ Γ τὸν αὐτὸν κατέχει τόπον· ἵσα ἅρα ἔστιν.

55. Proclus in Elem. p. 279, 16 sq.:

Ἄπολλάνιος δὲ ὁ Περγαῖος τέμνει τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν πεπερασμένην δίχα τοῦτον τὸν τρόπον.



κύκλος, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ἐπὶ τὰς τομὰς τῶν κύκλων ἡ ΓΔ. αὕτη δίχα τέμνει τὴν ΑΒ εὐθεῖαν.

ἐπεξεύχθωσαν γὰρ αἱ ΓΑ, ΓΒ καὶ αἱ ΔΑ, ΔΒ. ἵσαι ἅρα εἰσὶν αἱ ΓΑ, ΓΒ· ἐκατέρα γὰρ ἴση τῇ ΑΒ·<sup>20</sup> κοινὴ δὲ ἡ ΓΔ, καὶ ἡ ΔΑ τῇ ΔΒ ἴση διὰ τὰ αὐτά. ἡ ἅρα ὑπὸ ΑΓΔ γωνία ἴση τῇ ὑπὸ ΒΓΔ· ὥστε δίχα τέμνηται ἡ ΑΒ διὰ τὸ τέταρτον.

τοιαύτη τίς ἐστιν ἡ κατὰ Ἀπολλάνιον τοῦ προκειμένου προβλήματος [Elem. I, 10] ἀπόδειξις ἀπὸ μὲν <sup>25</sup> τοῦ ἴσοπλεύρου τριγώνου καὶ αὐτὴ ληφθεῖσα, ἀντὶ δὲ τοῦ λαβεῖν δίχα τεμνομένην τὴν πρὸς τῷ Γ γωνίαν

19. καὶ — 20. ΓΒ] addidi, om. Friedlein. 23. ἡ] scripsi,  
ὅ Friedlein. 24. ἡ] scripsi, καὶ ἡ Friedlein.

δεικνύουσα, ὅτι δίχα τέτμηται, διὰ τὴν ἴσοτητα τῶν βάσεων.

56. Proclus in Elem. p. 282, 8 sq.:

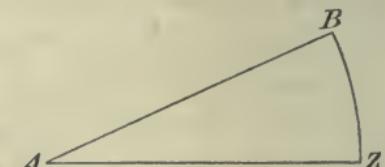
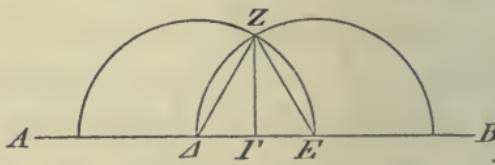
Ἄπολλώνιος δὲ τὴν πρὸς ὁρθὰς ἄγει τὸν τρόπον  
5 τοῦτον·

ἐπὶ τῆς  $AG$  τυχὸν τὸ  $A$ , καὶ ἀπὸ τῆς  $GB$  ἵση  
τῇ  $AD$  ἢ  $GE$ , καὶ κέντρῳ τῷ  $A$ , τῷ δὲ  $ED$  διαστή-  
ματι γεγράφθω κύ-  
κλος, καὶ πάλιν κέν-  
10 τρῳ τῷ  $E$ , διαστήματι  
δὲ τῷ  $AE$  κύκλος  
γεγράφθω, καὶ ἀπὸ  
τοῦ  $Z$  ἐπὶ τὸ  $\Gamma$  ἥχθω. λέγω, ὅτι αὗτη ἔστιν ἡ πρὸς ὁρθὰς.  
ἔὰν γὰρ ἐπιξευχθῶσιν αἱ  $ZD$ ,  $ZE$ , ἰσαι ἔσονται.

15 ἰσαι δὲ καὶ αἱ  $AD$ ,  $GE$ , καὶ οὐνὴ ἡ  $Z\Gamma$ . ὥστε καὶ αἱ  
πρὸς τῷ  $\Gamma$  γωνίαι ἰσαι διὰ τὸ ὅγδοον. ὁρθὰς ἄρα εἰσίν.

57. Proclus in Elem. p. 335, 16 sq.:

Τὴν δὲ Ἀπολλωνίου δεῖ-  
ξιν οὐκ ἐπαινοῦμεν ὡς δεο-  
20 μένην τῶν ἐν τῷ τρίτῳ βι-  
βλίῳ δεικνυμένων. λαβὼν γὰρ  
ἐκεῖνος γωνίαν τυχοῦσαν τὴν  
ὑπὸ  $\Gamma AD$  καὶ εὐθεῖαν τὴν  
25  $AB$  κέντρῳ τῷ  $A$ , διαστή-  
ματι δὲ τῷ  $\Gamma A$ , γράφει τὴν  
 $\Gamma E$  περιφέρειαν καὶ ὠσαύ-  
τως κέντρῳ τῷ  $A$ , διαστή-  
ματι δὲ τῷ  $AB$  τὴν  $ZB$ , καὶ ἀπολαβὼν τῇ  $\Gamma E$   
30 ἴσην τὴν  $ZB$  ἐπιξεύγνυσι τὴν  $AZ$  καὶ ἐπὶ ἰσων περι-



2. βάσεων] h. e.  $AD$ ,  $AB$ .

13. ἥχθω ἡ  $Z\Gamma$  Friedlein.

φερειῶν βεβηκυίας τὰς Α, Δ γωνίας ἵσας ἀποφαίνει.  
δεῖ δὲ προλαβεῖν καὶ, ὅτι ἡ ΑΒ ἵση τῇ ΓΔ, ἵνα καὶ  
οἱ κύκλοι ἴσοι ὁσι.

58. Scholium<sup>1)</sup> ad Euclidis Data deff. 13—15:

Τούτους Ἀπολλωνίου φασὶν εἶναι τὸν τρεῖς ὄρους. 5

### Astronomica.

59. Ptolemaeus σύνταξις XII, 1 (II p. 312 sq. ed. Halma):

Τούτων ἀποδεδειγμένων ἀκόλουθον ἂν εἴη καὶ τὰς  
καθ' ἔκαστον τῶν πέντε πλανωμένων γινομένας προ- 10  
ηγήσεις ἐλαχίστας τε καὶ μεγίστας ἐπισκέψασθαι καὶ  
δεῖξαι καὶ τὰς τούτων πηλικότητας ἀπὸ τῶν ἐκκειμέ-  
νων ὑποθέσεων συμφώνους, ὡς ἔνι μάλιστα, γινομένας  
ταῖς ἐκ τῶν τηρήσεων καταλαμβανομέναις. εἰς δὲ τὴν  
τοιαύτην διάληψιν προαποδεικνύουσι μὲν καὶ οἵ τε 15  
ἄλλοι μαθηματικοὶ καὶ Ἀπολλώνιος ὁ Περγαῖος ὡς ἐπὶ<sup>2)</sup>  
μιᾶς τῆς παρὰ τὸν ἥλιον ἀνωμαλίας, ὅτι, ἐάν τε διὰ  
τῆς κατ' ἐπίκυκλον ὑποθέσεως γίνηται, τοῦ μὲν ἐπι-  
κύκλου περὶ τὸν ὅμοκεντρον τῷ ξωδιακῷ κύκλον τὴν  
κατὰ μῆκος πάροδον εἰς τὰ ἐπόμενα τῶν ξωδίων ποι- 20  
ούμενον, τοῦ δὲ ἀστέρος ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου περὶ τὸ

1) Hoc scholium, quod ad opus Apollonii de principiis mathematicis referre non dubito — nam ibi sine dubio, sicut de axiomaticis, ita etiam de definitionibus et de uera definiendi ratione disputauerat —, mecum communicauit H. Menge. exstat in codd. Vatt. gr. 190 et 204 et in cod. Laur. 28, 10, ne plures.

5. τούτου Vat. 190. Ἀπολλώνιος Vat. 190. φησίν  
Vat. 190. εἶναι φησι Vat. 204. τούτους τὸν τρεῖς ὄρους  
Ἀπολλωνίου φασὶν εἶναι Laur. 28, 10.

κέντρον αὐτοῦ τὴν τῆς ἀνωμαλίας ὡς ἐπὶ τὰ ἐπόμενα  
 τῆς ἀπογείου περιφερείας, καὶ διαχθῆ τις ἀπὸ τῆς  
 ὄψεως ἡμῶν εὐθεῖα τέμνουσα τὸν ἐπίκυκλον οὕτως  
 ὥστε τοῦ ἀπολαμβανομένου αὐτῆς ἐν τῷ ἐπικύκλῳ  
 5 τμήματος τὴν ἡμίσειαν πρὸς τὴν ἀπὸ τῆς ὄψεως ἡμῶν  
 μέχρι τῆς κατὰ τὸ περίγειον τοῦ ἐπικύκλου τομῆς  
 λόγον ἔχειν, ὃν τὸ τάχος τοῦ ἐπικύκλου πρὸς τὸ τάχος  
 τοῦ ἀστέρος, τὸ γινόμενον σημεῖον ὑπὸ τῆς οὕτως  
 διαχθείσης εὐθείας πρὸς τῇ περιγείῳ περιφερείᾳ τοῦ  
 10 ἐπικύκλου διορίζει τὰς τε ὑπολείψεις καὶ τὰς προηγή-  
 σεις, ὥστε κατ' αὐτοῦ γινόμενον τὸν ἀστέρα φαντα-  
 σίαν ποιεῖσθαι στηριγμοῦ· ἐάν τε διὰ τῆς κατ' ἐκ-  
 κεντρότητα ὑποθέσεως ἡ παρὰ τὸν ἥλιον ἀνωμαλία  
 συμβαίνῃ τῆς τοιαύτης ἐπὶ μόνων τῶν πᾶσαν ἀπό-  
 15 στασιν ἀπὸ τοῦ ἥλιον ποιουμένων τοιῶν ἀστέρων  
 προχωρεῖν δυναμένης, τοῦ μὲν κέντρου τοῦ ἐκκέντρου  
 περὶ τὸ τοῦ ζῳδιακοῦ κέντρου εἰς τὰ ἐπόμενα τῶν  
 ζῳδίων ἰσοταχῶς τῷ ἥλιῳ φερομένου, τοῦ δὲ ἀστέρος  
 ἐπὶ τοῦ ἐκκέντρου περὶ τὸ κέντρον αὐτοῦ εἰς τὰ προ-  
 20 ηγούμενα τῶν ζῳδίων ἰσοταχῶς τῇ τῆς ἀνωμαλίας  
 παρόδῳ, καὶ διαχθῆ τις εὐθεῖα ἐπὶ τοῦ ἐκκέντρου  
 κύκλου διὰ τοῦ κέντρου τοῦ ζῳδιακοῦ, τουτέστι τῆς  
 ὄψεως, οὕτως ἔχουσα ὥστε τὴν ἡμίσειαν αὐτῆς ὅλης  
 πρὸς τὸ ἔλασσον τῶν ὑπὸ τῆς ὄψεως γινομένων τμη-  
 25 μάτων λόγον ἔχειν, ὃν τὸ τάχος τοῦ ἐκκέντρου πρὸς  
 τὸ τάχος τοῦ ἀστέρος, κατ' ἐκεῖνο τὸ σημεῖον γιγνό-  
 μενος ὁ ἀστήρ, καθ' ὃ τέμνει ἡ εὐθεῖα τὴν περίγειον  
 τοῦ ἐκκέντρου περιφέρειαν, τὴν τῶν στηριγμῶν φαν-  
 τασίαν ποιήσεται.

30 De demonstrationibus Apollonii u. Delambre apud  
 Halma II<sup>2</sup> p. 19.

Cfr. Procli hypotyposes p. 128 ed. Halma: ἔστι μὲν οὖν Ἀπολλωνίου τοῦ Περγαίου τὸ εῦρημα, χρῆται δὲ αὐτῷ ὁ Πτολεμαῖος ἐν τῷ ιβ' τῆς συντάξεως.

60. Hippolytus refutat. omnium haeres. IV, 8 p. 66 ed. Duncker:

*Καὶ ἀπόστημα δὲ ἀπὸ τῆς ἐπιφανείας τῆς γῆς ἐπὶ τὸν σεληνιακὸν κύκλον ὁ μὲν Σάμιος Ἀρίσταρχος ἀναγράφει σταδίων .... ὁ δὲ Ἀπολλώνιος μυριάδων φ.*

De numero aut corrupto aut ab Hippolyto male intellecto u. Tannery Mémoires de la société des sciences physiques et naturelles de Bordeaux, 2<sup>e</sup> série, V p. 254.

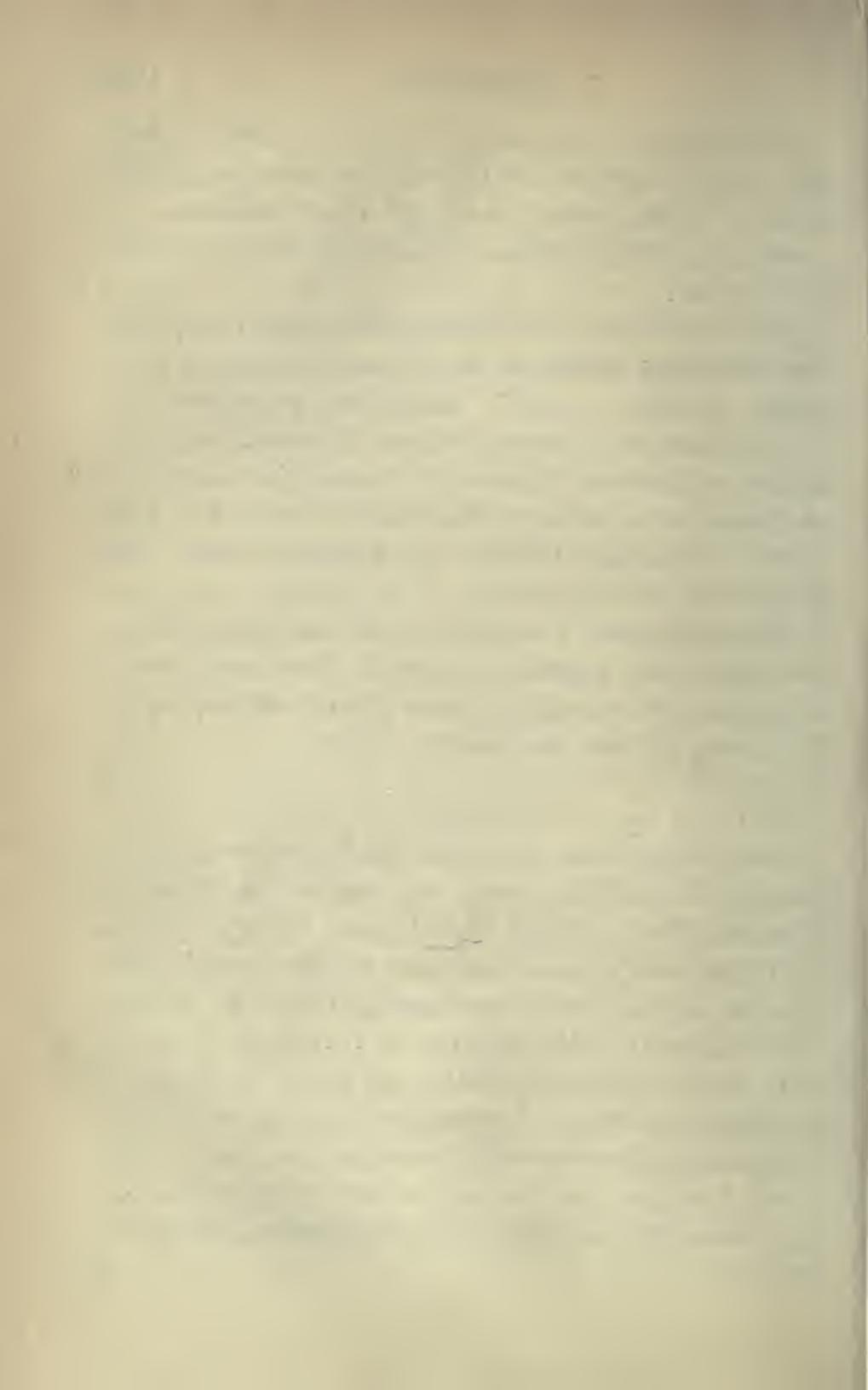
61. Ptolemaeus Chennus apud Photium cod. CXC p. 151b 18 ed. Bekker:

*Ἀπολλώνιος δ' ὁ ἐν τοῖς τοῦ Φιλοπάτορος χρόνοις ἐπ' ἀστρονομίᾳ περιβόητος γεγονὼς ἐκαλεῖτο, διότι τὸ σχῆμα τοῦ ἐ συμπεριφέρεται τῷ τῆς σελήνης, περὶ ἣν ἐκεῖνος μάλιστα ἡκοίβωτο.*

### Optica.

62. Fragmentum mathematicum Bobiense ed. Belger Hermes XVI p. 279 sq. (quae male legerat ille, emendaui 20 Zeitschr. f. Math. u. Phys. XXVIII, hist. Abth. p. 124sq.):

*Οἱ μὲν οὖν παλαιοὶ ὑπέλαβον τὴν ἔξαψιν ποιεῖσθαι περὶ τὸ κέντρον τοῦ κατόπτρου, τοῦτο δὲ ψεῦδος Ἀπολλώνιος μάλα δεόντως ..... (ἐν τῷ) πρὸς τοὺς κατοπτρικοὺς ἔδειξεν, καὶ περὶ τίνα δὲ τόπουν 25 ἡ ἐκπύρωσις ἔσται, διασεσάφηκεν ἐν τῷ περὶ τοῦ πυρίου. δὸν δὲ τρόπουν ἀποδεικνύουσιν, οὐδια.....δε, ὃ καὶ δυσέργως καὶ διὰ μακροτέρων συνίστησιν. οὐδὲ μὴν ἄλλὰ τὰς μὲν ὑπ' αὐτοῦ κομιζομένας ἀποδεῖξεις παρῶμεν.*



COMMENTARIA ANTIQUA.

---

1900-01-02

## I.

## PAPPI

## LEMMATA IN CONICORUM LIBROS I—IV.

Pappus VII, 233—272 p. 918, 22—952, 23 ed. Hultsch.

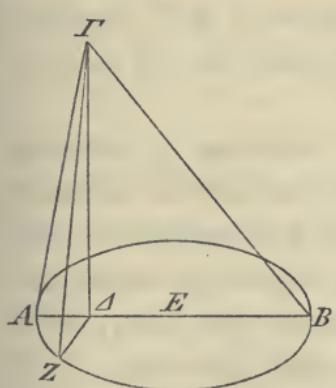
Τοῦ α'.

5

α'. "Εστω κῶνος, οὗ βάσις μὲν ὁ  $AB$  κύκλος, πορυφὴ δὲ τὸ  $\Gamma$  σημεῖον. εἰ μὲν οὖν ἴσοσκελῆς ἐστιν ὁ κῶνος, φανερόν, ὅτι πᾶσαι αἱ ἀπὸ τοῦ  $\Gamma$  πρὸς τὸν  $AB$  κύκλου προσπίπτουσαι εὐθεῖαι ἔσαι ἀλλήλαις εἰσὶν, εἰ δὲ σκαληνός, ἔστω εὐρεῖν, τίς μεγίστη καὶ τίς 10 ἐλαχίστη.

ῆχθω γαρ ἀπὸ τοῦ  $\Gamma$  σημείου ἐπὶ τὸ τοῦ  $AB$  κύκλου ἐπίπεδον κάθετος καὶ πιπτέτω πρότερον ἐντὸς

τοῦ  $AB$  κύκλου καὶ ἔστω ἡ  $\Gamma\Delta$ , καὶ εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ 15 κύκλου τὸ  $E$ , καὶ ἐπιξευχθεῖσα ἡ  $\Delta E$  ἐκβεβλήσθω ἐφ' ἐκάτερα τὰ μέρη ἐπὶ τὰ  $A$ ,  $B$  σημεῖα, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ  $A\Gamma$ ,  $\Gamma B$ . λέγω, ὅτι μεγίστη μέν ἐστιν ἡ 20  $B\Gamma$ , ἐλαχίστη δὲ ἡ  $A\Gamma$  πασῶν τῶν ἀπὸ τοῦ  $\Gamma$  πρὸς τὸν  $AB$  προσπίπτουσῶν.



προσβεβλήσθω γάρ τις καὶ ἑτέρα ἡ  $\Gamma Z$ , καὶ ἐπεξεύχθω ἡ  $\Delta Z$ . μείζων ἄρα ἐστὶν ἡ  $B\Delta$  τῆς  $\Delta Z$  25

[Eucl. III, 7]. κοινὴ δὲ ἡ ΓΔ, καὶ εἰσιν αἱ πρὸς τῷ Δ γωνίαι ὁρθαὶ· μείζων ἄρα ἐστὶν ἡ ΒΓ τῆς ΓΖ. κατὰ τὰ αὐτὰ καὶ ἡ ΓΖ τῆς ΓΔ μείζων ἐστίν· ὥστε μεγίστη μέν ἐστιν ἡ ΓΒ, ἐλαχίστη δὲ ἡ ΓΑ.

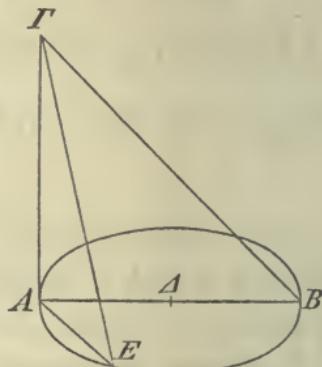
β'. Ἀλλὰ δὴ πάλιν ἡ ἀπὸ τοῦ Γ κάθετος ἀγομένη πιπτέτω ἐπὶ τῆς περιφερείας τοῦ ΑΒ κύκλου καὶ ἐστω ἡ ΓΑ, καὶ πάλιν ἐπὶ τὸ κέντρον τοῦ κύκλου τὸ Δ ἐπεξεύχθω ἡ ΑΔ καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ Β,  
10 καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΒΓ. λέγω, ὅτι μεγίστη μέν ἐστιν ἡ ΒΓ, ἐλαχίστη δὲ ἡ ΑΓ.

ὅτι μὲν οὖν μείζων ἡ ΓΒ τῆς ΓΑ, φανερόν [Eucl. I, 19]. δι-  
15 ἡχθω δέ τις καὶ ἐτέρα ἡ ΓΕ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΑΕ. ἐπεὶ διάμετρός ἐστιν ἡ ΑΒ, μείζων ἐστὶν τῆς ΑΕ [Eucl. III, 15]. καὶ αὐταῖς πρὸς ὁρθὰς ἡ ΑΓ [Eucl. XI def. 3]· μείζων ἄρα ἐστὶν ἡ ΓΒ τῆς ΓΕ. διοίωσ καὶ πασῶν. καὶ κατὰ τὰ αὐτὰ μείζων δειχθή-  
20 σεται ἡ ΕΓ τῆς ΓΑ. ὥστε μεγίστη μὲν ἡ ΒΓ, ἐλαχίστη δὲ ἡ ΓΑ τῶν ἀπὸ τοῦ Γ σημείου πρὸς τὸν ΑΒ κύκλον προσπιπτονσῶν εὐθειῶν.

γ'. Τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων πιπτέτω ἡ κάθετος ἐκτὸς τοῦ κύκλου καὶ ἐστω ἡ ΓΔ, καὶ ἐπὶ τὸ κέντρον  
25 τοῦ κύκλου τὸ Ε ἐπιξευχθεῖσα ἡ ΔΕ ἐκβεβλήσθω, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΑΓ, ΒΓ. λέγω δὴ, ὅτι μεγίστη μέν ἐστιν ἡ ΒΓ, ἐλαχίστη δὲ ἡ ΑΓ πασῶν τῶν ἀπὸ τοῦ Γ πρὸς τὸν ΑΒ κύκλον προσπιπτονσῶν εὐθειῶν.

ὅτι μὲν οὖν μείζων ἐστὶν ἡ ΒΓ τῆς ΓΑ, φανερόν  
30 [Eucl. I, 19]. λέγω δὴ, ὅτι καὶ πασῶν τῶν ἀπὸ τοῦ Γ

30. δὴ] δέ Hultsch.



πρὸς τὴν τοῦ  $AB$  κύκλου περιφέρειαν προσπιπτουσῶν.  
προσπιπτέτω γάρ τις καὶ ἐτέρα ἡ  $\Gamma Z$ , καὶ ἐπεξεύχθω

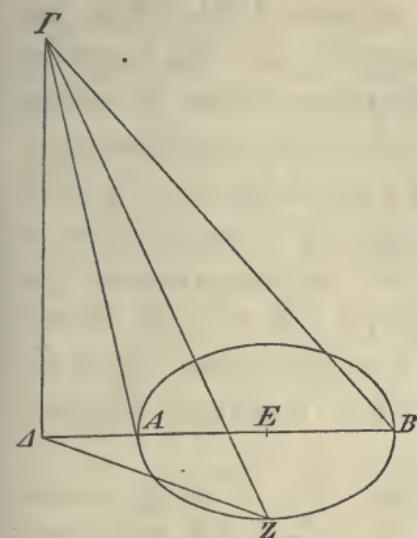
ἡ  $\Delta Z$ . ἐπεὶ οὖν διὰ τοῦ  
κέντρου ἔστιν ἡ  $B\Delta$ , μεί-  
ζων ἔστιν ἡ  $\Delta B$  τῆς  $\Delta Z$  5  
[Eucl. III, 8]. καὶ ἔστιν  
αὐταῖς ὁρθὴ ἡ  $\Delta \Gamma$ , ἐπεὶ  
καὶ τῷ ἐπιπέδῳ [Eucl. XI  
def. 3]. μείζων ἄρα ἔστιν  
ἡ  $B\Gamma$  τῆς  $\Gamma Z$ . ὅμοίως καὶ 10  
πασῶν. μεγίστη μὲν ἄρα  
ἔστιν ἡ  $\Gamma B$ . ὅτι δὲ καὶ  
ἡ  $A\Gamma$  ἐλαχίστη. ἐπεὶ γὰρ  
ἐλάσσων ἔστιν ἡ  $A\Delta$  τῆς  
 $\Delta Z$ , καὶ ἔστιν αὐταῖς ὁρθὴ 15

ἡ  $\Delta \Gamma$ , ἐλάσσων ἄρα ἔστιν ἡ  $A\Gamma$  τῆς  $\Gamma Z$ . ὅμοίως  
καὶ πασῶν. ἐλαχίστη ἄρα ἔστιν ἡ  $A\Gamma$ , μεγίστη δὲ  
ἡ  $B\Gamma$  πασῶν τῶν ἀπὸ τοῦ  $\Gamma$  πρὸς τὴν τοῦ  $AB$   
κύκλου περιφέρειαν προσπιπτουσῶν εὑθεῖῶν.

### Ἐλέγουσαν τοὺς κωνικοὺς ὄρους.

20

Ἐὰν ἀπό τινος σημείου πρὸς κύκλου περι-  
φέρειαν [I p. 6, 2] εἰκότως ὁ Ἀπολλώνιος προστίθησιν  
καὶ ἐφ' ἑκάτερα ἐκβληθῆ [p. 6, 4], ἐπειδήπερ τοῦ  
τυχόντος κώνου γένεσιν δηλοῖ. εἰ μὲν γὰρ ἴσοσκελῆς  
ὁ κώνος, περισσὸν ἦν προσεκβάλλειν διὰ τὸ τὴν φε- 25  
ρομένην εὐθεῖαν αἱεί ποτε ψαύειν τῆς τοῦ κύκλου  
περιφέρειας, ἐπειδήπερ πάντοτε τὸ σημεῖον ἵσον ἀφέξειν  
ἔμελλεν τῆς τοῦ κύκλου περιφέρειας. ἐπεὶ δὲ δύναται



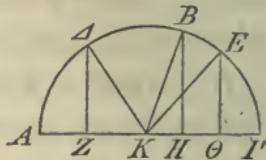
23. καὶ] om. Hultsch. προσεκβληθῆ Hultsch.

καὶ σκαληνὸς εἶναι δὲ κῶνος, ἔστιν δέ, ὡς προγέγραπται,  
ἐν πώνῳ σκαληνῷ μεγίστη τις καὶ ἐλαχίστη πλευρά,  
ἀναγκαῖως προστίθησιν τὸ προσεκβεβλήσθω, ἵνα  
αἱ τοῦ προσεκβληθεῖσα ἡ ἐλαχίστη ἀεὶ τῆς μεγίστης  
5 αὐξηται προσεκβαλλομένης, ἕως ἵση γένηται τῇ μεγίστῃ  
καὶ φαύση πατ' ἐκεῖνο τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας.

δ'. "Εστω γραμμὴ ἡ  $AB\Gamma$ , καὶ θέσει ἡ  $A\Gamma$ , πᾶσαι  
δὲ αἱ ἀπὸ τῆς γραμμῆς ἐπὶ τὴν  $A\Gamma$  πάθετοι ἀγόμεναι  
οὕτως ἀγέσθωσαν, ὥστε τὸ ἀπὸ ἑκάστης αὐτῶν τετρά-  
10 γωνον ἵσον εἶναι τῷ περιεχομένῳ ὑπὸ τῶν τῆς βάσεως  
τμημάτων τῶν ὑφ' ἑκάστης ἀποτμηθέντων. λέγω, ὅτι  
κύκλου περιφέρειά ἔστιν ἡ  $AB\Gamma$ , διάμετρος δὲ αὐτῆς  
ἔστιν ἡ  $A\Gamma$ .

ἢχθωσαν γὰρ ἀπὸ σημείων τῶν  $A$ ,  $B$ ,  $E$  πάθετοι  
15 αἱ  $AZ$ ,  $BH$ ,  $E\Theta$ . τὸ μὲν ἄρα ἀπὸ  $AZ$  ἵσον ἔστιν  
τῷ ὑπὸ  $AZ\Gamma$ , τὸ δὲ ἀπὸ  $BH$   
τῷ ὑπὸ  $AH\Gamma$ , τὸ δὲ ἀπὸ  $E\Theta$  τῷ  
ὑπὸ  $A\Theta\Gamma$ . τετμήσθω δὴ δίχα  
ἡ  $A\Gamma$  πατὰ τὸ  $K$ , καὶ ἐπεξεύχθω-

20 σαν αἱ  $AK$ ,  $KB$ ,  $KE$ . ἐπεὶ οὖν  
τὸ ὑπὸ  $AZ\Gamma$  μετὰ τοῦ ἀπὸ  $ZK$  ἵσον ἔστιν τῷ ἀπὸ<sup>3</sup>  
 $AK$  [Eucl. II, 5], ἀλλὰ τῷ ὑπὸ  $AZ\Gamma$  ἵσον ἔστιν  
τὸ ἀπὸ  $AZ$ , τὸ ἄρα ἀπὸ  $AZ$  μετὰ τοῦ ἀπὸ  $ZK$ ,  
τουτέστιν τὸ ἀπὸ  $AK$  [Eucl. I, 47], ἵσον ἔστιν τῷ  
25 ἀπὸ  $AK$ . ἵση ἄρα ἔστιν ἡ  $AK$  τῇ  $K\Delta$ . δομοίως δὴ  
δεῖξομεν, ὅτι καὶ ἑκατέρα τῶν  $BK$ ,  $EK$  ἵση ἔστιν τῇ  
ΑΚ ἢ τῇ  $K\Gamma$ . κύκλου ἄρα περιφέρειά ἔστιν ἡ  $AB\Gamma$



3. προσεκβληθῆ Hultsch cum Halleio. 4. ἀεὶ τῆς με-  
γίστης et 5. προσεκβαλλομένης del. Halley. 9. ἀγέσθωσαν]  
del. Hultsch. 11. τῶν ὑφ'[] scripsi, ὑφ', codd., ἀφ' Hultsch  
cum Halleio. ἀποτμηθέντων] scripsi, ἀπὸ τῶν τμηθέντων  
codd., αὐτῶν τμηθέντων Hultsch cum Halleio.

τοῦ περὶ κέντρου τὸ  $K$ , τουτέστιν τοῦ περὶ διάμετρον τὴν  $AG$ .

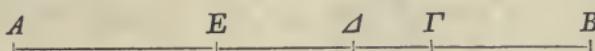
ε'. Τρεῖς παράλληλοι αἱ  $AB$ ,  $GD$ ,  $EZ$ , καὶ διήχθωσαν εἰς αὐτὰς δύο εὐθεῖαι αἱ  $AHZG$ ,  $BHEA$ . ὅτι γίνεται, ὡς τὸ ὑπὸ  $AB$ ,  $EZ$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $GD$ , οὕτως 5 τὸ ὑπὸ  $AHZ$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $HG$  τετράγωνον.

ἐπεὶ γάρ ἐστιν [Eucl. VI, 4], ὡς ἡ  $AB$  πρὸς τὴν  $ZE$ , τουτέστιν ὡς τὸ ὑπὸ  $AB$ ,  $ZE$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $ZE$ ,

οὕτως ἡ  $AH$  πρὸς τὴν  $HZ$ ,  
τουτέστιν τὸ ὑπὸ  $AHZ$  10 πρὸς τὸ ἀπὸ  $HZ$ , ὡς ἄρα τὸ ὑπὸ  $AB$ ,  $ZE$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $ZE$ , οὕτως τὸ ὑπὸ  $AHZ$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $HZ$ .

ἄλλὰ καὶ ὡς τὸ ἀπὸ  $ZE$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $GD$ , οὕτως ἐστὶν 15 τὸ ἀπὸ  $ZH$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $HG$  [Eucl. VI, 4]. δι' ἵσου ἄρα ἐστίν, ὡς τὸ ὑπὸ  $AB$ ,  $ZE$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $GD$  τετράγωνον, οὕτως τὸ ὑπὸ  $AHZ$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $HG$  τετράγωνον.

ε'. "Εστιν, ὡς ἡ  $AB$  πρὸς τὴν  $BG$ , οὕτως ἡ  $AD$  πρὸς τὴν  $DG$ , καὶ τετμήσθω ἡ  $AG$  δίχα κατὰ τὸ  $E$  20 σημεῖον· ὅτι γίνεται τὸ μὲν ὑπὸ  $BEA$  ἵσον τῷ ἀπὸ  $EG$ , τὸ δὲ ὑπὸ  $ADDG$  τῷ ὑπὸ  $BAD$ , τὸ δὲ ὑπὸ  $ABG$  τῷ ὑπὸ  $EBD$ .



ἐπεὶ γάρ ἐστιν, ὡς ἡ  $AB$  πρὸς τὴν  $BG$ , οὕτως ἡ  $AD$  πρὸς τὴν  $DG$ , συνθέντι καὶ τὰ ἡμίση τῶν 25 ἥγουμένων καὶ ἀναστρέψαντί ἐστιν, ὡς ἡ  $BE$  πρὸς τὴν  $EG$ , οὕτως ἡ  $GE$  πρὸς τὴν  $ED$ . τὸ ἄρα ὑπὸ  $BEA$  ἵσον ἐστὶν τῷ ἀπὸ  $GE$  τετραγώνῳ. κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ ἀπὸ  $ED$  τετράγωνον· λοιπὸν [Eucl. II, 5] ἄρα τὸ

ὑπὸ ΑΔΓ ἵσον ἐστὶν τῷ ὑπὸ ΒΔΕ [Eucl. II, 3]. ἐπεὶ  
δὲ τὸ ὑπὸ ΒΕΔ ἵσον ἐστὶν τῷ ἀπὸ ΕΓ, ἀμφότερα  
ἀφηρήσθω ἀπὸ τοῦ ἀπὸ τῆς ΒΕ τετραγώνου· λοιπὸν  
[Eucl. II, 6] ἄρα τὸ ὑπὸ ΑΒΓ ἵσον ἐστὶν τῷ ὑπὸ<sup>5</sup>  
ΕΒΔ [Eucl. II, 2]. γίνεται ἄρα τὰ τρία.

ξ'. Τὸ Α πρὸς τὸ Β τὸν συνημμένον λόγον ἔχετω  
ἔκ τε τοῦ ὃν ἔχει τὸ Γ πρὸς τὸ Δ καὶ ἔξ οὗ ὃν ἔχει  
τὸ Ε πρὸς τὸ Ζ· ὅτι καὶ τὸ Γ πρὸς τὸ Δ τὸν συν-  
ημμένον λόγον ἔχει ἔκ τε τοῦ ὃν ἔχει τὸ Α πρὸς τὸ Β  
10 καὶ τὸ Ζ πρὸς τὸ Ε.

τῷ γὰρ τοῦ Ε πρὸς τὸ Ζ λόγῳ ὁ αὐτὸς πεποιήσθω  
ὁ τοῦ Δ πρὸς τὸ Η. ἐπεὶ οὖν ὁ τοῦ Α πρὸς τὸ Β  
συνηπται ἔκ τε τοῦ τοῦ Γ πρὸς Δ καὶ τοῦ τοῦ Ε  
πρὸς Ζ, τουτέστιν τοῦ Δ πρὸς τὸ Η, ἀλλὰ ὁ συνημ-  
15 μένος ἔκ τε τοῦ ὃν ἔχει τὸ Γ πρὸς τὸ Δ καὶ ἔξ οὗ  
ὅν ἔχει τὸ Δ πρὸς τὸ Η ἐστιν ὁ τοῦ Γ πρὸς τὸ Η,  
ὡς ἄρα τὸ Α πρὸς τὸ Β, οὕτως τὸ Γ πρὸς τὸ Η.  
ἐπεὶ δὲ τὸ Γ πρὸς τὸ Δ τὸν συνημμένον λόγον ἔχει  
ἔκ τε τοῦ ὃν ἔχει τὸ Γ πρὸς τὸ Η καὶ ἔξ οὗ ὃν ἔχει  
20 τὸ Η πρὸς τὸ Δ, ἀλλ' ὁ μὲν τοῦ Γ πρὸς τὸ Η ὁ  
αὐτὸς ἐδείχθη τῷ τοῦ Α πρὸς τὸ Β, ὁ δὲ τοῦ Η  
πρὸς τὸ Δ ἐκ τοῦ ἀνάπαλιν ὁ αὐτὸς ἐστιν τῷ τοῦ Ζ  
πρὸς τὸ Ε, καὶ τὸ Γ ἄρα πρὸς τὸ Δ τὸν συνημμένον  
λόγον ἔχει ἔκ τε τοῦ ὃν ἔχει τὸ Α πρὸς τὸ Β καὶ ἔξ  
25 οὗ ὃν ἔχει τὸ Ζ πρὸς τὸ Ε.

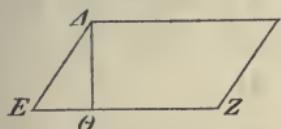
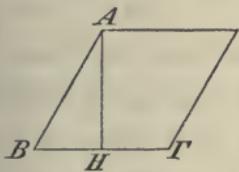
η'. "Ἐστω δύο παραλληλόγραμμα τὰ ΑΓ, ΔΖ ἵσο-  
γώνια ἶσην ἔχοντα τὴν Β γωνίαν τῇ Ε γωνίᾳ· ὅτι  
γίνεται, ὡς τὸ ὑπὸ ΑΒΓ πρὸς τὸ ὑπὸ ΔEZ, οὕτως

2. ἀμφότερα] ἐκάτερον Hultsch.  
14. Ζ] τὸ Ζ Hultsch cum Halleio.

13. Δ] το Δ Hultsch.

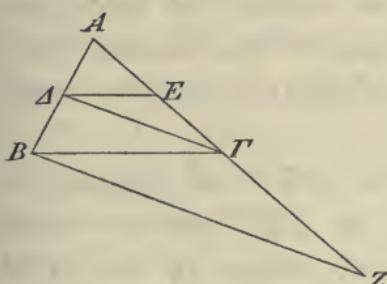
τὸ ΑΓ παραλληλόγραμμον πρὸς τὸ ΔΖ παραλληλό-  
γραμμον.

εἰ μὲν οὖν ὁρθαὶ εἰσιν αἱ Β, Ε γωνίαι, φανερόν·  
εἰ δὲ μή, ἥχθωσαν κάθετοι αἱ ΑΗ, ΔΘ. ἐπεὶ οὖν  
ἴση ἔστιν ἡ μὲν Β γωνία τῇ Ε, ἡ δὲ Η ὁρθὴ τῇ Θ,  
ἴσογώνιον ἄρα ἔστιν τὸ ΑΒΗ τρίγωνον τῷ ΔΕΘ 5



τριγώνῳ· ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΒΑ πρὸς  
τὴν ΑΗ, οὕτως ἡ ΕΔ πρὸς τὴν  
ΔΘ [Eucl. VI, 4]. ἀλλ' ὡς μὲν ἡ  
ΒΑ πρὸς τὴν ΑΗ, οὕτως ἔστιν τὸ 10  
ὑπὸ ΑΒΓ πρὸς τὸ ὑπὸ ΑΗ, ΒΓ,  
ὡς δὲ ἡ ΕΔ πρὸς τὴν ΔΘ, οὕτως  
ἔστιν τὸ ὑπὸ ΔΕΖ πρὸς τὸ ὑπὸ  
ΔΘ, EZ· ἔστιν ἄρα ἐναλλάξ, ὡς  
τὸ ὑπὸ ΑΒΓ πρὸς τὸ ὑπὸ ΔΕΖ, οὕτως τὸ ὑπὸ ΑΗ, 15  
ΒΓ, τοιτέστιν τὸ ΑΓ παραλληλόγραμμον, πρὸς τὸ ὑπὸ  
ΔΘ, EZ, τοιτέστιν πρὸς τὸ ΔΖ παραλληλόγραμμον.

θ'. "Ἐστω τρίγωνον τὸ ΑΒΓ, ἔστω δὲ παράλληλος  
ἡ ΒΓ τῇ ΔΕ, καὶ τῷ ἀπὸ τῆς ΓΑ ἶσον κείσθω τὸ



ὑπὸ ΖΑΕ· ὅτι, ἐὰν ἐπιζευχ- 20  
θῶσιν αἱ ΔΓ, ΒΖ, γίνεται  
παράλληλος ἡ ΒΖ τῇ ΔΓ.

τοῦτο δέ ἔστιν φανερόν.

ἐπεὶ γάρ ἔστιν, ὡς ἡ ΖΑ  
πρὸς τὴν ΔΓ, οὕτως ἡ ΓΑ 25  
πρὸς τὴν ΔΕ, ὡς δὲ ἡ

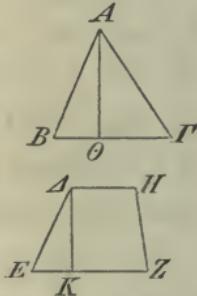
ΓΑ πρὸς τὴν ΑΕ, οὕτως ἔστιν ἐν παραλλήλῳ ἡ ΒΑ  
πρὸς ΑΔ [Eucl. VI, 4], καὶ ὡς ἄρα ἡ ΖΑ πρὸς ΔΓ,

19. τῇ ΒΓ ἡ ΔΕ coni. Hultsch.

οὗτως ἡ  $BA$  πρὸς  $AD$  παράλληλοι ἄρα εἰσὶν αἱ  $ΔΓ, BZ$  [Eucl. VI, 4].

ι'. "Εστω τρίγωνον μὲν τὸ  $ABΓ$ , τραπέζιον δὲ τὸ  $ΔEZH$ , ὥστε ἵσην εἶναι τὴν ὑπὸ  $ABΓ$  γωνίαν τῇ  
5 ὑπὸ  $ΔEZ$  γωνίᾳ· ὅτι γίνεται, ὡς τὸ ὑπὸ  $ABΓ$  πρὸς τὸ ὑπὸ συναμφοτέρου τῆς  $ΔH, EZ$  καὶ τῆς  $ΔE$ , οὗτως τὸ  $ABΓ$  πρὸς τὸ  $ΔEZH$ .

ἢχθωσαν κάθετοι αἱ  $AΘ, ΔK$ . ἐπεὶ δὲ ἵση ἐστὶν  
10 ἡ μὲν ὑπὸ  $ABΓ$  γωνία τῇ ὑπὸ  $ΔEZ$  γωνίᾳ, ἡ δὲ  $Θ$  ὁρθὴ τῇ  $K$  ὁρθὴ ἵση, ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ  $BA$  πρὸς  $AΘ$ ,  
οὗτως ἡ  $EΔ$  πρὸς  $ΔK$  [Eucl. VI, 4]. ἀλλ' ὡς μὲν  
ἡ  $BA$  πρὸς  $AΘ$ , οὗτως ἐστὶν τὸ ὑπὸ<sup>1</sup>  
 $ABΓ$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $AΘ, BΓ$ , ὡς δὲ  
ἡ  $EΔ$  πρὸς τὴν  $ΔK$ , οὗτως ἐστὶν τὸ  
15 ὑπὸ συναμφοτέρου τῆς  $ΔH, EZ$  καὶ  
τῆς  $ΔE$  πρὸς τὸ ὑπὸ συναμφοτέρου τῆς  
 $ΔH, EZ$  καὶ τῆς  $ΔK$ . καὶ ἐστιν τοῦ  
μὲν ὑπὸ  $AΘ, BΓ$  ἡμισυ τὸ  $ABΓ$  τρί-  
γωνον, τοῦ δὲ ὑπὸ συναμφοτέρου τῆς  
20  $ΔH, EZ$  καὶ τῆς  $ΔK$  ἡμισυ τὸ  $ΔEZH$  τραπέζιον.  
ἔστιν ἄρα, ὡς τὸ ὑπὸ  $ABΓ$  πρὸς τὸ ὑπὸ συναμφοτέρου  
τῆς  $ΔH, EZ$  καὶ τῆς  $ΔE$ , οὗτως τὸ  $ABΓ$  τρίγωνον  
πρὸς τὸ  $ΔEZH$  τραπέζιον.



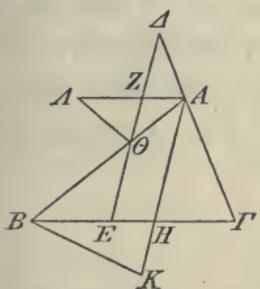
καὶ ἔὰν ἢ δὲ τρίγωνον τὸ  $ABΓ$  καὶ παραλληλό-  
25 γραμμον τὸ  $ΔZ$ , γίνεται, ὡς τὸ  $ABΓ$  τρίγωνον πρὸς τὸ  $ΔEZH$  παραλληλόγραμμον, οὗτως τὸ ὑπὸ  $ABΓ$  πρὸς τὸ δἰς ὑπὸ  $ΔEZ$ , κατὰ τὰ αὐτά. καὶ φανερὸν  
ἐκ τούτων, ὅτι τὸ μὲν ὑπὸ  $ABΓ$ , ἔὰν ἢ παραλληλό-

8. ἐπεὶ οὖν ἵση coni. Hultsch. 24. — p. 151, 4] suspecta  
Hultschio. 24. δέ] del. Hultsch.

γραμμον τὸ  $\Delta Z$  ἵσον τῷ  $AB\Gamma$  τριγώνῳ, ἵσον γίνεται τῷ δὶς ὑπὸ  $\Delta EZ$ , ἐπὶ δὲ τοῦ τραπεζίου ἵσον γίνεται τῷ ὑπὸ συναμφοτέρου τῆς  $\Delta H$ ,  $EZ$  καὶ τῆς  $\Delta E$ . ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ια'. "Εστω τριγωνον τὸ  $AB\Gamma$ , καὶ ἐνβληθείσης 5 τῆς  $\Gamma A$  διήχθω τις τυχοῦσα ἡ  $\Delta E$ , καὶ αὐτῇ μὲν παράλληλος ἥχθω ἡ  $AH$ , τῇ δὲ  $B\Gamma$  ἡ  $AZ$ . ὅτι γίνεται, ὡς τὸ ἀπὸ  $AH$  τετράγωνον πρὸς τὸ ὑπὸ  $BH\Gamma$ , οὕτως τὸ ὑπὸ  $\Delta Z\Theta$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $Z\Lambda$  τετράγωνον.

κείσθω τῷ μὲν ὑπὸ  $BH\Gamma$  ἵσον τὸ ὑπὸ  $AHK$ , 10 τῷ δὲ ὑπὸ  $\Delta Z\Theta$  ἵσον τὸ ὑπὸ  $AZ\Lambda$ , καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ  $BK$ ,  $\Theta\Lambda$ . ἐπεὶ οὖν ἵση ἐστὶν ἡ  $\Gamma$  γωνία τῇ



ὑπὸ  $BKH$ , ἡ δὲ ὑπὸ  $\Delta A\Lambda$  ἐν κύκλῳ ἵση ἐστὶν τῇ ὑπὸ  $Z\Theta\Lambda$  [Eucl. III, 35; III, 21], καὶ ἡ ὑπὸ  $HKB$  15 ἄρα ἵση ἐστὶν τῇ ὑπὸ  $Z\Theta\Lambda$  γωνίᾳ. ἀλλὰ καὶ ἡ πρὸς τῷ  $H$  γωνία ἵση ἐστὶν τῇ πρὸς τῷ  $Z$ . ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ  $BH$  πρὸς τὴν  $HK$ , οὕτως ἡ  $AZ$  πρὸς τὴν  $Z\Theta$  [Eucl. VI, 4]. ἐπεὶ δέ ἐστιν, ὡς ἡ  $AH$  20 πρὸς τὴν  $HB$ , οὕτως ἡ  $\Theta E$  πρὸς τὴν  $EB$ , ὡς δὲ ἡ  $\Theta E$  πρὸς  $EB$ , οὕτως ἐστὶν ἐν παραλλήλῳ ἡ  $Z\Theta$  πρὸς  $Z\Lambda$  [Eucl. VI, 4], ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ  $AH$  πρὸς τὴν  $HB$ , οὕτως ἡ  $\Theta Z$  πρὸς  $Z\Lambda$ . ἐπεὶ οὖν ἐστιν, ὡς μὲν ἡ  $AH$  πρὸς  $HB$ , οὕτως ἡ  $\Theta Z$  πρὸς  $Z\Lambda$ , ὡς δὲ ἡ  $BH$  πρὸς  $HK$ , οὕτως 25 ἀλλη τις ἡ  $AZ$  πρὸς τὴν ἡγουμένην τὴν  $Z\Theta$ , δι' ἵσου ἄρα ἐν τετραγμένῃ ἀναλογίᾳ, ὡς ἡ  $AH$  πρὸς τὴν  $HK$ , οὕτως ἡ  $AZ$  πρὸς τὴν  $Z\Lambda$  [Eucl. V, 23]. ἀλλ' ὡς

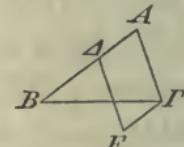
1. ἵσον (pr.)] om. codd., καὶ ἵσον Hultsch cum Halleio. τῷ  $AB\Gamma$  τριγώνῳ] Hultsch cum Halleio, om. codd. 4. ἔδει δεῖξαι] :~ codd.

μὲν ἡ  $AH$  πρὸς  $HK$ , οὕτως ἐστὶν τὸ ἀπὸ  $AH$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $AHK$ , τουτέστιν πρὸς τὸ ὑπὸ  $BHG$ , ὡς δὲ ἡ  $AZ$  πρὸς  $ZA$ , οὕτως ἐστὶν τὸ ὑπὸ  $AZA$ , τουτέστιν τὸ ὑπὸ  $AZ\Theta$ , πρὸς τὸ ἀπὸ  $ZA$  ἐστιν ἄρα, ὡς τὸ ἀπὸ  $AH$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $BHG$ , οὕτως τὸ ὑπὸ  $AZ\Theta$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $ZA$ .

διὰ δὲ τοῦ συνημμένου. ἐπεὶ ὁ μὲν τῆς  $AH$  πρὸς  $HB$  λόγος ἐστὶν ὁ τῆς  $\Theta E$  πρὸς  $EB$ , τουτέστιν ὁ τῆς  $\Theta Z$  πρὸς  $ZA$  [Eucl. VI, 4], ὁ δὲ τῆς  $AH$  πρὸς 10 τὴν  $HG$  λόγος ὁ αὐτός ἐστιν τῷ τῆς  $AE$  πρὸς  $E\Gamma$ , τουτέστιν τῷ τῆς  $AZ$  πρὸς  $ZA$  [Eucl. VI, 4], ὁ ἄρα συνημμένος ἐκ τε τοῦ ὃν ἔχει ἡ  $AH$  πρὸς  $HB$  καὶ τοῦ ὃν ἔχει ἡ  $AH$  πρὸς  $HG$ , ὃς ἐστιν ὁ τοῦ ἀπὸ  $AH$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $BHG$ , ὁ αὐτός ἐστιν τῷ συνημμένῳ ἐκ 15 τε τοῦ τῆς  $\Theta Z$  πρὸς  $ZA$  καὶ τοῦ τῆς  $AZ$  πρὸς  $ZA$ , ὃς ἐστιν ὁ τοῦ ὑπὸ  $AZ\Theta$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $ZA$  τετράγωνον.

Τοῦ β'.

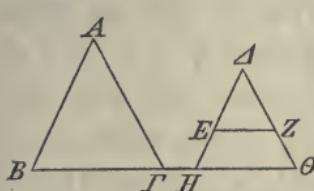
α'. Δύο δοθεισῶν τῶν  $AB$ ,  $B\Gamma$  καὶ εὐθείας τῆς  $AE$  εἰς τὰς  $AB$ ,  $B\Gamma$  ἐναρμόσαι εὐθεῖαν ἵσην τῇ  $AE$  20 καὶ παράλληλον αὐτῇ.

τοῦτο δὲ φανερόν. ἐὰν γὰρ διὰ τοῦ  $E$  τῇ  $AB$  παράλληλον ἀγάγωμεν τὴν  $E\Gamma$ , διὰ δὲ τοῦ  $\Gamma$  τῇ  $AE$  παράλληλος ἀχθῆ ἡ  $GA$ , 25  $A\Gamma E\Delta$  ἡ  $A\Gamma$  ἵση τῇ  $AE$  [Eucl. I, 34]  καὶ παράλληλος· καὶ ἐνήρμοσται εἰς τὰς δοθείσας εὐθείας τὰς  $AB$ ,  $B\Gamma$ .

β'. "Ἐστω δύο τρίγωνα τὰ  $AB\Gamma$ ,  $AEZ$ , καὶ ἐστω, ὡς ἡ  $AB$  πρὸς τὴν  $B\Gamma$ , οὕτως ἡ  $AE$  πρὸς  $EZ$ , καὶ

παράλληλος ἡ μὲν  $AB$  τῇ  $\Delta E$ , ἡ δὲ  $B\Gamma$  τῇ  $EZ$ . ὅτι  
καὶ ἡ  $A\Gamma$  τῇ  $\Delta Z$  ἐστιν παράλληλος.

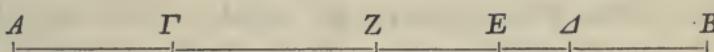
ἐκβεβλήσθω ἡ  $B\Gamma$  καὶ συμπιπτέτω ταῖς  $\Delta E$ ,  $\Delta Z$   
κατὰ τὰ  $H$ ,  $\Theta$ . ἐπεὶ οὖν ἐστιν, ώς ἡ  $AB$  πρὸς τὴν



$B\Gamma$ , οὗτος ἡ  $\Delta E$  πρὸς  $EZ$ , καὶ 5  
εἰσιν ἔσαι αἱ  $B$ ,  $E$  γωνίαι διὰ τὸ  
εἶναι δύο παρὰ δύο, ἵση ἄρα ἐστὶν  
καὶ ἡ  $\Gamma$  τῇ  $Z$  [Eucl. VI, 6], τοιτ-  
έστιν τῇ  $\Theta$  [Eucl. I, 29] διὰ τὸ  
παραλλήλους εἶναι τὰς  $EZ$ ,  $H\Theta$ . παράλληλος ἄρα 10  
ἐστὶν ἡ  $A\Gamma$  τῇ  $\Delta \Theta$  [Eucl. I, 28].

γ'. Εὐθεῖα ἡ  $AB$ , καὶ ἐστωσαν ἔσαι αἱ  $A\Gamma$ ,  $\Delta B$ ,  
καὶ μεταξὺ τῶν  $\Gamma$ ,  $\Delta$  εἰλήφθω τυχὸν σημεῖον τὸ  $E$ .  
ὅτι τὸ ὑπὸ  $A\Delta B$  μετὰ τοῦ ὑπὸ  $\Gamma E \Delta$  ἔστιν τῷ  
ὑπὸ  $AEB$ .

15

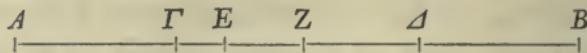


τετμήσθω ἡ  $\Gamma \Delta$  δίχα, ὅπως ἀν ἔχῃ ως πρὸς τὸ  $E$   
σημεῖον, κατὰ τὸ  $Z$ . καὶ ἐπεὶ τὸ ὑπὸ  $A\Delta B$  μετὰ τοῦ  
ἀπὸ  $Z\Delta$  ἔστιν τῷ ἀπὸ  $ZB$  [Eucl. II, 5], ἀλλὰ  
τῷ μὲν ἀπὸ  $Z\Delta$  ἔστιν τὸ ὑπὸ  $\Gamma E \Delta$  μετὰ τοῦ  
ἀπὸ  $ZE$  [Eucl. II, 5], τῷ δὲ ἀπὸ  $ZB$  ἔστιν τὸ 20  
ὑπὸ  $AEB$  μετὰ τοῦ ἀπὸ  $ZE$  [Eucl. II, 5], τὸ ἄρα ὑπὸ<sup>16</sup>  
 $A\Delta B$  μετὰ τοῦ ὑπὸ  $\Gamma E \Delta$  καὶ τοῦ ἀπὸ  $ZE$  ἔστιν  
τῷ τε ὑπὸ  $AEB$  καὶ τῷ ἀπὸ  $ZE$ . κοινὸν ἀφηρήσθω  
τὸ ἀπὸ  $ZE$ . λοιπὸν ἄρα τὸ ὑπὸ  $A\Delta B$  μετὰ τοῦ ὑπὸ<sup>17</sup>  
 $\Gamma E \Delta$  ἔστιν τῷ ὑπὸ  $AEB$ .

25

δ'. Εὐθεῖα ἡ  $AB$ , καὶ ἐστωσαν ἔσαι αἱ  $A\Gamma$ ,  $\Delta B$ ,  
καὶ μεταξὺ τῶν  $\Gamma$ ,  $\Delta$  εἰλήφθω τυχὸν σημεῖον τὸ  $E$ .

ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν  $AEB$  ἵσον ἐστὶν τῷ τε ὑπὸ τῶν  $GED$   
καὶ τῷ ὑπὸ  $DAE$ .

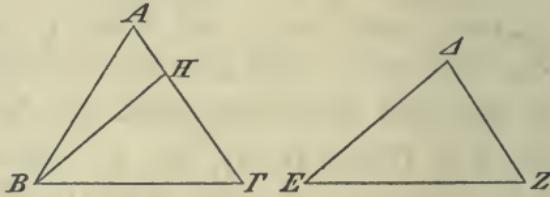


τετμήσθω γὰρ ἡ  $GA$  δίχα, ὅπως ἂν ἔχῃ ὡς πρὸς  
τὸ  $E$  σημεῖον, κατὰ τὸ  $Z$  καὶ ὥλη ἄρα ἡ  $AZ$  τῇ  $ZB$   
5 ἵση ἐστίν. τὸ μὲν ἄρα ὑπὸ  $AEB$  μετὰ τοῦ ἀπὸ  $EZ$   
ἵσον ἐστὶν τῷ ἀπὸ  $AZ$  [Eucl. II, 5], τὸ δὲ ὑπὸ  $DAE$   
μετὰ τοῦ ἀπὸ  $GD$  ἵσον ἐστὶν τῷ ἀπὸ  $AZ$  [Eucl. II, 6].  
ῶστε τὸ ὑπὸ  $AEB$  μετὰ τοῦ ἀπὸ  $EZ$  ἵσον ἐστὶν τῷ  
ὑπὸ  $DAE$  καὶ τῷ ἀπὸ  $GD$ . ἀλλὰ τὸ ἀπὸ  $GD$  ἵσον  
10 ἐστὶν τῷ τε ὑπὸ  $GED$  καὶ τῷ ἀπὸ  $EZ$  [Eucl. II, 5].  
καὶ κοινὸν ἀφῆσθω τὸ ἀπὸ  $EZ$  τετράγωνον· λοιπὸν  
ἄρα τὸ ὑπὸ  $AEB$  ἵσον ἐστὶν τῷ τε ὑπὸ  $GED$  καὶ  
τῷ ὑπὸ  $DAE$ .

ε'. "Εστω δύο τρίγωνα τὰ  $ABG$ ,  $AEZ$ , καὶ ἐστω  
15 ἵση ἡ μὲν  $G$  τῇ  $Z$ , μείζων δὲ ἡ  $B$  τῆς  $E$ . ὅτι ἡ  $BG$   
πρὸς  $GA$  ἐλάσ-  
σονα λόγον ἔχει  
ἢ περ ἡ  $EZ$  πρὸς  
 $ZD$ .

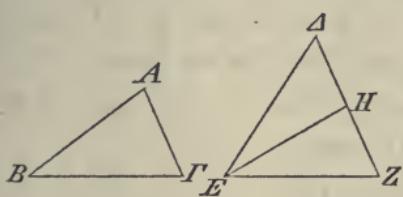
20 συνεστάτω τῇ  
Ε γωνίᾳ ἵση ἡ  
ὑπὸ  $GBH$ . ἐστιν δὲ καὶ ἡ  $G$  τῇ  $Z$  ἵση. ἐστιν ἄρα,  
ὡς ἡ  $BG$  πρὸς  $GH$ , οὕτως ἡ  $EZ$  πρὸς  $ZD$  [Eucl. VI, 4].  
ἀλλὰ ἡ  $BG$  πρὸς  $GH$  τὴν  $GA$  ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἢ περ  
25 ἡ  $BG$  πρὸς  $GD$  [Eucl. V, 8]. καὶ ἡ  $BG$  ἄρα πρὸς  
 $GA$  ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἢ περ ἡ  $EZ$  πρὸς  $ZD$ .

ς'. Ἐχέτω δὴ πάλιν ἡ  $BG$  πρὸς  $GA$  μείζονα λόγον



ἢπερ ἡ EZ πρὸς ZΔ, ἵση δὲ ἔστω ἡ Γ γωνία τῇ Z· ὅτι πάλιν γίνεται ἐλάσσων ἡ B γωνία τῆς E γωνίας.

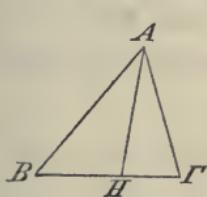
ἐπεὶ γὰρ ἡ BG πρὸς GA μείζονα λόγον ἔχει ἢπερ ἡ EZ πρὸς ZΔ, εἰναι ἄρα ποιῶ, ὡς τὴν BG πρὸς



τὴν GA, οὗτος τὴν EZ 5 πρὸς τινα, ἔσται πρὸς ἐλάσσονα τῆς ZΔ [Eucl. V, 10]. ἔστω πρὸς τὴν ZH, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ EH. καὶ περὶ ἵσας γωνίας ἀνάλογόν εἰσιν αἱ πλευραί· ἵση ἄρα 10 ἔστιν ἡ B γωνία τῇ ὑπὸ ZEH [Eucl. VI, 6] ἐλάσσονι οὕτη τῆς E.

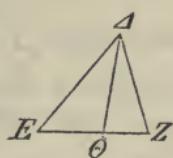
ξ'. "Εστω ὅμοια τρίγωνα τὰ ABΓ, ΔEZ, καὶ διήχθωσαν αἱ AH, ΔΘ οὗτοις, ὥστε εἶναι, ὡς τὸ ὑπὸ BΓH πρὸς τὸ ἀπὸ GA, οὗτος τὸ ὑπὸ EZΘ πρὸς τὸ 15 ἀπὸ ZΔ· ὅτι γίνεται ὅμοιον καὶ τὸ AHΓ τρίγωνον τῷ ΔΘΖ τριγώνῳ.

ἐπεὶ γάρ ἔστιν, ὡς τὸ ὑπὸ BΓH πρὸς τὸ ἀπὸ GA, οὗτος τὸ ὑπὸ EZΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ZΔ, ἀλλ' ὁ μὲν τοῦ



ὑπὸ BΓH πρὸς τὸ ἀπὸ GA λόγος συν- 20 ἡπται ἐκ τε τοῦ ὃν ἔχει ἡ BG πρὸς GA καὶ τοῦ τῆς HG πρὸς GA, ὁ δὲ τοῦ ὑπὸ EZΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ZΔ συν- ἡπται ἐκ τε τοῦ τῆς EZ πρὸς ZΔ καὶ τοῦ τῆς ΘΖ πρὸς ZΔ, ὡν ὁ τῆς BΓ 25 πρὸς GA λόγος ὁ αὐτός ἔστιν τῷ τῆς EZ πρὸς ZΔ [Eucl. VI, 4] διὰ τὴν ὅμοιότητα τῶν τριγώνων, λοιπὸν ἄρα

ὁ τῆς HG πρὸς GA λόγος ὁ αὐτός ἔστιν τῷ τῆς ΘΖ πρὸς ZΔ. καὶ περὶ ἵσας γωνίας ὅμοιον ἄρα ἔστιν 30 τὸ AGH τρίγωνον τῷ ΔΖΘ τριγώνῳ [Eucl. VI, 6].



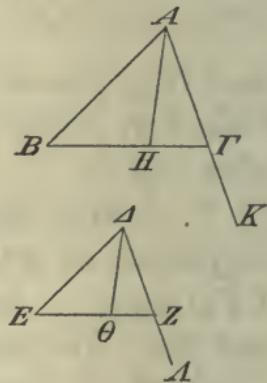
η'. Διὰ μὲν οὖν τοῦ συνημμένου λόγου, ὡς προ-  
γέγραπται, ἔστω δὲ νῦν ἀποδεῖξαι μὴ προσχρησάμενον  
τῷ συνημμένῳ λόγῳ.

κείσθω τῷ μὲν ὑπὸ  $B\Gamma H$  ἵσον τὸ ὑπὸ  $A\Gamma K$ .  
5 ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ  $B\Gamma$  πρὸς τὴν  $\Gamma K$ , οὕτως ἡ  $A\Gamma$  πρὸς  
τὴν  $\Gamma H$ . τῷ δὲ ὑπὸ  $EZ\Theta$  ἵσον κείσθω τὸ ὑπὸ  $AZL$ .  
· ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ  $EZ$  πρὸς  $ZL$ , οὕτως ἡ  $AZ$  πρὸς  $ZH$ .  
ὑπόκειται δέ, ὡς τὸ ὑπὸ  $B\Gamma H$ , τοιτ-  
έστιν τὸ ὑπὸ  $A\Gamma K$ , πρὸς τὸ ἀπὸ  $A\Gamma$ ,  
10 τοιτέστιν ὡς ἡ  $K\Gamma$  πρὸς  $GA$ , οὕτως  
τὸ ὑπὸ  $EZ\Theta$ , τοιτέστιν τὸ ὑπὸ  $AZL$ ,  
πρὸς τὸ ἀπὸ  $AZ$ , τοιτέστιν ἡ  $AZ$   
πρὸς  $ZL$ . ἀλλὰ καὶ ὡς ἡ  $B\Gamma$  πρὸς  
 $GA$ , οὕτως ἡ  $EZ$  πρὸς  $ZL$  [Eucl.]

15 VI, 4] διὰ τὴν διμοιότητα· καὶ ὡς  
ἄρα ἡ  $B\Gamma$  πρὸς  $\Gamma K$ , οὕτως ἡ  $EZ$   
πρὸς  $ZL$  [Eucl. V, 22]. ἀλλ' ὡς μὲν  
ἡ  $B\Gamma$  πρὸς  $\Gamma K$ , οὕτως ἐδείχθη ἡ  $A\Gamma$  πρὸς  $\Gamma H$ , ὡς  
δὲ ἡ  $EZ$  πρὸς  $ZL$ , οὕτως ἡ  $AZ$  πρὸς  $ZH$ . καὶ ὡς ἄρα  
20 ἡ  $A\Gamma$  πρὸς  $\Gamma H$ , οὕτως ἡ  $AZ$  πρὸς  $ZH$ . καὶ περὶ ἴσας  
γωνίας· ὅμοιον ἄρα ἐστὶν τὸ  $A\Gamma H$  τρίγωνον τῷ  $AZL$   
τριγώνῳ [Eucl. VI, 6].

διμοίως καὶ τὸ  $AHB$  τῷ  $AZE$ , ὅτι καὶ τὸ  $AB\Gamma$   
τῷ  $AEL$ .

25 θ'. "Εστω ὅμοιον τὸ μὲν  $AB\Gamma$  τρίγωνον τῷ  $AEZ$   
τριγώνῳ, το δὲ  $AHB$  τῷ  $AEL$ . ὅτι γίνεται, ὡς τὸ  
ὑπὸ  $B\Gamma H$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $GA$ , οὕτως τὸ ὑπὸ  $EZ\Theta$   
πρὸς τὸ ἀπὸ  $AZ$ .



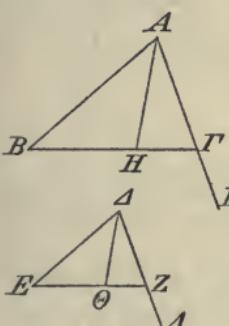
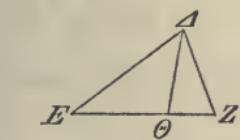
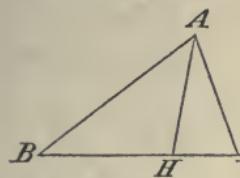
23. διμοίως — 24.  $\triangle EZ\theta$ ] interpolatori tribuit Hultsch. 28.  
 $\triangle ZL$ ]  $ZL$  Hultsch cum Halleio.

ἐπεὶ γὰρ διὰ τὴν ὁμοιότητα ἵση ἐστὶν ὅλη μὲν  
ἡ Α ὅλη τῇ Δ, ἡ δὲ ὑπὸ ΒΑΗ τῇ ὑπὸ ΕΔΘ, λοιπὴ  
ἄρα ἡ ὑπὸ ΗΑΓ λοιπὴ τῇ ὑπὸ ΘΔΖ  
ἐστιν ἵση. ἀλλὰ καὶ ἡ Γ τῇ Ζ· ἐστιν  
ἄρα, ὡς ἡ ΗΓ πρὸς τὴν ΓΑ, οὕτως 5  
ἡ ΘΖ πρὸς ΖΔ. ἀλλὰ καί, ὡς ἡ  
ΒΓ πρὸς τὴν ΓΑ, οὕτως ἡν ἡ EZ  
πρὸς ΖΔ· καὶ ὁ συνημμένος ἄρα τῷ  
συνημμένῳ ἐστὶν ὁ αὐτός. ἐστιν ἄρα,  
ὡς τὸ ὑπὸ ΒΓΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΑ, 10  
οὕτως τὸ ὑπὸ EZΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΔ.

i'. "Ἄλλως μὴ διὰ τοῦ συνημμένου. κείσθω τῷ  
μὲν ὑπὸ ΒΓΗ ἵσον τὸ ὑπὸ ΑΓΚ, τῷ δὲ ὑπὸ EZΘ  
ἵσον τὸ ὑπὸ ΔΖΔ· ἐσται πάλιν, ὡς μὲν ἡ ΒΓ πρὸς  
ΓΚ, οὕτως ἡ ΑΓ πρὸς ΓΗ, ὡς δὲ 15  
ἡ EZ πρὸς ΖΔ, οὕτως ἡ ΔΖ πρὸς ΖΘ. καὶ κατὰ τὰ αὐτὰ τῷ ἐπάνω  
δεῖξομεν, ὅτι ἐστίν, ὡς ἡ ΑΓ πρὸς  
ΓΗ, οὕτως ἡ ΔΖ πρὸς ΖΘ· καὶ ὡς  
ἄρα ἡ ΒΓ πρὸς ΓΚ, οὕτως ἡ EZ 20  
πρὸς ΖΔ. ἀλλὰ καί, ὡς ἡ ΒΓ πρὸς ΓΑ,  
οὕτως ἡ EZ πρὸς ΖΔ [Eucl. VI, 4]

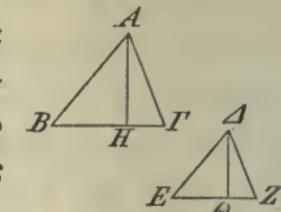
διὰ τὴν ὁμοιότητα· δι' ἵσον ἄρα ἐστίν, ὡς ἡ ΚΓ  
πρὸς ΓΑ, τουτέστιν ὡς τὸ ὑπὸ ΚΓΑ, ὃ ἐστιν τὸ ὑπὸ<sup>25</sup>  
ΒΓΗ, πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΓ, οὕτως ἡ ΔΖ πρὸς ΖΔ, τουτ-  
έστιν τὸ ὑπὸ ΔΖΔ, ὃ ἐστιν τὸ ὑπὸ EZΘ, πρὸς τὸ  
ἀπὸ ΖΔ· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ὅμοιως δὴ δεῖξομεν, καὶ ἐὰν ἦ, ὡς τὸ ὑπὸ ΒΓΗ  
πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΓ, οὕτως τὸ ὑπὸ EZΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΔ,



καὶ ὅμοιον τὸ  $AB\Gamma$  τρίγωνον τῷ  $\Delta EZ$  τριγώνῳ, ὅτι  
καὶ τὸ  $ABH$  τρίγωνον τῷ  $\Delta E\Theta$  τριγώνῳ ὅμοιον.

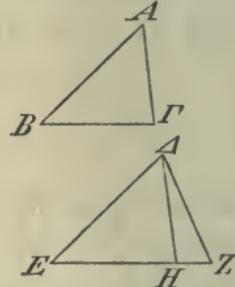
ια'. "Εστω δύο ὅμοια τρίγωνα  
τὰ  $AB\Gamma$ ,  $\Delta EZ$ , καὶ κάθετοι ἥχθω-  
5 σαν αἱ  $AH$ ,  $\Delta\Theta$ . ὅτι ἐστίν, ὡς τὸ  
ὑπὸ  $BH\Gamma$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $AH$ , οὕτως  
τὸ ὑπὸ  $E\Theta Z$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $\Theta\Delta$ .



τοῦτο δὲ φανερόν, ὅτι ὅμοιον γίνεται τοῖς πρὸς  
αὐτοῦ.

10 ιβ'. "Εστω ἵση ἡ μὲν  $B$  γωνία τῇ  $E$ , ἐλάσσων δὲ  
ἡ  $A$  τῆς  $\Delta$ . ὅτι ἡ  $\Gamma B$  πρὸς  $BA$  ἐλάσσονα λόγον ἔχει  
ἢπερ ἡ  $ZE$  πρὸς  $E\Delta$ .

ἐπεὶ γὰρ ἐλάσσων ἡ  $A$  γωνία  
τῆς  $\Delta$ , συνεστάτω αὐτῇ ἵση ἡ ὑπὸ<sup>17</sup>  
15  $E\Delta H$ . ἐστιν ἄρα, ὡς ἡ  $\Gamma B$  πρὸς  
 $BA$ , οὕτως ἡ  $EH$  πρὸς  $E\Delta$  [Eucl.  
VI, 4]. ἀλλὰ καὶ ἡ  $EH$  πρὸς  $E\Delta$   
ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἢπερ ἡ  $ZE$   
πρὸς  $E\Delta$  [Eucl. V, 8]. καὶ ἡ  $\Gamma B$  ἄρα  
20 πρὸς τὴν  $BA$  ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἢπερ ἡ  $ZE$  πρὸς  
τὴν  $E\Delta$ . καὶ πάντα δὲ τὰ τοιαῦτα τῇ αὐτῇ ἀγωγῇ  
δεῖξομεν.

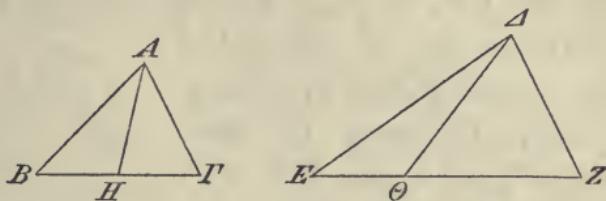


ιγ'. "Εστω, ὡς τὸ ὑπὸ  $BH\Gamma$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $AH$ ,  
οὕτως τὸ ὑπὸ  $E\Theta Z$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $\Delta\Theta$ , καὶ ἡ μὲν  $BH$   
25 τῇ  $H\Gamma$  ἐστω ἵση, ἡ δὲ  $\Gamma H$  πρὸς  $HA$  ἐλάσσονα λόγον  
ἔχέτω ἢπερ ἡ  $Z\Theta$  πρὸς  $\Theta\Delta$ . ὅτι μείζων ἐστὶν ἡ  $Z\Theta$   
τῆς  $\Theta E$ .

ἐπεὶ γὰρ τὸ ἀπὸ  $\Gamma H$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $HA$  ἐλάσσονα

17. ἀλλ' ἐπεὶ ἡ  $EH$  coni. Hultsch.

λόγον ἔχει ἥπερ τὸ ἀπὸ ΖΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΔ, ἀλλὰ τὸ ἀπὸ ΓΗ ἵσον ἐστὶν τῷ ὑπὸ ΒΗΓ, τὸ ἄρα ὑπὸ ΒΗΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΗ ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἥπερ τὸ ἀπὸ ΖΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΔ. ἀλλ' ὡς τὸ ὑπὸ ΒΗΓ

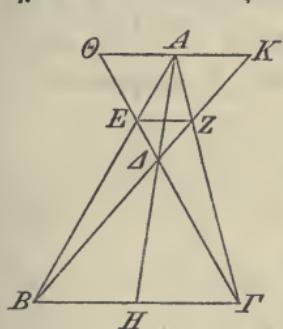


πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΗ, οὗτως ὑπέκειτο τοῦ ὑπὸ ΕΘΖ πρὸς 5 τὸ ἀπὸ ΘΔ· καὶ τὸ ὑπὸ ΕΘΖ ἄρα πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΔ ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἥπερ τὸ ἀπὸ ΖΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΔ. μεῖζον ἄρα ἐστὶν τὸ ἀπὸ ΖΘ τοῦ ὑπὸ ΕΘΖ [Eucl. V, 10]. ὥστε μεῖζων ἐστὶν ἡ ΖΘ τῆς ΘΕ.

Toῦ γ'.

10

α'. Καταγραφὴ ἡ ΑΒΓΔΕΖΗ, ἐστιν δὲ ἵση ἡ ΒΗ τῇ ΗΓ· διτι παράλληλος ἐστιν ἡ ΕΖ τῇ ΒΓ.



ἥχθω διὰ τοῦ Α τῇ ΒΓ παρ-  
άλληλος ἡ ΘΚ, καὶ ἐκβεβλήσθω-  
σαν αἱ ΒΖ, ΓΕ ἐπὶ τὰ Κ, Θ σημεῖα. 15  
ἐπεὶ οὖν ἵση ἐστὶν ἡ ΒΗ τῇ ΗΓ,  
ἵση ἄρα ἐστὶν καὶ ἡ ΘΑ τῇ ΑΚ  
[Eucl. VI, 4]. ἐστιν ἄρα, ὡς ἡ ΒΓ  
πρὸς τὴν ΘΑ, τουτέστιν ὡς ἡ ΒΕ  
πρὸς τὴν ΕΑ [Eucl. VI, 4], οὕτως 20

ἡ ΒΓ πρὸς τὴν ΚΑ [Eucl. V, 7], τουτέστιν ἡ ΓΖ  
πρὸς ΖΑ [Eucl. VI, 4]· παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἡ ΕΖ  
τῇ ΒΓ [Eucl. VI, 2].

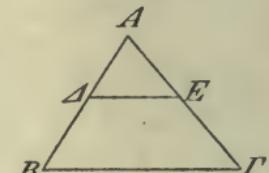
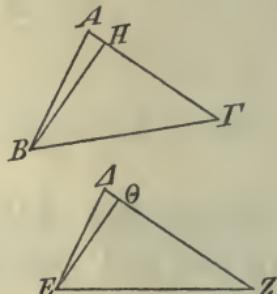
$\beta'$ . "Εστω δύο τρίγωνα τὰ  $ABΓ$ ,  $ΔEZ$  ἵσας ἔχοντα τὰς  $A$ ,  $Δ$  γωνίας, ἵσον δὲ ἔστω τὸ ὑπὸ  $BAG$  τῷ ὑπὸ  $EΔZ$ . ὅτι καὶ τὸ τρίγωνον τῷ τριγώνῳ ἔστιν ἵσον.

ηχθωσαν κάθετοι αἱ  $BH$ ,  $EΘ$ . ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ 5  $HB$  πρὸς τὴν  $BA$ , οὕτως ἡ  $EΘ$  πρὸς τὴν  $EΔ$  [Eucl. VI, 4]. καὶ ὡς ἄρα τὸ ὑπὸ  $BH$ ,  $AG$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $BA$ ,  $AG$ , οὕτως τὸ ὑπὸ  $EΘ$ ,  $ΔZ$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $EΔZ$ . ἐναλλάξ, ὡς τὸ ὑπὸ  $BH$ ,  $AG$  10 πρὸς τὸ ὑπὸ  $EΘ$ ,  $ΔZ$ , οὕτως τὸ ὑπὸ  $BAG$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $EΔZ$ . ἵσον δέ ἔστιν τὸ ὑπὸ  $BAG$  τῷ ὑπὸ  $EΔZ$ . ἵσον ἄρα ἔστιν καὶ τὸ ὑπὸ  $BH$ ,  $AG$  τῷ ὑπὸ  $EΘ$ ,  $ΔZ$ . ἀλλὰ τοῦ μὲν ὑπὸ 15  $BH$ ,  $AG$  ἥμισυ ἔστιν τὸ  $ABΓ$  τρίγωνον, τοῦ δὲ ὑπὸ  $EΘ$ ,  $ΔZ$  ἥμισυ ἔστιν τὸ  $ΔEZ$  τρίγωνον· καὶ τὸ  $ABΓ$  ἄρα τρίγωνον τῷ  $ΔEZ$  τριγώνῳ ἵσον ἔστιν.

φανερὸν δή, ὅτι καὶ τὰ διπλὰ αὐτῶν παραλληλόγραμμα ἵσα ἔστιν.

20 γ'. Τρίγωνον τὸ  $ABΓ$ , καὶ παράλληλος ἡ  $ΔE$  τῇ  $BΓ$ . ὅτι ἔστιν, ὡς τὸ ἀπὸ  $BA$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $AD$ , οὕτως τὸ  $ABΓ$  τρίγωνον πρὸς τὸ  $AΔE$  τρίγωνον.

ἐπεὶ γὰρ ὅμοιόν ἔστιν τὸ  $ABΓ$  τρίγωνον τῷ  $AΔE$  τριγώνῳ, τὸ ἄρα 25  $ABΓ$  τρίγωνον πρὸς τὸ  $AΔE$  τρίγωνον διπλασίουα λόγον ἔχει ἥπερ ἡ  $BA$  πρὸς  $AD$  [Eucl. VI, 19]. ἀλλὰ καὶ τὸ ἀπὸ  $BA$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $AD$  διπλασίουα λόγον ἔχει ἥπερ ἡ  $BA$  πρὸς τὴν  $AD$ . ἔστιν ἄρα, ὡς τὸ ἀπὸ



9. ἐναλλάξ — 11.  $EΔZ$ ] om. Hultsch cum Halleio.

*ΒΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΔ, οὕτως τὸ ΑΒΓ τρίγωνον πρὸς τὸ ΑΔΕ τρίγωνον.*

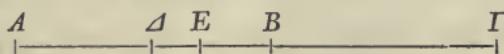
δ'. "Ισαι αἱ ΑΒ, ΓΔ καὶ τυχον σημεῖον τὸ Ε· ὅτι τὸ ὑπὸ ΓΕΒ τοῦ ὑπὸ ΓΑΒ ὑπερέχει τῷ ὑπὸ ΔΕΑ.

τετμήσθω ἡ ΒΓ δίχα τῷ Ζ· τὸ Ζ ἄρα διχο- 5  
<sub>E</sub> τομία ἐστὶν καὶ τῆς ΑΔ. καὶ ἐπεὶ τὸ ὑπὸ ΓΕΒ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΒΖ ἵσον ἐστὶν τῷ ἀπὸ ΕΖ [Eucl. II, 6], ἀλλὰ καὶ τὸ ὑπὸ ΔΕΑ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΑΖ ἵσον ἐστὶν τῷ ἀπὸ ΕΖ, καὶ ἐστιν τὸ ἀπὸ ΑΖ ἵσον τῷ ὑπὸ ΓΑΒ μετα τοῦ ἀπὸ ΒΖ, κοινὸν ἐκ- 10  
<sub>A</sub> κεκρούσθω τὸ ἀπὸ ΒΖ· λοιπὸν ἄρα τὸ ὑπὸ ΓΕΒ ἵσον ἐστὶν τῷ τε ὑπὸ ΓΑΒ καὶ τῷ ὑπὸ ΔΕΑ. ὥστε τὸ ὑπὸ ΓΕΒ τοῦ ὑπὸ ΓΑΒ ὑπερέχει τῷ ὑπὸ ΔΕΑ· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ε'. "Εὰν δὲ τὸ σημεῖον ἡ̄ μεταξὺ τῶν Α, Β σημείων, 15 τὸ ὑπὸ ΓΕΒ τοῦ ὑπὸ ΓΑΒ ἔλασσον ἐσται τῷ αὐτῷ χωρίῳ, οὗπέρ ἐστιν κατὰ τὰ αὐτὰ ἡ ἀπόδειξις.

εὰν δὲ τὸ σημεῖον ἡ̄ μεταξὺ τῶν Β, Γ, τὸ ὑπὸ ΓΕΒ τοῦ ὑπὸ ΑΕΔ ἔλασσον ἐσται τῷ ὑπὸ ΑΒΔ 20 τῇ αὐτῇ ἀγωγῇ.

ς'. "Ιση ἡ ΑΒ τῇ ΒΓ, καὶ δύο σημεῖα τὰ Δ, Ε· ὅτι τὸ τετράκις ἀπὸ τῆς ΑΒ τετράγωνον ἵσον ἐστὶν τῷ δὶς ὑπὸ ΑΔΓ μετὰ τοῦ δὶς ὑπὸ ΑΕΓ καὶ δὶς τῶν ἀπὸ ΒΔ, ΒΕ τετραγώνων.

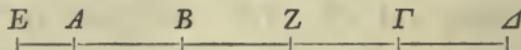


τοῦτο δὲ φανερόν· τὸ μὲν γὰρ δὶς ἀπὸ ΑΒ διὰ 25 τῶν διχοτομῶν ἵσον ἐστὶν τῷ τε δὶς ὑπὸ ΑΔΓ καὶ

9. καὶ ἐστιν] ἐστιν ἄρα καὶ coni. Hultsch. 14. ἔδει δεῖξαι] :~ codd.

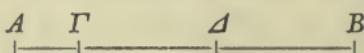
τῷ δὶς ἀπὸ ΔΒ, τὸ δὲ δὶς ἀπὸ ΑΒ ἵσον ἐστὶν τῷ τε δὶς ὑπὸ ΑΕΓ καὶ τῷ δὶς ἀπὸ ΕΒ τετραγώνῳ [Eucl. II, 5].

ξ'. "Ιση ἡ ΑΒ τῇ ΓΔ, καὶ σημεῖον τὸ Ε· ὅτι τὰ ἀπὸ τῶν ΑΕ, ΕΔ τετράγωνα ἵσα τοῖς ἀπὸ τῶν ΒΕ, ΕΓ 5 τετραγώνοις καὶ τῷ δὶς ὑπὸ τῶν ΑΓΔ.



τετμήσθω δίχα ἡ ΒΓ κατὰ τὸ Ζ. ἐπεὶ οὖν τὸ δὶς ἀπὸ τῆς ΔΖ ἵσον ἐστὶν τῷ τε δὶς ὑπὸ ΑΓΔ καὶ δὶς ἀπὸ ΓΖ [Eucl. II, 5], κοινοῦ προστεθέντος τοῦ δὶς ἀπὸ ΕΖ ἵσον ἐστὶν τό τε δὶς ὑπὸ ΑΓΔ καὶ τὰ δὶς 10 ἀπὸ τῶν EZΓ τοῖς δὶς ἀπὸ τῶν ΔΖ, ΖΕ τετραγώνοις. ἀλλὰ τοῖς μὲν δὶς ἀπὸ τῶν ΔΖ, ΖΕ ἵσα ἐστὶν τὰ ἀπὸ τῶν ΑΕ, ΕΔ τετράγωνα, τοῖς δὲ δὶς ἀπὸ τῶν ΓΖ, ΖΕ ἵσα ἐστὶν τὰ ἀπὸ τῶν ΒΕ, ΕΓ τετράγωνα [Eucl. II, 10]. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν ΑΕ, ΕΔ τετράγωνα 15 ἵσα ἐστὶν τοῖς τε ἀπὸ τῶν ΒΕ, ΕΓ τετραγώνοις καὶ τῷ δὶς ὑπὸ τῶν ΑΓΔ.

η'. "Ἐστω τὸ ὑπὸ ΒΑΓ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΓΔ ἵσον τῷ ἀπὸ ΔΑ· ὅτι ἵση ἐστὶν ἡ ΓΔ τῇ ΔΒ.

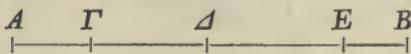


κοινὸν γὰρ ἀφηρήσθω τὸ ἀπὸ ΓΔ· λοιπὸν ἄρα τὸ 20 ὑπὸ ΒΑΓ ἵσον ἐστὶ τοῖς ὑπὸ τῶν ΔΑΓ, ΑΓΔ [Eucl. II, 2; II, 3]. ἐπεὶ δὲ τὸ ὑπὸ ΒΑΓ ἵσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΔΑΓ καὶ τῷ ὑπὸ ΒΔ, ΑΓ [Eucl. II, 1], κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ ὑπὸ ΔΑΓ· λοιπὸν ἄρα τὸ ὑπὸ ΑΓ, ΔΒ

8. κοινοῦ] Halley, ἀλλὰ κοινοῦ codd., κοινοῦ ἄρα coni. Hultsch. 10. EZΓ] ΓΖ, ΖΕ Hultsch cum Halleio. 19. λοιπόν — 23. ΔΑΓ] om. codd., suppleuit Hultsch praeceunte Halleio (ante τοῖς lin. 20 addunt: τῇ τῶν ἀπὸ ΑΔ, ΔΓ ὑπεροχῇ, τουτέστιν).

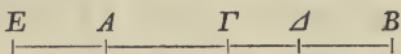
ἴσον ἔστιν τῷ ὑπὸ ΔΓΑ. ἵση ἄρα ἔστιν ἡ ΔΓ τῇ ΔΒ· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

θ'. "Εστω τὸ ὑπὸ ΑΓΒ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΓΔ ἴσον τῷ ἀπὸ ΔΒ τετραγώνῳ· ὅτι ἵση ἔστιν ἡ ΑΔ τῇ ΔΒ.



κείσθω τῇ ΓΔ ἵση ἡ ΔΕ· τὸ ἄρα ὑπὸ ΓΒΕ μετὰ 5 τοῦ ἀπὸ ΔΕ, τουτέστιν τοῦ ἀπὸ ΓΔ, ἴσον τῷ ἀπὶ ΔΒ [Eucl. II, 6], τουτέστιν τῷ ὑπὸ ΒΓΑ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΓΔ· ὥστε τὸ ὑπὸ ΓΒΕ ἴσον ἔστιν τῷ ὑπὸ ΒΓΑ· 10 ἵση ἄρα ἔστιν ἡ ΑΓ τῇ ΕΒ. ἀλλὰ καὶ ἡ ΓΔ τῇ ΔΕ· ὅλη ἄρα ἡ ΑΔ ὅλη τῇ ΔΒ ἴση ἔστιν.

ι'. "Εστω πάλιν τὸ ὑπὸ ΒΑΓ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΔΒ 15 ἴσον τῷ ἀπὸ ΑΔ· ὅτι ἵση ἔστιν ἡ ΓΔ τῇ ΔΒ.

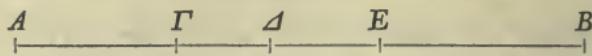


κείσθω τῇ ΔΒ ἵση ἡ ΑΕ. ἐπεὶ οὖν τὸ ὑπὸ ΒΑΓ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΔΒ, τουτέστιν τοῦ ἀπὸ ΕΑ, ἴσον ἔστιν τῷ ἀπὸ ΑΔ τετραγώνῳ, κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ ὑπὸ 20 ΔΑΓ· λοιπὸν ἄρα τὸ ὑπὸ ΒΔ, ΑΓ [Eucl. II, 1], τουτέστιν τὸ ὑπὸ ΕΑΓ, μετὰ τοῦ ἀπὸ ΕΑ, ὃ ἔστιν τὸ ὑπὸ ΓΕΑ [Eucl. II, 3], ἴσον ἔστιν τῷ ὑπὸ ΑΔΓ [Eucl. II, 2]. ἵση ἄρα [Eucl. VI, 16; V, 18; V, 9] ἔστιν ἡ ΕΑ, τουτέστιν ἡ ΒΔ, τῇ ΔΓ.

ια'. Εὐθεῖα ἡ ΑΒ, ἐφ' ἣς ἡ σημεῖα τὰ Γ, Δ, Ε οὗτως, ὥστε 15 ἴσην μὲν εἶναι τὴν ΒΕ τῇ ΕΓ, τὸ δὲ ὑπὸ ΑΕΔ τῷ ἀπὸ ΕΓ· ὅτι γίνεται, ὡς ἡ ΒΔ πρὸς ΑΓ, οὗτως ἡ ΒΔ πρὸς ΔΓ.

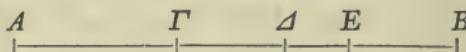
2. ὅπερ ἔδει δεῖξαι] ο codd. 7. ΒΓΑ] ΕΑΓ codd., ΑΓΒ Hultsch cum Halleio. 8. ΒΓΑ] ΑΓΒ Hultsch cum Halleio.

ἐπεὶ γὰρ τὸ ὑπὸ ΑΕΔ ἵσον ἐστὶν τῷ ἀπὸ ΕΓ,  
ἀνάλογον [Eucl. VI, 17] καὶ ἀναστρέψαντι καὶ δὶς τὰ



ἡγούμενα καὶ διελόντι· ἐστιν ἄρα, ὡς ἡ BA πρὸς τὴν  
ΑΓ, οὕτως ἡ BΔ πρὸς ΔΓ.

5 ιβ'. "Ἐστω πάλιν τὸ ὑπὸ ΒΓΔ ἵσον τῷ ἀπὸ ΓΕ,  
ἵση δὲ ἡ ΑΓ τῇ ΓΕ· ὅτι τὸ ὑπὸ ΑΒΕ ἵσον ἐστὶν  
τῷ ὑπὸ ΓΒΔ.



ἐπεὶ γὰρ τὸ ὑπὸ ΒΓΔ ἵσον ἐστὶν τῷ ἀπὸ ΓΕ,  
ἀνάλογόν ἐστιν [Eucl. VI, 17], ὡς ἡ ΒΓ πρὸς ΓΕ,  
10 τουτέστιν πρὸς τὴν ΓΑ, οὕτως ἡ ΓΕ, τουτέστιν ἡ ΑΓ,  
πρὸς τὴν ΓΔ· καὶ ὅλη πρὸς ὅλην [Eucl. V, 12] καὶ  
ἀναστρέψαντι καὶ χωρίον χωρίῳ [Eucl. VI, 16]· τὸ ἄρα  
ὑπὸ ΑΒΕ ἵσον ἐστὶν τῷ ὑπὸ ΓΒΔ.

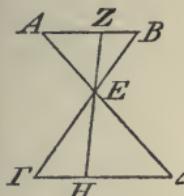
φανερὸν δέ, ὅτι καὶ τὸ ὑπὸ ΑΔΕ ἵσον ἐστὶ τῷ  
15 ὑπὸ ΒΔΓ· ἐὰν γὰρ ἀφαιρεθῇ τὸ ἀπὸ ΓΔ κοινὸν ἀπὸ  
. τῆς τοῦ ἀπὸ ΓΕ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΓΔ ἵσότητος, γίνεται  
[Eucl. II, 3; II, 5].

ιγ'. Εἰς δύο παραλλήλους τὰς ΑΒ, ΓΔ διά τε τοῦ  
αὐτοῦ σημείου τοῦ Ε τρεῖς διήκθωσαν αἱ ΑΕΔ,  
20 ΒΕΓ, ΖΕΗ· ὅτι ἐστίν, ὡς τὸ ὑπὸ ΑΕΒ πρὸς τὸ ὑπὸ<sup>25</sup>  
ΑΖΒ, οὕτως τὸ ὑπὸ ΓΕΔ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΗΔ.

διὰ τοῦ συνημμένου φανερόν· ὡς μὲν γὰρ ἡ ΑΕ  
πρὸς τὴν ΕΔ, οὕτως ἡ ΑΖ πρὸς τὴν ΗΔ, ὡς δὲ ἡ  
ΒΕ πρὸς τὴν ΕΓ, οὕτως ἡ ΖΒ πρὸς τὴν ΗΓ [Eucl.  
VI, 4], καὶ σύγκειται ἐκ τούτων τὰ χωρία· μένει ἄρα.

25. μένει] scripsi, μὲν ἡ codd., γίνεται Hultsch.

ἔστιν δὲ καὶ οὕτως μὴ προσχρησάμενον τῷ συνημμένῳ. ἐπεὶ γάρ ἔστιν, ὡς ἡ  $AE$  πρὸς τὴν  $EB$ ,

οὕτως ἡ  $EΔ$  πρὸς τὴν  $EΓ$  [Eucl. VI, 4],  
καὶ ὡς ἄρα τὸ ὑπὸ  $AEB$  πρὸς τὸ ἀπὸ  
5  $EB$ , οὕτως τὸ ὑπὸ  $ΔEΓ$  πρὸς τὸ ἀπὸ  
 $EΓ$ . ἀλλὰ καί, ὡς τὸ ἀπὸ  $BE$  πρὸς τὸ  
ἀπὸ  $BZ$ , οὕτως τὸ ἀπὸ  $EΓ$  πρὸς τὸ  
ἀπὸ  $GH$  [Eucl. VI, 4].

δι' ἵσου ἄρα  
ἔστιν, ὡς τὸ υπὸ  $AEB$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $ZB$ , οὕτως τὸ  
υπὸ  $GEΔ$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $GH$ . ἀλλὰ καί, ὡς τὸ ἀπὸ  $ZB$  10  
πρὸς τὸ ὑπὸ  $BZA$ , οὕτως τὸ ἀπὸ  $GH$  πρὸς τὸ ὑπὸ  
 $GHΔ$ . δι' ἵσου ἄρα ἔστιν, ὡς τὸ ὑπὸ  $AEB$  πρὸς τὸ  
ὑπὸ  $AZB$ , οὕτως τὸ ὑπὸ  $GEΔ$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $GHΔ$ .

II.

SERENUS.

Serenus de sectione cylindri prop. 16 p. 16 ed.  
Halley:

5     Τούτων οὕτως ἔχόντων φανερόν ἐστιν, ὅτι ἡ *ΑΒΓ*  
τοῦ κυλίνδρου τομὴ ἐλλειψὶς ἐστιν: ὅσα γὰρ ἐνταῦθα  
τῇ τομῇ ἐδείχθη ὑπάρχοντα, πάντα δμοίως καὶ ἐπὶ<sup>1</sup>  
τοῦ κώνου τῇ ἐλλείψει ὑπῆρχεν, ὡς ἐν τοῖς Κωνικοῖς  
δείκνυται θεωρήματι *ιε'* τοῖς δυναμένοις λέγειν τὴν  
10 ἀκρίβειαν τοῦ θεωρήματος, καὶ ἡμεῖς ἐν τοῖς εἰς αὐτὰ  
ὑπομνήμασι γεωμετρικῶς ἀπεδείξαμεν.

---

8. ὑπῆρχεν] cod. Cnopolitanus c, ὑπῆρχον Halley.      11.  
ὑπομνήμασι] c, ὑπομνήμασιν Halley.

III.

HYPATIA.

Suidas s. u. *'Τπατία* p. 1059 a ed. Bekker:

"*Ἐγραψεν* ... εἰς τὰ ιωνικὰ Ἀπολλωνίου ὑπόμνημα.

---

## IV.

### EUTOCII COMMENTARIA IN CONICA.

*Εἰς τὸ πρῶτον.*

5     ’Απολλώνιος δὲ γεωμέτρης, ὡς φίλε ἐταῖρε ’Ανθέμιε,  
γέγονε μὲν ἐκ Πέργης τῆς ἐν Παμφυλίᾳ ἐν χρόνοις  
τοῦ Εὐεργέτου Πτολεμαίου, ὡς ίστορει ’Ηράκλειος ὁ  
τὸν βίον ’Αρχιμήδους γράψων, ὃς καὶ φησι τὰ κωνικὰ  
θεωρήματα ἐπινοῆσαι μὲν πρῶτον τὸν ’Αρχιμήδη, τὸν  
10 δὲ ’Απολλώνιον αὐτὰ εὑρόντα ὑπὸ ’Αρχιμήδους μὴ ἐκ-  
δοθέντα ἰδιοποιήσασθαι, οὐκ ἀληθεύων κατά γε τὴν  
ἐμήν. ὅ τε γὰρ ’Αρχιμήδης ἐν πολλοῖς φαίνεται ὡς  
παλαιοτέρας τῆς στοιχειώσεως τῶν κωνικῶν μεμνη-  
μένος, καὶ ὁ ’Απολλώνιος οὐχ ὡς ἰδίας ἐπινοίας γράφει.  
15 οὐ γὰρ ἂν ἔφη ἐπὶ πλέον καὶ καθόλου μᾶλλον  
ἔξειργάσθαι ταῦτα παρὰ τὰ ὑπὸ τῶν ἄλλων  
γεγραμμένα. ἀλλ’ ὅπερ φησὶν δὲ Γεμīνος ἀληθές  
ἔστιν, ὅτι οἱ παλαιοὶ κῶνον δριξόμενοι τὴν τοῦ ὁρθο-  
γωνίου τριγώνου περιφορὰν μενούσης μιᾶς τῶν περὶ  
20 τὴν ὁρθὴν εἰκότεως καὶ τοὺς κώνους πάντας ὁρθοὺς  
ὑπελάμβανον γίνεσθαι καὶ μίαν τομὴν ἐν ἐκάστῳ, ἐν

4. Εὐτοκίουν ’Ασκαλωνίτον εἰς τὸ α' τῶν ’Απολλωνίου κωνι-  
κῶν τῆς κατ’ αὐτὸν ἐκδόσεως ὑπόμνημα Wp.     6. γέγονε] p,

## In librum I.

Apollonius geometra, amicissime mihi Anthemie, ex Perga urbe Pamphyliae oriundus vixit temporibus Ptolemaei Euergetae, ut narrat Heraclius, qui vitam scripsit Archimedis; idem dicit, propositiones conicas primum inuenisse Archimedem, Apollonium autem, cum eas ab Archimede non editas reperisset, sibi adrogasse; sed mea quidem sententia fallitur. nam et adparet, Archimedem saepe elementa conica ut antiquiora commemorare, et Apollonius sua ipsius inuenta se exponere minime profitetur; alioquin non dixisset [I p. 4, 3—5], se ea latius uniuersaliusque exposuisse, quam quae ceteri de iis scripsissent. immo Geminus uerum uidit, ueteres, qui conum definirent ortum circumactione trianguli rectanguli manente altero latere eorum, quae angulum rectum comprehendenderent, iure omnes conos rectos fieri putasse et in singulis unam oriri sectionem, in rectangulo eam, quam nunc

---

γέγονεν W. τῆς ἐν Παμφυλίᾳ] p, in ras. m. 1 W. 7.  
Ἡράκλειος] p, —ειος W<sup>1</sup>. 8. Ἀρχημήδονς, σ in ras. m. 1, W,  
sed corr. γράφων, ὃς κατ'] p, —ν ὃς κατ' W<sup>1</sup>. 9. Ἀρχι-  
μήδην p. 10. εὐρώντα W, sed corr. 12. ἔμὴν γνῶσιν p.  
15. οὐ] comp. e corr. p. 17. Γεμῖνος] w, Γεμίνος W,  
Γεμίνος p. 18. παλαιοί] p, —οι W<sup>1</sup>. κῶνον] corr. ex  
λωνιον m. 1 W. —θογωνίον in ras. m. 1 W. 19. μενούσης  
μιᾶς] p; —σης μιᾶς W<sup>1</sup> seq. lineola transuersa. 21. γείνεσθαι W.

μὲν τῷ ὁρθογωνίῳ τὴν νῦν καλουμένην παραβολήν, ἐν δὲ τῷ ἀμβλυγωνίῳ τὴν ὑπερβολήν, ἐν δὲ τῷ ὁξυγωνίῳ τὴν ἔλλειψιν· καὶ ἔστι παρ' αὐτοῖς εὑρεῖν οὕτως  
 5 ὄντομαξομένας τὰς τομάς. ὅπερ οὖν τῶν ἀρχαίων ἐπὶ ἐνὸς ἐκάστον εἶδον τριγώνου θεωρησάντων τὰς δύο ὁρθὰς πρότερον ἐν τῷ ἴσοπλεύρῳ καὶ πάλιν ἐν τῷ ἴσοσκελεῖ καὶ ὕστερον ἐν τῷ σκαληνῷ οἱ μεταγενέστεροι καθολικὸν θεώρημα ἀπέδειξαν τοιοῦτο· παντὸς τριγώνου αἱ ἐντὸς τρεῖς γωνίαι δυσὶν ὁρθαῖς ἵσαι 10 εἰσίν· οὕτως καὶ ἐπὶ τῶν τοῦ κώνου τομῶν· τὴν μὲν γὰρ λεγομένην ὁρθογωνίου κώνου τομὴν ἐν ὁρθογωνίῳ μόνον κώνῳ ἐθεώρουν τεμνομένῳ ἐπιπέδῳ ὁρθῷ πρὸς μίαν πλευρὰν τοῦ κώνου, τὴν δὲ τοῦ ἀμβλυγωνίου κώνου τομὴν ἐν ἀμβλυγωνίῳ γινομένην κώνῳ 15 ἀπεδείκνυσαν, τὴν δὲ τοῦ ὁξυγωνίου ἐν ὁξυγωνίῳ, δύμοις ἐπὶ πάντων τῶν κώνων ἄγοντες τὰ ἐπιπέδα ὁρθὰ πρὸς μίαν πλευρὰν τοῦ κώνου· δηλοῦ δὲ καὶ αὐτὰ τὰ ἀρχαῖα ὀνόματα τῶν ϕραμμῶν.. ὕστερον δὲ Ἀπολλώνιος ὁ Περγαῖος καθόλου τι ἐθεώρησεν, διτὶ 20 ἐν παντὶ κώνῳ καὶ ὁρθῷ καὶ σκαληνῷ πᾶσαι αἱ τομαὶ εἰσὶ κατὰ διάφορον τοῦ ἐπιπέδου πρὸς τὸν κῶνον προσβολήν· ὃν καὶ θαυμάσαντες οἱ κατ' αὐτὸν γενόμενοι διὰ τὸ θαυμάσιον τῶν ὑπ' αὐτοῦ δεδειγμένων κωνικῶν θεωρημάτων μέγαν γεωμέτρην ἐκάλουν. ταῦτα 25 μὲν οὖν ὁ Γεμῖνος ἐν τῷ ἔκτῳ φησὶ τῆς τῶν μαθημάτων θεωρίας. ὃ δὲ λέγει, σαφὲς ποιήσομεν ἐπὶ τῶν ὑποκειμένων καταγραφῶν.

ἔστω τὸ διὰ τοῦ ἄξονος τοῦ κώνου τρίγωνον τὸ

2. ἐν δέ — ὑπερβολήν] p, mg. W<sup>1</sup>. 3. ἔστιν W. 7.  
 σκαληνῷ] α corr. ex λ m. 1 W. 8. ἀπέδειξαν] p, W<sup>1</sup>. παντός] π corr. ex ν m. 1 W. 10. οὕτω p. 13. δέ] supra

parabolam uocant, in obtusiangulo hyperbolam, in acutiangulo ellipsim; et sectiones illas apud eos ita denominatas inuenias. sicut igitur, cum ueteres propositionem de angulis duobus rectis aequalibus in singulis generibus trianguli inuestigassent, primum in aequilatero, postea in aequicurrio, deinde uero in scaleno, recentiores propositionem uniuersalem demonstrauerunt talem: cuiusuis trianguli tres anguli interiores duobus rectis aequales sunt [Eucl. I, 32], ita etiam in coni sectionibus factum est; sectionem enim rectanguli coni quae uocatur in solo cono rectangulo perscrutabantur secto plano ad latus coni perpendiculari, sectionem autem coni obtusianguli in cono obtusiangulo, sectionem autem acutianguli in acutiangulo oriri demonstrabant in omnibus conis similiter planis ad latus coni perpendicularibus ductis; id quod ipsa nomina linearum illarum antiqua docent. postea uero Apollonius Pergaeus uniuersaliter inuestigauit, in quo uis cono et recto et scaleno omnes sectiones illas oriri secundum uariam plani ad conum positionem; quem admirati aequales ob admiranda theoremeta conica ab eo demonstrata magnum geometram adpellabant. haec igitur Geminus in libro sexto de scientia mathematica; et quae dicit, nos in figuris infra descriptis illustrabimus.

sit *ABΓ* triangulus per axem coni positus, et a

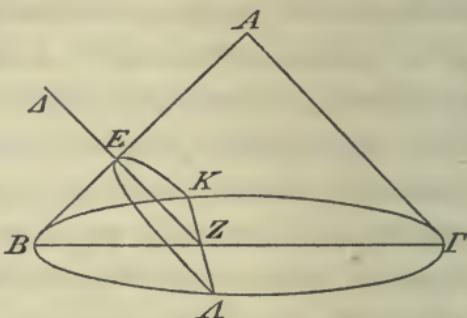
scr. in ras. W<sup>1</sup>. 14. ἐν] w, om. Wp. 15. ἀποδεῖννυσαν W, corr. W<sup>1</sup> 18. τά] p, om. W. 19. καθόλον — 20. ἐν π—] p, W<sup>1</sup>. 21. εἰσιν W. 23. δεδειγ— in ras. m. 1 W 24. κωνικῶν] Wp, mg. ἐν ἄλλῳ καθολικῷ m. 1 p, W<sup>1</sup>. 25. Γεμίνος] vw, Γεμίνος W, Γεμίνος p.

$AB\Gamma$ , καὶ ἥχθω τῇ  $AB$  ἀπὸ τυχόντος σημείου τοῦ  $E$  πρὸς δρόσας ἡ  $\Delta E$ , καὶ τὸ διὰ τῆς  $\Delta E$  ἐπίπεδον ἐκβληθὲν δρόσὸν πρὸς τὴν  $AB$  τεμνέτω τὸν κῶνον· δρόσὴ ἄρα ἔστιν ἑκατέρα τῶν

5 ὑπὸ  $AED$ ,  $AEZ$  γωνιῶν. δρόσογωνίου μὲν ὅντος τοῦ κώνου καὶ δρόσης δηλούντι τῆς ὑπὸ  $BAG$  γωνίας ὡς  
10 ἐπὶ τῆς πρώτης καταγραφῆς δύο δρόσαις ἴσαι

ἔσονται αἱ ὑπὸ  $BAG$ ,  $AEZ$  γωνίαι· ὥστε παράλληλος ἔσται ἡ  $\Delta EZ$  τῇ  $AG$ . καὶ γίνεται ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ τοῦ κώνου τομὴ ἡ καλούμένη παραβολὴ οὕτω κλη-  
15 θεῖσα ἀπὸ τοῦ παράλληλον εἶναι τὴν  $\Delta EZ$ , ἣτις ἔστι κοινὴ τομὴ τοῦ τέμνοντος ἐπίπεδον καὶ τοῦ διὰ τοῦ ἄξονος τριγώνου, τῇ  $AG$  πλευρᾷ τοῦ τριγώνου.

εἰὰν δὲ ἀμβλυγώνιος ἢ ὁ κῶνος ὡς ἐπὶ τῆς δευτέρας καταγραφῆς ἀμβλείας δηλούντι οὕσης τῆς ὑπὸ  $BAG$ , δρόσης δὲ τῆς ὑπὸ  $AEZ$ , δύο δρόσῶν μείζους ἔσονται αἱ ὑπὸ  $BAG$ ,  $AEZ$  γωνίαι· ὥστε οὐ συμπεσεῖται ἡ  $\Delta EZ$  τῇ  $AG$  πλευρᾷ ἐπὶ τὰ πρὸς τοὺς  $Z$ ,  $G$  μέρη, ἀλλὰ ἐπὶ τὰ πρὸς τοὺς  $A$ ,  $E$  προσεκβαλλομένης δηλούντι τῆς  $GA$  ἐπὶ τὸ  $\Delta$ . ποιήσει οὖν τὸ τέμνον  
25 ἐπίπεδον ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ τοῦ κώνου τομὴν καλούμένην ὑπερβολὴν οὕτω κληθεῖσαν ἀπὸ τοῦ ὑπερβάλλειν τὰς εἰρημένας γωνίας, τοντέστι τὰς ὑπὸ  $AEZ$ ,

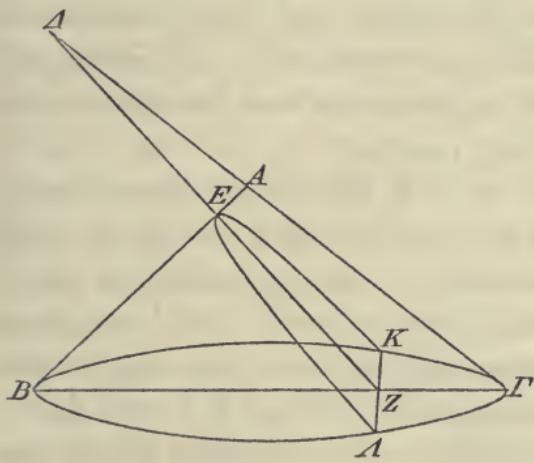


2. ἐμβληθέν W. 6. ὁρθωγωνίου W, corr. m. 1. μὲν οντος] scripsi, μένοντος Wp. 12.  $BAG$ ]  $AB\Gamma$  Wp, corr. mg. U.  $AEZ$ ]  $\Delta EZ$  Wp, corr. mg. U. 15. ἔστιν W. 17. ἄξωνος W, corr. m. 1. 18. ὡς] p, in spatio 7 litt. m.

puncto aliquo  $E$  ad  $AB$  perpendicularis ducatur  $\angle E$ , planum autem per  $\angle E$  ad  $AB$  perpendicularare ductum conum secet; itaque anguli  $AE\Delta$ ,  $AEZ$  recti sunt. iam si conus rectangulus est et ideo  $\angle BAG$  rectus ut in prima figura, erunt  $\angle BAG + AEZ$  duobus rectis aequales; quare  $\angle EZ$  et  $AG$  parallelae sunt [Eucl. I, 28]. et in superficie coni sectio efficitur parabola quae uocatur, cui hoc nomen inditum est, quia  $\angle EZ$ , quae communis sectio est plani secantis triangulique per axem positi, lateri trianguli  $AG$  parallela est.

sin conus obtusiangulus est ut in secunda figura obtuso scilicet posito  $\angle BAG$ , recto autem  $AEZ$ ,

$\angle BAG + AEZ$  duobus rectis maiores erunt; quare  $\angle EZ$  et  $AG$  latutus ad partes  $Z, G$  uersus non concurrent, sed ad partes  $A, E$  uersus, producta scilicet  $GA$  ad  $\angle$  [Eucl. I  $\alpha\iota\tau.$  5].



itaque planum secans in superficie coni sectionem efficiet hyperbolam quae uocatur, cui hoc nomen inditum est, quia anguli illi, h. e.  $AEZ$ ,  $BAG$ , duos rectos

rec. W, om. vw. 19.  $\tau\tilde{\eta}\varsigma$ ] corr. ex  $\tau\tilde{o}\tilde{v}$  m. 1 p. 20.  $AEZ$ ]  $\angle EZ$  p et W, sed corr. 21.  $AEZ$ ] om. W in extr. lin., p; corr. U. 22.  $\angle EZ$ ]  $AEZ$  Wp, corr. U. 27.  $\tau\tilde{o}\tau\tilde{e}\sigma\tau\tilde{i}v$  W.

*ΒΑΓ*, δύο ὁρθὰς ἡ διὰ τὸ ὑπερβάλλειν τὴν *ΔΕΖ* τὴν κορυφὴν τοῦ κώνου καὶ συμπίπτειν τῇ *ΓΑ* ἐκτός.

ἔτιν δὲ ὀξυγάνιος ἡ ὁ κῶνος ὀξείας δηλούστι οὕσης τῆς ὑπὸ *ΒΑΓ*, αἱ *ΒΑΓ*, *ΑΕΖ* ἔσονται δύο ὁρθῶν 5 ἐλάσσονες· ὥστε αἱ *EZ*, *ΑΓ* ἐκβαλλόμεναι συμπεσοῦνται ὅπουδήποτε προσανέψῃσαι γὰρ δύναμαι τὸν κῶνον. ἔσται οὖν ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ τομῆ, ἣτις καλεῖται ἐλλειψις, οὗτοι κληθεῖσα ἦτοι διὰ τὸ ἐλλείπειν δύο ὁρθαῖς τὰς προειρημένας γωνίας ἡ διὰ τὸ τὴν ἐλλειψιν κύκλου 10 εἶναι ἐλλιπῆ.

οὗτος μὲν οὖν οἱ παλαιοὶ ὑποθέμενοι τὸ τέμνον ἐπίπεδον τὸ διὰ τῆς *ΔΕΖ* πρὸς ὁρθὰς τῇ *ΑΒ* πλευρᾷ τοῦ διὰ τοῦ ἄξονος τοῦ κώνου τριγάνου καὶ ἔτι διαφόρους τοὺς κώνους ἐθεώρησαν καὶ ἐπὶ ἑάστου ἰδίαν 15 τομήν· ὁ δὲ Ἀπολλώνιος ὑποθέμενος τὸν κῶνον καὶ ὁρθὸν καὶ σκαληνὸν τῇ διαφόρῳ τοῦ ἐπιπέδου κλίσει διαφόρους ἐποίησε τὰς τομάς.

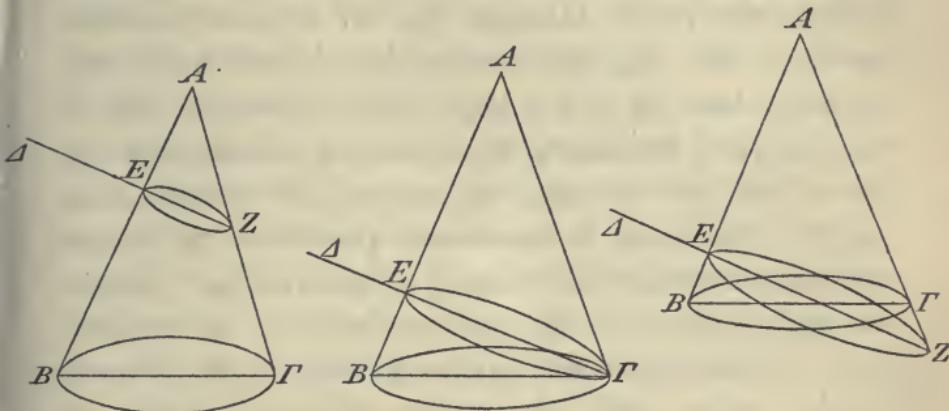
ἔστω γὰρ πάλιν ὡς ἐπὶ τῶν αὐτῶν καταγραφῶν τὸ τέμνον ἐπίπεδον τὸ *ΚΕΛ*, κοινὴ δὲ αὐτοῦ τομὴ 20 καὶ τῆς βάσεως τοῦ κώνου ἡ *KΖΛ*, κοινὴ δὲ πάλιν αὐτοῦ τοῦ *ΚΕΛ* ἐπιπέδου καὶ τοῦ *ΑΒΓ* τριγάνου ἡ *EZ*, ἣτις καὶ διάμετρος καλεῖται τῆς τομῆς. ἐπὶ πασῶν οὖν τῶν τομῶν ἴποτίθεται τὴν *ΚΑ* πρὸς ὁρθὰς τῇ *BΓ* βάσει τοῦ *ΑΒΓ* τριγάνου, λοιπὸν δέ, εἰ μὲν

4. αἱ *ΒΑΓ*] om. Wp., corr. U. 5. ἐλάσσονες] —ες ob-scuro comp. p., ἐλάσσονος W. 6. ὥστε] scripsi; τε Wp. 8. ὁρθαῖς] fort. ὁρθῶν. 10. ἐλλειπῆ W. 11. οὗτοι p. 14. ἐπὶ] ἐπεὶ Wp., corr. Command. („in“). 15. τίν] scripsi; in W in extr. pag. uacat spatium 8 litt., initio sequentis 10; in p spatium uacat, cuius partem obtinet figura; signum lacunae add. U.

16. οὐλήσει W. 17. ἐποίησεν W. 22. *EZH* τις W. 23. πασῶν] scripsi, πλέον Wp., πάντων (!) mg. U.

superant, uel quia  $\angle AEZ$  uerticem coni egreditur et cum  $\Gamma A$  extra concurrit.

sin conus acutiangulus est acuto scilicet posito  $\angle BAG$ ,  $\angle BAG + AEZ$  duobus rectis minores erunt; quare  $EZ$ ,  $\Gamma A$  productae alicubi concurrent [ib.]; nam



conum augere possumus. itaque in superficie sectio efficietur ellipsis quae uocatur, cui hoc nomen inditum est, aut quia anguli illi duobus rectis minores sunt, aut quia ellipsis circulus est imperfectus.

ita igitur ueteres, cum planum secans per  $\angle AEZ$  positum ad  $AB$  latus trianguli per axem coni positi perpendiculariter et praeterea conos uarie formatos supponerent, etiam in singulis singulas sectiones inuestigauerunt; Apollonius uero, qui conum et rectum et scalenum supposuit, uariae plani inclinatione uarias effecit sectiones.

sit enim rursus ut in iisdem figuris planum secans  $KEA$ , communis autem eius basisque coni sectio  $KZA$ , rursus autem ipsius plani  $KEA$  triangulique  $ABG$  sectio communis  $EZ$ , quae eadem diametrus sectionis uocatur. iam in omnibus sectionibus  $KA$  ad  $BG$

ἡ EZ παράλληλος εἴη τῇ AG, παραβολὴν γίνεσθαι τὴν KEΛ ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ τοῦ κώνου τομῆν, εἰ δὲ συμπίπτει τῇ AG πλευρᾷ ἡ EZ ἐκτὸς τῆς κορυφῆς τοῦ κώνου ὡς κατὰ τὸ Δ, γίνεσθαι τὴν KEΛ τομὴν 5 ὑπερβολήν, εἰ δὲ ἐντὸς συμπίπτει τῇ AG ἡ EZ, γίνεσθαι τὴν τομὴν ἔλλειψιν, ἥν καὶ θυρεὸν καλοῦσιν. καθόλου οὖν τῆς μὲν παραβολῆς ἡ διάμετρος παράλληλός ἐστι τῇ μιᾷ πλευρᾷ τοῦ τριγώνου, τῆς δὲ ὑπερβολῆς ἡ διάμετρος συμπίπτει τῇ πλευρᾷ τοῦ τρι- 10 γώνου ὡς ἐπὶ τὰ πρὸς τῇ κορυφῇ τοῦ κώνου μέρη, τῆς δὲ ἔλλειψεως ἡ διάμετρος συμπίπτει τῇ πλευρᾷ τοῦ τριγώνου ὡς ἐπὶ τὰ πρὸς τῇ βάσει μέρη. κάκεῖνο δὲ χρὴ εἰδέναι, ὅτι ἡ μὲν παραβολὴ καὶ ἡ ὑπερβολὴ τῶν εἰς ἄπειρόν εἰσιν αὐξανομένων, ἡ δὲ ἔλλειψις 15 οὐκέτι πᾶσα γὰρ εἰς αὐτὴν συννεύει δομοίως τῷ κύκλῳ.

πλειόνων δὲ οὐσῶν ἐκδόσεων, ὡς καὶ αὐτός φησιν ἐν τῇ ἐπιστολῇ, ἃ μεινον ἡγησάμην συναγαγεῖν αὐτὰς ἐκ τῶν ἐμπιπτόντων τὰ σαφέστερα παρατιθέμενος ἐν 20 τῷ δητῷ διὰ τὴν τῶν εἰσαγομένων εὐμάρειαν, ἔξαθεν δὲ ἐν τοῖς συντεταγμένοις σχολίοις ἐπισημαίνεσθαι τοὺς διαφόρους ὡς εἰκὸς τρόπους τῶν ἀποδείξεων.

φησὶ τοίνυν ἐν τῇ ἐπιστολῇ τὰ πρῶτα τέσσαρα βιβλία περιέχειν ἀγωγὴν στοιχειώδη· ὡν τὸ μὲν πρῶ- 25 τον περιέχειν τὰς γενέσεις τῶν τριῶν τοῦ κώνου τομῶν καὶ τῶν καλούμένων ἀντικειμένων καὶ τὰ ἐν αὐταῖς ἀρχικὰ συμπτώματα. ταῦτα δέ ἐστιν, ὅσα συμβαίνει παρὰ τὴν πρώτην αὐτῶν γένεσιν· ἔχουσι γὰρ καὶ ἔτερά τινα παρακολουθήματα. τὸ δὲ δεύτερον

3. συμπίπτη W. 5. συμπίπτη W. 6. θυραιῶν Wp, corr. U. καλοῦσι p. 8. ἐστιν W. 13. χρῆ] p, χρεί W.

basim trianguli perpendicularem supponit, deinde autem, si *EZ* rectae *AG* parallela sit, sectionem *KEA* in superficie coni parabolam fieri, sin *EZ* cum latere *AG* extra uerticem coni concurrat ut in *A*, sectionem *KEA* hyperbolam fieri, sin autem *EZ* cum *AG* intra concurrat, sectionem fieri ellipsim, quam eandem scutum uocant. uniuersaliter igitur diametrus parabolae uni lateri trianguli parallela est, hyperbolae autem diametrus cum latere trianguli concurrit ad partes uerticis coni uersus, ellipsis autem diametrus cum latere trianguli concurrit ad partes basis uersus. et hoc quoque scire oportet, parabolam hyperbolamque earum linearum esse, quae in infinitum crescant, ellipsim uero non esse; ea enim tota in se recurrit sicut circulus.

Sed cum complures exstent editiones, ut ipse in epistula dicit [I p. 2, 18 sq.], eas in unum cogere malui clariora ex iis, quae mihi sese obtulerant, in uerba scriptoris recipiens, ut institutio facilior esset, uarios autem demonstrandi modos, ut par erat, extra in scholiis a me compositis indicare.

dicit igitur in epistula, priores quattuor libros institutionem elementarem continere; quorum primum origines trium sectionum coni oppositarumque, quae uocantur, et proprietates earum principales continere [I p. 4, 1 sq.]. eae uero sunt, quaecunque per primam illarum originem eueniunt; nam etiam alias quasdam consequentias habent. alter autem, quae

18. ἄλινον W. 19. ἐνπιπτόντων W. 23. φησίν W. 24. βιβλία] στοιχεῖα p. περιέχει W. στοιχειώδη] Halley, στοιχεῖων δι' Wp. 25. περιέχει Halley.

τὰ παρὰ τὰς διαμέτρους καὶ τοὺς ἄξονας τῶν  
τομῶν συμβαίνοντα καὶ τὰς ἀσυμπτώτους καὶ  
ἄλλα γενικὴν καὶ ἀναγκαῖαν χρείαν παρεχό-  
μενα πρὸς τοὺς διορισμούς. ὁ δὲ διορισμὸς ὅτι  
5 διπλοῦς ἔστι, παντί που δῆλον, ὁ μὲν μετὰ τὴν ἔκ-  
θεσιν ἐφιστάνων, τί ἔστι τὸ ξητούμενον, ὁ δὲ τὴν  
πρότασιν οὐ συγχωρῶν καθολικὴν εἶναι, λέγων δέ,  
πότε καὶ πῶς καὶ ποσαχῶς δυνατὸν συστῆναι τὸ προ-  
τιθέμενον, οὗτος ἔστιν ὁ ἐν τῷ εἰκοστῷ δευτέρῳ θεωρή-  
10 ματι τοῦ πρώτου βιβλίου τῆς Εὐκλείδου στοιχειώσεως.  
ἐκ τοιῶν εὐθειῶν, αἱ εἰσιν ἵσαι τρισὶ ταῖς δοθείσαις,  
τριγώνον συστήσασθαι· δεῖ δὴ τὰς δύο τῆς λοιπῆς  
μείζονας εἶναι πάντῃ μεταλαμβανομένας, ἐπειδὴ δέ-  
δεικται, ὅτι παντὸς τριγώνου αἱ δύο πλευραὶ τῆς  
15 λοιπῆς μείζονές εἰσι πάντῃ μεταλαμβανόμεναι. τὸ δὲ  
τρίτον τῶν κωνικῶν περιέχειν φησὶ πολλὰ καὶ παρά-  
δοξα θεωρήματα χρήσιμα πρὸς τὰς συνθέσεις  
τῶν στερεῶν τόπων. ἐπιπέδους τόπους ἔθος τοῖς  
παλαιοῖς γεωμέτραις λέγειν, ὅταν ἐπὶ τῶν προβλημά-  
20 των οὐκ ἀφ' ἐνὸς σημείου μόνον, ἀλλ' ἀπὸ πλειόνων  
γίνεται τὸ πρόβλημα, οἷον εἰ ἐπιτάξει τις εὐθείας δο-  
θείσης πεπερασμένης εύρειν τι σημεῖον, ἀφ' οὗ ἡ  
ἀκθεῖσα κάθετος ἐπὶ τὴν δοθεῖσαν μέση ἀνάλογον  
γίνεται τῶν τμημάτων, τόπον καλοῦσι τὸ τοιοῦτον.  
25 οὐ μόνον γὰρ ἐν σημεῖόν ἔστι τὸ ποιοῦν τὸ πρόβλημα,  
ἀλλὰ τόπος ὅλος, ὃν ἔχει ἡ περιφέρεια τοῦ περὶ διά-  
μετρον τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν κύκλου. ἐὰν γὰρ ἐπὶ  
τῆς δοθείσης εὐθείας ἡμικύκλιον γραφῆ, ὅπερ ἂν ἐπὶ  
τῆς περιφερείας λάβῃς σημεῖον καὶ ἀπ' αὐτοῦ κάθετον

6. ἔστιν W. 9. εἰκοστό W. 11. τρισίν W. 15.  
εἰσιν W. 16. φησίν W. 22. πε— in mg. transit m. 1 W.

diametri axesque sectionum et asymptotae propria habent aliaque, quae usum generalem necessariumque ad determinationes praebent [I p. 4, 5—8]. determinationem uero duplicem esse, omnibus notum est, alteram, quae post expositionem declarat, quid quaeratur, alteram, quae propositionem negat generalem esse definitque, quando quomodo quot modis propositum construi possit, qualis est in propositione XXII primi libri Elementorum Euclidis: ex tribus rectis, quae tribus datis aequales sunt, triangulum construere; oportet uero duas reliqua maiores esse quoquo modo coniunctas, quoniam demonstratum est, in quois triangulo duo latera reliquo maiora esse quoquo modo coniuncta. tertium autem Conicorum dicit continere [I p. 4, 10—12] plurima et mira theorematha ad compositionem locorum solidorum utilia. loca plana mos est antiquis geometris uocare, ubi in problematis non uno solo puncto sed compluribus efficitur propositum; uelut si quis postulat, ut data recta terminata punctum aliquod inueniatur, unde quae ad datam perpendicularis ducatur media proportionalis fiat inter eius partes, hoc locum uocant; nam non unum solum punctum problema efficit, sed locus totus, quem obtinet ambitus circuli circum diametrum datam rectam descripti. nam in data recta semicirculo descripto, quocunque punctum in ambitu sumitur et inde recta ad diametrum perpendicularis ducitur, propositum efficit. eodem modo si quis postulat, ut extra

24. *καλοῦσιν* W.    25. *ἐστιν* W.    26. *ἄλλα* — p. 180, 5.  
*πρόβλημα]* mg. inf. m. 1 alio atramento p; mg. *ὅρα* *κάτω*.  
 29. *λάβεις* W.

ἀγάγης ἐπὶ τὴν διάμετρον, ποιήσει τὸ προβληθέν.  
 δομοίως δὲ δοθείσης εὐθείας ἐάν τις ἐπιτάξῃ εύρεῖν  
 ἐκτὸς αὐτῆς σημεῖον, ἀφ' οὗ αἱ ἐπιζευγνύμεναι ἐπὶ τὰ  
 πέρατα τῆς εὐθείας ἴσαι ἔσονται ἀλλήλαις, καὶ ἐπὶ<sup>5</sup>  
 τούτου οὐ μόνον ἐν σημεῖον ἔστι τὸ ποιοῦν τὸ πρό-  
 βλημα, ἀλλὰ τόπος, ὃν ἐπέχει ἡ ἀπὸ τῆς διχοτομίας  
 πρὸς ὁρθὰς ἀγομένη· ἐὰν γὰρ τὴν δοθεῖσαν εὐθείαν  
 δίχα τεμὼν καὶ ἀπὸ τῆς διχοτομίας πρὸς ὁρθὰς ἀγά-  
 γης, ὃ ἂν ἐπ' αὐτῆς λάβης σημεῖον, ποιήσει τὸ ἐπι-<sup>10</sup>  
 ταχθέν.

ὅμοιον γράφει καὶ αὐτὸς Ἀπολλώνιος ἐν τῷ Ἀνα-  
 λυομένῳ τόπῳ ἐπὶ τοῦ ὑποκειμένου.

δύο δοθέντων [εὐθεῶν] ἐν ἐπιπέδῳ [καὶ] σημείων  
 καὶ λόγου δοθέντος ἀνίσων εὐθεῶν δυνατόν ἔστιν  
 15 ἐν τῷ ἐπιπέδῳ γράψαι κύκλον ὥστε τὰς ἀπὸ τῶν  
 δοθέντων σημείων ἐπὶ τὴν περιφέρειαν τοῦ κύκλου  
 κλωμένας εὐθείας λόγον ἔχειν τὸν αὐτὸν τῷ δοθέντι.

ἔστω τὰ μὲν δοθέντα σημεῖα τὰ A, B, λόγος δὲ  
 ὁ τῆς Γ πρὸς τὴν Δ μείζονος οὖσης τῆς Γ· δεῖ δὴ  
 20 ποιῆσαι τὸ ἐπιταχθέν. ἐπεξεύχθω ἡ AB καὶ ἐκβε-  
 βλήσθω ἐπὶ τὰ πρὸς τῷ B μέρη, καὶ γεγονέτω, ὡς ἡ  
 Δ πρὸς τὴν Γ, ἡ Γ πρὸς ἄλλην τινὰ μείζονα δηλον-  
 ὅτι τῆς Δ, καὶ ἔστω, εἰ τύχοι, πρὸς τὴν EΔ, καὶ  
 πάλιν γεγονέτω, ὡς ἡ E πρὸς τὴν AB, ἡ Δ πρὸς  
 25 τὴν BZ καὶ ἡ Γ πρὸς τὴν H. φανερὸν δῆ, ὅτι ἡ  
 τε Γ μέση ἀνάλογόν ἔστι τῆς EΔ καὶ τῆς Δ καὶ ἡ

1. ἀγάγεις W. 2. ἐπιτάξει W. εὐθεῖν] — εἰν e corr. p.

4. τῆς] bis p. 5. ἔστιν W. 6. τόπος, ὃν] τὸ ποσὸν W,  
 τὸ ποσόν p; corr. U. 8. καὶ] fort. delendum. ἀγάγεις W.

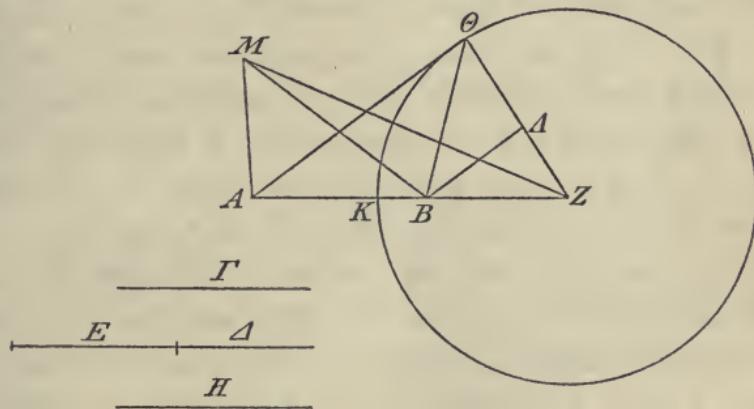
9. ποιήσης p. 13. δοθέντων] Halley, δοθεῖσῶν Wp. εὐ-  
 θεῖῶν] deleo, σημείων Halley. καὶ] del. Halley. σημείων]  
 U Comm., σημεῖον Wp, del. Halley.

datam rectam punctum inueniatur, a quo rectae ad terminos datae rectae ductae inter se aequales sint, hic quoque non unum solum punctum propositum efficit, sed locus, quem obtinet recta a puncto medio perpendicularis ducta; nam si data recta in duas partes aequales secta a punto medio perpendicularem duxeris, quocunque in ea sumpseris punctum, propositum efficiet.

simile quiddam in Loco resoluto et ipse Apollonius scribit, ut infra dedimus:

datis duobus in plano punctis et proportione duarum rectarum inaequalium fieri potest, ut in plano circulus describatur, ita ut rectae a datis punctis ad ambitum circuli fractae rationem habeant datae aequalis.

sint  $A, B$  puncta data, data autem proportio  $\Gamma : \Delta$ , ita ut  $\Gamma$  maior sit. oportet igitur propositum efficere.



ducatur  $AB$  et ad partes  $B$  uersus producatur, fiatque, ut  $\Delta : \Gamma$ , ita  $\Gamma$  ad aliam aliquam, quae scilicet maior est quam  $\Delta$ , sitque ea  $E + \Delta$ ; et rursus fiat

$$E : AB = \Delta : BZ = \Gamma : H.$$

*H τῶν AZ, ZB.* καὶ οὐντοφ μὲν τῷ Z διαστήματι δὲ τῇ H αύκλος γεγράφθω ὁ KΘ. φανερὸν δή, ὅτι τέμνει ἡ KΘ περιφέρεια τὴν AB εὐθεῖαν· ἡ γὰρ H εὐθεῖα μέση ἀνάλογόν ἐστι τῶν AZ, ZB. εἰλήφθω δὴ ἐπὶ τῆς περιφερείας τυχὸν σημεῖον τὸ Θ, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΘA, ΘB, ΘZ. ἵση ἄρα ἐστὶν ἡ ΘZ τῇ H, καὶ διὰ τοῦτο ἐστιν, ὡς ἡ AZ πρὸς τὴν ZΘ, ἡ ZΘ πρὸς ZB. καὶ περὶ τὴν αὐτὴν γωνίαν τὴν ὑπὸ ΘZB ἀνάλογόν εἰσιν ὅμοιον ἄρα ἐστὶ τὸ AZΘ 10 τῷ ΘBZ τριγώνῳ, καὶ ἵση ἡ ὑπὸ ZΘB γωνία τῇ ὑπὸ ΘAB. ἥχθω δὴ διὰ τοῦ B τῇ AΘ παράλληλος ἡ BL. ἐπεὶ οὖν ἐστιν, ὡς ἡ AZ πρὸς ZΘ, ἡ ΘZ πρὸς ZB, καὶ ὡς ἄρα πρώτη ἡ AZ πρὸς τρίτην τὴν ZB, τὸ ἀπὸ AZ πρὸς τὸ ἀπὸ ZΘ. ἀλλ' ὡς ἡ AZ 15 πρὸς ZB, ἡ AΘ πρὸς BL καὶ ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ AZ πρὸς τὸ ἀπὸ ZΘ, ἡ AΘ πρὸς BL. πάλιν ἐπεὶ ἵση ἐστὶν ἡ ὑπὸ BΘZ τῇ ὑπὸ ΘAB, ἐστι δὲ καὶ ἡ ὑπὸ AΘB τῇ ὑπὸ ΘBL ἵση· ἐναλλὰξ γάρ· καὶ ἡ λοιπὴ ἄρα τῇ λοιπῇ ἵση ἐστίν, καὶ ὅμοιόν ἐστι τὸ AΘB 20 τῷ BΘL, καὶ ἀνάλογόν εἰσιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἵσας γωνίας, ὡς ἡ AΘ πρὸς ΘB, ἡ ΘB πρὸς BL, καὶ ὡς τὸ ἀπὸ AΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘB, ἡ AΘ πρὸς BL. ἦν δὲ καί, ὡς ἡ AΘ πρὸς BL, τὸ ἀπὸ AZ πρὸς τὸ ἀπὸ ZΘ· ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ AZ πρὸς τὸ ἀπὸ 25 ZΘ, τὸ ἀπὸ AΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘB, καὶ διὰ τοῦτο, ὡς ἡ AZ πρὸς ZΘ, ἡ AΘ πρὸς ΘB. ἀλλ' ὡς ἡ AZ πρὸς ZΘ, ἡ EΔ πρὸς Γ καὶ ἡ Γ πρὸς Δ· καὶ ὡς ἄρα ἡ Γ πρὸς Δ, ἡ AΘ πρὸς ΘB. ὅμοιώς δὴ δειχθήσονται πᾶσαι αἱ ἀπὸ τῶν A, B σημείων ἐπὶ τὴν

5. ἐπιξεύχθωσαν W, corr. m. 1. 9. ἐστίν W. 14. AZ (alt.)] Z e corr. m. 1 W. 17. ΘAB] Θ corr. ex B m. 1 p. 17. ἐστίν W.

manifestum igitur, esse  $\Gamma$  medianum proportionalem inter  $E + \Delta$  et  $\Delta$ ,  $H$  autem inter  $AZ$  et  $ZB$ .<sup>1)</sup> et centro  $Z$  radio autem  $H$  describatur circulus  $K\Theta$ . manifestum igitur, arcum  $K\Theta$  rectam  $AB$  secare; nam recta  $H$  media proportionalis est inter  $AZ$ ,  $ZB$ . iam in ambitu punctum aliquod sumatur  $\Theta$ , ducantur  $\Theta A$ ,  $\Theta B$ ,  $\Theta Z$ . itaque  $\Theta Z = H$ ; quare  $AZ : Z\Theta = Z\Theta : ZB$ . et circum eundem angulum  $\Theta ZB$  latera proportionalia sunt; itaque trianguli  $AZ\Theta$ ,  $\Theta BZ$  similes sunt et  $\angle Z\Theta B = \Theta AB$  [Eucl. VI, 6]. iam per  $B$  rectae  $A\Theta$  parallela ducatur  $BA$ . quoniam igitur est

$$AZ : Z\Theta = Z\Theta : ZB,$$

erit etiam [Eucl. V def. 9]  $AZ : ZB = AZ^2 : Z\Theta^2$ . uerum  $AZ : ZB = A\Theta : BA$  [Eucl. VI, 4]; quare etiam  $AZ^2 : Z\Theta^2 = A\Theta : BA$ . rursus quoniam  $\angle B\Theta Z = \Theta AB$  et etiam  $\angle A\Theta B = \Theta BA$  [Eucl. I, 29] (alterni enim sunt), etiam reliquus reliquo aequalis est, et triangulus  $A\Theta B$  triangulo  $B\Theta A$  similis est et latera aequales angulos comprehendentia proportionalia [Eucl. VI, 4]  $A\Theta : \Theta B = \Theta B : BA$ ; et  $A\Theta^2 : \Theta B^2 = A\Theta : BA$  [Eucl. V def. 9]. erat autem etiam  $A\Theta : BA = AZ^2 : Z\Theta^2$ . quare

$AZ^2 : Z\Theta^2 = A\Theta^2 : \Theta B^2$  et  $AZ : Z\Theta = A\Theta : \Theta B$ . sed  $AZ : Z\Theta = E + \Delta : \Gamma = \Gamma : \Delta$  [u. not.]. quare etiam  $\Gamma : \Delta = A\Theta : \Theta B$ . iam eodem modo demonstrabimus, omnes rectas a punctis  $A$ ,  $B$  ad

---

1) Erat  $E : AB = \Delta : BZ = \Gamma : H = E + \Delta : AZ$ . itaque  $E + \Delta : \Gamma = AZ : H = \Gamma : \Delta = H : BZ$ .

---

19. ἐστίν] ἐστι p.    ἐστι] ἐστίν W.    20. ΒΘΑ] Β e corr. p.  
25. ναὶ] seq. lacuna 1 litt. p., ναὶ η̄ W.

περιφέρειαν τοῦ κύκλου κλώμεναι τὸν αὐτὸν ἔχουσαι λόγον ταῖς Γ, Δ.

λέγω δή, ὅτι πρὸς ἄλλῳ σημείῳ μὴ ὅντι ἐπὶ τῆς περιφερείας οὐ γίνεται λόγος τῶν ἀπὸ τῶν Α, Β ση-  
5 μείων ἐπ' αὐτὸν ἐπιζευγνυμένων εὐθειῶν ὁ αὐτὸς τῷ τῆς Γ πρὸς Δ.

εἰ γὰρ δυνατόν, γεγονέτω πρὸς τῷ Μ ἐκτὸς τῆς περιφερείας· καὶ γὰρ εἰ ἐντὸς ληφθείη, τὸ αὐτὸν ἄτοπον συμβήσεται καθ' ἐτέραν τῶν ὑποθέσεων· καὶ 10 ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΜΑ, ΜΒ, ΜΖ, καὶ ὑποκείσθω, ὡς ἡ Γ πρὸς Δ, οὕτως ἡ ΑΜ πρὸς ΜΒ. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΕΔ πρὸς Δ, οὕτως τὸ ἀπὸ ΕΔ πρὸς τὸ ἀπὸ Γ καὶ τὸ ἀπὸ ΑΜ πρὸς τὸ ἀπὸ ΜΒ. ἀλλ' ὡς ἡ ΕΔ πρὸς Δ, οὕτως ὑπόκειται ἡ ΑΖ πρὸς ΖΒ· καὶ ὡς 15 ἄρα ἡ ΑΖ πρὸς ΖΒ, τὸ ἀπὸ ΑΜ πρὸς τὸ ἀπὸ ΜΒ. καὶ διὰ τὰ προδειχθέντα, ἐὰν ἀπὸ τοῦ Β τῇ ΑΜ παράλληλον ἀγάγωμεν, δειχθήσεται, ὡς ἡ ΑΖ πρὸς ΖΒ, τὸ ἀπὸ ΑΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΜ. ἐδείχθη δὲ καὶ, ὡς ἡ ΑΖ πρὸς ΖΒ, τὸ ἀπὸ ΑΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΘ. 20 ἵση ἄρα ἡ ΖΘ τῇ ΖΜ· ὅπερ ἀδύνατον.

τόποι οὖν ἐπίπεδοι λέγονται τὰ τοιαῦτα· οἱ δὲ λεγόμενοι στερεοὶ τόποι τὴν προσωνυμίαν ἐσχήκασιν ἀπὸ τοῦ τὰς γραμμάς, δι' ὧν γράφονται τὰ κατ' αὐτοὺς προβλήματα, ἐκ τῆς τομῆς τῶν στερεῶν τὴν 25 γένεσιν ἔχειν, οἵαί εἰσιν αἱ τοῦ κώνου τομαὶ καὶ ἔτεραι πλείουσες. εἰσὶ δὲ καὶ ἄλλοι τόποι πρὸς ἐπιφάνειαν λεγόμενοι, οἱ τὴν ἐπωνυμίαν ἔχουσιν ἀπὸ τῆς περὶ αὐτοὺς ἰδιότητος.

2. Γ] Α Wp, corr. U.  
4. τῶν Α] scripsi, Α Wp.

3. ἄλλῳ] corr. ex ἄλλο m. 1 W.  
9. ἐτέραν] scr. ἐκατέραν.

ambitum circuli fractas eandem rationem habere quam  $\Gamma : \Delta$ .

iam dico, ad nullum aliud punctum, quod in ambitu non sit, rationem rectarum a punctis  $A$ ,  $B$  ad id ductarum eandem fieri quam  $\Gamma : \Delta$ .

nam si fieri potest, fiat ad  $M$  extra ambitum positum; nam etiam si intra eum sumitur, idem absurdum euenit per utramque suppositionem; ducanturque  $MA$ ,  $MB$ ,  $MZ$ , et supponatur  $\Gamma : \Delta = AM : MB$ . itaque

$$E + \Delta : \Delta = (E + \Delta)^2 : \Gamma^2 = AM^2 : MB^2$$

[p. 183 not. 1]. supposuimus autem

$$E + \Delta : \Delta = AZ : ZB;$$

quare etiam  $AZ : ZB = AM^2 : MB^2$ . et eodem modo, quo supra demonstratum est [p. 182, 11 sq.], si a  $B$  rectae  $AM$  parallelam duxerimus, demonstrabimus, esse  $AZ : ZB = AZ^2 : ZM^2$ . demonstrauimus autem, esse etiam  $AZ : ZB = AZ^2 : Z\Theta^2$  [p. 182, 13 sq.]. ergo  $Z\Theta = ZM$ ; quod fieri non potest.

plana igitur loca talia uocantur, solida uero quae uocantur loca nomen inde acceperunt, quod lineae, per quas problemata ad ea pertinentia soluuntur, e sectione solidorum originem ducunt, quales sunt coni sectiones aliaeque complures. sunt autem et alia loca ad superficiem quae uocantur a proprietate sua ita denominata.

10.  $MB$ ]  $M$  e corr. p. 12.  $o\tilde{\nu}\tau\omega$  p. 14. —  $\omega\varsigma \dot{\iota}\pi\acute{\nu}\kappa$ . — 17.  $\dot{\eta} AZ$ ] in ras. m. 1 p. 21.  $\delta\varepsilon$ ] addidi; om. Wp. 22.  $\pi\varrho\sigma\sigma\eta\nu\mu\acute{\iota}\alpha\nu$  W. 25.  $\dot{\varepsilon}\chi\varepsilon\iota\nu$ ]  $\dot{\varepsilon}\chi\varepsilon\iota$  Wp, corr. U. 26.  $\varepsilon\iota\sigma\acute{\iota}\nu$  W. 27.  $\dot{\varepsilon}\pi\omega\nu\eta\mu\acute{\iota}\alpha\nu$ ]  $\omega$  corr. ex o m. 1 p.,  $\dot{\varepsilon}\pi\omega\nu\eta\mu\acute{\iota}\alpha\nu$  W. 28.  $\varepsilon\iota\delta\iota\acute{\sigma}\tau\eta\tau\varsigma$  W.

μέμφεται δὲ ἔξῆς τῷ Εὐκλείδῃ οὐχ, ὡς οἶεται Πάππος καὶ ἔτεροι τινες, διὰ τὸ μὴ εὔρηκέναι δύο μέσας ἀνάλογον· ὅ τε γὰρ Εὐκλείδης ὑγιῶς εὗρε τὴν μίαν μέσην ἀνάλογου, ἀλλ' οὐχ ὡς αὐτός φησιν οὐκ 5 εὐτυχῶς, καὶ περὶ τῶν δύο μέσων οὐδὲ ὅλως ἐπεχειρησε ξητῆσαι ἐν τῇ στοιχειώσει, αὐτὸς ὅ τε Ἀπολλώνιος οὐδὲν περὶ τῶν δύο μέσων ἀνάλογου φαίνεται ξητῆσαι ἐν τῷ τρίτῳ βιβλίῳ· ἀλλ', ὡς ἔοικεν, ἔτερος βιβλίος περὶ τόπων γεγραμμένω τῷ Εὐκλείδῃ ἐπισκήπτει, ὅπερ εἰς ἡμᾶς οὐ φέρεται.

τὰ δὲ ἐφεξῆς περὶ τοῦ τετάρτου βιβλίου λεγόμενα σαφῆ ἔστιν. τὸ δὲ πέμπτον φησὶ περιέχειν τὰ περὶ τῶν ἐλαχίστων καὶ μεγίστων. ὥσπερ γὰρ ἐπὶ τοῦ κύκλου ἐμάθομεν ἐν τῇ στοιχειώσει, ὅτι ἔστι τι σημεῖον ἔκτος, ἀφ' οὗ τῶν 15 μὲν πρὸς τὴν κοίλην περιφέρειαν προσπιπτούσῶν μεγίστη ἔστιν ἡ διὰ τοῦ κέντρου, τῶν δὲ πρὸς τὴν κυρτὴν ἐλαχίστη ἔστιν ἡ μεταξὺ τοῦ σημείου καὶ τῆς διαμέτρου, οὗτος καὶ ἐπὶ τῶν τοῦ κάνου τομῶν ζητεῖ ἐν τῷ πέμπτῳ βιβλίῳ. τοῦ δὲ ἔκτου καὶ ἐβδόμου καὶ 20 ὄγδοου σαφῶς ἡ πρόθεσις ὑπ' αὐτοῦ εἴρηται. καὶ ταῦτα μὲν περὶ τῆς ἐπιστολῆς.

Ἄρχόμενος δὲ τῶν ὅρων γένεσιν ὑπογράφει κωνικῆς ἐπιφανείας, ἀλλ' οὐ τὸν τί ἔστι διορισμὸν παραδέδωκεν· ἔξεστι δὲ τοῖς βουλομένοις ἐκ τῆς γενέσεως 25 αὐτῆς τὸν ὅρον λαμβάνειν. τὸ δὲ λεγόμενον ὑπ' αὐτοῦ διὰ καταγραφῆς σαφὲς ποιήσομεν.

Ἐὰν ἀπό τινος σημείου πρὸς κύκλου περιφέρειαν καὶ τὰ ἔξης. ἔστω κύκλος ὁ *AB*, οὗ κέν-

1. ἔξης] ἔ- in ras. m. 1 p. 3. ὑγιῶς W. εὗρεν W.

5. ἐπιχείρησεν mut. in ἐπεχείρησεν m. 1 W. 7. μέσων] σημείων W p, corr. Comm. 9. τόπωι W. 12. ἔστι p. 12.

deinde uero Euclidem uituperat [I p. 4, 13], non, ut Pappus et alii quidam putant, quod duas medias proportionales non inuenierit; nam et Euclides recte unam medianam proportionalem inuenit, nec ut ille dicit [I p. 4, 15] „non optime“, duasque medias in Elementis omnino non adgressus est, et Apollonius ipse in tertio libro de duabus mediis proportionalibus nihil quaerere uidetur; sed, ni fallor, aliud quendam librum ab Euclide de locis scriptum uituperat, qui nunc non exstat.

quae deinde de libro quarto dicit, manifesta sunt. quintum autem de minimis et maximis tractare dicit [I p. 4, 23]. sicut enim in Elementis [III, 8] in circulo didicimus, esse punctum aliquod extra circulum, unde quae ad cauam partem ambitus adcidant, earum maximam esse, quae per centrum ducta sit, rectarum autem ad conuexam partem ambitus adcidentium minimam esse, quae inter punctum et diametrum posita sit, ita similia in sectionibus coni quaerit in quinto libro. de sexto autem et septimo et octauo propositum ipse satis clare exposuit. haec de epistula.

Definitiones autem ordiens originem superficie conicae describit, sed quae sit, non definit; licet autem iis, qui uoluerint, ex origine definitionem deriuare. sed quod dicit, figura manifestum reddemus.

si a punto aliquo ad ambitum circuli et quae sequuntur [I p. 6, 2]. sit circulus *AB*, cuius

φησίν W. 14. στοιχειόσει W, sed corr. m. 1. τῶν] in ras. m. 1 W. 15. περιφέρει- in ras. m. 1 W. 18. οὗτω p.

23. τόν] scripsi; τό Wp. ἔστιν W. διορισμόν] scripsi; διορισμοῦ Wp. 24. ἔξεστιν W. 27—28. Σ mg. W.

τρον τὸ Γ, καὶ σημεῖόν τι μετέωρον τὸ Δ, καὶ ἐπι-  
ζευχθεῖσα ἡ ΔΒ ἐκβεβλήσθω εἰς ἄπειρον ἐφ' ἑκάτερα  
μέρη ὡς ἐπὶ τὰ Ε, Ζ. ἔτιν δὴ μένοντος τοῦ Δ ἡ ΔΒ  
φέροηται, ἕως ἂν τὸ Β ἐνεχθὲν κατὰ τῆς τοῦ ΑΒ  
5 κύκλου περιφερείας ἐπὶ τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῇ,  
οὗτον ἥρξατο φέρεσθαι, γεννήσει ἐπιφάνειάν τινα,  
ἥτις σύγκειται ἐκ δύο ἐπιφανειῶν ἀπτομένων ἀλλή-  
λων κατὰ τὸ Δ, ἣν καὶ καλεῖ κώνικὴν ἐπιφάνειαν.  
Φησὶ δέ, ὅτι καὶ εἰς ἄπειρον αὔξεται διὰ τὸ καὶ τὴν  
10 γράφουσαν αὐτὴν εὐθεῖαν οἶον τὴν ΔΒ εἰς ἄπειρον  
ἐκβάλλεσθαι. κορυφὴν δὲ τῆς ἐπιφανείας λέγει τὸ Δ,  
ἄξονα δὲ τὴν ΔΓ.

κῶνον δὲ λέγει τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπό τε τοῦ  
ΑΒ κύκλου καὶ τῆς ἐπιφανείας, ἣν μόνη γράφει ἡ  
15 ΔΒ εὐθεῖα, κορυφὴν δὲ τοῦ κῶνος τὸ Δ, ἄξονα δὲ  
τὴν ΔΓ, βάσιν δὲ τὸν ΑΒ κύκλον.

καὶ ἔτιν μὲν ἡ ΔΓ πρὸς ὁρθὰς ἡ τῷ ΑΒ κύκλῳ,  
ὁρθὸν καλεῖ τὸν κῶνον, ἔτιν δὲ μὴ πρὸς ὁρθὰς, σκα-  
ληνόν· γενήσεται δὲ κῶνος σκαληνός, ὅταν λαβόντες  
20 κύκλον ἀπὸ τοῦ κέντρου αὐτοῦ ἀναστήσωμεν εὐθεῖαν  
μὴ πρὸς ὁρθὰς τῷ ἐπιπέδῳ τοῦ κύκλου, ἀπὸ δὲ τοῦ  
μετεώρου σημείου τῆς ἀναταθείσης εὐθεῖας ἐπὶ τὸν  
κύκλον ἐπιξεύξωμεν εὐθεῖαν καὶ περιαγάγωμεν τὴν  
25 ἐπιξευχθεῖσαν εὐθεῖαν περὶ τὸν κύκλον τοῦ πρὸς τῷ  
μετεώρῳ σημείῳ τῆς ἀναταθείσης μένοντος· τὸ γὰρ  
προσληφθὲν σχῆμα κῶνος ἔσται σκαληνός.

2. εἰς] ἐπ' p. 3. δή] δέ W p, corr. Comm. ΔΒ] Δ  
e corr. m. 1 W. 5. ἀποκατασταθεῖ W. 9. φησὶν W. 10.  
ΔΒ] p, ΑΒ W. 15. εὐθεῖα] om. p. τὸ Δ ἄξο- in ras.  
m. 1 W. 22. ἀνασταθείσης Halley ut lin. 25. 26. προ-  
ληφθέν W p, corr. vw; fort. περιληφθέν. In fig. A pro  
A W, corr. m. 2.

centrum sit  $\Gamma$ , et punctum aliquod sublime  $A$ , ductaque  $AB$  in infinitum producatur in utramque partem



ut ad  $E, Z$ . si igitur manente  $A$  mouebitur  $AB$ , donec  $B$  per ambitum circuli  $AB$  circumactum rursus ad eundem locum perueniat, unde moueri coeptum est, superficiem quandam efficiet, quae ex duabus superficiebus inter se in  $A$  tangentibus composita est, quam superficiem conicam uocat. dicit autem [I p. 6, 9 sq.], eam in infinitum crescere, quod recta eam describens ut  $AB$  in infinitum producatur. uerticem autem superficiei punctum  $A$  uocat et axem  $AG$  [I p. 6, 11 sq.].

conum autem uocat [I p. 6, 14 sq.] figuram comprehensam circulo  $AB$  et superficie, quam describit recta  $AB$  sola, uerticem autem coni  $A$ , axem autem  $AG$ , basim autem circulum  $AB$ .

et si  $AG$  ad circulum  $AB$  perpendicularis est, conum rectum uocat [I p. 6, 20 sq.], sin perpendicularis non est, obliquum; obliquus autem conus orietur, si sumpto circulo a centro rectam erexerimus ad planum circuli non perpendiculararem, et a puncto sublimi rectae erectae ad circulum rectam duxerimus ductamque rectam per circulum circumegerimus manente eo puncto, quod ad punctum sublime rectae erectae positum est; nam figura ita comprehensa conus erit obliquus.

δῆλον δέ, ὅτι ἡ περιαγομένη εὐθεῖα ἐν τῇ περι-  
αγωγῇ μείζων καὶ ἔλαττων γίνεται, κατὰ δέ τινας θέσεις  
καὶ ἵση πρὸς ἄλλο καὶ ἄλλο σημεῖον τοῦ κύκλου.  
ἀποδείκνυται δὲ τοῦτο οὕτως· ἐὰν κώνου σκαληνοῦ  
5 ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν βάσιν ἀχθῶσιν εὐθεῖα,  
πασῶν τῶν ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν βάσιν ἀχθει-  
σῶν εὐθειῶν μία μέν ἐστιν ἐλαχίστη μία δὲ μεγίστη,  
δύο δὲ μόναι ἴσαι παρ' ἑκάτερα τῆς ἐλαχίστης καὶ  
τῆς μεγίστης, ἀεὶ δὲ ἡ ἔγγιον τῆς ἐλαχίστης τῆς ἀπώ-  
10 τερόν ἐστιν ἐλάσσων. ἔστω κώνος σκαληνός, οὗ βάσις  
μὲν ὁ ΑΒΓ κύκλος, κορυφὴ δὲ τὸ Δ σημεῖον. καὶ ἐπεὶ  
ἡ ἀπὸ τῆς κορυφῆς τοῦ σκαληνοῦ κώνου ἐπὶ τὸ ὑπο-  
κείμενον ἐπίπεδον πάθετος ἀγομένη ἦτοι ἐπὶ τῆς περι-  
φερείας τοῦ ΑΒΓΖΗ κύκλου πεσεῖται ἢ ἐκτὸς ἢ ἐν-  
15 τός, ἐμπιπτέτω πρότερον ἐπὶ τῆς περιφερείας ὡς ἐπὶ  
τῆς πρώτης καταγραφῆς ἡ ΔΕ, καὶ εἰλήφθω τὸ κέν-  
τρον τοῦ κύκλου καὶ ἔστω τὸ Κ, καὶ ἀπὸ τοῦ Ε ἐπὶ  
τὸ Κ ἐπεξεύχθω ἡ ΕΚ καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ Β, καὶ  
ἐπεξεύχθω ἡ ΒΔ, καὶ εἰλήφθωσαν δύο ἴσαι περιφέ-  
20 ρειαι παρ' ἑκάτερα τοῦ Ε αἱ EZ, EH, καὶ παρ'  
ἐκάτερα τοῦ Β αἱ AB, BG, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ EZ,  
EH, ΔZ, ΔH, EA, EΓ, AB, BG, ΔA, ΔΓ. ἐπεὶ οὖν  
ἵση ἐστὶν ἡ EZ εὐθεῖα τῇ EH εὐθείᾳ ἴσας γὰρ  
περιφερείας ὑποτείνουσιν· κοινὴ δὲ καὶ πρὸς δρᾶς  
25 ἡ ΔE, βάσις ἄρα ἡ ΔZ τῇ ΔH ἐστιν ἵση. πάλιν  
ἐπεὶ ἡ AB περιφέρεια τῇ BG ἐστιν ἵση, καὶ διάμετρος

5. ἀπό — ἀ-] in ras. m. 1 W.      Σ mg. W.      9. ἔγ-  
γειον W.      15. τῆς] τῆς πρώτης πατά W (e lin. 16).      18. ἐπι-  
ξεύχθω W.      20. E] e corr. m. 1 p.      EH] E corr. ex Γ p.  
22. BG] AG Wp, corr. U.      ΔA] ΔA, ΔB Wp; corr.  
Comm.      26. BG] ΔΓ Wp, corr. U.

adparet autem, rectam circumactam in circumagendo maiorem et minorem fieri, in quibusdam autem positionibus etiam aequalem ad diuersa puncta circuli ductam. quod sic demonstratur:

si a uertice coni obliqui ad basim rectae ducuntur, omnium rectarum a uertice ad basim ductarum una minima est, una maxima, duaeque solae aequales ad

utramque partem minimae et maximae, semper autem propior minimae minor est remotiore. sit conus obliquus, cuius basis sit circulus  $AB\Gamma$ , uertex autem  $\Delta$  punctum. et quoniam recta a uertice coni obliqui ad planum subiacens perpendicularis ducta aut in ambitum circuli  $AB\Gamma ZH$  ueniet aut extra aut intra, primum ad ambitum adcidat

ut in prima figura  $\Delta E$ , sumaturque centrum circuli et sit  $K$ , ab  $E$  autem ad  $K$  ducatur  $EK$  producaturque ad  $B$ , et ducatur  $B\Delta$ , sumantur autem ad utramque partem puncti  $E$  duo arcus aequales  $EZ, EH$  et ad utramque partem puncti  $B$  aequales  $AB, BG$ , ducanturque  $EZ, EH, \Delta Z, \Delta H, EA, EG, \Delta B, BG, \Delta A, \Delta G$ . quoniam igitur  $EZ = EH$  [Eucl. III, 29] (nam sub aequalibus arcibus subtendunt), communis autem et perpendicularis  $\Delta E$ , erit  $\Delta Z = \Delta H$  [Eucl. I, 4]. rursus quoniam arcus  $AB$  arcui  $BG$  aequalis est et  $BE$  diametruS, reliquus arcus  $EZG$  reliquo  $EHA$  aequalis est; quare etiam  $\Delta E = \Delta G$  [Eucl. III, 29].  $\Delta A$  autem communis

ἡ BE, λοιπὴ ἄρα ἡ EZΓ τῇ EHA ἔστιν ἵση· ὥστε καὶ ἡ AE τῇ EG. κοινὴ δὲ καὶ πρὸς ὁρθὰς ἡ ΔΔ· βάσις ἄρα ἡ ΔA τῇ ΔΓ ἔστιν ἵση. ὅμοιῶς δὴ καὶ πᾶσαι δειχθήσονται αἱ ἵσον ἀπέχουσαι τῆς ΔE ἢ τῆς 5 ΔB ἵσαι. πάλιν ἐπεὶ τριγώνου τοῦ ΔEZ ὁρθὴ ἔστι γωνία ἡ ὑπὸ ΔEZ, μείζων ἔστιν ἡ ΔZ τῆς ΔE. καὶ πάλιν ἐπεὶ μείζων ἔστιν ἡ EA εὐθεῖα τῆς EZ, ἐπεὶ καὶ περιφέρεια ἡ EZA τῆς EZ περιφερείας, κοινὴ δὲ καὶ πρὸς ὁρθὰς ἡ ΔE, ἡ ΔZ ἄρα τῆς ΔA 10 ἐλάσσων ἔστιν. διὰ τὰ αὐτὰ καὶ ἡ ΔA τῆς ΔB ἐλάσσων ἔστιν. ἐπεὶ οὖν ἡ ΔE τῆς ΔZ ἐλάσσων ἐδείχθη, ἡ δὲ ΔZ τῆς ΔA, ἡ δὲ ΔA τῆς ΔB, ἐλαχίστη μέν ἔστιν ἡ ΔE, μείστη δὲ ἡ ΔB, ἀεὶ δὲ ἡ ἔγγιον τῆς ΔE τῆς ἀπότερον ἐλάσσων ἔστιν.

15 ἀλλὰ δὴ ἡ κάθετος πιπτέτω ἐκτὸς τοῦ ABΓΗΖ κύκλου ὡς ἐπὶ τῆς δευτέρας καταγραφῆς ἡ ΔE, καὶ εἰλήφθω πάλιν τὸ κέντρον τοῦ κύκλου τὸ K, καὶ ἐπεξέύχθω ἡ EK καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ B, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΔB, ΔΘ, καὶ εἰλήφθωσαν δύο ἵσαι περιφέρειαι παρ' ἐκάτερα τοῦ Θ αἱ ΘZ, ΘH καὶ παρ' ἐκάτερα τοῦ B αἱ AB, BG, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ EZ, EH, ZK, HK, ΔZ, ΔH, AB, BG, KA, KG, ΔK, ΔA, ΔΓ. ἐπεὶ οὖν ἵση ἔστιν ἡ ΘZ περιφέρεια τῇ ΘH, καὶ γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ ΘKZ τῇ ὑπὸ ΘKH ἔστιν 20 25 ἵση. ἐπεὶ οὖν ἡ ZK εὐθεῖα τῇ KH ἔστιν ἵση· ἐκ κέντρον γάρ· κοινὴ δὲ ἡ KE, καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ZKE

1. BE] corr. ex ΔE m. 1 W, ΔE p. 4. αἱ] scripsi, om. Wp. 5. ἔστιν W. 10. ταῦτά p. 13. ΔE] E e corr. p. 15. δή] p, δέ W. ABΓΗΖ] ABΓZH p. 16. ΔE] E e corr. m. 1 p. 19. ΔB] Δ corr. ex B in scribendo W. 17. ἕσαι] supra scr. m. 1 W. 22. ΔK] om. Comm. 23. ΔA] ΔA, ΔB Wp; corr. Comm. 26. KE] KΘ Wp; corr. Comm.

est et perpendicularis; itaque  $\angle A = \angle \Gamma$ . similiter demonstrabimus, omnes rectas, quae a  $\angle E$  uel  $\angle B$  aequaliter distent, aequales esse. rursus quoniam trianguli  $\angle EZ$  angulus  $\angle EZ$  rectus est, erit  $\angle Z > \angle E$  [Eucl. I, 19]. et rursus quoniam  $\angle EA > \angle EZ$ , quia etiam arcus  $EZA > EZ$  [Eucl. III, 29], et  $\angle E$  communis est et perpendicularis, erit  $\angle Z < \angle A$  [Eucl. I, 47]. eadem de causa etiam  $\angle A < \angle B$ . quoniam igitur demonstrauimus, esse  $\angle E < \angle Z$ ,  $\angle Z < \angle A$ ,  $\angle A < \angle B$ , minima erit  $\angle E$ , maxima  $\angle B$ , semper autem, quae rectae  $\angle E$  propior est, minor remotiore.<sup>1)</sup>

iam uero perpendicularis extra circulum  $AB\Gamma HZ$  cadat ut in secunda figura  $\angle E$ , rursusque sumatur

centrum circuli  $K$ , et ducatur  $EK$  producaturque ad  $B$ , et ducantur  $\angle B$ ,  $\angle \Theta$ , sumantur autem ad utramque partem puncti  $\Theta$  duo arcus aequales  $\Theta Z$ ,  $\Theta H$  et ad utramque partem puncti  $B$  aequales  $AB$ ,  $B\Gamma$ , ducanturque  $EZ$ ,  $EH$ ,  $ZK$ ,  $HK$ ,  $\angle Z$ ,  $\angle H$ ,  $AB$ ,  $B\Gamma$ ,  $KA$ ,  $K\Gamma$ ,  $\angle K$ ,  $\angle A$ ,  $\angle \Gamma$ . quoniam igitur arcus  $\Theta Z = \Theta H$ , erit etiam  $\angle \Theta KZ = \angle \Theta KH$  [Eucl. II, 127].

quoniam igitur  $ZK = KH$  (radii enim sunt), et  $KE$  communis est, et  $\angle ZKE = \angle HKE$ , erit  $ZE = HE$

1) Nam  $\angle A = \angle \Gamma$ . itaque  $\angle E < \angle Z < \angle \Gamma < \angle B$ .

τῇ ὑπὸ ΗΚΕ ἵση, καὶ βάσις ἡ ΖΕ τῇ ΗΕ ἵση. ἐπεὶ  
οὖν ἡ ΖΕ εὐθεῖα τῇ ΗΕ ἔστιν ἵση, κοινὴ δὲ καὶ  
πρὸς ὁρθὰς ἡ ΕΔ, βάσις ἄρα ἡ ΔΖ τῇ ΔΗ ἔστιν  
ἵση. πάλιν ἐπεὶ ἵση ἔστιν ἡ ΒΑ περιφέρεια τῇ ΒΓ,  
5 καὶ γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ ΑΚΒ τῇ ὑπὸ ΓΚΒ ἔστιν ἵση·  
ώστε καὶ λοιπὴ εἰς τὰς δύο ὁρθὰς ἡ ὑπὸ ΑΚΕ λοιπῇ  
εἰς τὰς δύο ὁρθὰς τῇ ὑπὸ ΓΚΕ ἔστιν ἵση. ἐπεὶ οὖν  
ἡ ΑΚ εὐθεῖα τῇ ΓΚ ἔστιν ἵση· ἐκ πέντε τοῦ γάρ· κοινὴ  
δὲ ἡ ΚΕ, δύο δυσὶν ἵσαι, καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΑΚΕ  
10 τῇ ὑπὸ ΓΚΕ· καὶ βάσις ἄρα ἡ ΑΕ τῇ ΓΕ ἔστιν ἵση.  
ἐπεὶ οὖν ἵση ἡ ΑΕ εὐθεῖα τῇ ΓΕ, κοινὴ δὲ ἡ ΕΔ  
καὶ πρὸς ὁρθὰς, βάσις ἄρα ἡ ΔΑ τῇ ΔΓ ἵση. ὁμοί-  
ως δὲ καὶ πᾶσαι δειχθήσονται αἱ ἰσον ἀπέχουσαι τῆς  
ΔΒ ἢ τῆς ΔΘ ἵσαι. καὶ ἐπεὶ ἡ ΕΘ τῆς EZ ἔστιν  
15 ἐλάσσων, κοινὴ δὲ καὶ πρὸς ὁρθὰς ἡ ΕΔ, βάσις ἄρα  
ἡ ΔΘ βάσεως τῆς ΔΖ ἔστιν ἐλάσσων. πάλιν ἐπεὶ ἡ  
ἀπὸ τοῦ Ε ἐφαπτομένη τοῦ κύκλου πασῶν τῶν πρὸς  
τὴν κυρτὴν περιφέρειαν προσπιπτούσῶν μείζων ἔστιν,  
έδειχθη δὲ ἐν τῷ γ' τῆς στοιχειώσεως τὸ ὑπὸ ΑΕ,  
20 ΕΔ ἰσον τῷ ἀπὸ τῆς EZ, δταν ἡ EZ ἐφάπτηται,  
ἔστιν ἄρα, ως ἡ ΑΕ πρὸς EZ, ἡ EZ πρὸς ΕΔ. μεί-  
ζων δέ ἔστιν ἡ EZ τῆς ΕΔ· ἀεὶ γὰρ ἡ ἔγγιον τῆς  
ἐλαχίστης τῆς ἀπότερον ἔστιν ἐλάσσων· μείζων ἄρα  
καὶ ἡ ΑΕ τῆς EZ. ἐπεὶ οὖν ἡ EZ τῆς ΕΔ ἔστιν  
25 ἐλάσσων, κοινὴ δὲ καὶ πρὸς ὁρθὰς ἡ ΕΔ, βάσις ἄρα  
ἡ ΔΖ τῆς ΔΑ ἔστιν ἐλάσσων. πάλιν ἐπεὶ ἵση ἔστιν  
ἡ ΑΚ τῇ KB, κοινὴ δὲ ἡ KE, δύο ἄρα αἱ AK, KE  
ταῖς EK, KB, τοιτέστιν ὅλῃ τῇ EKB, εἰσιν ἵσαι.  
ἄλλ' αἱ AK, KE τῆς AE μείζονές εἰσιν· καὶ ἡ BE

1. ZE] ZΘ p. HE] HΘ, H e corr. m. 1, p. 2. ZE]  
ZΘ? p. HE] HΘ p. 4. BA] βάσις Wp, corr. Comm.

[Eucl. I, 4]. quoniam igitur  $ZE = HE$ , et  $E\Delta$  communis perpendicularisque, erit  $\angle Z = \angle H$  [Eucl. I, 4]. rursus quoniam arcus  $BA = BG$ , erit etiam

$$\angle AKB = \Gamma KB$$

[Eucl. III, 27]. quare etiam qui reliquus est ad duos rectos explendos,  $\angle AKE = \Gamma KE$ , qui reliquus est ad duos rectos explendos. quoniam igitur  $AK = \Gamma K$  (radii enim sunt), et communis est  $KE$ , duo latera duobus aequalia sunt, et  $\angle AKE = \Gamma KE$ ; quare etiam  $AE = \Gamma E$ . quoniam igitur  $AE = \Gamma E$ , et  $E\Delta$  communis est perpendicularisque, erit  $\angle A = \angle \Gamma$  [Eucl. I, 4]. et similiter demonstrabimus, etiam omnes rectas, quae a  $\angle B$  uel  $\angle \Theta$  aequaliter distent, aequales esse. et quoniam  $E\Theta < EZ$ ,  $E\Delta$  autem communis et perpendicularis, erit  $\angle \Theta < \angle Z$  [Eucl. I, 47]. rursus quoniam recta ab  $E$  circulum contingens omnibus rectis ad conuexum ambitum adcentibus maior est, et in tertio libro Elementorum [III, 36] demonstratum est, esse  $AE \times E\Delta = EZ^2$ , si  $EZ$  contingit, erit [Eucl. VI, 17]  $AE : EZ = EZ : E\Delta$ . uerum  $EZ > E\Delta$  [Eucl. III, 8]; nam semper proxima quaeque minimae minor est remotiore; itaque etiam  $AE > EZ$  [Eucl. V, 14]. quoniam igitur  $EZ < E\Delta$ ,  $E\Delta$  autem communis et perpendicularis, erit  $\angle Z < \angle A$  [Eucl. I, 47]. rursus quoniam  $AK = KB$ , communis autem  $KE$ , duae rectae  $AK$ ,  $KE$  duabus  $EK$ ,  $KB$  siue toti  $EKB$  aequales

6. λοιπή —  $AKE$ ] om. p. 9.  $AKE$ ]  $K$  e corr. p. 10.  $AE$ ]  $E$  e corr. m. 1 W. 12.  $\angle \Gamma$ ]  $A\Gamma$  Wp, corr. Comm. 15. ἔλλασσων W. 20. τῷ] pvw, τῷ W. ὅταν] ὅταν ἡ in extr. lin. W. 24.  $EZ$ ]  $E$  e corr. p. 27.  $E\Delta$ ]  $E\Delta$  Wp, corr. Halley. 26. ἔστιν] pvw, ins. m. 2 W. 27.  $KB$ ]  $KB$  ἔστιν W (fort. recte); ἔστιν del. m. 2.

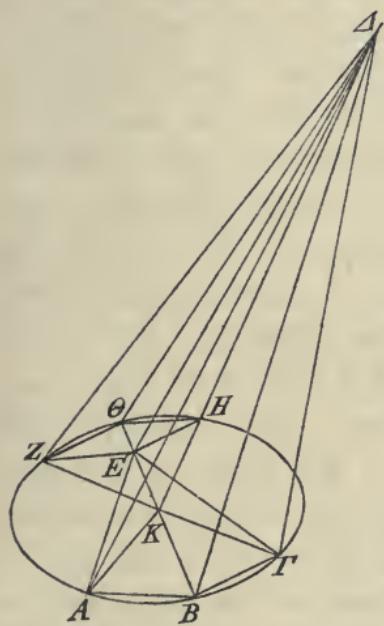
ἄρα τῆς ΑΕ μείζων ἔστιν. πάλιν ἐπεὶ ἡ ΑΕ τῆς ΕΒ ἔστιν ἐλάσσων, κοινὴ δὲ καὶ πρὸς ὁρθὰς ἡ ΕΔ, βάσις ἄρα ἡ ΔΑ τῆς ΒΔ ἔστιν ἐλάσσων. ἐπεὶ οὖν ἡ ΔΘ τῆς ΔΖ ἔστιν ἐλάσσων, ἡ δὲ ΔΖ τῆς ΔΑ, ἡ 5 δὲ ΔΑ τῆς ΔΒ, ἐλαχίστη μέν ἔστιν ἡ ΔΘ, μεγίστη δὲ ἡ ΔΒ, ἀεὶ δὲ ἡ ἔγγιον καὶ τὰ ἔξης.

ἀλλὰ δὴ ἡ κάθετος πιπτέτω ἐντὸς τοῦ ΑΒΓΗΖ κύκλου ὡς ἐπὶ τῆς τρίτης καταγραφῆς ἡ ΔΕ, καὶ εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ κύκλου τὸ Κ, καὶ ἐπεξεύχθω 10 ἡ ΕΚ καὶ ἐκβεβλήσθω ἐφ' ἐκάτερα τὰ μέρη ἐπὶ τὰ Β, Θ, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΔΘ, ΔΒ, καὶ εἰλήφθωσαν δύο ἵσαι περιφέρειαι παρ' ἐκάτερα τοῦ Θ αἱ ΘΖ, ΘΗ καὶ παρ' ἐκάτερα τοῦ Β αἱ ΑΒ, ΒΓ, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΕΖ, ΕΗ, ΖΚ, ΗΚ, ΔΖ, ΔΗ, ΚΑ, ΚΓ, 15 ΕΑ, ΕΓ, ΔΑ, ΔΓ, ΑΒ, ΒΓ. ἐπεὶ οὖν ἵση ἡ ΘΖ περιφέρεια τῇ ΘΗ, καὶ γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ ΘΚΖ γωνίᾳ τῇ ὑπὸ ΘΚΗ ἔστιν ἵση. καὶ ἐπεὶ ἵση ἔστιν ἡ ΚΖ τῇ ΗΚ, κοινὴ δὲ ἡ ΚΕ, καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΖΚΕ γωνίᾳ τῇ ὑπὸ ΗΚΕ ἔστιν ἵση, βάσις ἄρα ἡ ΖΕ τῇ 20 ΗΕ ἔστιν ἵση. ἐπεὶ οὖν ἡ ΖΕ τῇ ΗΕ ἔστιν ἵση, κοινὴ δὲ ἡ ΔΕ, καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΖΕΔ γωνίᾳ τῇ ὑπὸ ΗΕΔ ἔστιν ἵση, βάσις ἄρα ἡ ΔΖ τῇ ΔΗ ἔστιν 25 ἵση. πάλιν ἐπεὶ ἵση ἔστιν ἡ ΑΒ περιφέρεια τῇ ΒΓ, καὶ γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ ΑΚΒ γωνίᾳ τῇ ὑπὸ ΓΚΒ ἔστιν ἵση· ὥστε καὶ λοιπὴ εἰς τὰς δύο ὁρθὰς ἡ ὑπὸ ΑΚΕ λοιπῇ εἰς τὰς δύο ὁρθὰς τῇ ὑπὸ ΓΚΕ ἔστιν 30 ἵση. ἐπεὶ οὖν ἡ ΑΚ τῇ ΚΓ ἔστιν ἵση, κοινὴ δὲ ἡ ΕΚ, καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΑΚΕ γωνίᾳ τῇ ὑπὸ ΓΚΕ

3. ΔΑ] e corr. p. 12. αῖ] p, ἡ W (?). 15. ΔΓ] ΔΒ, ΔΓ W et e corr. p; corr. Comm. 17. τῇ] τῆς W.

sunt. uerum  $AK + KE > AE$  [Eucl. I, 20]; quare etiam  $BE > AE$ . rursus quoniam  $AE < EB$ ,  $EA$  autem communis et perpendicularis, erit  $\angle A < \angle B$  [Eucl. I, 47]. quoniam igitur  $\angle \Theta < \angle Z$ ,  $\angle Z < \angle A$ ,  $\angle A < \angle B$ , minima est  $\angle \Theta$ , maxima autem  $\angle B$ , et proxima quaeque cet.

iam uero perpendicularis intra circulum  $AB\Gamma HZ$  cadat ut in tertia figura  $\angle E$ , et sumatur centrum circuli  $K$ , ducaturque  $EK$  et



ad utramque partem producatur ad  $B, \Theta$ , ducanturque  $\angle \Theta, \angle B$ , sumantur autem ad utramque partem puncti  $\Theta$  arcus aequales  $\Theta Z, \Theta H$  et ad utramque partem puncti  $B$  aequales  $AB, B\Gamma$ , ducanturque  $EZ, EH, ZK, HK, \angle Z, \angle H, KA, K\Gamma, EA, E\Gamma, \angle A, \angle \Gamma, AB, B\Gamma$ . quoniam igitur arcus  $\Theta Z = \Theta H$ , erit etiam  $\angle \Theta KZ = \angle \Theta KH$

[Eucl. III, 27]. et quoniam est  $KZ = HK$ ,  $KE$  autem

communis, et  $\angle ZKE = HKE$ , erit  $ZE = EH$  [Eucl. I, 4]. quoniam igitur  $ZE = HE$ , communis autem  $\angle E$ , et  $\angle ZEA = HED$ , erit  $\angle Z = \angle H$  [Eucl. I, 4]. rursus quoniam arcus  $AB = B\Gamma$ , erit

20.  $HE$  (pr.)] in ras. m. 1 W. 26.  $AKE$ ]  $E$  in ras. m. 1 W.  
 $\lambda\omega\pi\tilde{\eta}$  —  $\Gamma KE$ ] om. Wp, corr. U.  $\xi\sigma\tau$ - in ras. m. 1 W.

έστιν ἵση, βάσις ἄρα ἡ ΑΕ τῇ ΓΕ έστιν ἵση. ἐπεὶ  
οὗν ἡ ΑΕ τῇ ΓΕ έστιν ἵση, κοινὴ δὲ ἡ ΕΔ, καὶ  
γωνία ἡ ὑπὸ ΑΕΔ τῇ ὑπὸ ΓΕΔ ἵση, βάσις ἄρα ἡ  
ΔΑ τῇ ΔΓ έστιν ἵση. δύοις δὴ καὶ πᾶσαι δειχ-  
5 θήσονται αἱ ἴσου ἀπέχουσαι ἢ τῆς ΔΒ ἢ τῆς ΔΘ  
ἴσαι. καὶ ἐπεὶ ἐν κύκλῳ τῷ ΑΒΓ ἐπὶ τῆς διαμέτρου  
εἱληπται σημεῖον τὸ Ε μὴ ὅν κέντρον τοῦ κύκλου,  
μεγίστη μὲν ἡ ΕΒ, ἐλαχίστη δὲ ἡ ΕΘ, ἀεὶ δὲ ἡ ἔγ-  
μιον τῆς ΕΘ τῆς ἀπώτερον έστιν ἐλάσσων· ὥστε ἡ  
10 ΕΘ τῆς EZ έστιν ἐλάσσων. καὶ ἐπεὶ ἡ ΘΕ τῆς ZΕ  
ἐλάσσων έστιν, κοινὴ δὲ καὶ πρὸς ὁρθὰς αὐταῖς ἡ  
ΕΔ, βάσις ἄρα ἡ ΔΘ βάσεως τῆς ΔΖ ἐλάσσων έστιν.  
πάλιν ἐπεὶ ἡ μὲν EZ ἔγγιόν έστι τῆς ΕΘ, ἡ δὲ ΑΕ  
πορρωτέρω, ἐλάσσων έστιν ἡ EZ τῆς AE. ἐπεὶ οὖν  
15 έλάσσων ἡ EZ τῆς EA, κοινὴ δὲ καὶ πρὸς ὁρθάς  
έστιν αὐταῖς ἡ EΔ, βάσις ἄρα ἡ ΔΖ βάσεως τῆς ΔΑ  
έστιν ἐλάσσων. πάλιν ἐπεὶ ἵση ἡ AK τῇ KB, κοινὴ  
δὲ ἡ KE, δύο αἱ AK, KE δύο ταῖς BK, KE, τοντ-  
έστιν ὅλῃ τῇ BKE, εἰσιν ἴσαι. ἀλλ' αἱ AK, KE  
20 τῆς AE μείζονές εἰσιν· καὶ ἡ ΕΒ ἄρα τῆς EA μεί-  
ζων έστιν. πάλιν ἐπεὶ ἡ EA τῆς EB ἐλάσσων έστιν,  
κοινὴ δὲ καὶ πρὸς ὁρθὰς αὐταῖς ἡ EΔ, βάσις ἄρα ἡ  
ΔΑ βάσεως τῆς ΔΒ έστιν ἐλάσσων. ἐπεὶ οὖν ἡ ΔΘ  
τῆς ΔΖ ἐλάσσων, ἡ δὲ ΔΖ τῆς ΔΑ, ἡ δὲ ΔΑ τῆς  
25 ΔΒ, ἐλαχίστη μέν έστιν ἡ ΔΘ καὶ τὰ ἔξης.

Πάσης καμπύλης γραμμῆς, ἣτις έστιν ἐν ἐνὶ  
ἐπιπέδῳ, διάμετρον καλῶ καὶ τὰ ἔξης. τὸ ἐν  
ἐνὶ ἐπιπέδῳ εἰπε διὰ τὴν ἐλικα τοῦ κυλίνδρου καὶ

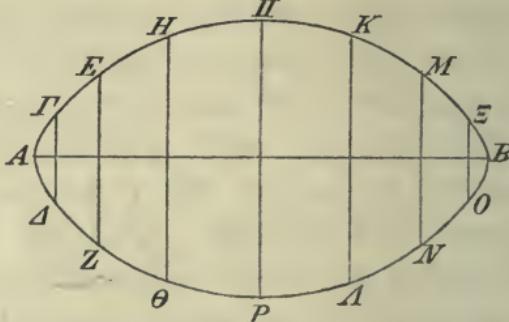
---

4. ΔΓ] AG Wp, corr. Comm. 8. ἡ] p, αἱ W. EB] e corr. p. 13. AE] p, E W. 16. ΔΑ] A e corr. p. 20. εἰσι p. 26. ξ mg. W. 28. εἰπεν W.

etiam  $\angle AKB = \Gamma KB$  [Eucl. III, 27]. quare etiam qui ad duos rectos reliquus est,  $\angle AKE = \Gamma KE$ , qui ad duos rectos reliquus est. quoniam igitur  $AK = K\Gamma$ , communis autem  $EK$ , et  $\angle AKE = \Gamma KE$ , erit  $AE = \Gamma E$  [Eucl. I, 4]. quoniam igitur  $AE = \Gamma E$ , communis autem  $E\Delta$ , et  $\angle AE\Delta = \Gamma E\Delta$ , erit  $\Delta A = \Delta \Gamma$  [Eucl. I, 4]. iam similiter demonstrabimus, omnes rectas, quae aut a  $\Delta B$  aut a  $\Delta \Theta$  aequaliter distent, aequales esse. et quoniam in circulo  $AB\Gamma$  in diametro sumptum est punctum  $E$ , quod centrum circuli non est, maxima est  $EB$ , minima autem  $E\Theta$  et proxima quaeque rectae  $E\Theta$  remotiore minor est [Eucl. III, 7]; erit igitur  $E\Theta < EZ$ . et quoniam est  $\Theta E < ZE$ ,  $E\Delta$  autem communis et perpendicularis, erit  $\Delta \Theta < \Delta Z$  [Eucl. I, 47]. rursus quoniam  $EZ$  rectae  $E\Theta$  propior est,  $AE$  autem remotior, erit  $EZ < AE$ . quoniam igitur  $EZ < EA$ ,  $E\Delta$  autem communis et ad eas perpendicularis, erit  $\Delta Z < \Delta A$  [Eucl. I, 47]. rursus quoniam  $AK = KB$ , communis autem  $KE$ , erunt  $AK + KE = BK + KE = BKE$ . uerum  $AK + KE > AE$  [Eucl. I, 20]. quare etiam  $EB > EA$ . rursus quoniam  $EA < EB$ ,  $E\Delta$  autem communis et ad eas perpendicularis, erit  $\Delta A < \Delta B$  [Eucl. I, 47]. quoniam igitur  $\Delta \Theta < \Delta Z$ ,  $\Delta Z < \Delta A$ ,  $\Delta A < \Delta B$ , minima est  $\Delta \Theta$  et quae sequuntur.

Omnis linea curuae, quae in uno plano posita est, diametrum adpello, et quae sequuntur [Ip. 6, 23]. „in uno plano“ dixit propter spiralem cylindri et sphaerae; eae enim in uno plano positae non sunt. quod dicit, hoc est: sit linea curua  $AB\Gamma$  et in ea rectae aliquot parallelae  $A\Gamma$ ,  $\Delta E$ ,  $ZH$ ,  $\Theta K$  et a puncto

τῆς σφαιρας· αὗται γὰρ οὐκ εἰσὶν ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ. ὁ δὲ λέγει, τοιοῦτον ἔστιν· ἔστω καμπύλη γραμμὴ ἡ  $ABG$  καὶ ἐν αὐτῇ εὐθεῖαι τινες παράλληλοι αἱ  $AG$ ,  $AE$ ,  $ZH$ ,  $\Theta K$ , καὶ διήχθω ἀπὸ τοῦ  $B$  εὐθεῖα ἡ  $BL$   
 5 δίχα αὐτὰς τέμνουσα. φησὶν οὖν, ὅτι τῆς  $ABG$  γραμμῆς διάμετρον μὲν καλῶ τὴν  $BL$ , κορυφὴν δὲ τὸ  $B$ , τεταγμένως δὲ ἐπὶ τὴν  $BL$  κατῆχθαι ἐκάστην τῶν  $AG$ ,  $AE$ ,  $ZH$ ,  $\Theta K$ . εἰ δὲ ἡ  $BL$  δίχα καὶ πρὸς ὁρθὰς τέμνει τὰς παραλλήλους, ἄξων καλεῖται.  
 10 Ὁμοίως δὲ καὶ δύο καμπύλων γραμμῶν καὶ τὰ ἔξης. ἐὰν γὰρ νοήσωμεν τὰς  $A$ ,  $B$  γραμμὰς καὶ ἐν αὐταῖς τὰς  $\Gamma\Delta$ ,  $EZ$ ,  $H\Theta$ ,  $K\Lambda$ ,  $MN$ ,  $\Xi O$  παραλλήλους καὶ τὴν  $AB$  διηγμένην ἐφ' ἐκάτερα καὶ τέμνουσαν τὰς παραλλήλους δίχα, τὴν μὲν  $AB$  καλῶ,  
 15 φησίν, πλαγίαν διάμετρον, κορυφὰς δὲ τῶν γραμμῶν τὰ  $A$ ,  $B$  σημεῖα, τεταγμένως δὲ ἐπὶ τὴν  $AB$  τὰς  $\Gamma\Delta$ ,  $EZ$ ,  $H\Theta$ ,  $K\Lambda$ ,  $MN$ ,  $\Xi O$ .  
 20 εἰ δὲ δίχα καὶ πρὸς ὁρθὰς αὐτὰς τέμνει, ἄξων καλεῖται. ἐὰν δὲ διαχθεῖσά τις εὐ-



θεῖα ως ἡ  $PP'$  τὰς  $\Gamma\Xi$ ,  $EM$ ,  $HK$  παραλλήλους  
 25 τῇ  $AB$  δίχα τέμνει, ὁρθία μὲν διάμετρος καλεῖται ἡ  $PP'$ , τεταγμένως δὲ κατῆχθαι ἐπὶ τὴν  $PP'$  διάμετρον ἐκάστη τῶν  $\Gamma\Xi$ ,  $EM$ ,  $HK$ . εἰ δὲ δίχα καὶ πρὸς ὁρθὰς αὐτὴν τέμνει, ἄξων ὁρθός, ἐὰν δὲ αἱ  $AB$ ,  $PP'$

5. τέμνονται p. 8. εἰ] ἡ Wp, corr. Comm. ἡ] scripsi,  
 om. Wp. καὶ] om. Wp, corr. Comm. 12. τὰς] ταῖς Wp,  
 corr. Comm. 14. Post καλῶ 1 litt. erasa (σ uel i) W. 25.

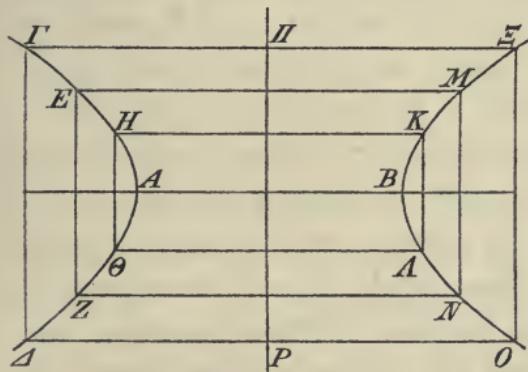
*B* recta *BA*, quae eas in binas partes aequales secet. dicit igitur: lineae *ABΓ* diametrum adpello *BA*, uerticem autem *B*, et ad *BA* ordinate ductas esse *AΓ*, *AE*, *ZH*, *ΘK*. sin *BA* et in binas partes aequales et ad angulos rectos rectas parallelas secat, axis uocatur.

Similiter uero etiam duarum linearum curuarum, et quae sequuntur [I p. 8, 1].

Si enim fingimus lineas *A*, *B*

et in iis parallelas *ΓA*, *EZ*, *HΘ*, *KΛ*, *MN*, *ΞO* et *AB* ad utramque partem productam parallelasque in binas partes secantem, *AB*, inquit,

diametrum transuersum adpello, uertices autem linearum *A*, *B* puncta, ordinate autem ad *AB* ductas *ΓA*, *EZ*, *HΘ*, *KΛ*, *MN*, *ΞO*. sin et in binas partes et



ad angulos rectos eas secat, axis uocatur. sin recta ducta ut *PP* rectas *ΓΞ*, *EM*, *HK* rectae *AB* parallelas in binas partes secant, *PP* diametru recta uocatur, et *ΓΞ*, *EM*, *HK* singulae ad diametrum *PP* ordinate ductae esse dicuntur. sin eam et in duas partes ae-

*AB*] *A* corr. ex *Δ* m. 1 W.      ὁρθία μέν] ὁ (eras.) ρθία μ W, ἡ ρθία αμ p; corr. Comm.

δίχα τέμνουσι τὰς ἀλλήλων παραλλήλους, λέγονται συζυγεῖς διάμετροι, ἐὰν δὲ δίχα καὶ πρὸς ὁρθάς, συζυγεῖς ἄξονες ὀνομάζονται.

*Elēs tò α'.*

5 Περὶ τῶν διαφόρων καταγραφῶν ἦτοι πτώσεων τῶν θεωρημάτων τοσοῦτον ἵστεον, ὅτι πτῶσις μέν ἐστιν, ὅταν τὰ ἐν τῇ προτάσει δεδομένα τῇ θέσει ἥ δοθέντα· ἡ γὰρ διάφορος αὐτῶν μετάληψις τοῦ αὐτοῦ συμπεράσματος ὄντος ποιεῖ τὴν πτῶσιν. ὅμοίως δὲ 10 καὶ ἀπὸ τῆς κατασκευῆς μετατιθεμένης γίνεται πτῶσις. πολλὰς δὲ ἔχοντων τῶν θεωρημάτων πάσαις ἡ αὐτὴ ἀπόδειξις ἀρμόνει καὶ ἐπὶ τῶν αὐτῶν στοιχείων πλὴν βραχέων, ὡς ἔξῆς εἰσόμεθα· εὐθὺς γὰρ τὸ πρῶτον θεώρημα τρεῖς πρώσεις ἔχει διὰ τὸ τὸ λαμβανόμενον 15 σημεῖον ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας, τουτέστι τὸ B, ποτὲ μὲν εἰς τὴν κατωτέρω ἐπιφάνειαν εἶναι καὶ τοῦτο διχῶς ἡ ἀνωτέρω τοῦ κύκλου ἡ κατωτέρω, ποτὲ δὲ ἐπὶ τῆς κατὰ κορυφὴν αὐτῇ ἐπικειμένης. τοῦτο δὲ τὸ θεώρημα προέθετο ζητῆσαι, ὅτι οὐκ ἐπὶ πάντα δύο σημεῖα ἐπὶ 20 τῆς ἐπιφανείας λαμβανόμενα ἐπιξευγνυμένη εὐθεῖα ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας ἐστίν, ἀλλ' ἡ νεύουσα μόνον ἐπὶ τὴν κορυφὴν, διὰ τὸ καὶ ὑπὸ εὐθείας τὸ πέρας ἔχουσης μένον γεγενῆσθαι τὴν κωνικὴν ἐπιφάνειαν. ὅτι δὲ τοῦτο ἀληθές, τὸ δεύτερον θεώρημα δηλοῖ.

*Elēs tò β'.*

Tὸ δεύτερον θεώρημα τρεῖς ἔχει πρώσεις διὰ τὸ τὰ λαμβανόμενα σημεῖα τὰ Δ, E ἥ ἐπὶ τῆς κατὰ κο-

1. τέμνοντιν W. 2. διάμετροι] -οι corr. ex oν W. Post ὁρθάς add. oν Wp, corr. Comm. 11. πολλάς] πολλά Wp, corr. Comm. 13. εἰσόμεθα] θ in ras. m. 1 W. 14. τὸ τό] scripsi, τό Wp. λαμβανόμενον W. 15. τουτέστιν W.

quales secat et ad angulos rectos, axis rectus uocatur, et si *AB*, *PP* altera alteri parallelas rectas in binas partes aequales secant, coniugatae diametri, sin et in binas partes aequales et ad angulos rectos secant, axes coniugati nominantur.

### In prop. I.

De figuris siue casibus uariis propositionum hoc sciendum est, casum esse, ubi ea, quae in propositione data sint, positione sint data; nam uaria eorum coniunctio eadem conclusione casum efficit. et similiter etiam uariata constructione casus efficitur. quamquam autem multos habent propositiones, omnibus eadem demonstratio iisdemque litteris congruit praeter minora quaedam, ut mox adparebit; nam statim prima propositio tres casus habet, quia punctum in superficie sumptum, hoc est *B*, tum in superficie inferiore est, et hoc ipsum duobus modis aut supra circulum aut infra, tum in superficie ei ad uerticem posita. haec uero propositio quaerendum proposuit, non ad quaelibet duo puncta in superficie posita ductam rectam in superficie esse, sed eam tantum, quae per uerticem cadat, quia superficies conica per rectam terminum habentem manentem orta est. hoc autem uerum esse, propositio secunda ostendit.

### Ad prop. II.

Propositio secunda tres habet casus, quia puncta sumpta *A*, *E* aut in superficie ad uerticem posita aut

---

18. *αὐτῆς*] scripsi, *αὐτῆς* W p. 21. *ἡ νεύονσα*] scripsi, *ην*  
*εὐθύσαν* W, *Ἐν εὐθεῖα* p. 23. *μένον*] *μέσον* W p, corr.  
 Comm. 27. *-τὰ κο-* in ras. m. 1 W.

ουφὴν εἶναι ἐπιφανείας ἢ ἐπὶ τῆς κάτω διχῶς ἢ  
ἐσωτέρῳ τοῦ κύκλου ἢ ἔξωτέρῳ. δεῖ δὲ ἐφιστάνειν,  
ὅτι τοῦτο τὸ θεώρημα εὑρίσκεται ἐν τισιν ἀντιγρά-  
φοις δλον διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς δεδειγ-  
5 μένον.

*Eἰς τὸ γ'.*

Τὸ γ' θεώρημα πτῶσιν οὐκ ἔχει. δεῖ δὲ ἐν αὐτῷ  
ἐπιστῆσαι, ὅτι ἡ *AB* εὐθεῖά ἐστι διὰ τὸ κοινὴ τομὴ  
εἶναι τοῦ τέμνοντος ἐπιπέδου καὶ τῆς ἐπιφανείας τοῦ  
κάνουν, ἥτις ὑπὸ εὐθείας ἐγράφη τὸ πέρας ἔχουσης  
μένον πρὸς τῇ κορυφῇ τῆς ἐπιφανείας. οὐ γὰρ πᾶσα  
ἐπιφάνεια ὑπὸ ἐπιπέδου τεμνομένη τὴν τομὴν ποιεῖ  
εὐθεῖαν, οὐδὲ αὐτὸς ὁ κῶνος, εἰ μὴ διὰ τῆς κορυφῆς  
ἔλθῃ τὸ τέμνον ἐπίπεδον.

15

*Eἰς τὸ δ'.*

Αἱ πτῶσεις τούτου τοῦ θεωρήματος τρεῖς εἰσιν ὕσπερ  
καὶ τοῦ πρώτου καὶ δευτέρου.

*Eἰς τὸ ε'.*

Τὸ πέμπτον θεώρημα πτῶσιν οὐκ ἔχει. ἀρχόμενος  
20 δὲ τῆς ἐκθέσεως φησιν· τετμήσθω ὁ κῶνος ἐπι-  
πέδῳ διὰ τοῦ ἄξονος ὁρθῷ πρὸς τὴν βάσιν.  
ἐπειδὴ δὲ ἐν τῷ σκαληνῷ κώνῳ κατὰ μίαν μόνον  
θέσιν τὸ διὰ τοῦ ἄξονος τρίγωνον ὁρθόν ἐστι πρὸς  
τὴν βάσιν, τοῦτο ποιήσομεν οὕτως· λαβόντες τὸ κέν-  
25 τρον τῆς βάσεως ἀναστήσομεν ἀπ' αὐτοῦ τῷ ἐπιπέδῳ  
τῆς βάσεως πρὸς ὁρθὰς καὶ δι' αὐτῆς καὶ τοῦ ἄξονος  
ἐκβάλλοντες ἐπίπεδον ἔξομεν τὸ ξητούμενον· δέδεικται

7. δεῖ] e corr. p. Post δέ del. ἡ *AB* εὐθεῖά ἐστι p.

8. ἐστιν W. . 17. καὶ (pr.)] aī p. 18. *Eἰς τό]* mg.

in inferiore sunt et quidem duobus modis, aut intra circulum aut extra. animaduertendum autem, hanc propositionem in nonnullis exemplaribus totam per reductionem in absurdum demonstratam inueniri.

### Ad prop. III.

Propositio tertia casum non habet. in ea autem animaduertendum est, *AB* rectam esse, quia communis est sectio plani secantis et superficie coni, quae a recta descripta est terminum ad uerticem superficie manentem habente. neque enim omnis superficies plano secta sectionem efficit rectam, nec ipse conus, nisi planum secans per uerticem uenit.

### Ad prop. IV.

Casus huius propositionis tres sunt ut etiam primae et secundae.

### Ad prop. V.

Propositio quinta casum non habet. expositionem autem exordiens dicit [I p. 18, 4]: per axem secetur plano ad basim perpendiculari. quoniam autem in cono obliquo triangulus per axem positus in una sola positione ad basim perpendicularis est, hoc ita efficiemus: sumpto centro basis ab eo rectam ad planum basis perpendiculararem erigemus et per eam axemque ducto plano habebimus, quod quaeritur; nam in XI. libro Elementorum Euclidis [XI, 18] demonstratum

m. 1 W.  
ἐστιν W.

21. ἀξονος] corr. ex ἀξωνος m. 1 W. 23.  
24. οὐτως] οὐτω in extr. lin. W, οὐτω p.

γὰρ ἐν τῷ ια' τῆς Εὐκλείδου στοιχειώσεως, ὅτι, ἐὰν εὐθεῖα ἐπιπέδῳ τινὶ πρὸς ὁρθὰς ἦ, καὶ πάντα τὰ δι' αὐτῆς ἐπίπεδα τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ πρὸς ὁρθὰς ἔσται. τὸν δὲ κῶνον σκαληνὸν ὑπέθετο, ἐπειδὴ ἐν τῷ ἴσοσκε-  
5 λεῖ τὸ παράλληλον τῇ βάσει ἐπίπεδον τῷ ὑπεναντίως ἡγμένῳ τὸ αὐτό ἔστιν.

ἔτι φησίν· τετμήσθω δὲ καὶ ἐτέρῳ ἐπιπέδῳ πρὸς ὁρθὰς μὲν τῷ διὰ τοῦ ἄξονος τριγώνῳ, ἀφαιροῦντι δὲ πρὸς τῇ κορυφῇ τρίγωνον ὅμοιον  
10 μὲν τῷ  $AB\Gamma$  τριγώνῳ, ὑπεναντίως δὲ κείμενον. τοῦτο δὲ γίνεται οὕτως· ἔστω τὸ διὰ τοῦ ἄξονος τρίγωνον τὸ  $AB\Gamma$ , καὶ εἰλήφθω ἐπὶ τῆς  $AB$  τυχὸν σημεῖον τὸ  $H$ , καὶ συνεστάτω πρὸς τῇ  $AH$  εὐθεῖᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ  $H$  τῇ ὑπὸ  $A\Gamma B$  γωνίᾳ ἶση  
15 ἡ ὑπὸ  $AHK$ · τὸ  $AHK$  ἄρα τρίγωνον τῷ  $AB\Gamma$  ὅμοιον μέν ἔστιν, ὑπεναντίως δὲ κείμενον. εἰλήφθω δὴ ἐπὶ τῆς  $HK$  τυχὸν σημεῖον τὸ  $Z$ , καὶ ἀπὸ τοῦ  $Z$  τῷ τοῦ  $AB\Gamma$  τριγώνου ἐπιπέδῳ πρὸς ὁρθὰς ἀνεστάτῳ ἡ  $Z\Theta$ , καὶ ἐκβεβλήσθω τὸ διὰ τῶν  $HK$ ,  $\Theta Z$  ἐπίπεδον. τοῦτο  
20 δὴ ὁρθόν ἔστι πρὸς τὸ  $AB\Gamma$  τριγώνον διὰ τὴν  $Z\Theta$  καὶ ποιοῦν τὸ προκείμενον.

ἐν τῷ συμπεράσματί φησιν, ὅτι διὰ τὴν ὅμοιότητα τῶν  $\Delta ZH$ ,  $EZK$  τριγώνων ἶσον ἔστι τὸ ὑπὸ  $\Delta ZE$  τῷ ὑπὸ  $HZK$ . δυνατὸν δέ ἔστι τοῦτο δεῖξαι καὶ  
25 δίχα τῆς τῶν τριγώνων ὅμοιότητος λέγοντα, ὅτι, ἐπειδὴ

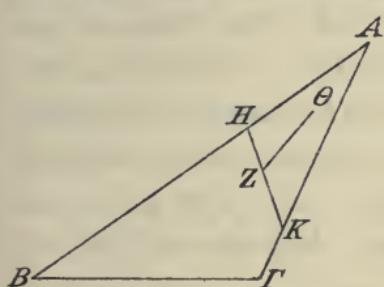
4. ἴσοσκελῆ W. 8. ὁρθάς] inter q et θ ras. W. 17. τοῦ (alt.)] om. W p, corr. Halley. 20. δή] δέ W p, corr. Halley cum Comm. ἔστιν W. τό] corr. ex τῷ m. 1 W.

$AB\Gamma$ ] in mg. transit m. 1 W. 23. ἔστιν W. 24. ἔστιν W.

25. ὅμοιότητος, —τητος in ras. m. 1, W. ὅτι] p, comp. supra scr. m. 1 W.

est, si recta ad planum aliquod perpendicularis sit, etiam omnia plana, quae per eam ducantur, ad idem planum perpendicularia esse. obliquum uero conum supposuit, quia in recto planum basi parallelum idem est atque id, quod e contrario ducitur.

praeterea dicit [I p. 18, 6]: secetur autem etiam alio plano ad triangulum per axem positum perpendiculari, quod ad uerticem abscindat triangulum similem triangulo  $AB\Gamma$ , sed e con-



trario positum. hoc uero ita fit: sit  $AB\Gamma$  triangulus per axem positus, et in  $AB$  sumatur punctum aliquod  $H$ , ad  $AH$  autem rectam et  $H$  punctum in ea positum angulo  $A\Gamma B$  aequalis con-

struatur  $\angle AHK$  [Eucl. I, 23]; itaque triangulus  $AHK$  triangulo  $AB\Gamma$  similis est, sed e contrario positus. iam in  $HK$  punctum aliquod sumatur  $Z$ , et a  $Z$  ad planum trianguli  $AB\Gamma$  perpendicularis erigatur  $ZO$ , ducaturque planum per  $HK$ ,  $ZO$ . hoc igitur propter  $ZO$  ad triangulum  $AB\Gamma$  perpendicularare est et propositum efficit.

in conclusione dicit [I p. 18, 27 sq.], propter similitudinem triangulorum  $\triangle ZH$ ,  $\triangle EZK$  esse

$$\triangle Z \times ZE = \triangle HZ \times ZK.$$

fieri autem potest, ut hoc etiam similitudine triangulorum non usi demonstremus ita ratiocinantes: quoniam uterque angulus  $AKH$ ,  $AZE$  angulo ad  $B$  posito

έκατέρα τῶν ὑπὸ ΑΚΗ, ΑΔΕ γωνιῶν ἵση ἐστὶ τῇ πρὸς τῷ Β, ἐν τῷ αὐτῷ τμήματί εἰσι τοῦ περιλαμβάνοντος κύκλου τὰ Δ, Η, Ε, Κ σημεῖα. καὶ ἐπειδὴ ἐν κύκλῳ δύο εὐθεῖαι αἱ ΔΕ, ΗΚ τέμνουσιν ἄλλή-  
5 λας κατὰ τὸ Ζ, τὸ ὑπὸ ΔΖΕ ἵσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΗΖΚ.

όμοιώς δὴ δειχθήσεται, ὅτι καὶ πᾶσαι αἱ ἀπὸ τῆς ΗΘ γραμμῆς ἐπὶ τὴν ΗΚ κάθετοι ἀγόμεναι ἵσον δύνανται τῷ ὑπὸ τῶν τμημάτων. κύκλος ἄρα ἐστὶν ἡ 10 τομή, διάμετρος δὲ αὐτοῦ ἡ ΗΚ. καὶ δυνατὸν μέν ἐστιν ἐπιλογίσασθαι τοῦτο διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγγῆς. εἰ γὰρ ὁ περὶ τὴν ΚΗ γραφόμενος κύκλος οὐχ ἥξει διὰ τοῦ Θ σημείου, ἔσται τὸ ὑπὸ τῶν ΚΖ,  
15 ΖΗ ἵσον ἥτοι τῷ ἀπὸ μείζονος τῆς ΖΘ ἡ τῷ ἀπὸ έλάσσονος· ὅπερ οὐχ ὑπόκειται. δείξομεν δὲ αὐτὸν καὶ ἐπ' εὐθείας.

ἔστω τις γραμμὴ ἡ ΗΘ, καὶ ὑποτεινέτω αὐτὴν ἡ ΗΚ, εἰλήφθω δὲ καὶ ἐπὶ τῆς γραμμῆς τυχόντα σημεῖα τὰ Θ, Ο, καὶ ἀπ' αὐτῶν ἐπὶ τὴν ΗΚ κάθετοι ἥχθω-  
20 σαν αἱ ΘΖ, ΟΠ, καὶ ἔστω τὸ μὲν ἀπὸ ΖΘ ἵσον τῷ ὑπὸ ΗΖΚ, τὸ δὲ ἀπὸ ΟΠ τῷ ὑπὸ ΗΠΚ ἵσον. λέγω,  
ὅτι κύκλος ἐστὶν ἡ ΗΘΟΚ γραμμὴ. τετμήσθω γὰρ ἡ ΗΚ δίχα κατὰ τὸ Ν, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΝΘ,  
25 ΝΟ. ἐπεὶ οὖν εὐθεῖα ἡ ΗΚ τέτμηται εἰς μὲν ἵσα κατὰ τὸ Ν, εἰς δὲ ἄνισα κατὰ τὸ Ζ, τὸ ὑπὸ ΗΖΚ  
μετὰ τοῦ ἀπὸ ΝΖ ἵσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΝΚ. τὸ δὲ

1. ΑΔΕ] E e corr. W.      2. Β] Π W p, corr. Comm.      εἰσιν W.      5. ἐστίν W.      6. ΗΖΚ] ΖΗΚ p et corr. ex ΖΕΚ m. 1 W; corr. Comm.      7. αἱ] addidi, om. Wp.

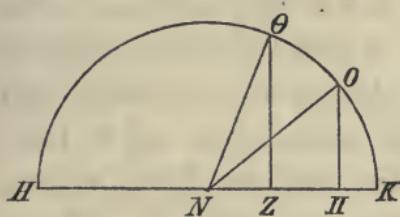
8. ΗΘ] Θ e corr. p, ΗΘΚ Halley cum Comm.      10. αὐτῷ? p.

11. ἐπιλογίσασθαι p (nisi forte γι ita scriptae, ut litterae H similes sint).      13. οὐ W.      14. τῷ] τό W.      15. ΖΘ] ΘΗ p.

aequalis est, in eodem segmento circuli puncta  $\Delta$ ,  $H$ ,  $E$ ,  $K$  comprehendentis positi sunt. et quoniam in circulo duae rectae  $\Delta E$ ,  $HK$  inter se secant in  $Z$ , erit  $\Delta Z \times ZE = HZ \times ZK$  [Eucl. III, 35].

iam similiter demonstrabimus, etiam omnes rectas a linea  $H\Theta$  ad  $HK$  perpendiculares ductas quadratas aequales esse rectangulo partium. ergo sectio circulus est, cuius diametrum est  $HK$  [I p. 20, 3 sq.]. et fieri potest, ut hoc per reductionem ad absurdum intelligatur. si enim circulus circum  $KH$  descriptus per punctum  $\Theta$  non ueniet,  $KZ \times ZH$  aequale erit quadrato aut rectae maioris quam  $Z\Theta$  aut minoris; quod contra hypothesis est. uerum idem directa uia demonstrabimus.

sit linea  $H\Theta$ , et sub ea subtendat  $HK$ , sumantur autem etiam in linea puncta aliqua  $\Theta$ ,  $O$ , et ab iis ad  $HK$  perpendiculares ducantur  $\Theta Z$ ,  $O\Pi$ , sitque  $Z\Theta^2 = HZ \times ZK$ ,  $O\Pi^2 = H\Pi \times \Pi K$ . dico, lineam



$H\Theta O K$  circulum esse. nam  $HK$  in  $N$  in duas partes aequales secetur, ducanturque  $N\Theta$ ,  $NO$ . quoniam igitur recta  $HK$  in  $N$  in partes aequales

secta est, in  $Z$  autem in inaequales, erit

$$HZ \times ZK + NZ^2 = NK^2$$

[Eucl. II, 5]. supposuimus autem, esse  $HZ \times ZK = \Theta Z^2$ ;

$\alpha\pi\delta$ ] corr. ex  $\alpha\pi\omega$  in scribendo W. 17.  $H\Theta$ ]  $H\Theta K$  Halley cum Comm. 18.  $\tau v\chi\delta\sigma$   $\tau\alpha$  W. 19.  $HK$ ]  $EK$  Wp, corr. Halley cum Comm. 21.  $H\Pi K$ ]  $\Pi$  corr. ex  $\Theta$  p. 22.  $\dot{\eta}$ ] insert. m. 1 p.  $H\Theta O K$ ] e corr. m. 1 p;  $O$  supra scr. m. 1 W, post  $K$  ras. parua. 23.  $N\Theta$ ] uel  $H\Theta W$ ,  $H\Theta$  p. 26.  $\dot{\epsilon}\sigma\tau\iota\nu$  W.

ὑπὸ ΗΖΚ ἶσον ὑπόκειται τῷ ἀπὸ ΘΖ· τὸ ἄρα ἀπὸ  
 ΘΖ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΝΖ ἶσον ἔστι τῷ ἀπὸ ΝΚ. ἶσα  
 δέ ἔστι τὰ ἀπὸ ΘΖ, ΖΝ τῷ ἀπὸ ΝΘ· ὁρθὴ γάρ ἔστιν  
 ἡ πρὸς τῷ Ζ· τὸ ἄρα ἀπὸ ΝΘ ἶσον ἔστι τῷ ἀπὸ ΝΚ.  
 5 ὅμοιως δὴ δεῖξομεν, ὅτι καὶ τὸ ἀπὸ ΝΟ ἶσον ἔστι  
 τῷ ἀπὸ ΝΚ. κύκλος ἄρα ἔστιν ἡ ΗΘΚ γραμμή, διά-  
 μετρος δὲ αὐτοῦ ἡ ΗΚ.

δυνατὸν δέ ἔστι τὰς ΔΕ, ΗΚ διαμέτρους ποτὲ  
 μὲν ἵσας, ποτὲ δὲ ἀνίσους εἶναι, οὐδέποτε μέντοι δίχα  
 10 τέμνουσιν ἀλλήλας. ἥχθω γὰρ διὰ τοῦ Κ τῇ ΒΓ  
 παράλληλος ἡ ΝΚ. ἐπεὶ οὖν μείζων ἔστιν ἡ ΒΑ τῆς  
 ΑΓ, μείζων ἄρα καὶ ἡ ΝΑ τῆς ΑΚ. ὅμοιως δὲ καὶ  
 ἡ ΚΑ τῆς ΑΗ διὰ τὴν ὑπεναντίαν τομήν. ὥστε ἡ  
 15 τῇ ΑΚ ἀπὸ τῆς ΑΝ ἶση λαμβανομένη μεταξὺ πίπτει  
 τῶν Η, Ν σημείων. πιπτέτω ως ἡ ΑΞ· ἡ ἄρα διὰ  
 τοῦ Ξ τῇ ΒΓ παράλληλος ἀγομένη τέμνει τὴν ΗΚ.  
 τεμνέτω ως ἡ ΞΟΠ. καὶ ἐπεὶ ἶση ἔστιν ἡ ΞΑ τῇ  
 ΑΚ, ως δὲ ἡ ΞΑ πρὸς ΑΠ, ἡ ΚΑ πρὸς ΑΗ διὰ  
 τὴν ὅμοιότητα τῶν ΗΚΑ, ΞΑΠ τριγώνων, ἡ ΑΗ  
 20 τῇ ΑΠ ἔστιν ἶση καὶ λοιπὴ ἡ ΗΞ τῇ ΠΚ. καὶ ἐπεὶ  
 αἱ πρὸς τοῖς Ξ, Κ γωνίαι ἶσαι εἰσίν· ἐκατέρᾳ γὰρ  
 αὐτῶν ἶση ἔστι τῇ Β· εἰσὶ δὲ καὶ αἱ πρὸς τῷ Ο ἶσαι.  
 κατὰ κορυφὴν γάρ ὅμοιον ἄρα ἔστι τὸ ΞΗΟ τρίγω-  
 νον τῷ ΠΟΚ τριγώνῳ. καὶ ἶση ἔστιν ἡ ΗΞ τῇ  
 25 ΠΚ· ὥστε καὶ ἡ ΞΟ τῇ ΟΚ καὶ ἡ ΗΟ τῇ ΟΠ καὶ

- 
- |                                     |                                |                     |
|-------------------------------------|--------------------------------|---------------------|
| 1. ΗΖΚ] <i>H</i> supra scr. m. 1 W. | 2. ἔστιν W.                    | 3.                  |
| ἔστιν W.                            | ΝΘ] Θ corr. in scribendo W.    | 4. ἔστιν W.         |
| 5. ΝΟ] ΝΘ p.                        | ἔστιν W.                       | 8.                  |
| ἔστιν W.                            | 6. ΗΘΚ] ΝΘΚ p.                 | 12. ΝΑ]             |
| 10. — mg. m. 1 W.                   | 11. ΗΚ p.                      | ΜΑ Wp, corr. Comm.  |
| 20. τῇ ΑΠ] om. Wp, corr. Comm.      | 16. Ξ] corr. ex Ζ in scrib. W. | 16. η ΗΞ] p, η Ξ W. |
| 22. ἔστιν W.                        | εἰσίν W.                       | 23. ἔστιν W.        |
| 25. ΗΟ] ΝΟ p.                       | τῷ] p, τό W.                   |                     |

itaque  $\Theta Z^2 + NZ^2 = NK^2$ . uerum  $\Theta Z^2 + ZN^2 = N\Theta^2$  [Eucl. I, 47]; angulus enim ad  $Z$  positus rectus est; itaque  $N\Theta^2 = NK^2$ . iam eodem modo demonstrabimus, esse etiam  $NO^2 = NK^2$ . ergo linea  $H\Theta K$  circulus est et  $HK$  eius diametrus.

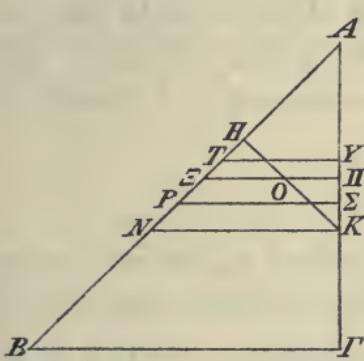
fieri autem potest, ut diametri  $\Delta E$ ,  $HK$  tum aequales tum inaequales sint, sed numquam inter se in binas partes aequales secant. ducatur enim per  $K$

rectae  $B\Gamma$  parallela  $NK$ . quoniam igitur  $BA > AG$ , erit etiam  $NA > AK$  [Eucl. VI, 2; V, 14]. et eadem ratione propter sectionem contrariam  $KA > AH$ . quare quae ab  $AN$  rectae  $AK$  aequalis aufertur, inter puncta  $H, N$  cadit. cadat ut  $A\Xi$ .

itaque quae per  $\Xi$  rectae  $B\Gamma$  parallela ducitur, rectam  $HK$  secat. secet ut  $\Xi O \Pi$ . et quoniam est  $\Xi A = AK$ , et propter similitudinem triangulorum  $HKA$ ,  $\Xi A \Pi$  est  $\Xi A : A\Pi = KA : AH$  [Eucl. VI, 4], erit

$$AH = A\Pi \quad [\text{Eucl. V, 9}],$$

et quae relinquitur  $H\Xi = \Pi K$ . et quoniam anguli ad  $\Xi, K$  positi aequales sunt (nam uterque angulo  $B$  aequalis est), et etiam anguli ad  $O$  positi aequales [Eucl. I, 15] (nam ad uerticem sunt inter se), similes erunt trianguli  $\Xi HO$ ,  $\Pi OK$ . et  $H\Xi = \Pi K$ ; quare etiam  $\Xi O = OK$ ,  $HO = O\Pi$ ,  $HK = \Xi \Pi$ . et manifestum est, si inter  $N, \Xi$  punctum sumatur uelut  $P$ , et per  $P$



In fig.  $O$  deest in W.

ὅλη ἡ ΗΚ τῇ ΞΠ. καὶ φανερόν, ὅτι, ἐὰν μεταξὺ τῶν Ν, Ξ ληφθῆ τι σημεῖον ώς τὸ Ρ, καὶ διὰ τοῦ Ρ τῇ ΝΚ παράλληλος ἀχθῆ ἡ ΡΣ, μείζων ἔσται τῆς ΞΠ καὶ διὰ τοῦτο καὶ τῆς ΗΚ, ἐὰν δὲ μεταξὺ τῶν Η, Ξ 5 ληφθῆ τι σημεῖον οἷον τὸ Τ, καὶ δι' αὐτοῦ παράλληλος ἀχθῆ ἡ ΤΤ, ἐλάττων ἔσται τῆς ΞΠ καὶ τῆς ΚΗ. καὶ ἐπεὶ ἡ ὑπὸ ΞΠΚ γωνία μείζων ἔστι τῆς ὑπὸ ΑΞΠ, ἵση δὲ ἡ ὑπὸ ΟΠΚ τῇ ὑπὸ ΟΗΞ, μείζων ἄρα καὶ ἡ ὑπὸ ΟΗΞ τῆς ὑπὸ ΗΞΟ. ἡ ΞΟ ἄρα τῆς 10 ΟΗ μείζων καὶ διὰ τοῦτο καὶ ἡ ΚΟ τῆς ΟΠ. ἐὰν δέ ποτε ἡ ἑτέρα αὐτῶν δίχα διαιρεθῆ, ἡ λοιπὴ εἰς ἄνισα τμηθήσεται.

*Εἰς τὸ σ'.*

Προσέχειν χρή, ὅτι οὐ μάτην πρόσκειται ἐν τῇ 15 προτάσει τὸ δεῖν τὴν ἀγομένην εὐθεῖαν ἀπὸ τοῦ ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ σημείου παράλληλον μιᾶς τινι τῶν ἐν τῇ βάσει εὐθεῖῶν πρὸς ὁρθὰς οὕσῃ πάντως τῇ βάσει τοῦ διὰ τοῦ ἄξονος τριγώνου ἄγεσθαι παράλληλον· τούτου γὰρ μὴ ὄντος οὐ δυνατόν ἔστιν αὐτὴν δίχα τέμ- 20 νεσθαι ὑπὸ τοῦ διὰ τοῦ ἄξονος τριγώνου· ὅπερ ἔστὶ φανερον ἐκ τῆς ἐν τῷ ὅητῷ καταγραφῆς. εἰ γὰρ ἡ ΜΝ, ἥτινι παράλληλός ἔστιν ἡ ΔΖΗ, μὴ πρὸς ὁρθὰς εἴη τῇ ΒΓ, δῆλον, ὅτι οὐδὲ δίχα τέμνεται οὐδὲ ἡ ΚΛ. καὶ διὰ τῶν αὐτῶν λόγων συνάγεται, ὅτι ἔστιν, 25 ὡς ἡ ΚΘ πρὸς ΘΛ, οὗτως ἡ ΔΖ πρὸς ΖΗ· καὶ ἡ ΔΗ ἄρα εἰς ἄνισα τμηθήσεται κατὰ τὸ Ζ.

δυνατὸν δὲ κατωτέρω τοῦ κύκλου καὶ ἐπὶ τῆς κατὰ κορυφὴν ἐπιφανείας τὰ αὐτὰ δείκνυσθαι.

7. **ΞΠΚ]** Π e corr. m. 1 W. ἔστιν W. 8. **ΟΠΚ]**  
Ο insert. m. 1 W. ΟΗΞ] ΗΞ p et Ξ in ras. m. 1 W;

rectae  $NK$  parallela ducatur  $P\Sigma$ , esse  $P\Sigma > \Xi\Pi$  et ideo  $P\Sigma > HK$ , sin inter  $H$ ,  $\Xi$  punctum sumatur uelut  $T$ , et per id parallela ducatur  $TT$ , esse  $TT < \Xi\Pi$  et  $TT < KH$ . et quoniam est

$$\angle \Xi\Pi K > \angle \Xi\Pi,$$

et  $\angle O\Pi K = O\Xi E$ , erit etiam  $\angle O\Xi E > H\Xi O$ . itaque  $\Xi O > OH$  [Eucl. I, 19] et ideo etiam  $KO > O\Pi$ . et si quando altera diametrorum in duas partes aequales diuisa erit, reliqua in partes inaequales secabitur.

### Ad prop. VI.

Animaduertere oportet, non sine causa in propositione adiici [I p. 20, 12 sq.], rectam a punto in superficie posito parallelam ductam rectae alicui in basi positae omnino rectae ad basim trianguli per axem positi perpendiculari parallelam duci oportere; nam si hoc non ita est, fieri non potest, ut a triangulo per axem posito in duas partes aequales secetur; quod in figura in uerbis Apollonii posita adparet. nam si  $MN$ , cui parallela est  $\Delta ZH$ , ad rectam  $BG$  perpendicularis non est, adparet, ne  $KA$  quidem in duas partes aequales secari. et eadem ratione concludimus, esse  $K\Theta : \Theta A = \Delta Z : ZH$  [I p. 22, 20 sq.]. ergo etiam  $\Delta H$  in  $Z$  in partes inaequales secabitur.

fieri autem potest, ut et infra circulum et in superficie ad uerticem posita idem demonstretur.

corr. Comm. 9.  $H\Xi O$ ]  $N\Xi O$  p. 10.  $KO$ ]  $\Xi O$  Halley  
cum Comm. 15.  $\xi\nu$ ]  $\bar{\iota}$  Wp. 20.  $\xi\sigma\tau\nu$  W. 28.  $\delta\varepsilon\iota$ - e  
corr. p.

## Εἰς τὸ ξ'.

Τὸ ξ' θεώρημα πτώσεις ἔχει τέσσαρας· ἡ γὰρ οὐ συμβάλλει ἡ ΖΗ τῇ ΑΓ ἡ συμβάλλει τριγῶς ἡ ἐκτὸς τοῦ κύκλου ἡ ἐντὸς ἡ ἐπὶ τοῦ Γ σημείου.

5

## Μετὰ τὸ ι'.

Χοὴ ἐπιστῆσαι, ὅτι τὰ ἄτα ταῦτα θεωρήματα ἀλλήλων ἔχονται. ἀλλὰ τὸ πρῶτον ἔχει, ὅτι αἱ ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ εὑθεῖαι νεύουσαι ἐπὶ τὴν κορυφὴν ἐν ταύτῃ μένουσιν, τὸ δὲ δεύτερον τὸ ἀνάπαλιν, τὸ δὲ τρίτον ἔχει τὴν διὰ τῆς κορυφῆς τοῦ κώνου τομήν, τὸ δὲ τέταρτον τὴν παράλληλον τῇ βάσει, τὸ πέμπτον τὴν ὑπεναντίαν, τὸ ἕκτον ὥσανεὶ προλαμβάνεται τοῦ ἐβδόμου δεικνύον, ὅτι καὶ πρὸς δρθὰς ὁφείλει πάντας εἶναι τῇ διαμέτρῳ τοῦ κύκλου ἡ κοινὴ τομὴ αὐτοῦ 15 καὶ τοῦ τέμνοντος ἐπιπέδου, καὶ ὅτι τούτου οὕτως ἔχοντος αἱ παράλληλοι αὐτῇ διχοτομοῦνται ὑπὸ τοῦ τριγώνου, τὸ δὲ ἐβδόμον τὰς ἄλλας τρεῖς τομὰς ἔδειξε καὶ τὴν διάμετρον καὶ τὰς ἐπ' αὐτὴν καταγομένας παραλλήλους τῇ ἐν τῇ βάσει εὐθείᾳ. ἐν δὲ τῷ ὄγδόῳ 20 δείκνυσιν, ὅπερ ἐν τοῖς προλεγομένοις εἴπομεν, ὅτι ἡ παραβολὴ καὶ ἡ ὑπερβολὴ τῶν εἰς ἄπειρον εἰσιν αὐξομένων, ἐν δὲ τῷ ἐνάτῳ, ὅτι ἡ ἐλλειψις συννεύοντα εἰς ἑαυτὴν δμοίως τῷ κύκλῳ διὰ τὸ τὸ τέμνον ἐπίπεδον συμπίπτειν ἀμφοτέραις ταῖς πλευραῖς τοῦ 25 τριγώνου οὐκ ἔστι κύκλος· κύκλους γὰρ ἐποίουν ἡ τε ὑπεναντία τομὴ καὶ ἡ παράλληλος· καὶ δεῖ ἐπιστῆσαι, ὅτι ἡ διάμετρος τῆς τομῆς ἐπὶ μὲν τῆς παραβολῆς

2. τέσσαρας] corr. εχ τέσσαρες m. 2 W. 4. Γ] τρίτου Wp., corr. Comm. 7. πρῶτον] α' p et similiter saepius.

## Ad prop. VII.

Propositio VII quattuor casus habet; nam *ZH* cum *AG* aut non concurrit aut concurrit et hoc quidem tribus modis, aut extra circulum aut intra aut in puncto *G*.

## Post prop. X.

Animaduertendum, has X propositiones inter se coniunctas esse. prima autem continet, rectas in superficie positas, quae ad uerticem cadant, in ea manere, secunda contrarium; tertia uero sectionem per uerticem coni continet, quarta sectionem basi parallelam, quinta sectionem contrariam; sexta quasi lemma est septimae demonstrans, communem sectionem circuli planique secantis omnino ad diametrum perpendicularem esse oportere, et si hoc ita sit, rectas ei parallelas a triangulo in binas partes aequales secari; septima reliquas tres sectiones monstrauit et diametrum rectasque ad eam ductas rectae in basi positae parallelas. in octaua autem demonstrat, quod nos in prooemio [p. 176, 12 sq.] diximus, parabolam hyperbolamque earum linearum esse, quae in infinitum crescant; in nona autem ellipsim, quamquam in se recurrat sicut circulus, quia planum secans cum utroque latere trianguli concurrat, circulum non esse; circulos enim et sectio contraria et parallela efficiebant; et animad-

9. τό (alt.)] supra scr. m. 1 W. 12. προσλαμβάνεται W,  
et p, sed corr. m. 1. ἐβδόμον] ἐβδόμον οὐ W, ξ' οὐ p;  
corr. Comm. 13. ὁφέλει W. 14. τομή] corr. εκ τωμή in  
scrib. W. 17. ἐδειξεν W. 23. τὸ τό] scripsi, τό W p.  
25. ἔστιν W. 27. @ mg. m. 1 W.

τὴν μίαν πλευρὰν τοῦ τριγώνου τέμνει καὶ τὴν βάσιν,  
ἐπὶ δὲ τῆς ὑπεροβολῆς τὴν τε πλευρὰν καὶ τὴν ἐπ'  
εὐθείας τῇ λοιπῇ πλευρᾷ ἐκβαλλομένην πρὸς τῇ κο-  
ρυφῇ, ἐπὶ δὲ τῆς ἐλλείψεως καὶ ἐκατέραν τῶν πλευ-  
ρῶν καὶ τὴν βάσιν. τὸ δὲ δέκατον ἀπλούστερον μέν  
τις ἐπιβάλλων ἵσως ἂν οἰηθείη ταῦτὸν εἶναι τῷ δευ-  
τέρῳ, τοῦτο μέντοι οὐχ ὡς ἔχει· ἐκεῖ μὲν γάρ ἐπὶ<sup>5</sup>  
πάσης τῆς ἐπιφανείας ἔλεγε λαμβάνεσθαι τὰ δύο  
σημεῖα, ἐνταῦθα δὲ ἐπὶ τῆς γενομένης γραμμῆς. ἐν  
10 δὲ τοῖς ἔξης τρισὶν ἀκριβέστερον ἐκάστην τῶν τομῶν  
τούτων διακρίνει μετὰ τοῦ λέγειν καὶ τὰ ἴδιώματα  
αὐτῶν τὰ ἀρχικά.

*Eἰς τὸ ια'.*

Πεποιήσθω, ὡς τὸ ἀπὸ ΒΓ πρὸς τὸ ὑπὸ<sup>15</sup> ΒΑΓ, οὗτως ἡ ΘΖ πρὸς ΖΑ· σαφὲς μέν ἐστι τὸ<sup>20</sup>  
λεγόμενον, πλὴν εἴ τις καὶ ὑπομνησθῆναι βούλεται.  
ἔστω τῷ ὑπὸ ΒΑΓ ἵσον τὸ ὑπὸ ΟΠΡ, τῷ δὲ ἀπὸ<sup>25</sup>  
ΒΓ ἵσον παρὰ τὴν ΠΡ παραβληθὲν πλάτος ποιείτω  
τὴν ΠΣ, καὶ γεγονέτω, ὡς ἡ ΟΠ πρὸς ΠΣ, ἡ ΑΖ  
πρὸς ΖΘ· γέγονεν ἄρα τὸ ξητούμενον. ἐπεὶ γάρ ἐστιν,  
ὡς ἡ ΟΠ πρὸς ΠΣ, ἡ ΑΖ πρὸς ΖΘ, ἀνάπαλιν ὡς  
ἡ ΣΠ πρὸς ΠΟ, ἡ ΘΖ πρὸς ΖΑ. ὡς δὲ ἡ ΣΠ  
πρὸς ΠΟ, τὸ ΣΡ πρὸς ΡΟ, τουτέστι τὸ ἀπὸ ΒΓ  
πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΑΓ. τοῦτο χρησιμεύει καὶ τοῖς ἔξης  
δύο θεωρήμασιν.

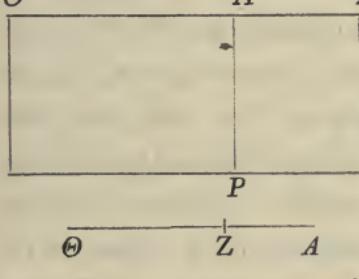
4. δέ] supra scr. p. 7. ἐπτέ] π e corr. m. 1 p. 8.  
ἔλεγε λαμ-] p W<sup>1</sup> (ἔλεγεν W<sup>1</sup>). 10. τοῖς ἔξης τοι-] p W<sup>1</sup>.  
14. πεποιήσθω] p, η in ras. m. 2 W. 15. ἔστιν W. 17.  
τῷ (pr.)] corr. ex τῷ W<sup>1</sup>. 18. ΠΡ] Π e corr. m. 1 W. 19.  
ΠΣ (pr.)] Σ in ras. m. rec. W. ΟΠ] Ο corr. ex Θ W.  
21. ΟΠ] Ο corr. ex Θ W. 22. ΣΠ] Σ e corr. W. ΠΟ]

uerendum est, diametrum sectionis in parabola alterum latus trianguli basimque secare, in hyperbola autem et latus et rectam in altero latere ad uerticem uersus producto positam, in ellipsi autem et utrumque latus et basim. decimam uero, qui obiter intuitus erit, fortasse eandem ac secundam esse putauerit; sed minime ita est; illic enim duo puncta in tota superficie sumi posse dicebat, hic uero in linea orta. in tribus autem deinde sequentibus propositionibus unamquamque harum sectionum diligentius distinguit proprietates simul principales earum indicans.

## Ad prop. XI.

Fiat  $B\Gamma^2 : BA \times A\Gamma = \Theta Z : ZA$  [I p. 38, 24—25]: manifestum quidem, quod dicitur, nisi si quis admoneri

$O \Pi \Sigma$  uelit. sit



$O\Pi \times \Pi\Sigma = BA \times A\Gamma$ ,  
et spatium quadrato  $B\Gamma^2$   
aequale ad  $\Pi\Sigma$  applicatum  
latitudinem efficiat  $\Pi\Sigma$ , fiat  
que  $O\Pi : \Pi\Sigma = AZ : Z\Theta$ ;  
itaque effectum est, quod

quaeritur. nam quoniam est  $O\Pi : \Pi\Sigma = AZ : Z\Theta$ ,  
e contrario erit [Eucl. V, 7 coroll.]

$$\Sigma\Pi : \Pi O = \Theta Z : ZA.$$

est autem

$\Sigma\Pi : \Pi O = \Sigma P : PO$  [Eucl. VI, 1] =  $B\Gamma^2 : BA \times A\Gamma$ .  
hoc etiam in duabus, quae sequuntur, propositionibus  
[I p. 44, 11; 50, 6] utile est.

---

O e corr. W.     $\Sigma\Pi]$   $\Sigma$  e corr. W.    23.  $PO]$  O e corr. W.  
 $\tau\omega\tau\acute{e}\sigma\tau\iota\nu$  W.     $B\Gamma]$  B e corr. p.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ΒΓ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΑΓ λόγον  
ἔχει τὸν συγκείμενον ἐκ τοῦ ὃν ᔁχει ἡ ΒΓ πρὸς  
ΓΑ καὶ ἡ ΒΓ πρὸς ΒΑ· δέδεικται μὲν ἐν τῷ ἔκτῳ  
βιβλίῳ τῆς στοιχειώσεως ἐν τῷ εἰκοστῷ τρίτῳ θεωρή-  
5 ματι, ὅτι τὰ ἴσογάντια παραλληλόγραμμα πρὸς ἄλληλα  
λόγον ᔁχει τὸν συγκείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν· ἐπεὶ δὲ  
ἐπαπτικώτερον μᾶλλον καὶ οὐ κατὰ τὸν ἀναγκαῖον  
τρόπον ὑπὸ τῶν ὑπομνηματιστῶν ἐλέγετο, ἐξητήσαμεν  
αὐτὸν καὶ γέργαπται ἐν τοῖς ἐκδεδομένοις ἡμῖν εἰς τὸ  
10 τέταρτον θεώρημα τοῦ δευτέρου βιβλίου τῶν Ἀρχιμή-  
δους περὶ σφαιρας καὶ κυλίνδρου καὶ ἐν τοῖς σχολίοις τοῦ  
πρώτου βιβλίου τῆς Πτολεμαίου συντάξεως· οὐ χεῖρον  
δὲ καὶ ἐνταῦθα τοῦτο γραφῆναι διὰ τὸ μὴ πάντως τοὺς  
ἀναγινώσκοντας κάκείνοις ἐντυγχάνειν, καὶ ὅτι σχεδὸν  
15 τὸ ὅλον σύνταγμα τῶν κωνικῶν κέχρηται αὐτῷ.

λόγος ἐκ λόγων συγκεῖθαι λέγεται, ὅταν αἱ τῶν  
λόγων πηλικότητες ἐφ' ἑαυτὰς πολλαπλασιασθεῖσαι ποι-  
ῶσί τινα, πηλικότητος δηλονότι λεγομένης τοῦ ἀριθ-  
μοῦ, οὗ παρώνυμός ἐστιν ὁ λόγος. ἐπὶ μὲν οὖν τῶν  
20 πολλαπλασίων δυνατόν ἐστιν ἀριθμὸν ὀλόκληρον εἶναι  
τὴν πηλικότητα, ἐπὶ δὲ τῶν λοιπῶν σχέσεων ἀνάγκη  
τὴν πηλικότητα ἀριθμὸν εἶναι καὶ μόριον ἡ μόρια, εἰ μὴ  
ἄρα τις ἐθέλοι καὶ ἀρρήτους εἶναι σχέσεις, οἵαί εἰσιν  
αἱ κατὰ τὰ ἄλογα μεγέθη. ἐπὶ πασῶν δὲ τῶν σχέσεων  
25 δῆλον, ὅτι αὐτὴ ἡ πηλικότης πολλαπλασιαζομένη ἐπὶ<sup>1</sup>  
τὸν ἐπόμενον ὅρον τοῦ λόγου ποιεῖ τὸν ἡγούμενον.

ἐστω τοίνυν λόγος ὁ τοῦ Α πρὸς τὸν Β, καὶ εἰ-

2. ΒΓ] Γ e corr. m. 1 W.      3. ΓΑ — πρός] addidi;  
om. W p (pro ΒΑ Halley scr. ΓΑ).      4. τῆς] τῇ W.      5. ἐν] e  
corr. p.      5. ὅτι] pw, ὅτ seq. ras. 1 litt. W.      10. Ἀρχιμή-  
δους] vw, Ἀρχι seq. ras. 5—6 litt. W et seq. lac. p.      13.

Et est

$$B\Gamma^2 : BA \times A\Gamma = (B\Gamma : \Gamma A) \times (B\Gamma : BA)$$

[I p. 40, 8—10]: in propositione XXIII sexti libri Elementorum demonstratum est, parallelogramma aequiangula inter se rationem ex rationibus laterum compositam habere; quoniam autem hoc per inductionem magis neque satis stricte a commentatoribus exponebatur, nos de ea re quaesiuimus et scriptum est in commentariis, quae edidimus ad quartam propositionem libri alterius Archimedis de sphaera et cylindro [Archimedis op. III p. 140 sq.] et in scholiis primi libri compositionis Ptolemaei; uerum satius esse duximus hic quoque idem exponere, quia non omnino iis, qui haec legent, illi quoque libri ad manum sunt, et quia totum paene opus conicorum eo utitur.

ratio ex rationibus composita esse dicitur, ubi rationum quantitates inter se multiplicatae rationem quandam efficiunt, quantitas autem is dicitur numerus, a quo ratio denominatur. in multiplis igitur fieri potest, ut quantitas sit totus aliquis numerus, in reliquis uero rationibus necesse est, quantitatem numerum esse cum parte uel partibus, nisi quis etiam irrationales rationes esse statuerit, quales sunt magnitudinum irrationalium. uerum in omnibus rationibus manifestum est, ipsam quantitatem in terminum sequentem proportionis multiplicatam praecedentem efficere.

sit igitur proportio  $A : B$ , et sumatur medius

---

$\gamma\varphi\alpha\varphi\varepsilon\nu\alpha\iota$  W. 16—17.  $\xi$  mg. W. 17.  $\pi\omega\lambda\alpha\pi\lambda\alpha\sigma\theta\varepsilon\iota\sigma\alpha\iota$  W.  
 $\pi\omega\tilde{\alpha}\sigma\iota$ ] p,  $\omega\sigma\iota\nu$  post ras. 3 litt. W. 21.  $\tau\dot{\eta}\nu$ ] p, om. W.

λήφθω τις αὐτῶν μέσος, ὡς ἔτυχεν, ὁ Γ, καὶ ἔστω  
 τοῦ Α, Γ λόγου πηλικότης ὁ Δ, τοῦ δὲ Γ, Β ὁ Ε,  
 καὶ ὁ Δ τὸν Ε πολλαπλασιάσας τὸν Ζ ποιείτω. λέγω,  
 ὅτι τοῦ λόγου τῶν Α, Β πηλικότης ἔστιν ὁ Ζ, τούτ-  
 5 ἔστιν ὅτι ὁ Ζ τὸν Β πολλαπλασιάσας τὸν Α ποιεῖ.  
 ὁ δὴ Ζ τὸν Β πολλαπλασιάσας τὸν Η ποιείτω. ἐπεὶ  
 οὖν ὁ Δ τὸν μὲν Ε πολλαπλασιάσας τὸν Ζ πεποίηκεν,  
 τὸν δὲ Γ πολλαπλασιάσας τὸν Α πεποίηκεν, ἔστιν  
 ἄρα, ὡς ὁ Ε πρὸς τὸν Γ, ὁ Ζ πρὸς τὸν Α. πάλιν  
 10 ἐπεὶ ὁ Β τὸν Ε πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν,  
 τὸν δὲ Ζ πολλαπλασιάσας τὸν Η πεποίηκεν, ἔστιν  
 ἄρα, ὡς ὁ Ε πρὸς τὸν Ζ, ὁ Γ πρὸς τὸν Η. ἐναλλάξ,  
 ὡς ὁ Ε πρὸς τὸν Γ, ὁ Ζ πρὸς τὸν Η. ἦν δέ, ὡς  
 ὁ Ε πρὸς τὸν Γ, ὁ Ζ πρὸς τὸν Α· ἵσος ἄρα ὁ Η  
 15 τῷ Α. ὥστε ὁ Ζ τὸν Β πολλαπλασιάσας τὸν Α  
 πεποίηκεν.

μὴ ταρατέτω δὲ τοὺς ἐντυγχάνοντας τὸ διὰ τῶν  
 ἀριθμητικῶν δεδεῖχθαι τοῦτο· οἱ τε γὰρ παλαιοὶ κέ-  
 χρηνται ταῖς τοιαύταις ἀποδείξεσι μαθηματικαῖς μᾶλλον  
 20 οὕσαις ἢ ἀριθμητικαῖς διὰ τὰς ἀναλογίας, καὶ ὅτι  
 τὸ ξητούμενον ἀριθμητικόν ἔστιν. λόγοι γὰρ καὶ  
 πηλικότητες λόγων καὶ πολλαπλασιασμοὶ τοῖς ἀριθμοῖς  
 πρώτως ὑπάρχουσι καὶ δι' αὐτῶν τοῖς μεγέθεσι, κατὰ  
 τὸν εἰπόντα· ταῦτα γὰρ τὰ μαθήματα δοκοῦντι εἶμεν  
 25 ἀδελφά.

4. τῶν] corr. ex τόν in scrib. W      7. πεποίηκε p.      10.  
 πεποίηκε p.      16. πεποίηκε p. Mg. διότι τὸ Ζ πρὸς τὸ Δ  
 καὶ Η λόγον τὸν αὐτὸν ἔχει τοῦ Ε πρὸς τὸ Γ, τὰ δὲ ἔχοντα  
 πρὸς [τὸ αὐτό] τὸν αὐτὸν λόγον ἵσα m. 1 W (τὸ αὐτό om.,  
 ἵσα comp. m. 2) et p (τὸ αὐτό om., add. mg. ἔξω ἦν σχόλιον).      19.  
 18. δεδεῖχθαι] p, δεδ ras. 3 litt. θαι W, δεδόσθαι w.      20. ὅτι] fort. αὐτό.      23. ὑπάρχουσιν W.

eorum numerus aliquis  $\Gamma$ , sitque proportionis  $A : \Gamma$  quantitas  $\Delta$ , proportionis autem  $\Gamma : B$  quantitas  $E$ ,

$\bar{\delta}$	$\bar{s}$	$\bar{y}$	$\bar{\alpha}\bar{\gamma}$	$\bar{y}$	$\bar{w}$	$\bar{\beta}$	$\bar{\alpha}\bar{\gamma}$	et sit $\Delta \times E = Z$ .
$A$		$B$						dico, $Z$ esse quantitatem proportionis $A : B$ , h. e. esse
		$H$						$Z \times B = A$ .
$\Gamma$			$\Delta$	$E$				sit igitur $Z \times B = H$ . quoniam igitur est

$$\Delta \times E = Z,$$

$$\Delta \times \Gamma = A,$$

erit [Eucl. VII, 17]  $E : \Gamma = Z : A$ . rursus quoniam est  $B \times E = \Gamma$ ,  $B \times Z = H$ , erit [ib.]  $E : Z = \Gamma : H$ . permutando  $E : \Gamma = Z : H$ . erat autem  $E : \Gamma = Z : A$ ; quare  $H = A$ . ergo  $Z \times B = A$ .

ne offendat autem eos, qui legent, quod hoc arithmeticice demonstratum est; nam et antiqui eius modi demonstrationibus usi sunt, quippe quae mathematicae potius quam arithmeticae sint propter proportiones, et quod quaeritur, arithmeticum esse constat. nam rationes quantitatesque rationum et multiplicationes proprie ad numeros pertinent et propter eos ad magnitudines, quod ipsum censuit, qui<sup>1)</sup> dixit: nam haec mathematica inter se cognata uidentur esse.

---

Vp in linea  $H$  habent numeros  $\bar{\alpha}\bar{\beta}$  et inter  $H$  et  $\Delta$  numerum  $\bar{y}$ , sed scribendum ut supra (h. e.  $1\frac{1}{3} \times 3$ ). in  $\Delta$  pro  $\bar{w}$  ( $\frac{2}{3}$ ) habent  $\bar{o}$ .

---

1) Archytas Tarentinus; u. Nicomachus arithm. I, 3, 4.

*Eἰς τὸ ιγ'.*

Δεῖ σημειώσασθαι, ὅτι τοῦτο τὸ θεώρημα τρεῖς  
ἔχει καταγραφάς, ὡς καὶ πολλάκις εἴρηται ἐπὶ τῆς  
ἔλλειψεως· ἡ γὰρ ΔΕ ἡ ἀνωτέρω τοῦ Γ συμπίπτει  
5 τῇ ΑΓ ἡ κατ' αὐτοῦ τοῦ Γ ἡ ἔξωτέρω ἐκβαλλομένη  
τῇ ΑΓ συμπίπτει.

*Eἰς τὸ ιδ'.*

Δυνατὸν ᾧν καὶ οὕτως δεῖξαι, ὅτι, ὡς τὸ ἀπὸ ΑΣ  
πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΣΓ, οὕτως τὸ ἀπὸ ΑΤ πρὸς τὸ ὑπὸ<sup>10</sup>  
ΕΤΟ.

ἐπεὶ γὰρ παράλληλός ἐστιν ἡ ΒΓ τῇ ΞΟ, ἐστιν,  
ὡς ἡ ΓΣ πρὸς ΣΑ, ἡ ΞΤ πρὸς ΤΑ, καὶ διὰ τὰ  
αὐτά, ὡς ἡ ΑΣ πρὸς ΣΒ, ἡ ΑΤ πρὸς ΤΟ· δι' ἵσου  
ἄρα, ὡς ἡ ΓΣ πρὸς ΣΒ, ἡ ΞΤ πρὸς ΤΟ. καὶ ὡς  
15 ἄρα τὸ ἀπὸ ΓΣ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΣΒ, τὸ ἀπὸ ΞΤ πρὸς  
τὸ ὑπὸ ΞΤΟ. ἐστι δὲ διὰ τὴν δύμοιότητα τῶν τρι-  
γώνων, ὡς τὸ ἀπὸ ΑΣ πρὸς τὸ ἀπὸ ΣΓ, τὸ ἀπὸ ΑΤ  
πρὸς τὸ ἀπὸ ΞΤ· δι' ἵσου ἄρα, ὡς τὸ ἀπὸ ΑΣ πρὸς  
τὸ ὑπὸ ΒΣΓ, τὸ ἀπὸ ΑΤ πρὸς τὸ ὑπὸ ΞΤΟ.

20 καὶ ἐστιν, ὡς μὲν τὸ ἀπὸ ΑΣ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΣΓ,  
ἡ ΘΕ πρὸς ΕΠ, ὡς δὲ τὸ ἀπὸ ΑΤ πρὸς τὸ ὑπὸ<sup>2</sup>  
ΞΤΟ, ἡ ΘΕ πρὸς ΘΡ· καὶ ὡς ἄρα ἡ ΘΕ πρὸς ΕΠ,  
ἡ ΕΘ πρὸς ΘΡ. ἵση ἄρα ἐστὶν ἡ ΕΠ τῇ ΘΡ.

πτῶσιν μὲν οὖν οὐκ ἔχει, φανερὸς δέ ἐστιν ὁ  
25 σκοπὸς συνεχῆς ὃν τοῖς πρὸ αὐτοῦ τρισίν· δύμοιῶς γὰρ  
ἐκείνοις τὴν διάμετρον τῶν ἀντικειμένων ξητεῖ τὴν  
ἀρχικὴν καὶ τὰς παρ' ἄς δύνανται.

1. *ιγ']* W, *γ* e corr. W, *ι* e corr. p. 4. *ἔλλειψεως* W. 8.  
*ΑΣ]* *A* e corr. W. 9. *οὕτω* p. 10. *ΞΤΟ]* *ZT* Wp, corr.  
Comm. 11. *ΞΟ]* *ZO* Wp, corr. Comm. 13. *ΤΟ]* *τὸν* W,

## Ad prop. XIII.

Animaduertendum, hanc propositionem tres figuræ habere, ut iam saepe in ellipsi diximus; nam  $\Delta E$  aut supra  $\Gamma$  cum  $A\Gamma$  concurrit aut in ipso  $\Gamma$  aut extra cum  $A\Gamma$  producta concurrit.

## Ad prop. XIV.

Poterat sic quoque demonstrari, esse  
 $A\Sigma^2 : B\Sigma \times \Sigma\Gamma = AT^2 : ET \times TO$  [I p. 58, 2—3]:

nam quoniam  $B\Gamma$  rectæ  $\Xi O$  parallela est, erit  
 $\Gamma\Sigma : \Sigma A = ET : TA$  et eadem de causa

$A\Sigma : \Sigma B = AT : TO$  [cfr. I p. 56, 24—27].

ex aequo igitur  $\Gamma\Sigma : \Sigma B = ET : TO$ . quare etiam  
 $\Gamma\Sigma^2 : \Gamma\Sigma \times \Sigma B = ET^2 : ET \times TO$ . uerum propter  
similitudinem triangulorum est [Eucl. VI, 4]

$$A\Sigma^2 : \Sigma\Gamma^2 = AT^2 : ET^2;$$

itaque ex aequo  $A\Sigma^2 : B\Sigma \times \Sigma\Gamma = AT^2 : ET \times TO$ .

est autem  $A\Sigma^2 : B\Sigma \times \Sigma\Gamma = \Theta E : E\Pi$  et

$$AT^2 : ET \times TO = \Theta E : \Theta P.$$

quare etiam  $\Theta E : E\Pi = E\Theta : \Theta P$ . ergo  $E\Pi = \Theta P$  [cfr. I p. 58, 3—7].

casum non habet, et propositum satis adparet, cum ad fine sit tribus, quae antecedunt; nam eodem modo,  
quo illæ, diametrum principalem oppositarum para-  
metrosque quaerit.

$\tau''$  p., corr. Comm. 14.  $TO]$   $\tau\circ\Gamma\Sigma W$ ,  $\tau\circ\Sigma\Gamma$  p., corr.  
Comm. 15.  $\tau\circ\alpha\nu\circ$  (alt.)] in ras m. 1 W. 16. Post  $\nu\pi\circ$   
rep.  $T\Sigma B$  (B corr. ex  $\Sigma$  p)  $\tau\circ\alpha\nu\circ ET$   $\pi\varrho\delta\varsigma$   $\tau\circ\nu\pi\circ W$  p., corr.  
Comm.  $\Xi TO]$   $\Xi T$  W p., corr. Comm.  $\xi\sigma\tau\iota\varsigma W$ . 21.  $\Theta E]$   
 $\Theta\Sigma W$  p., corr. Comm. 22.  $\Xi TO$ ,  $\dot{\eta}\Theta E]$   $\Xi T$   $\dot{\delta} H\Theta E$  W p.,  
corr. Comm. 23.  $E\Theta]$  E e corr. m. 1 p.  $E\Pi]$   $\Theta\Pi$  W p.,  
corr. Comm.

*Eἰς τὸ ις'.*

"Ισον ἄρα τὸ ὑπὸ ΒΚΑ τῷ ὑπὸ ΑΛΒ· ἵση  
ἄρα ἐστὶν ἡ ΚΑ τῇ ΒΛ· ἐπεὶ γὰρ τὸ ὑπὸ ΒΚΑ  
τῷ ὑπὸ ΑΛΒ ἐστιν ἵσον, ἀνάλογον ἐσται, ὡς ἡ ΚΒ  
5 πρὸς ΑΛ, ἡ ΛΒ πρὸς ΑΚ· καὶ ἐναλλάξ, ὡς ἡ ΚΒ  
πρὸς ΒΛ, ἡ ΛΑ πρὸς ΑΚ· καὶ συνθέντι, ὡς ἡ ΚΛ  
πρὸς ΛΒ, ἡ ΛΚ πρὸς ΚΑ· ἵση ἄρα ἡ ΚΑ τῇ ΒΛ.

δεῖ ἐπιστῆσαι, ὅτι ἐν τῷ πεντεκαιδεκάτῳ καὶ ἐκ-  
καιδεκάτῳ θεωρήματι σκοπὸν ἔσχε ζητῆσαι τὰς καλου-  
10 μένας δευτέρας καὶ συζυγεῖς διαμέτρους τῆς ἐλλείψεως  
καὶ τῆς ὑπερβολῆς ἥτοι τῶν ἀντικειμένων· ἡ γὰρ  
παραβολὴ οὐκ ἔχει τοιαύτην διάμετρον. παρατηρητέον  
δέ, ὅτι αἱ μὲν τῆς ἐλλείψεως διάμετροι ἐντὸς ἀπολαμ-  
βάνονται, αἱ δὲ τῆς ὑπερβολῆς καὶ τῶν ἀντικειμένων  
15 ἐκτός. καταγράφοντας δὲ δεῖ τὰς μὲν παρ' ἃς δύναν-  
ται ἥτοι τὰς ὁρθίας πλευρὰς πρὸς ὁρθὰς τάττειν καὶ  
δηλονότι καὶ τὰς παραλλήλους αὐταῖς, τὰς δὲ τεταγ-  
μένως καταγομένας καὶ τὰς δευτέρας διαμέτρους οὐ  
πάντως μάλιστα γὰρ ἐν ὁξείᾳ γωνίᾳ δεῖ κατάγειν  
20 αὐτάς, ἵνα σαφεῖς ὕσιν τοῖς ἐντυγχάνουσιν ἔτεραι  
οὖσαι τῶν παραλλήλων τῇ ὁρθίᾳ πλευρᾷ.

---

Μετὰ τὸ ἐκκαιδέκατον θεώρημα ὅρους ἐκτίθεται  
περὶ τῆς καλουμένης δευτέρας διαμέτρου τῆς ὑπερ-  
βολῆς καὶ τῆς ἐλλείψεως, οὓς διὰ καταγραφῆς σαφεῖς  
25 ποιήσομεν.

ἔστω ὑπερβολὴ ἡ ΑΒ, διάμετρος δὲ αὐτῆς ἔστω  
ἡ ΓΒΔ, παρ' ἧν δὲ δύνανται αἱ ἐπὶ τὴν ΒΓ κατ-

---

7. ΚΑ (alt.)] ΚΘ· W et p (Θ e corr. m. 1); corr. Comm. (ak). 8. ἐκκεδεκάτῳ W. 9. ἔσχεν W. 12. Mg. (ἢ m. 1 W.

## Ad prop. XVI.

Quare  $BK \times KA = AA \times AB$ ; itaque est  $KA = BA$  [I p. 66, 9–11]: quoniam enim

$$BK \times KA = AA \times AB,$$

erit  $KB : AA = AB : AK$ . et permutando

$$KB : BA = AA : AK;$$

et componendo  $KA : AB = AK : KA$ ; ergo  $KA = BA$ .

animaduertendum, in quinta decima et sexta decima propositionibus ei propositum fuisse diametros alteras et coniugatas, quae uocantur, ellipsis hyperbolaeque siue oppositarum quaerere; parabola enim talem diametrum non habet. obseruandum autem, diametros ellipsis intus comprehendi, hyperbolae uero oppositarumque extra. in figuris autem describendis oportet parametros siue recta latera perpendicularares collocari et, ut per se intellegitur, etiam rectas iis parallelas, rectas autem ordinate ductas diametrosque alteras non semper; melius enim in angulo acuto ducuntur, ut iis, qui legent, statim adpareat, eas alias esse a rectas lateri recto parallelas.

Post propositionem sextam decimam de diametro altera, quae uocatur, hyperbolae et ellipsis definitiones exponit [I p. 66, 16 sq.], quas per figuram explicabimus.

sit  $AB$  hyperbola, diametru autem eius sit  $\Gamma B A$ ,  $BE$  autem parametru diametri  $B\Gamma$ . adparet igitur,

13. ἔλλειψεως] corr. ex ἔλλήψεως m. 2 W. 18. δευτέρας] β̄ p. 21. ὁρθία] ὁρθεῖαι W. 24—25. -εις ποι- in ras. m. 1 W.

αγόμεναι ἡ ΒΕ. φανερὸν οὖν, ὅτι ἡ μὲν ΒΓ εἰς ἄπειρον αὐξέται διὰ τὴν τομῆν, ὡς δέδεικται ἐν τῷ ὄγδοῳ θεωρήματι, ἡ δὲ ΒΔ, ἥτις ἐστὶν ἡ ὑποτείνουσα τὴν ἐκτὸς τοῦ διὰ τοῦ ἄξονος τριγώνου γωνίαν πεπέρασται. ταύτην δὴ διχοτομοῦντες κατὰ τὸ Ζ καὶ ἀγαγόντες ἀπὸ τοῦ Α τεταγμένως κατηγμένην τὴν ΑΗ, διὰ δὲ τοῦ Ζ τῇ ΑΗ παράλληλον τὴν ΘΖΚ καὶ ποιήσαντες τὴν ΘΖ τῇ ΖΚ ἵσην, ἔτι μέντοι καὶ τὸ ἀπὸ ΘΚ ἵσον τῷ ὑπὸ ΔΒΕ, ἔξομεν τὴν ΘΚ δευτέραν διάμετρον. τοῦτο γὰρ δυνατὸν διὰ τὸ τὴν ΘΚ ἐκτὸς οὖσαν τῆς τομῆς εἰς ἄπειρον ἐκβάλλεσθαι καὶ δυνατὸν εἶναι ἀπὸ τῆς ἀπείρου προτεθείσῃ εὐθείᾳ ἵσην ἀφελεῖν. τὸ δὲ Ζ κέντρον καλεῖ, τὴν δὲ ΖΒ καὶ τὰς δύοις αὐτῇ ἀπὸ τοῦ Ζ πρὸς τὴν τομὴν φερομένας ἐκ 15 τοῦ κέντρου.

ταῦτα μὲν ἐπὶ τῆς ὑπερβολῆς καὶ τῶν ἀντικειμένων· καὶ φανερόν, ὅτι πεπερασμένη ἐστὶν ἐκατέρᾳ τῶν διαμέτρων, ἡ μὲν πρώτη αὐτόθεν ἐκ τῆς γενέσεως τῆς τομῆς, ἡ δὲ δευτέρα, διότι μέση ἀνάλογον ἐστι πεπερασμένων εὐθειῶν τῆς τε πρώτης διαμέτρου καὶ τῆς παρ' ἣν δύνανται αἱ καταγόμεναι ἐπ' αὐτὴν τεταγμένως.

ἐπὶ δὲ τῆς ἐλλείψεως οὕπω δῆλον τὸ λεγόμενον. ἐπειδὴ γὰρ εἰς ἑαυτὴν συννεύει, καθάπερ ὁ κύκλος, 25 καὶ ἐντὸς ἀπολαμβάνει πάσας τὰς διαμέτρους καὶ ὠρισμένας αὐτὰς ἀπεργάζεται· ὥστε οὐ πάντας ἐπὶ τῆς ἐλλείψεως ἡ μέση ἀνάλογον τῶν τοῦ εἴδους πλευρῶν καὶ διὰ τοῦ κέντρου τῆς τομῆς ἀγομένη καὶ ὑπὸ τῆς διαμέτρου διχοτομουμένη ὑπὸ τῆς τομῆς περατοῦται·

---

4. ἄξωνος W. 9. ὑπό] ἀπό p. 19. ἐστιν W. 23.  
οὕπω] οὔτω? 26. οὐ] del. Comm.

$B\Gamma$  propter sectionem in infinitum crescere, sicut in propositione octaua demonstratum est,  $B\Delta$  autem, quae sub angulo exteriore trianguli per axem positi

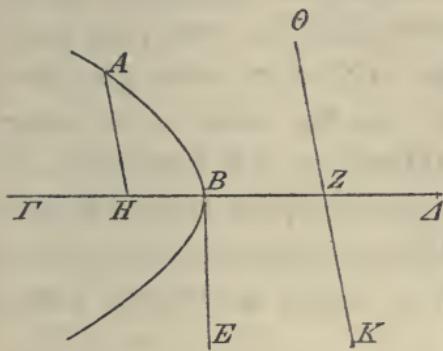
subtendat, terminatam esse. hac igitur in  $Z$  in duas partes aequales diuisa, ab  $A$  autem  $AH$  ordinate ducta et per  $Z$  rectae  $AH$  parallela ducta  $\Theta ZK$  et sumpta  $\Theta Z$  rectae  $ZK$  aequali praetereaque sumpto

$$\Theta K^2 = AB \times BE,$$

habebimus alteram diametrum  $\Theta K$ . hoc enim fieri potest, quia  $\Theta K$ , quae extra sectionem est, in infinitum produci potest, et quia ab infinita recta rectam datae aequalem abscindere possumus.  $Z$  autem centrum uocat et  $ZB$  easque, quae similiter a  $Z$  ad sectionem ducuntur, radios.

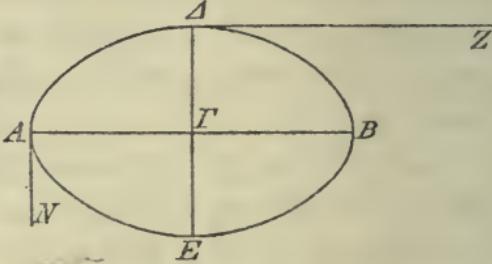
haec quidem in hyperbola oppositique; et adparet, utramque diametrum terminatam esse, priorem statim ex origine sectionis, alteram autem, quod media sit proportionalis inter rectas terminatas, priorem scilicet diametrum et parametrum rectarum ad illam ordinate ductarum.

in ellisci uero nondum constat propositum. quoniam enim sicut circulus in se recurrit, omnes diametros intra se comprehendit et determinat; quare in ellisci media inter latera figurae proportionalis per centrum sectionis ducta et a diametro in duas partes aequales secta non semper a sectione determinatur. fieri autem



δυνατὸν δὲ αὐτὴν συλλογίζεσθαι δι' αὐτῶν τῶν εἰρημένων ἐν τῷ πεντεκαιδεκάτῳ θεωρήματι. ἐπεὶ γάρ, ὡς ἔκει δέδεικται, αἱ ἐπὶ τὴν  $\Delta E$  καταγόμεναι παράλληλοι τῇ  $AB$  δύνανται τὰ παρακείμενα παρὰ τὴν τρίτην αὐταῖς 5 ἀνάλογον γινομένην, τουτέστι τὴν  $Z\Delta$ , ἐστιν, ὡς ἡ  $\Delta E$  πρὸς τὴν  $AB$ , ἡ  $AB$  πρὸς  $\Delta Z$ . ὥστε μέση ἀνάλογόν 10 ἐστιν ἡ  $AB$  τῶν  $E\Delta$ ,  $\Delta Z$ . καὶ διὰ τοῦτο καὶ αἱ καταγόμεναι ἐπὶ τὴν  $AB$  παράλληλοι τῇ  $\Delta E$  δυνήσονται τὰ παρὰ τὴν τρίτην ἀνάλογον παρακείμενα τῶν  $\Delta E$ ,  $AB$ , 15  $10$  τουτέστι τὴν  $AN$ . διὰ δὴ τοῦτο μέση ἀνάλογον γίνεται ἡ  $\Delta E$  δευτέρα διάμετρος τῶν  $BA$ ,  $AN$  τοῦ εἶδους πλευρῶν.

δεῖ δὲ εἰδέναι καὶ τοῦτο διὰ τὸ εὔχροηστον τῶν καταγραφῶν· ἐπεὶ γὰρ ἄνισοί εἰσιν αἱ  $AB$ ,  $\Delta E$  διά-  
15 μετροι· ἐν μόνῳ γὰρ τῷ κύκλῳ ἵσαι εἰσίν· δῆλον, ὅτι ἡ μὲν πρὸς ὁρθὰς  
ἀγομένη τῇ ἐλάσσονι  
αὐτῶν ὡς ἐνταῦθα ἡ  
 $\Delta Z$  ἄτε τρίτη ἀνά-  
20 λογον οὖσα τῶν  $\Delta E$ ,  
 $AB$  μείζων ἐστὶν ἀμ-  
φοῖν, ἡ δὲ πρὸς ὁρ-



θὰς ἀγομένη τῇ μείζονι ὡς ἐνταῦθα ἡ  $AN$  διὰ τὸ τρίτην ἀνάλογον εἶναι τῶν  $AB$ ,  $\Delta E$  ἐλάσσων ἐστὶν ἀμφοῖν.  
25 ὥστε καὶ συνεχῶς εἶναι τὰς τέσσαρας ἀνάλογον· ὡς γὰρ ἡ  $AN$  πρὸς  $\Delta E$ , ἡ  $\Delta E$  πρὸς  $AB$  καὶ ἡ  $AB$  πρὸς  $\Delta Z$ .

*Eἰς τὸ ιξ'.*

‘Ο μὲν Εὐκλείδης ἐν τῷ πεντεκαιδεκάτῳ θεωρήματι τοῦ τρίτου βιβλίου τῆς στοιχειώσεως ἔδειξεν, ὅτι ἡ

5. τουτέστιν  $W$ . τὴν]  $W$ , τῇ  $p$ , corr. Halley.  $Z\Delta]$   
 $\Delta$  e corr. p. 8.  $AB]$   $A$  e corr. in scrib. W. 10. τουτ-

potest, ut per ea ipsa, quae in propositione quinta decima dicta sunt, computetur. nam quoniam, ut ibi demonstratum est, rectae ad  $\Delta E$  rectae  $AB$  parallelae ductae quadratae aequales sunt spatiis ad tertiam earum proportionalem, hoc est ad  $Z\Delta$ , applicatis, erit  $\Delta E : AB = AB : \Delta Z$ ; quare  $AB$  inter  $E\Delta$ ,  $\Delta Z$  media est proportionalis. qua de causa etiam rectae ad  $AB$  rectae  $\Delta E$  parallelae ductae quadratae aequales erunt spatiis ad tertiam rectarum  $\Delta E$ ,  $AB$  proportionalem, hoc est ad  $AN$ , applicatis. qua de causa  $\Delta E$  altera diametruſ media est proportionalis inter  $BA$ ,  $AN$  latera figurae.

sciendum autem hoc quoque, quod ad figurās describendas utile est; quoniam enim diametri  $AB$ ,  $\Delta E$  inaequales sunt (nam in solo circulo sunt aequales), manifestum est, rectam ad minorem earum perpendicularē ductam ut hic  $\Delta Z$ , quippe quae tertia sit proportionalis rectarum  $\Delta E$ ,  $AB$ , maiorem esse utraque, rectam autem ad maiorem perpendicularē ductam ut hic  $AN$ , quippe quae tertia sit proportionalis rectarum  $AB$ ,  $\Delta E$ , minorem utraque [Eucl. V, 14]; quare etiam deinceps proportionales sunt quattuor illae rectae; nam  $AN : \Delta E = \Delta E : AB = AB : \Delta Z$ .

### Ad prop. XVII.

Euclides in propositione quinta decima<sup>1)</sup> tertii libri Elementorum demonstrauit, rectam, quae ad

1) Est Elem. III, 16.

$\epsilon\sigma\tau\nu$  W.  $\mu\acute{\epsilon}\sigma\eta]$   $\mu\acute{\epsilon}\nu$  Wp, corr. Comm. 20.  $\tau\tilde{\omega}\nu]$  om. p.  $\Delta E]$   $\Delta$  e corr. in scrib. W. 23. Post  $\tau\acute{\epsilon}\iota\tau\eta\nu$  del.  $\epsilon\tilde{\iota}\nu\alpha\iota$  p. 26.  $AN]$   $N$  e corr. p.

πρὸς ὁρθὰς ἀγομένη ἀπ' ἄκρας τῆς διαμέτρου ἐκτός τε πίπτει καὶ ἐφάπτεται τοῦ κύκλου, ὁ δὲ Ἀπολλώνιος ἐν τούτῳ καθολικόν τι δείκνυσι δυνάμενον ἐφαρμόσαι ταῖς τρισὶ τοῦ κώνου καὶ τῷ κύκλῳ.

τοσοῦτον διαφέρει ὁ κύκλος τῶν τοῦ κώνου τομῶν, ὅτι ἐπ' ἑκείνου μὲν αἱ τεταγμένως κατηγμέναι πρὸς ὁρθὰς ἀγονται τῇ διαμέτρῳ· οὐδὲ γὰρ ἄλλαι εὑθεῖαι παράλληλοι ἑαυταῖς ὑπὸ τῆς διαμέτρου τοῦ κύκλου διχοτομοῦνται· ἐπὶ δὲ τῶν τριῶν τομῶν οὐ 10 πάντας πρὸς ὁρθὰς ἀγονται, εἰ μὴ ἐπὶ μόνους τοὺς ἄξονας.

### *Eἰς τὸ ιη'.*

"Ἐν τισιν ἀντιγράφοις τὸ θεώρημα τοῦτο ἐπὶ μόνης παραβολῆς καὶ ὑπερβολῆς ἐστιν, κάλλιον δὲ καθολικώτερον ἔχειν τὴν πρότασιν, εἰ μὴ ὅτι τὸ ἐπὶ τῆς ἐλλείψεως ἑκείνοις ὡς ἀναμφίβολον παραλέλειπται· ἡ γὰρ ΓΔ ἐντὸς οὖσα τῆς τομῆς πεπερασμένης οὔσης καὶ αὐτὴ κατ' ἀμφότερα τέμνει τὴν τομήν.

δεῖ δὲ ἐπιστῆσαι, ὅτι, κανὸν ἡ ΑΖΒ τέμνῃ τὴν τομήν, ἡ αὐτὴ ἀπόδειξις ἀριθμός.

### *Eἰς τὸ κ'.*

'Απὸ τούτου τοῦ θεωρήματος ἀρχόμενος ἐφεξῆς ἐν πᾶσι τὰ συμπτώματα τῆς παραβολῆς αὐτῇ δείκνυσιν ὑπάρχοντα καὶ οὐκ ἄλλῃ τινί, ὡς ἐπὶ τὸ πολὺ δὲ τῇ ὑπερβολῇ καὶ τῇ ἐλλείψει καὶ τῷ κύκλῳ τὰ αὐτὰ δείκνυσιν ὑπάρχοντα.

ἐπειδὴ δὲ οὐκ ἀχρηστον φαίνεται τοῖς τὰ μηχα-

3. δείκνυσι] scripsi praeeunte Comm., δεικνύς Wp. 4.  
ταῖς] fort. ταῖς τε. τρισὶν W. κώνου τομαῖς Halley

diametrum in termino perpendicularis erigatur, extra circulum cadere eumque contingere, Apollonius uero hic propositionem uniuersalem demonstrat, quae simul de tribus coni sectionibus et de circulo ualet.

hoc tantum circulus a sectionibus coni differt, quod in eo rectae ordinate ductae ad diametrum perpendicularares ducuntur; neque enim aliae rectae inter se parallelae a diametro circuli in binas partes aequales secantur; in tribus uero sectionibus non semper perpendicularares ducuntur, sed ad axes solos.

### Ad prop. XVIII.

In nonnullis codicibus haec propositio in sola parabola hyperbolaque demonstratur, sed melius est, propositionem uniuersaliorem esse, nisi quod illi de ellipsi, quod ibi res dubia non sit, mentionem non fecerunt. nam  $\Gamma\Delta$ , quae intra sectionem terminatam posita est, per se sectionem ab utraque parte secat.

animaduertendum autem, eandem demonstrationem quadrare, etiam si  $AZB$  sectionem secet.

### Ad prop. XX.

Ab hac propositione incipiens deinceps in omnibus proprietates parabolae ei soli adcidere demonstrat nec ulli alii, plerumque uero hyperbolae, ellipsi, circulo eadem adcidere demonstrat.

quoniam autem iis, qui mechanica scribunt, propter

---

praeente Comm. 6. (H mg. m. 1 W. 13.  $\tauοῦτο$ ] supra  
scr. m. 1 p. 14.  $\dot{\epsilon}\sigmaτι$  p. 15.  $\muῆ$ ] scripsi,  $\piαι$  W p.  $\tauο]$   
om. p in extr. lin. 16.  $\alpha\pi\alpha\pi\betaολον$ ] scripsi,  $\alpha\mu\pi\betaολον$  W p,  
 $\alpha\pi\alpha\pi\betaολον$  Halley cum Comm. 18.  $\alpha\pi\pi\pi]$   $\alpha\pi\cdot$  e corr. in  
scrib. p. 19.  $\tau\epsilon\muη$ ] e corr. p,  $\tau\epsilon\mu\nu\epsiloni$  W. 23.  $\pi\pi\pi$  W.  
 $\alpha\pi\pi\pi]$  p,  $\alpha\pi\pi\pi$  W.

νικὰ γράφουσι διὰ τὴν ἀπορίαν τῶν δογάνων καὶ πολλάκις διὰ συνεχῶν σημείων γράφειν τὰς τοῦ οὐ-  
νου τομὰς ἐν ἐπιπέδῳ, διὰ τούτου τοῦ θεωρήματος  
ἔστι πορίσασθαι συνεχῆ σημεῖα, δι' ᾧ γραφήσεται ἡ  
5 παραβολὴ κανόνος παραδέσει. ἐὰν γὰρ ἐκθῶμαι εὐ-  
θεῖαν ὡς τὴν *AB* καὶ ἐπ' αὐτῆς λάβω συνεχῆ σημεῖα  
ὡς τὰ *E*, *Z* καὶ ἀπ' αὐτῶν πρὸς ὁρθὰς τῇ *AB* καὶ  
ποιήσω ὡς τὰς *EG*, *ZΔ* λαβὼν ἐπὶ τῆς *EG* τυχὸν  
σημεῖον τὸ *Γ*, εἰ μὲν εὐρυτέραν βούληθείην ποιῆσαι  
10 παραβολήν, πόροω τοῦ *E*, εἰ δὲ στενωτέραν, ἔγγυτε-  
ρον, καὶ ποιήσω, ὡς τὴν *AE* πρὸς *AZ*, τὸ ἀπὸ *EG*  
πρὸς τὸ ἀπὸ *ZΔ*, τὰ *Γ*, *Δ* σημεῖα ἐπὶ τῆς τομῆς  
ἔσται. διοίως δὲ καὶ ἄλλα ληψόμεθα, δι' ᾧ γραφή-  
σεται ἡ παραβολή.

15

*Eἰς τὸ κα'.*

Τὸ θεώρημα σαφῶς ἔκκειται καὶ πτῶσιν οὐκ ἔχει.  
δεῖ μέντοι ἐπιστῆσαι, ὅτι ἡ παρὸν ἦν δύνανται, τουτ-  
έστιν ἡ ὁρθία πλευρά, ἐπὶ τοῦ κύκλου ἵση ἔστι τῇ  
διαμέτρῳ. εἰ γάρ ἔστιν, ὡς το ἀπὸ *ΔE* πρὸς τὸ ὑπὸ<sup>20</sup>  
*AEB*, ἡ *ΓA* πρὸς *AB*, ἵσον δὲ τὸ ἀπὸ *ΔE* τῷ ὑπὸ<sup>25</sup>  
*AEB* ἐπὶ τοῦ κύκλου μόνον, ἵση ἄρα καὶ ἡ *ΓA*  
τῇ *AB*.

δεῖ δὲ καὶ τοῦτο εἰδέναι, ὅτι αἱ καταγόμεναι ἐν  
τῇ τοῦ κύκλου περιφερείᾳ πρὸς ὁρθάς εἰσι πάντως  
25 τῇ διαμέτρῳ καὶ ἐπ' εὐθείας γίνονται ταῖς παραλή-  
λοις τῇ *AG*.

διὰ δὲ τούτου τοῦ θεωρήματος τῷ αὐτῷ τρόπῳ  
τοῖς ἐπὶ τῆς παραβολῆς εἰρημένοις προσέχοντες γρά-

1. γράφουσιν *W*. ἀπορίαν] p, corr. ex ἀπορείαν m. 1 *W*.

4. ἔστιν *W*. 7. τῇ] τίν *W* p, corr. Comm. καὶ ποιήσω] fort.  
δύο ἀναστήσω. 8. *ZΔ*] *Z W* p, corr. Comm. *EG*] *ET W* p,

penuriam instrumentorum non inutile uidetur interdum etiam per puncta continua coni sectiones in plano describere, per hanc propositionem fieri potest, ut continua puncta comparentur, per quae parabola describatur regula adposita. si enim rectam posuero ut  $AB$  [u. fig. I p. 73] in eaque puncta continua sumpsero ut  $E, Z$  et ab iis ad rectam  $AB$  perpendiculares erexero ut  $E\Gamma, Z\Delta$  sumpto in  $E\Gamma$  punto aliquo  $\Gamma$ , si parabolam latiorem efficere uoluero, ab  $E$  remoto, sin angustiorem, propius, et fecero

$$E\Gamma^2 : Z\Delta^2 = AE : AZ,$$

puncta  $\Gamma, \Delta$  in sectione erunt. et similiter alia quoque sumemus, per quae parabola describetur.

### Ad prop. XXI.

Propositio satis clare exposita est nec casum habet; animaduertendum autem, parametrum siue latus rectum in circulo diametro aequalem esse. nam si

$$\Delta E^2 : AE \times EB = \Gamma A : AB$$

et in solo circulo  $\Delta E^2 = AE \times EB$ , erit etiam  $\Gamma A = AB$ .

sciendum autem hoc quoque, rectas in ambitu circuli ordinate ductas omnino perpendiculares esse ad diametrum et positas in productis rectis rectae  $AG$  parallelis.

per hanc uero propositionem eadem ratione usi, quam in parabola commemorauimus [ad prop. XX],

corr. Comm. 10. E]  $A$  Wp, corr. Comm. 13.  $\lambda\eta\psi\omega\mu\varepsilon\vartheta\alpha$  W,  
sed corr. m. 1. 18.  $\dot{\eta}$ ] addidi, om. Wp.  $\dot{\varepsilon}\sigma\tau\acute{\iota}\nu$  W. 19.  
 $\dot{\varepsilon}\sigma\tau\acute{\iota}$  p. 20.  $\dot{\alpha}\pi\acute{\o}$ ] om. Wp, corr. Comm. 28.  $\gamma\varrho\acute{\alpha}\varphi\omega\mu\varepsilon\nu$ ]  
fort.  $\gamma\varrho\acute{\alpha}\varphi\omega\mu\varepsilon\nu$ .

φομεν ὑπερβολὴν καὶ ἔλλειψιν κανόνος παραθέσει.  
 ἐκκείσθω γὰρ εὐθεῖα ἡ *AB* καὶ προσεκβεβλήσθω ἐπ'  
 ἀπειρον ἐπὶ τὸ *H*, καὶ ἀπὸ τοῦ *A* ταύτῃ πρὸς ὁρθὰς  
 ἥχθω ἡ *AG*, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ *BG* καὶ ἐκβεβλήσθω,  
 5 καὶ εἰλήφθω τινὰ σημεῖα ἐπὶ τῆς *AH* τὰ *E*, *H*, καὶ  
 ἀπὸ τῶν *E*, *H* τῇ *AG* παράλληλοι ἥχθωσαν αἱ *EΘ*,  
*HK*, καὶ γινέσθω τῷ μὲν ὑπὸ *AHK* ἵσον τὸ ἀπὸ<sup>1</sup>  
*ZH*, τῷ δ' ὑπὸ *AΕΘ* ἵσον τὸ ἀπὸ *ΔE*. διὰ γὰρ τῶν  
*A*, *Δ*, *Z* ἥξει ἡ ὑπερβολὴ. δόμοις δὲ κατασκευάσο-  
 10 μεν καὶ τὰ ἐπὶ τῆς ἔλλειψεως.

### *Eἰς τὸ ιγ'.*

Δεῖ ἐπιστῆσαι, ὅτι ἐν τῇ προτάσει δύο διαμέτρους  
 λέγει οὐχ ἀπλῶς τὰς τυχούσας, ἀλλὰ τὰς καλούμενας  
 συζυγεῖς, ὡν ἐκατέρα παφὰ τεταγμένως κατηγμένην  
 15 ἥκται καὶ μέσον λόγον ἔχει τῶν τοῦ εἰδούς πλευρῶν  
 τῆς ἑτέρας διαμέτρου, καὶ διὰ τοῦτο δίχα τέμνουσι  
 τὰς ἀλλήλων παραλλήλους, ὡς δέδεικται ἐν τῷ *ιε'* θεω-  
 ρήματι. εἰ γὰρ μὴ οὕτως ληφθῇ, συμβήσεται τὴν  
 μεταξὺ εὐθεῖαν τῶν δύο διαμέτρων τῇ ἑτέρᾳ αὐτῶν  
 20 παράλληλον εἶναι· ὅπερ οὐχ ὑπόκειται.

ἐπειδὴ δὲ τὸ *H* ἔγγιόν ἐστι τῆς διχοτομίας τῆς  
*AB* ἥπερ τὸ *Θ*, καὶ ἐστι τὸ μὲν ὑπὸ *BHA* μετὰ τοῦ  
 ἀπὸ *HM* ἵσον τῷ ἀπὸ *AM*, τὸ δὲ ὑπὸ *AΘB* μετὰ

1. ἔλλιψιν *W*.

*tῇ AG*] mg. p.

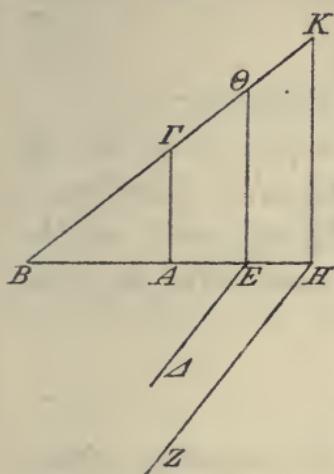
5. *H*] e corr. p. 6. *H*] e corr. p. 7. *HK*]  
*EΘ*] corr. ex *EH* in scrib. *W*. 7. *HK*]  
*NK* p. 8. *tῷ*] scripsi, *tό* *Wp.* 9. *tό*] *W*, *tῷ* p. 10. *ἀπό*] om.  
*Wp*, corr. Comm. 11. *tό*] scripsi, *tό* *Wp.* 12. *tό*] *W*, *tῷ* p.

16. *τέμνουσιν* *W*. 17. *ιε'*] om. *Wp*, corr. Halley (*δεκάτῳ*  
*πέμπτῳ*). 18. *οὕτω* in extr. linea *W*, p. 21. *δέ*] om. p.

*ἔγγιον*] i corr. ex *ει* m. 2 *W*. 19. *ἐστιν* *W*. 22. *AB*]*B* e  
 corr. p., *AM W*. 20. *ἐστιν* *W*. *BHA*]*BAH* *Wp*, corr. Comm.

23. *HM*]*H* *B* p. 24. *AM*]*AB* p.

hyperbolam ellipsimque regula adposita describimus.  
ponatur enim recta  $AB$  et in infinitum producatur



ad  $H$ , ab  $A$  autem ad eam perpendicularis ducatur  $AG$ , duca turque  $BG$  et producatur, in  $AH$  autem puncta aliqua sumantur  $E, H$ , et ab  $E, H$  rectae  $AG$  parallelae ducantur  $E\Theta$ ,  $HK$ , fiatque  $ZH^2 = AH \times HK$ ,  $AE^2 = AE \times E\Theta$ ; tum enim hyperbola per  $A, \Delta, Z$  ueniet. similiter autem etiam in ellipsi faciemus.

### Ad prop. XXIII.

Animaduertendum, duas diametros, quas in propositione nominet, quaslibet duas non esse, sed coniugatas, quae uocentur, quarum utraque rectae ordinate ductae parallela ducta est et media proportionalis est inter latera figurae alterius diametri; quare altera alterius parallelas in binas partes aequales secat, ut in propositione XV demonstratum est. nam si ita non sumpserimus, fieri poterit, ut recta inter duas diametros posita alteri earum parallela sit; quod contra hypothesis est.

quoniam autem  $H$  punto medio rectae  $AB$  propius est quam  $\Theta$ , et

$BH \times HA + HM^2 = AM^2 = AO \times OB + OM^2$   
[Eucl. II, 5], uerum  $\Theta M^2 > HM^2$ , erit

$$BH \times HA > BO \times OA \quad [\text{I p. 78, 10--11}].$$

---

Figura corrupta est in W, imperfecta in p.

τοῦ ἀπὸ ΘΜ ἵσον τῷ αὐτῷ, το δὲ ἀπὸ ΘΜ τοῦ ἀπὸ HM μεῖζον, το ἄρα ὑπὸ BH<sub>A</sub> μεῖζον τοῦ ὑπὸ B<sub>Θ</sub>A.

*Eἰς τὸ κε'.*

"Ἐν τισι φέρεται καὶ αὗτη ἡ ἀπόδειξις.

εἰλήφθω τι σημεῖον ἐπὶ τῆς τομῆς τὸ Θ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ZΘ· ἡ ZΘ ἄρα ἐκβαλλομένη συμπίπτει τῇ ΔΓ· ὥστε καὶ ἡ ZΕ. πάλιν δὴ εἰλήφθω, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ KZ καὶ ἐκβεβλήσθω· συμπεσεῖται δὴ τῇ BA ἐκβαλλομένῃ· ὥστε καὶ ἡ ZH.

10

*Eἰς τὸ κε'.*

Τὸ θεώρημα τοῦτο πτώσεις ἔχει πλείους, πρῶτον μέν, ὅτι ἡ EZ ἡ ἐπὶ τὰ κυρτὰ μέρη τῆς τομῆς λαμβάνεται ώς ἐνταῦθα ἡ ἐπὶ τα κοῖλα, ἔπειτα, ὅτι ἡ ἀπὸ τοῦ E παρὰ τεταγμένως κατηγμένην ἔσω μὲν 15 καθ' ἐν σημεῖον συμβάλλει ἀδιαφόρως τῇ διαμέτρῳ ἀπείρῳ οὕσῃ, ἔξω δὲ οὗσα καὶ μάλιστα ἐπὶ τῆς ὑπερβολῆς ἔχει θέσιν ἡ ἔξωτέρῳ τοῦ B ἡ ἐπὶ τοῦ B ἡ μεταξὺ τῶν A, B.

*Eἰς τὸ κε'.*

20 "Ἐν τισιν ἀντιγράφοις τοῦ κε' θεωρήματος φέρεται τοιαύτη ἀπόδειξις.

ἔστω παραβολή, ἡς διάμετρος ἡ AB, καὶ ταύτην τεμνέτω εὐθεῖά τις ἡ HΔ ἐντὸς τῆς τομῆς. λέγω,

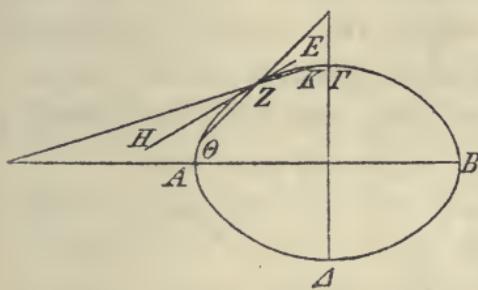
1. ΘΜ] ΘB p.      ΘΜ] ΘB p.      2. HM e corr. p.      3.  
κε'] supra ε ser. β m. 1 p.      4. τισιν W.      7. ΔΓ] Δ corr.  
ex Γ in scrib. W.      9. ἡ] scripsi, τῇ Wp.      10. κε'] s e  
corr. m. 1 p.      12. ἡ] om. p.      14. τε-] in ras. ante ras.  
2—3 litt. W.      ἔσω] scripsi, ἔως Wp.      15. ἀδιαφόρως]  
scripsi, διαφόρως Wp.      17. θέσιν] comp. p, θέσει W.      ἡ  
ἐπὶ — 18. μεταξύ] in ras. p.      19. Eἰς τὸ κε'] καὶ τοῦτο

## Ad prop. XXV.

In quibusdam codicibus haec quoque fertur demonstratio:

sumatur in sectione punctum aliquod  $\Theta$ , ducaturque  $Z\Theta$ ;  $Z\Theta$  igitur producta cum  $A\Gamma$  concurrit

[prop. XXIII]; quare etiam  $Z E$ . rursus punctum sumatur, ducaturque  $KZ$  et producatur; concurret igitur cum  $BA$  producta. quare etiam  $ZH$ .



## Ad prop. XXVI.

Haec propositio complures habet casus, primum quod  $EZ$  aut ad partes conuexas sectionis sumitur sicut hic aut ad concavas, deinde quod recta ab  $E$  ordinate ducta intus quidem indifferenter in uno aliquo punto cum diametro concurrit, quae infinita est, extra uero posita, maxime in hyperbola, aut extra  $B$  aut in ipso  $B$  aut inter  $A$ ,  $B$  cadere potest.

## Ad prop. XXVII.

In quibusdam codicibus haec fertur demonstratio propositionis XXVII:

sit parabola, cuius diametrus sit  $AB$ , secetque eam recta aliqua  $H\Delta$  intra sectionem posita. dico,

*Εύτονίου p. οξ'] ιβ, β mut. in ε (euān.), W; corr. Comm.  
20. φέρεται] φέρεται ή p, ερ euān. 22. παραβολῆς p. ης]  
om. p.*

ὅτι ἡ ΗΔ ἐκβαλλομένη ἐφ' ἑκάτερα τὰ μέρη συμπεσεῖται τῇ τομῇ.

ἢ καὶ γάρ τις διὰ τοῦ Α παρατεταγμένως ἡ ΑΕ·  
ἢ ΑΕ ἄρα ἐκτὸς πεσεῖται τῆς τομῆς.

5 ἥτοι δὴ ἡ ΗΔ τῇ ΑΕ παράλληλος ἔστιν ἢ οὐ.

εἰ μὲν οὖν παράλληλός ἔστιν, αὐτὴ τεταγμένως  
κατήκται· ὅστε ἐκβαλλομένη ἐφ' ἑκάτερα, ἐπεὶ δίχα  
τέμνεται ὑπὸ τῆς διαμέτρου, συμπεσεῖται τῇ τομῇ.

μὴ ἔστω δὴ παράλληλος τῇ ΑΕ, ἀλλὰ ἐκβαλλομένη  
10 συμπιπτέτω τῇ ΑΕ κατὰ τὸ Ε ὡς ἡ ΗΔΕ.

ὅτι μὲν οὖν τῇ τομῇ ἐπὶ τὰ ἔτερα μέρη συμπίπτει, ἐφ' ἂν ἔστι τὸ Ε, δῆλον· εἰ γὰρ τῇ ΑΕ συμβάλλει,  
πολὺ πρότερον τεμεῖ τὴν τομήν.

λέγω, ὅτι καὶ ἐπὶ τὰ ἔτερα μέρη ἐκβαλλομένη συμ-  
15 πίπτει τῇ τομῇ.

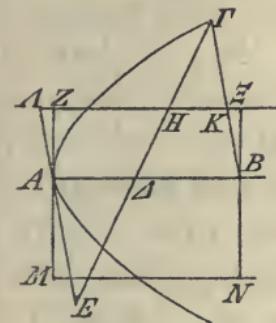
ἔστω γὰρ παρ' ἣν δύνανται ἡ ΜΑ, καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπ' εὐθείας αὐτῇ ἡ ΑΖ· ἡ ΜΑ ἄρα τῇ ΑΒ  
πρὸς ὁρθάς ἔστιν. πεποιήσθω, ὡς τὸ ἀπὸ ΑΕ πρὸς  
τὸ ΑΕΔ τρίγωνον, οὕτως ἡ ΜΑ πρὸς ΑΖ, καὶ διὰ  
20 τῶν Μ, Ζ τῇ ΑΒ παράλληλοι ἤχθωσαν αἱ ΖΚ, ΜΝ·  
τετραπλεύρου οὖν ὅντος τοῦ ΛΑΔΗ καὶ θέσει οὕσης  
τῆς ΛΑ ἤχθω τῇ ΛΑ παράλληλος ἡ ΓΚΒ ἀποτέμνουσα τὸ  
ΓΚΗ τρίγωνον τῷ ΛΑΔΗ τετραπλεύρῳ  
ἴσον, καὶ διὰ τοῦ Β τῇ ΖΑΜ παράλληλος ἤχθω ἡ  
25 ΞΒΝ. καὶ ἐπεί ἔστιν, ὡς τὸ ἀπὸ ΑΕ πρὸς τὸ ΑΕΔ  
τρίγωνον, ἡ ΜΑ πρὸς ΑΖ, ἀλλ' ὡς μὲν τὸ ἀπὸ ΑΕ  
πρὸς τὸ ΑΕΔ τρίγωνον, τὸ ἀπὸ ΓΒ πρὸς τὸ ΔΓΒ  
τρίγωνον· παράλληλος γάρ ἔστιν ἡ ΑΕ τῇ ΓΒ, καὶ  
ἐπιξευγνύουσιν αὐτὰς αἱ ΓΕ, ΑΒ· ὡς δὲ ἡ ΜΑ πρὸς

6. αὐτῇ] scripsi, αὗτῃ Wp.  
post δή add. Halley cum Comm.

9. μὴ] addidi, om. Wp;  
13. πρότερον] corr. ex

rectam  $H\Delta$  productam in utramque partem cum sectione concurrere.

ducatur enim per  $A$  ordinate recta  $AE$ ;  $AE$  igitur extra sectionem cadet [I, 17].



aut igitur parallela erit  $H\Delta$  rectae  $AE$  aut non erit.

si igitur parallela est, et ipsa ordinate ducta est; quare in utramque partem producta, quoniam a diametro in duas partes aequales secatur [I def. 5], cum sectione concurrent [prop. XIX].

ne sit igitur rectae  $AE$  parallela, sed producta cum  $AE$  in  $E$  concurrat, ut  $H\Delta E$ .

hanc igitur in altera parte, in qua est  $E$ , cum sectione concurrere, manifestum est; nam siquidem cum  $AE$  concurrit, multo prius sectionem secabit.

dico, eam etiam ad alteram partem productam cum sectione concurrere.

sit enim  $MA$  parametrum, et in ea producta posita sit  $AZ$ ;  $MA$  igitur ad  $AB$  perpendicularis est. fiat  $MA : AZ = AE^2 : \triangle AE\Delta$ , et per  $M, Z$  rectae  $AB$  parallelae ducantur  $ZK, MN$ ; itaque cum  $\Lambda A\Delta H$  quadrilaterum sit et  $\Lambda A$  positione data, ducatur rectae  $\Lambda A$  parallela  $\Gamma KB$  triangulum  $\Gamma KH$  abscindens quadrilatero  $\Lambda A\Delta H$  aequalem, et per  $B$  rectae  $ZAM$  parallela ducatur  $\Xi BN$ . et quoniam est

$$AE^2 : AE\Delta = MA : AZ,$$

uerum [Eucl. VI, 19]  $AE^2 : AE\Delta = \Gamma B^2 : \Delta \Gamma B$ ; nam

*πρώτεον* in scrib. W. 14. *μέσην* W. 25. *ως*] om. Wp,  
corr. Comm. *AE πρὸς τό*] om. Wp, corr. Comm.

*AZ, τὸ AMNB παραλληλόγραμμον πρὸς τὸ ΑΞ παραλληλόγραμμον, ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ ΓΒ πρὸς τὸ ΓΔΒ τρίγωνον, οὕτως τὸ AMNB παραλληλόγραμμον πρὸς τὸ AZΞB παραλληλόγραμμον· ἐναλλάξ, ὡς τὸ ἀπὸ ΓΒ πρὸς 5 τὸ AMNB παραλληλόγραμμον, οὕτως τὸ ΓΔΒ τρίγωνον πρὸς τὸ AZΞB παραλληλόγραμμον. ἵσον δέ ἐστι τὸ ΖΑΒΞ παραλληλόγραμμον τῷ ΓΒΔ τριγώνῳ· ἐπεὶ γὰρ τὸ ΓΗΚ τρίγωνον τῷ ΑΛΗΔ τετραπλεύρῳ ἐστὶν ἵσον, κοινὸν δὲ τὸ ΗΔΒΚ τετράπλευρον, τὸ ΛΑΒΚ παραλληλό-*

10 *γραμμον τῷ ΓΔΒ τριγώνῳ ἐστὶν ἵσον· τὸ δὲ ΛΑΒΚ παραλληλόγραμμον τῷ ΖΑΒΞ παραλληλογράμμῳ ἐστὶν ἵσον· ἐπὶ γὰρ τῆς αὐτῆς βάσεώς ἐστι τῆς ΑΒ καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ταῖς ΑΒ, ΖΚ. ἵσον ἄρα ἐστὶ τὸ ΓΔΒ τρίγωνον τῷ ΞΖΑΒ παραλληλογράμμῳ·*

15 *ῶστε καὶ τὸ ἀπὸ ΓΒ τῷ AMNB παραλληλογράμμῳ ἐστὶν ἵσον. τὸ δὲ ΜΑΒΝ παραλληλόγραμμον ἵσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΜΑΒ· ἡ γὰρ ΜΑ πρὸς δρθάς ἐστι τῇ ΑΒ· τὸ ἄρα ὑπὸ ΜΑΒ ἵσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΓΒ. καὶ ἐστιν ἡ ΜΑ δρθία τοῦ εἰδους πλευρά, ἡ δὲ ΑΒ διά-*

20 *μετρος, καὶ ἡ ΓΒ τεταγμένως παράλληλος γάρ ἐστι τῇ ΑΕ· τὸ Γ ἄρα πρὸς τῇ τομῇ ἐστιν. ἡ ΔΗΓ ἄρα συμβάλλει τῇ τομῇ κατὰ τὸ Γ· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.*

*σχόλια εἰς τὸ προτεθὲν θεώρημα.*

*πεποιήσθω δή, ὡς τὸ ἀπὸ ΑΕ πρὸς τὸ ΑΕΔ τρίγωνον, ἡ ΜΑ πρὸς AZ] τοῦτο δέδεικται ἐν σχολίῳ τοῦ ια' θεωρήματος. ἀναγράψας γὰρ τὸ ἀπὸ ΑΕ καὶ παρὰ τὴν πλευρὰν αὐτοῦ τῷ ΑΕΔ τριγώνῳ ἵσον παραβαλὼν ἔξω τὸ ξητούμενον.*

3. οὗτω p. 4. Ante ἐναλλάξ ins. καὶ comp. W. 5. τό] τὸ ἀπό Wp, corr. Comm. οὗτω p. 6. ἐστι] comp. p,

$AE, GB$  parallelae sunt, et  $GE, AB$  eas iungunt; et [Eucl. VI, 1]  $MA : AZ = AMNB : AE$ , erit

$$GB^2 : \Gamma AB = AMNB : AZEB.$$

permutando  $GB^2 : AMNB = \Gamma AB : AZEB$ . est autem  $ZABE = \Gamma BA$ ; quoniam enim  $\Gamma HK = A\Lambda H\Delta$ , commune autem quadrilaterum  $HABK$ , erit

$$\Lambda ABK = \Gamma AB;$$

est autem  $\Lambda ABK = ZABE$  [Eucl. I, 35]; nam in eadem basi  $AB$  et in iisdem parallelis  $AB, ZK$  posita sunt; ergo  $\Gamma AB = EZAB$ . quare etiam  $GB^2 = AMNB$ . uerum  $MABN = MA \times AB$ ;  $MA$  enim ad  $AB$  perpendicularis est; itaque  $MA \times AB = GB^2$ . et  $MA$  latus rectum est figurae,  $AB$  autem diametruS, et  $GB$  ordinate ducta; nam rectae  $AE$  parallela est; ergo punctum  $\Gamma$  ad sectionem positum est [prop. XI]. ergo  $AH\Gamma$  cum sectione in  $\Gamma$  concurrit; quod erat demonstrandum.

### Ad propositionem propositam scholia.

Fiat igitur  $MA : AZ = AE^2 : AE\Delta$  p. 238, 18–19] hoc in scholio propositionis XI demonstratum est [u. supra p. 216]. descripto enim quadrato  $AE^2$  et ad latus eius spatio adipicato triangulo  $AE\Delta$  aequali habebo, quod quaerimus.

ἐστιν W. 7.  $ZABE$ ] e corr. p., mut. in  $EZABZ$  m. rec. W.

8.  $A\Lambda H\Delta$ ] Halley,  $A\Lambda\Delta H$  Wp. 9.  $\Lambda ABK$ ]  $\Lambda AB$  Wp,

corr. Comm. 11. παραληλογράμμῳ] comp. p., παραληλόγραμμον W. 12. ἐστιν W.  $AB$ ] p.,  $A\Delta$  W. 13.  $ZK$ ] p.,  $ZH$  W. 14. ἐστιν W. 17. ἐστι] ἐστιν W. 18. ἐστιν W.

20. ἐστιν W. 24. τό (alt.)] τὸ ἀπό Wp, corr. Comm. 26.

ια'] e corr. p. γάρ] om. p. 27. τῷ] p., τό W. 28. παραληπάδων W.

*εἰς τὸ αὐτό.*

τετραπλεύρου ὄντος τοῦ ΛΑΔΗ ἥχθω τῇ ΛΑ  
παράλληλος ἡ ΓΚΒ ἀποτέμνουσα τὸ ΓΗΚ τῷ-  
γωνον τῷ ΛΑΔΗ τετραπλεύρῳ ἶσον] τοῦτο δὲ  
5 ποιήσομεν οὕτως· ἐὰν γάρ, ὡς ἐν τοῖς στοιχείοις ἐμά-  
θομεν, τῷ δοθέντι εὐθυγράμμῳ τῷ ΛΑΔΗ τετρα-  
πλεύρῳ ἶσον καὶ ἄλλῳ τῷ δοθέντι τῷ ΑΕΔ τριγώνῳ  
ὅμοιον τὸ αὐτὸν συστησώμεθα τὸ ΣΤΤ, ὥστε διόλογον  
εἶναι τὴν ΣΤ τῇ ΑΔ, καὶ ἀπολάβωμεν τῇ μὲν ΣΤ  
10 ἶσην τὴν ΗΚ, τῇ δὲ ΤΤ ἶσην τὴν ΗΓ, καὶ ἐπιξεύ-  
ξωμεν τὴν ΓΚ, ἔσται τὸ ξητούμενον. ἐπεὶ γὰρ ἡ  
πρὸς τῷ Τ γωνία ἶση ἔστι τῇ Δ, τουτέστι τῇ Η, διὰ  
τοῦτο ἶσον καὶ ὅμοιον τὸ ΓΗΚ τῷ ΣΤΤ. καὶ ἶση  
ἡ Γ γωνία τῇ Ε, καὶ εἰσιν ἐναλλάξ· παράλληλος ἄρα  
15 ἔστιν ἡ ΓΚ τῇ ΑΕ.

φανερὸν δή, ὅτι, ὅταν ἡ ΑΒ ἄξων ἔστιν, ἡ ΜΑ  
ἐφάπτεται τῆς τομῆς, ὅταν δὲ μὴ ἄξων, τέμνει, εἰ  
πρὸς ὁρθὰς ἄγεται πάντως τῇ διαμέτρῳ.

*Εἰς τὸ κη'.*

20 Ὁτι, καὶν ἡ ΓΔ τέμνῃ τὴν ὑπερβολήν, τὰ αὐτὰ  
συμβήσεται, ὥσπερ ἐπὶ τοῦ ὀκτωκαιδεκάτου.

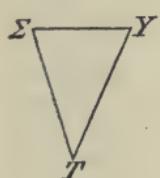
*Εἰς τὸ λ'.*

Καὶ ὡς ἄρα ἐπὶ μὲν τῆς ἐλλείψεως συνθέντι,  
ἐπὶ δὲ τῶν ἀντικειμένων ἀνάπαλιν καὶ ἀνα-

5. στοιχείοις] w, στυχίοις e corr. W, σχολίοις p. 6. τῷ (pr.)]  
ἐν τῷ W p, corr. Comm. 7. ΑΘΔ p. 8. τὸ αὐτό] τῷ  
αὐτῷ W p, corr. Halley. συστησώμεθα] scripsi, συστησόμεθα  
W p. 9. ΕΤ p. τῇ (alt.)] τῇ W p, corr. Comm. ΕΤ p.  
10. τὴν] τῇ W p, corr. Comm. Post HK del. τὴν δὲ τὸ

## Ad eandem.

Cum  $\Delta A\Delta H$  quadrilaterum sit, ducatur rectae  $\Delta A$  parallela  $\Gamma K B$  triangulum  $\Gamma H K$  absindens quadrilatero  $\Delta A\Delta H$  aequalem p. 238, 21—24] hoc uero ita efficiemus. si enim, ut in Ele-



mentis [VI, 25] didicimus, datae figurae rectilineae, quadrilatero  $\Delta A\Delta H$ , aequalem et alii figurae datae, triangulo  $A E \Delta$ , similem eandem figuram construxerimus  $\Sigma T T'$ , ita ut  $\Sigma T$  lateri  $\Delta \Delta$  respondeat, et posuerimus  $H K = \Sigma T$ ,  $H \Gamma = T T'$ , et duxerimus  $\Gamma K$ , effectum erit, quod quaerimus. quoniam enim  $\angle T = \Delta = H$ , erit  $\Gamma H K \cong \Sigma T T'$  [Eucl. I, 4]. et  $\angle \Gamma = E$ , et alterni sunt; itaque [Eucl. I, 27]  $\Gamma K$ ,  $A E$  parallelae sunt.

manifestum igitur, si  $A B$  axis sit, rectam  $M A$  sectionem contingere, sin non axis, secare, si quidem semper ad diametrum perpendicularis ducitur.

## Ad prop. XXVIII.

Etiamsi  $\Gamma \Delta$  hyperbolam secat, eadem adcident, sicut in prop. XVIII [u. supra p. 230, 19].

## Ad prop. XXX.

Quare etiam, in ellipsi componendo, in oppositis autem e contrario et conuertendo

*ἴσην τὴν τῇ τῇ* p. *τῇ*] *τὴν* W p., corr. Halley. *τὴν*] W,  
*τῇ?* p. 12. *τῷ*] p., corr. ex *τῷ* W *ἐστίν* W. *τοντ-*  
*ἐστιν* W. 14. *Γ]* *ΑΓ* W p., corr. Comm. 16. *δή*] *δέ* Halley  
cum Comm. 17. *εἰ*] scripsi, om. W p. 23. *ἐλλιψεως* W.

στρέψαντι] ἐπὶ μὲν οὗν τῆς ἐλλείψεως ἔροῦμεν· ἐπειδή ἐστιν, ὡς τὸ ὑπὸ AZB πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΖ, τὸ ὑπὸ AHB πρὸς τὸ ἀπὸ HE, ὡς δὲ τὸ ἀπὸ ΔΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ZΓ, τὸ ἀπὸ EH πρὸς τὸ ἀπὸ HG, δι' ἵσου, 5 ὡς τὸ ὑπὸ AZB πρὸς τὸ ἀπὸ ZΓ, τὸ ὑπὸ AHB πρὸς τὸ ἀπὸ HG· συνθέντι, ὡς τὸ ὑπὸ AZB μετὰ τοῦ ἀπὸ ZΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ZΓ, τοντέστι τὸ ἀπὸ AG πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΖ· ἡ γὰρ AB τέτμηται εἰς μὲν ἵσα κατὰ τὸ Γ, εἰς δὲ ἄνισα κατὰ τὸ Z· οὕτως τὸ ἀπὸ 10 ΓΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΗ· καὶ ἐναλλάξ, ὡς τὸ ἀπὸ AG πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΒ, τὸ ἀπὸ ZΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΗ. ἐπὶ δὲ τῶν ἀντικειμένων· ἐπεὶ ἐστιν, ὡς τὸ ὑπὸ BZA πρὸς τὸ ἀπὸ ZΓ, τὸ ὑπὸ AHB πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΗ, διότι δι' ἵσου, ἀνάπαλιν, ὡς τὸ ἀπὸ ZΓ πρὸς τὸ ὑπὸ 15 BZA, τὸ ἀπὸ ΓΗ πρὸς τὸ ὑπὸ AHB· ἀναστρέψαντι, ὡς τὸ ἀπὸ ZΓ πρὸς τὸ ἀπὸ GA, τὸ ἀπὸ HG πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΒ· εὐθεῖα γάρ τις ἡ AB τέτμηται δίχα κατὰ τὸ Γ, καὶ πρόσκειται ἡ ZA, καὶ τὸ ὑπὸ BZA μετὰ τοῦ ἀπὸ AG ἵσου ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΓΖ, ὥστε τὸ ἀπὸ ΓΖ 20 τοῦ ὑπὸ BZA ὑπερέχει τῷ ἀπὸ AG, καὶ καλῶς εἴρηται τὸ ἀναστρέψαντι.

*Eἰς τὸ λα'.*

Διελόντι τὸ ἀπὸ ΓΒ πρὸς τὸ ὑπὸ AHB μείζονα λόγον ἔχει ἥπερ τὸ ἀπὸ ΓΒ πρὸς τὸ ὑπὸ 25 AΘB] ἐπεὶ γὰρ εὐθεῖα ἡ AB τέτμηται δίχα κατὰ τὸ Γ, καὶ πρόσκειται αὐτῇ ἡ BH, τὸ ὑπὸ AHB μετὰ τοῦ ἀπὸ ΓΒ ἵσου ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΓΗ· ὥστε τὸ ἀπὸ ΓΗ τοῦ ὑπὸ AHB ὑπερέχει τῷ ἀπὸ ΓΒ. διὰ δὲ τὴν

2. ZΔ p. 3. Ante ΔΖ ras. 1 litt. p. 7. ZΓ (pr.)]  
in ras. W. τοντέστιν W. 9. οὕτω p. 10. AG — 11.

I p. 92, 9—10] in ellipsi igitur dicemus: quoniam est

$$AZ \times ZB : AZ^2 = AH \times HB : HE^2 \quad [\text{I p. 92, 2}]$$

et

$$AZ^2 : Z\Gamma^2 = EH^2 : H\Gamma^2,$$

ex aequo erit

$$AZ \times ZB : Z\Gamma^2 = AH \times HB : H\Gamma^2.$$

componendo  $AZ \times ZB + Z\Gamma^2 : Z\Gamma^2$  (h. e.  $A\Gamma^2 : \Gamma Z^2$  [Eucl. II, 5]; nam  $AB$  in  $\Gamma$  in partes aequales, in  $Z$  autem in inaequales secta est)  $= \Gamma B^2 : \Gamma H^2$ ; et permutando  $A\Gamma^2 : \Gamma B^2 = Z\Gamma^2 : \Gamma H^2$ . in oppositis uero ita: quoniam est  $BZ \times ZA : Z\Gamma^2 = AH \times HB : \Gamma H^2$ , quia ex aequo sunt, e contrario erit

$$Z\Gamma^2 : BZ \times ZA = \Gamma H^2 : AH \times HB.$$

conuertendo  $Z\Gamma^2 : \Gamma A^2 = \Gamma H^2 : \Gamma B^2$ ; nam recta aliqua  $AB$  in  $\Gamma$  in duas partes aequales secta est, et adiecta est  $ZA$ , et  $BZ \times ZA + A\Gamma^2 = \Gamma Z^2$  [Eucl. II, 6], quare  $\Gamma Z^2 \div BZ \times ZA = A\Gamma^2$ , et recte dictum est conuertendo.

### Ad prop. XXXI.

Dirimendo  $\Gamma B^2 : AH \times HB > \Gamma B^2 : A\Theta \times \Theta B$   
 I p. 94, 13—15] quoniam enim recta  $AB$  in  $\Gamma$  in duas partes aequales secta est, et ei adiecta est  $BH$ , erit [Eucl. II, 6]  $AH \times HB + \Gamma B^2 = \Gamma H^2$ ; quare  $\Gamma H^2 \div AH \times HB = \Gamma B^2$ . eadem autem de causa

ἀπό (pr.)] om. W, lac. p; corr. Comm. lac. p; corr. Comm. 19. ἐστίν W. corr. Comm. 27. ἐστίν W.

13. ἀπό (pr.)] om. W, 26.  $AHB$ ]  $AHK$  W p,

αὐτὴν αἰτίαν καὶ τὸ ἀπὸ ΓΘ τοῦ ὑπὸ ΑΘΒ ὑπερέχει τῷ ἀπὸ ΓΒ· ὥστε ὁρθῶς εἴρηται τὸ διελόντι.

*Eἰς τὸ λβ'.*

'Ἐν τῷ ἐπτακαιδεκάτῳ θεωρήματι ἀπλούστερον  
5 ἔδειξεν, ὅτι ἡ διὰ τῆς κορυφῆς παρὰ τὴν κατηγμένην  
τεταγμένως ἀγομένη ἐφάπτεται, ἐνταῦθα δὲ τὸ ἐν τοῖς  
στοιχείοις ἐπὶ τοῦ κύκλου μόνου δεδειγμένον καθολι-  
κώτερον ἐπὶ πάσης κώνου τομῆς ὑπάρχον ἐπιδείκνυσι.

δεῖ μέντοι ἐπιστῆσαι, ὅπερ κάκεῖ ἔδειχθη, ὅτι καμ-  
10 πύλην μὲν ἵσως γραμμὴν οὐδὲν ἄτοπόν ἐστιν ἐμπί-  
πτειν μεταξὺ τῆς εὐθείας καὶ τῆς τομῆς, εὐθεῖαν δὲ  
ἀμήχανον· τεμεῖ γὰρ αὗτη τὴν τομὴν καὶ οὐκ ἐφά-  
ψεται· δύο γὰρ ἐφαπτομένας εὐθείας κατὰ τοῦ αὐτοῦ  
σημείου εἶναι ἀδύνατον.

15 πολυτρόπως δεδειγμένον τούτον τοῦ θεωρήματος  
ἐν διαφόροις ἐκδόσεσιν ἡμεῖς τὴν ἀπόδειξιν ἀπλου-  
στέραν καὶ σαφεστέραν ἐποιήσαμεν.

*Eἰς τὸ λδ'.*

Δεῖ ἐπιστῆσαι, ὅτι ἡ ΓΔ κατηγμένη ἐπὶ τὴν διά-  
20 μετρον ἐπὶ μὲν τῆς ὑπερβολῆς τὰς ΔΒ, ΔΑ ὁρίζουσα  
τὴν ΒΑ καταλιμπάνει ὀφείλουσαν τμηθῆναι εἰς τὸν  
τῶν ΒΔΑ λόγον, ἐπὶ δὲ τῆς ἐλλείψεως καὶ τοῦ κύ-  
κλου ἀνάπαλιν τὴν ΒΑ τέμνουσα εἰς ὁρισμένον λόγον  
τὸν τῶν ΒΔΑ ἐπιζητεῖν ἡμᾶς ποιεῖ τὸν τῶν BE,  
25 EA· οὐδὲν γὰρ δυσχερὲς λόγον δοθέντος ἵσου αὐτῷ  
πορίσασθαι.

2. τό] τῷ W. 6. τό] om. p. τοῖς] comp. p, τοῖ W.  
7. μόνον p. 9. (ἢ mg. W. 10. ἄτοπόν] corr. ex ἄτω-

etiam  $\Gamma\Theta^2 \div A\Theta \times \Theta B = \Gamma B^2$ . ergo recte dictum est dirimendo.

### Ad prop. XXXII.

In prop. XVII simplicius demonstrauit, rectam per uerticem rectae ordinate ductae parallelam ductam contingere, hic uero, quod in Elementis [III, 16] de solo circulo demonstratum est, uniuersalius de omni coni sectione ualere ostendit.

animaduertendum uero, quod ibi quoque [Eucl. III, 16] demonstratum est, fortasse fieri posse, ut curua linea inter rectam sectionemque cadat, ut recta autem sic cadat, fieri non posse; ea enim sectionem secabit, non continget; neque enim fieri potest, ut in eodem puncto duae rectae contingant.

cum haec propositio in uariis editionibus multis modis demonstraretur, nos demonstrationem simpliciorem et clariorem fecimus.

### Ad prop. XXXIV.

Animaduertendum, rectam  $\Gamma\Delta$  ad diametrum ordinate ductam in hyperbola rectas  $\Delta B$ ,  $\Delta A$  determinantem rectam  $B\Delta$  relinquere secundum rationem  $B\Delta : \Delta A$  secandam, in ellipsi autem circuloque rursus rectam  $B\Delta$  secundum rationem determinatam  $B\Delta : \Delta A$  secantem nobis rationem  $BE : EA$  quaerendam relinquere; neque enim difficile est, data ratione aliam aequalem parare.

$\pi\sigma\nu$  W. 12.  $\tau\acute{\epsilon}\mu\sigma\nu$  W. 16.  $\dot{\alpha}\pi\acute{o}\delta\varepsilon\iota\xi\nu$ ] addidi, om. W p. 19.  $\delta\varepsilon\iota$ ] e corr. p. 24.  $\tau\acute{o}\nu$  (pr.)] corr. ex  $\tau\tilde{a}\nu$  p.  $\dot{\varepsilon}\pi\acute{\iota}\xi\eta\tau\tilde{a}\nu$ ] corr. ex  $\dot{\varepsilon}\pi\acute{\iota}\xi\eta\tau\tilde{a}\nu?$  p.

δεῖ μέντοι εἰδέναι, ὅτι καθ' ἐκάστην τομὴν καταγραφαί εἰσι δύο τοῦ Ζ σημείου ἢ ἐσωτέρω τοῦ Γ λαμβανομένου ἢ ἐξωτέρω· ὥστε εἶναι τὰς πάσας πτώσεις ἔξ.

5      χρῆται δὲ καὶ δύο λήμμασιν, ἀπερ ἐξῆς γράψομεν.  
 μεῖζον ἄρα τὸ ὑπὸ ΑΝΞ τοῦ ὑπὸ ΑΟΞ· ἡ  
 ΝΟ ἄρα πρὸς ΞΟ μεῖζονα λόγον ἔχει ἥπερ ἡ  
 ΟΑ πρὸς ΑΝ] ἐπεὶ γὰρ τὸ ὑπὸ ΑΝ, ΝΞ μεῖζόν  
 ἐστι τοῦ ὑπὸ ΑΟ, ΟΞ, γινέσθω τῷ ὑπὸ ΑΝ, ΝΞ  
 10     ἵσον τὸ ὑπὸ τῆς ΑΟ καὶ ἄλλης τινὸς τῆς ΞΠ, ἣτις  
 μεῖζων ἐσται τῆς ΞΟ· ἐστιν ἄρα, ως ἡ ΟΑ πρὸς ΑΝ,  
 ἡ ΝΞ πρὸς ΞΠ. ἡ δὲ ΝΞ πρὸς ΞΟ μεῖζονα λόγον  
 ἔχει ἥπερ πρὸς τὴν ΞΠ· καὶ ἡ ΟΑ ἄρα πρὸς ΑΝ  
 ἐλάττονα λόγον ἔχει ἥπερ ἡ ΝΞ πρὸς ΞΟ.

15     φανερὸν δὴ καὶ τὸ ἀνάπαλιν, ὅτι, κανὸν ἡ ΝΞ πρὸς  
 ΞΟ μεῖζονα λόγον ἔχῃ ἥπερ ἡ ΟΑ πρὸς ΑΝ, τὸ ὑπὸ<sup>1</sup>  
 ΞΝ, ΝΑ μεῖζόν ἐστι τοῦ ὑπὸ ΑΟ, ΟΞ.

γινέσθω γάρ, ως ἡ ΟΑ πρὸς ΑΝ, οὕτως ἡ ΝΞ  
 πρὸς μεῖζονα δηλονότι τῆς ΞΟ ως τὴν ΞΠ· τὸ ἄρα  
 20     ὑπὸ ΞΝ, ΝΑ ἵσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΑΟ, ΞΠ· ὥστε μεῖζόν  
 ἐστι τὸ ὑπὸ ΞΝ, ΝΑ τοῦ ὑπὸ ΑΟ, ΟΞ.

εἰς τὸ αὐτό.

ἀλλ' ως μὲν τὸ ὑπὸ ΒΚ, ΑΝ πρὸς τὸ ἀπὸ<sup>2</sup>  
 ΓΕ, τὸ ὑπὸ ΒΔΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΔ] ἐπεὶ οὖν διὰ

2. εἰσιν W.    ἐσωτέρω] p, ἐσωτέρον W.    5. δύο] δυσί p.

6—8. ξ mg. W.    6. τό] τοῦ W, τ p, corr. Comm.    ΑΝΞ] Comm., ΑΗΞ Wp.    τοῦ] τ seq. lac. 2 litt. p.    8. ΟΑ] corr. ex ΘΑ W.    τό] τοῦ Wp, corr. Comm.    9. ἐστιν W.

τοῦ] τ seq. lac. p.    12. ΞΟ] corr. ex ΞΘ W.    13. ἄρα] om. Wp, corr. Comm.    14. ἐλάττονα] μεῖζονα Wp, corr. Comm.    15. δὴ] e corr. p.    16. ἔχη] Halley, ἔχει Wp.    17. ἐστιν W.

sciendum autem, in singulis sectionibus binas figuræ esse, prout punctum  $Z$  intra  $\Gamma$  aut extra  $\Gamma$  sumatur; quare omnino sex sunt casus.

utitur autem duobus lemmatis, quae iam infra prescribemus.

quare  $AN \times NE > AO \times OE$ ; itaque

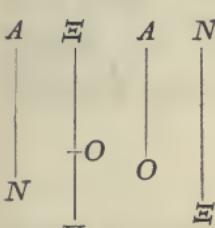
$NE : EO > OA : AN$  I p. 102, 24—26]  
quoniam enim  $AN \times NE > AO \times OE$ , fiat

$$AO \times EP = AN \times NE,$$

$EP$  maiore sumpta quam  $EO$ ; itaque

$$OA : AN = NE : EP.$$

uerum  $NE : EO > NE : EP$  [Eucl. V, 8]; ergo etiam  $OA : AN < NE : EO$ .<sup>1)</sup>

 manifestum iam rursus, si  
 $NE : EO > OA : AN$ ,  
 esse  $EN \times NA > AO \times OE$ .  
 fiat enim  $NE : EP = OA : AN$ ,  $EP$   
 sumpta maiore quam  $EO$  [Eucl. V, 8].  
 itaque  $EN \times NA = AO \times EP$ . ergo  
 $EN \times NA > AO \times OE$ .

Ad eandem.

Est autem  $BK \times AN : GE^2 = BA \times AA : EA^2$   
I p. 104, 2—4] quoniam, quia  $AN$ ,  $E\Gamma$ ,  $KB$  parallelæ

1) Cum conjectura Commandini lin. 14 parum sit probabilis, nec alia melior reperiri possit, crediderim, Eutocium ipsum errore  $\mu\varepsilon\iota\zeta\sigma\alpha$  scripsisse.

In fig. pro  $O$  bis  $\Theta$  W, om. p.

20.  $EP \cdot \tilde{\omega}\sigma\tau\varepsilon$ ] scripsi;  $\bar{\xi} \pi\tilde{\omega}\varsigma \tau\varepsilon$  W. p. 21.  $\varepsilon\sigma\tau\iota\nu$  W.  $OE$ ]  
 $O$  e corr. W. 23.  $\tau\delta \dot{\alpha}\pi\delta \Gamma E$ ] p.,  $\tau\delta\nu \bar{\alpha}\bar{\varepsilon}\gamma$  W. 24.  $ov\nu$ ]  
 $\gamma\acute{\alpha}\varrho$ ?

τὸ παραλλήλούς εἶναι τὰς *AN*, *EΓ*, *KB* ἐστιν, ὡς ἡ *AN* πρὸς *EΓ*, ἡ *AΔ* πρὸς *ΔE*, ὡς δὲ ἡ *EΓ* πρὸς *KB*, ἡ *EΔ* πρὸς *ΔB*, δι’ ἵσου ἄρα, ὡς ἡ *AN* πρὸς *KB*, ἡ *AΔ* πρὸς *ΔB*. καὶ ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ *AN* πρὸς 5 τὸ ὑπὸ *AN*, *KB*, τὸ ἀπὸ *AΔ* πρὸς τὸ ὑπὸ *AΔB*. ὡς δὲ τὸ ἀπὸ *EΓ* πρὸς τὸ ἀπὸ *AN*, τὸ ἀπὸ *EΔ* πρὸς τὸ ἀπὸ *ΔA*. δι’ ἵσου ἄρα, ὡς τὸ ἀπὸ *EΓ* πρὸς τὸ ὑπὸ *AN*, *KB*, τὸ ἀπὸ *EΔ* πρὸς τὸ ὑπὸ *AΔB*. καὶ ἀνάπταται, ὡς τὸ ὑπὸ *KB*, *AN* πρὸς τὸ ἀπὸ *EΓ*, 10 τὸ ὑπὸ *BΔA* πρὸς τὸ ἀπὸ *EΔ*.

### *Eἰς τὸ λξ'.*

Διὰ τούτων τῶν θεωρημάτων φανερόν, ὅπως ἐστὶ δυνατὸν διὰ τοῦ δοθέντος σημείου ἐπὶ τῆς διαμέτρου καὶ τῆς κορυφῆς τῆς τομῆς ἐφαπτομένην ἀγαγεῖν.

15

### *Eἰς τὸ λη'.*

"Ἐν τισιν ἀντιγράφοις τὸ θεώρημα τοῦτο ἐπὶ μόνης τῆς ὑπερβολῆς εὐρίσκεται δεδειγμένον, καθολικῶς δὲ ἐνταῦθα δέδεικται· τὰ γὰρ αὐτὰ συμβαίνει καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων τομῶν. καὶ τῷ Ἀπολλωνίῳ δὲ δοκεῖ μὴ 20 μόνον τὴν ὑπερβολήν, ἀλλὰ καὶ τὴν ἔλλειψιν ἔχειν δευτέραν διάμετρον, ὡς πολλάκις αὐτοῦ ἡκούσαμεν ἐν τοῖς προλαβοῦσιν.

καὶ ἐπὶ μὲν τῆς ἔλλειψεως πτῶσιν οὐκ ἔχει, ἐπὶ δὲ τῆς ὑπερβολῆς τρεῖς· τὸ γὰρ *Z* σημεῖον, καθ’ ὃ 25 συμβάλλει ἡ ἐφαπτομένη τῇ δευτέρᾳ διαμέτρῳ, ἡ κατω-

3. πρός (pr.)] bis p. 5. ὑπό (pr.)] ἀπό Wp, corr. Comm.  
*AN*] *AH?* p. Post πρός del. *ΔB* καὶ ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ *AN* p. 8. ὑπό (alt.)] corr. ex ἀπό W. *AΔB*] *A e* corr. W.

sunt, est  $AN : EG = AD : AE$ ,  $EG : KB = EA : AB$  [Eucl. I, 29; VI, 4], ex aequo erit  $AN : KB = AD : AB$ ; quare  $AN^2 : AN \times KB = AD^2 : AD \times AB$ . est autem [Eucl. VI, 4]  $EG^2 : AN^2 = EA^2 : AA^2$ ; ex aequo igitur  $EG^2 : AN \times KB = EA^2 : AD \times AB$ ; et e contrario  $KB \times AN : EG^2 = BA \times AA : EA^2$ .

### Ad prop. XXXVII.

Per haec theoremat<sup>1)</sup> manifestum est, quo modo fieri possit, ut per datum punctum diametri<sup>2)</sup> et per uerticem<sup>3)</sup> sectionis recta contingens ducatur.

### Ad prop. XXXVIII.

In nonnullis codicibus haec propositio de sola hyperbola demonstrata reperitur, hic autem uniuersaliter demonstrata est; nam eadem etiam in reliquis sectionibus adcidunt. et Apollonio quoque non modo hyperbola, sed etiam ellipsis alteram diametrum habere uidetur, sicut in praecedentibus saepius ab eo audiuimus.

et in ellipsi casum non habet, in hyperbola autem tres; nam punctum  $Z$ , in quo recta contingens cum altera diametro concurrit, aut infra  $\Delta$  positum est aut in  $\Delta$  aut supra  $\Delta$ , et ea de causa  $\Theta$  et ipsum tres habebit positiones,

1) Propp. XXXVII—VIII; cfr. I p. 118, 1 sq.

2) Per aequationem  $ZH \times H\Theta = HG^2$ , unde datis rectis  $ZH$ ,  $HG$  inueniri potest  $H\Theta$  et ita  $E$ .

3) Per aequationem  $H\Theta \times \Theta Z : \Theta E =$  latus rectum: transuersum, unde dato uertice  $E$  et ideo datis  $E\Theta$  et  $H\Theta$  inueniri potest  $\Theta Z$  et punctum  $Z$ .

10.  $B\Delta A]$   $A$  e corr. p.      17.  $\varepsilon\nu\varphi\iota\lambda\mu\lambda\tau\iota\varphi\omega\iota$  W, ut saepius.      25.  $\kappa\alpha\tau\omega\tau\iota\varphi\omega\iota$

τέρω τοῦ  $\Delta$  ἔστιν ἡ ἐπὶ τοῦ  $\Delta$  ἡ ἀνωτέρω τοῦ  $\Delta$ , καὶ διὰ τοῦτο τὸ Θ διμοίως αὐτῷ τρεῖς ἔξει τόπους, καὶ προσεκτέον, ὅτι, εἴτε κατωτέρω πέσῃ τὸ  $Z$  τοῦ  $\Delta$ , καὶ τὸ Θ τοῦ  $\Gamma$  ἔσται κατωτέρω, εἴτε τὸ  $Z$  ἐπὶ τὸ  $\Delta$ , 5 καὶ τὸ Θ ἐπὶ τὸ  $\Gamma$ , εἴτε ἀνωτέρω τὸ  $Z$  τοῦ  $\Delta$ , καὶ τὸ Θ τοῦ  $\Gamma$  ἔσται ἀνωτέρω.

*Eἰς τὸ μα'.*

Τὸ θεώρημα τοῦτο ἐπὶ μὲν τῆς ὑπερβολῆς πτῶσιν οὐκ ἔχει, ἐπὶ δὲ τῆς ἐλλείψεως, ἐὰν ἡ καταγομένη ἐπὶ 10 τὸ κέντρον πίπτῃ, τὰ δὲ λοιπὰ γένηται τὰ αὐτά, τὸ ἀπὸ τῆς κατηγμένης εἶδος ἵσον ἔσται τῷ ἀπὸ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου εἰδει.

ἔστω γὰρ ἐλλειψις, ἡς διάμετρος ἡ  $AB$ , κέντρον τὸ  $\Delta$ , καὶ κατήχθω τεταγμένως ἡ  $\Gamma\Delta$ , καὶ ἀναγε- 15 γράφθω ἀπό τε τῆς  $\Gamma\Delta$  καὶ τῆς  $A\Delta$  εἶδη ἵσογάνια τὰ  $AZ$ ,  $\Delta H$ , ἐχέτω δὲ ἡ  $\Delta\Gamma$  πρὸς  $\Gamma H$  τὸν συγκείμενον λόγον ἐκ τε τοῦ ὃν ἔχει ἡ  $A\Delta$  πρὸς  $\Delta Z$  καὶ τοῦ ὃν ἔχει ἡ ὁρθία πρὸς τὴν πλαγίαν.

λέγω, ὅτι τὸ  $AZ$  ἵσον ἔστι τῷ  $\Delta H$ .

20 ἐπεὶ γὰρ ἐν τῷ φητῷ δέδεικται, ὡς τὸ ἀπὸ  $A\Delta$  πρὸς τὸ  $AZ$ , οὗτως τὸ ὑπὸ  $A\Delta B$  πρὸς τὸ  $\Delta H$ , φημί, ὅτι καὶ ἐναλλάξ, ὡς τὸ ἀπὸ  $A\Delta$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $A\Delta B$ , οὗτως τὸ  $AZ$  πρὸς τὸ  $\Delta H$ . ἵσον δὲ τὸ ἀπὸ  $A\Delta$  τῷ ὑπὸ  $A\Delta B$ . ἵσον ἄρα καὶ τὸ  $AZ$  τῷ  $\Delta H$ .

*Eἰς τὸ μβ'.*

Τὸ θεώρημα τοῦτο ἔχει πτώσεις  $\overline{ia}$ , μίαν μὲν, εἰ ἔσωτέρω λαμβάνοιτο τὸ  $\Delta$  τοῦ  $\Gamma$  δῆλον γάρ, ὅτι καὶ

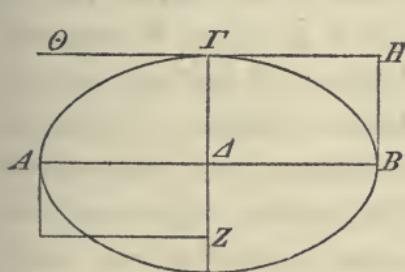
6. ἀνωτέρω] corr. ex ἀνωτέρῳ W. 10. πίπτῃ, τά] in ras. W. 13. διάμετρος] corr. ex διάμετρον W, comp. p. κέντρον δέ Halley. 16.  $\Delta H$ ,  $AZ$  Comm. 18. ὃν] in

et animaduertendum est, siue  $Z$  infra  $\Delta$  cadat, etiam  $\Theta$  infra  $\Gamma$  positum esse, siue in  $\Delta$  cadat  $Z$ , etiam  $\Theta$  in  $\Gamma$ , siue  $Z$  supra  $\Delta$ , etiam  $\Theta$  supra  $\Gamma$  positum esse.<sup>1)</sup>

### Ad prop. XLI.

Haec propositio in hyperbola casum non habet, in ellipsi autem, si recta ordinate ducta in centrum cadit, reliqua autem eadem fiunt, figura in recta ordinate ducta descripta aequalis erit figurae in radio descriptae.

sit enim ellipsis, cuius diametrus sit  $AB$ , centrum  $\Delta$ , et ordinate ducatur  $\Gamma\Delta$ , describanturque et in



$\Gamma\Delta$  et in  $A\Delta$  figurae aequiangulae  $AZ, \Delta H$ , habeat autem  $\Delta\Gamma : \Gamma H$  rationem compositam ex ratione  $A\Delta : \Delta Z$  et ea, quam habet latus rectum ad transuersum.

dico, esse  $AZ = \Delta H$ .

nam quoniam in uerbis Apollonii [I p. 126, 7—8] demonstratum est, esse  $A\Delta^2 : AZ = A\Delta \times \Delta B : \Delta H$ , dico, etiam permutando esse

$$A\Delta^2 : A\Delta \times \Delta B = AZ : \Delta H.$$

uerum  $A\Delta^2 = A\Delta \times \Delta B$ ; ergo etiam  $AZ = \Delta H$ .

### Ad prop. XLII.

Haec propositio XI casus habet, unum, si  $\Delta$  intra  $\Gamma$  sumitur; manifestum enim, etiam parallelas intra

1) Quia  $ZH : HG = HG : H\Theta$  et  $HG = H\Delta$ .

ras. W. 19. ἐστίν W. 21. οὗτοι p. 23. οὗτοι p. τὸ  
 $\Delta H$ . ἵστος δέ] bis W. 24.  $AZ$ ]  $\Delta Z$  Wp, corr. Comm.

αι παράλληλοι ἐσωτέρω πεσοῦνται τῶν ΑΓΘ. ἐτέρας  
 δὲ πέντε οὕτως· ἐὰν τὸ Δ ἐξωτέρω ληφθῇ τοῦ Γ, ἡ  
 μὲν ΔΖ παράλληλος δηλονότι ἐξωτέρω πεσεῖται τῆς  
 ΘΓ, ἡ δὲ ΔΕ ἡ μεταξὺ τῶν Α, Β ἡ ἐπὶ τὸ Β ἡ με-  
 5 ταξὺ τῶν Β, Θ ἡ ἐπὶ τὸ Θ ἡ ἐξωτέρω τοῦ Θ· τοῦ  
 γὰρ Α ἐξωτέρω πεσεῖν αὐτὴν ἀδύνατον, ἐπειδὴ τὸ Δ  
 ἐξωτέρω ἐστὶ τοῦ Γ καὶ δηλονότι καὶ ἡ δι' αὐτοῦ  
 παράλληλος ἀγομένη τῇ ΑΓ. ἐὰν δὲ τὸ Δ ἐπὶ τὰ  
 ἔτερα μέρη ληφθῇ τῆς τομῆς, ἡ ἀμφότεραι αἱ παράλ-  
 10 ληλοι μεταξὺ τῶν Θ, Β περατωθήσονται, ἡ ἡ μὲν ΔΖ  
 ἐσωτέρω τοῦ Θ, τὸ δὲ Ε ἐπὶ τὸ Θ, ἡ τῆς ΔΖ ώσαύ-  
 τως μενούσης τὸ Ε ἐξωτέρω τοῦ Θ ἐλεύσεται· τοῦ δὲ  
 Ε πάλιν ἐξωτέρω πίπτοντος τὸ Ζ ἡ ἐπὶ τὸ Θ πεσεῖται,  
 ὡς εἶναι τὴν ΓΘΔ μίαν εὐθεῖαν, εἰ καὶ μὴ σώζεται  
 15 κυρίως τότε τὸ τῆς παραλλήλου ἴδιωμα, ἡ ἐξωτέρω  
 τοῦ Θ. δεῖ δὲ ἐπὶ τῆς ἀποδεῖξεως τῶν τελευταίων  
 πέντε πτώσεων τὴν ΔΖ ἐκβάλλειν ἔως τῆς τομῆς καὶ  
 τῆς ΗΓ παραλλήλου καὶ οὕτως ποιεῖσθαι τὴν ἀπό-  
 δειξιν.  
 20 δυνατὸν δὲ καὶ ἄλλην μίαν καταγραφὴν ἐπινοεῖν  
 ἐκ τούτων, ὅταν δὴ λαμβανομένου ἐτέρου σημείου αἱ  
 ἐξ ἀρχῆς εὐθεῖαι ποιῶσι τὸ λεγόμενον, ἄλλὰ τοῦτο  
 θεώρημα μᾶλλον ἐστιν ἡ πτῶσις.

*Eἰς τὸ μγ'.*

25 "Ἐν τισι φέρεται ἀπόδειξις τοῦ θεωρήματος τούτου  
 τοιαύτη·

1. αἱ] addidi, om. W p. 2. οὕτω p. 5. τῷ] τῷ W. 7.  
 ἐξωτέρω] Halley, ἐσωτέρω W p. 6. ἐστὶν W. 8. ἐάν] p, ἐν W.  
 10. ἡ] om. W p, corr. Comm. 11. Ε] om. W p, corr. Comm.  
 ΔΖ] Δ e corr. W. 18. οὕτω p. 19. ἀπόδειξιν] corr. ex

$A\Gamma$ ,  $\Gamma\Theta$  cadere; alios autem quinque hoc modo: si  $\Delta$  extra  $\Gamma$  sumitur, parallela  $\Delta Z$ , ut adparet, extra  $\Theta\Gamma$  cadet,  $\Delta E$  autem aut inter  $A$ ,  $B$  cadet aut in  $B$  aut inter  $B$ ,  $\Theta$  aut in  $\Theta$  aut extra  $\Theta$ ; neque enim fieri potest, ut extra  $A$  cadat, quoniam  $\Delta$  extra  $\Gamma$  positum est et, ut adparet, etiam recta per id rectae  $A\Gamma$  parallela ducta. sin  $\Delta$  ad alteram partem sectionis sumitur, aut utraque parallela inter  $\Theta$ ,  $B$  terminabitur, aut  $\Delta Z$  intra  $\Theta$ ,  $E$  autem in  $\Theta$ , aut  $\Delta Z$  in eadem positione manente  $E$  extra  $\Theta$  cadet; rursus puncto  $E$  extra  $\Theta$  cadente  $Z$  aut in  $\Theta$  cadet, ita ut  $\Gamma\Theta\Delta$  una sit recta, quamquam ita proprietas paralleliae non prorsus seruatur, aut extra  $\Theta$ . oportet autem in quinque ultimis casibus demonstrandis rectam  $\Delta Z$  usque ad sectionem parallelamque  $H\Gamma$  producere et ita demum demonstrationem perficere.

fieri autem potest, ut ex his alia quaedam figura fingatur, ubi scilicet sumpto alio punto rectae ab initio sumptae efficiant<sup>1)</sup>), quod quaerimus; sed haec propositio est potius quam casus.

### Ad prop. XLIII.

In nonnullis codicibus demonstratio huius propositionis haec fertur:

1) Haec non satis intellego. fortasse scr. lin. 21 δὴ μῆ, ita ut significetur propositio  $A\Theta\Gamma = B\Gamma$ ; cfr. infra p. 258, 19 sq.

ἀπώδειξιν W. 22. ποιῶσιν W. τοῦτο] τοῦτο τό Wp, corr. Halley. 23. μᾶλλον] scripsi, ἔστω Wp (permutatis λι<sup>τ</sup> et ω), om. Comm. η] scripsi, η Wp, οὐ Comm. 25. τισιν W.

ἐπεὶ γὰρ ἵσον ἔστι τὸ ὑπὸ ΖΓΔ τῷ ἀπὸ ΓΒ, ἔστιν  
 ἄρα, ὡς ἡ ΖΓ πρὸς ΓΒ, ἡ ΓΒ πρὸς ΓΔ· καὶ ὡς  
 ἄρα τὸ ἀπὸ τῆς ΓΖ εἶδος πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΓΒ εἶδος,  
 οὕτως ἡ ΖΓ πρὸς τὴν ΓΔ. ἀλλ’ ὡς μὲν τὸ ἀπὸ ΖΓ  
 5 πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΒ, τὸ ΕΖΓ τρίγωνον πρὸς τὸ ΛΓΒ  
 τρίγωνον, ὡς δὲ ἡ ΖΓ πρὸς ΓΔ, τὸ ΕΖΓ τρίγωνον  
 πρὸς τὸ ΕΓΔ τρίγωνον· ὡς ἄρα τὸ ΕΓΖ τρίγωνον  
 πρὸς τὸ ΒΛΓ τρίγωνον, τὸ ΕΓΖ πρὸς τὸ ΕΓΔ τρί-  
 γωνον. ἵσον ἄρα τὸ ΕΓΔ τρίγωνον τῷ ΒΓΔ. καὶ  
 10 ὡς ἄρα ἐπὶ μὲν τῆς ὑπερβολῆς ἀναστρέψαντι, ἐπὶ δὲ  
 τῆς ἐλλείψεως ἀνάπαλιν καὶ διελόντι, [ὡς] τὸ ΕΖΓ  
 τρίγωνον πρὸς τὸ ΕΛΒΖ τετράπλευρον, οὕτως τὸ  
 ΕΓΖ πρὸς τὸ ΕΔΖ τρίγωνον· ἵσον ἄρα τὸ ΕΔΖ  
 τρίγωνον τῷ ΕΛΒΖ τετραπλεύρῳ. καὶ ἐπεὶ ἔστιν,  
 15 ὡς τὸ ἀπὸ ΓΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΒ, τὸ ΕΓΖ πρὸς τὸ  
 ΛΓΒ τρίγωνον, ἐπὶ μὲν τῆς ὑπερβολῆς διελόντι, ἐπὶ  
 δὲ τῆς ἐλλείψεως ἀνάπαλιν καὶ ἀναστρέψαντι καὶ ἀνά-  
 παλιν ἔστιν, ὡς τὸ ὑπὸ ΑΖΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΓ, τὸ  
 ΕΛΒΖ τετράπλευρον πρὸς τὸ ΒΛΓ τρίγωνον. διοίωσ  
 20 δὲ καὶ, ὡς τὸ ἀπὸ ΓΒ πρὸς τὸ ὑπὸ ΑΚΒ, οὕτως τὸ  
 ΛΓΒ τρίγωνον πρὸς τὸ ΜΛΒΚ τετράπλευρον· δι’  
 ἵσον ἄρα, ὡς τὸ ὑπὸ ΑΖΒ πρὸς τὸ ὑπὸ ΑΚΒ, τὸ  
 ΕΛΒΖ τετράπλευρον πρὸς τὸ ΛΒΚΜ. ὡς δὲ τὸ  
 ὑπὸ ΑΖΒ πρὸς τὸ ὑπὸ ΑΚΒ, τὸ ἀπὸ ΕΖ πρὸς τὸ  
 25 ἀπὸ ΗΚ, ὡς δὲ τὸ ἀπὸ ΕΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΗΚ, τὸ  
 ΕΔΖ τρίγωνον πρὸς τὸ ΗΘΚ τρίγωνον· καὶ ὡς ἄρα  
 τὸ ΕΔΖ πρὸς τὸ ΗΘΚ, τὸ ΕΛΒΖ τετράπλευρον  
 πρὸς τὸ ΜΛΒΚ. ἐναλλάξ, ὡς τὸ ΕΔΖ πρὸς τὸ  
 ΕΛΒΖ, οὕτως τὸ ΗΘΚ πρὸς τὸ ΜΛΒΚ. ἵσον δὲ

1. ἔστιν] ἔστιν W. 4. ΖΓ(alt.)] τῆς ΖΓ p. 5. ΛΓΒ] ΑΓΒ corr. ex ΑΒΓ W; corr. Comm. ΛΓΒ — 7. πρὸς τό]

quoniam enim est  $Z\Gamma \times \Gamma\Delta = \Gamma B^2$  [prop XXXVII], erit [Eucl. VI, 17]  $Z\Gamma : \Gamma B = \Gamma B : \Gamma\Delta$ ; quare etiam, ut figura in  $\Gamma Z$  descripta ad figuram in  $\Gamma B$  descriptam, ita  $Z\Gamma : \Gamma\Delta$  [Eucl. VI, 19 coroll.]. est autem [Eucl. VI, 19]  $Z\Gamma^2 : \Gamma B^2 = EZ\Gamma : \Lambda\Gamma B$  et [Eucl. VI, 1]  $Z\Gamma : \Gamma\Delta = EZ\Gamma : E\Gamma\Delta$ ; itaque

$$E\Gamma Z : B\Lambda\Gamma = EZ\Gamma : E\Gamma\Delta.$$

quare  $E\Gamma\Delta = B\Gamma\Lambda$  [Eucl. V, 9]<sup>1)</sup>. itaque etiam in hyperbola conuertendo, in ellipsi autem e contrario et dirimendo  $EZ\Gamma : E\Lambda B Z = E\Gamma Z : E\Delta Z$ ; quare  $E\Delta Z = E\Lambda B Z$ . et quoniam est

$$\Gamma Z^2 : \Gamma B^2 = E\Gamma Z : \Lambda\Gamma B,$$

erit in hyperbola dirimendo, in ellipsi autem e contrario et conuertendo et e contrario

$$AZ \times ZB : B\Gamma^2 = E\Lambda B Z : B\Lambda\Gamma.$$

similiter autem etiam  $\Gamma B^2 : AK \times KB = \Lambda\Gamma B : M\Lambda B K$ ; ex aequo igitur

$$AZ \times ZB : AK \times KB = E\Lambda B Z : \Lambda B K M.$$

uerum  $AZ \times ZB : AK \times KB = EZ^2 : HK^2$  [prop. XXI]  $= E\Delta Z : H\Theta K$  [Eucl. VI, 19]; quare etiam

$$E\Delta Z : H\Theta K = E\Lambda B Z : M\Lambda B K.$$

1. Uerba ἵσον —  $B\Gamma\Lambda$  lin. 9 superflua sunt.

om. p. 8.  $B\Lambda\Gamma$ ]  $B\Lambda\Gamma$  p. et  $A$  e corr. W; *lcb* Comm.,  $B\Gamma\Lambda$  Halley. 9.  $\tau\varphi\gamma\omega\nu\nu\nu$ ]  $\Lambda\Gamma\Delta$  Wp, corr. Comm. 9.  $\tau\varphi\gamma\omega\nu\nu\nu$ ] corr. ex  $\tau\varphi\gamma\omega\nu\nu\nu$  W. 10.  $B\Gamma\Lambda$ ]  $B\Gamma\Lambda$  W et  $\Gamma$  e corr. p, corr. Halley, *lcb* Comm. 11.  $\omega\varsigma$ ]  $\xi\sigma\tau\iota\nu$  Halley. 11.  $\omega\varsigma$ ] deleo;  $\kappa\alpha\ell\,\xi\tau\iota\,\alpha\eta\alpha\pi\alpha\lambda\iota\nu\,\omega\varsigma$  Comm., Halley;  $\kappa\alpha\ell\,\alpha\eta\alpha\pi\alpha\lambda\iota\nu$  mg. m. 2 U.

12.  $\omega\varsigma\tau\omega$  p. 14.  $E\Lambda B\Delta$  p. 16.  $\Lambda\Gamma B$ ]  $\Lambda\Gamma B$  Wp, corr. Comm. 19.  $E\Lambda B Z$ ]  $E\Lambda B Z$  Wp, corr. Comm. 20.  $\delta\varepsilon]$  e corr. p. 21.  $M\Lambda B K$ ]  $M\Lambda K B$  Wp, corr. Comm.

23.  $\Lambda B K M$ ] scripsi praeeunte Comm.,  $\Lambda B K M$  Wp. 29.  $\omega\varsigma\tau\omega$  p.

τὸ ΕΔΖ τῷ ΕΛΒΖ ἐδείχθη· ἶσον ἄρα καὶ τὸ ΗΘΚ  
τῷ ΜΛΒΚ τετραπλεύρῳ. τὸ ἄρα ΜΓΚ τρίγωνον  
τοῦ ΗΘΚ διαφέρει τῷ ΛΒΓ.

ἐπιστῆσαι δεῖ ταύτη τῇ δεῖξει· δὲ λίγην γὰρ ἀσάφειαν  
5 ἔχει ἐν ταῖς ἀναλογίαις τῆς ἐλλείψεως· ἵνα τὰ διὰ  
τὴν συντομίαν τοῦ δητοῦ διμοῦ λεγόμενα διηρημένως  
ποιήσωμεν, οἶον — φησὶ γάρ· ἐπεὶ ἐστιν, ὡς τὸ ἀπὸ  
ΖΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΒ, τὸ ΕΓΖ τρίγωνον πρὸς τὸ  
ΛΒΓ, ἀνάπαλιν καὶ ἀναστρέψαντι καὶ ἀνάπαλιν  
10 — ὡς τὸ ἀπὸ ΒΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΖ, τὸ ΛΒΓ πρὸς  
τὸ ΕΖΓ· ἀναστρέψαντι, ὡς τὸ ἀπὸ ΒΓ πρὸς τὸ ὑπὸ<sup>1</sup>  
ΑΖΒ, τουτέστιν ἡ ὑπεροχὴ τοῦ ἀπὸ ΓΒ πρὸς τὸ ἀπὸ  
ΓΖ διὰ τὸ διχοτομίαν εἶναι τὸ Γ τῆς ΑΒ, οὕτως τὸ  
ΛΒΓ τρίγωνον πρὸς τὸ ΛΒΖΕ τετραπλευρον· ἀνά-  
15 παλιν, ὡς τὸ ὑπὸ ΑΖΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΓ, τὸ ΕΛΒΖ  
τετραπλευρον πρὸς τὸ ΛΒΓ τρίγωνον.

ἔχει δὲ πτώσεις ἐπὶ μὲν τῆς ὑπερβολῆς  $\overline{\text{ΙΑ}}$ , ὅσας  
εἶχε καὶ τὸ πρὸ αὐτοῦ ἐπὶ τῆς παραβολῆς, καὶ ἄλλην  
μίαν, ὅταν τὸ ἐπὶ τοῦ Η λαμβανόμενον σημεῖον ταύ-  
20 τὸν ἥ τῷ Ε· τότε γὰρ συμβαίνει τὸ ΕΔΖ τρίγωνον  
μετὰ τοῦ ΛΒΓ ἴσον εἶναι τῷ ΓΕΖ· δέδεικται μὲν  
γὰρ τὸ ΕΔΖ τρίγωνον ἴσον τῷ ΛΒΖΕ τετραπλεύρῳ,  
το δὲ ΛΒΖΕ τοῦ ΓΖΕ τριγώνον διαφέρει τῷ ΛΒΓ.  
ἐπὶ δὲ τῆς ἐλλείψεως ἥ ταύτον ἐστι τὸ Η τῷ Ε ἥ  
25 ἐσωτέρῳ λαμβάνεται τοῦ Ε· καὶ δῆλον, ὅτι ἀμφότεραι  
αἱ παράλληλοι μεταξὺ πεσοῦνται τῶν Ι, Ζ, ὡς ἔχει

1. ΕΛΒΖ] *Λ* in ras. W. τό] mut. in τῷ W, τῷ p. 2.  
τῷ ΜΛΒΚ] om. W p, corr. Comm. τὸ ἄρα] om. W initio  
lin., lac. 3 litt. p, corr. Comm. ΜΓΚ] *ΜΓΛ* W p, corr.  
Comm. 3. ΗΘΚ] *Θ* e corr. W. ΛΒΓ] scripsi, *ΑΒΓ* W p.

6. τὴν] e corr. p. 7. ποιήσωμεν] corr. ex ποιήσομεν W.  
φηστὸν W p. γάρ] om. Halley. 9. ΛΒΓ] *Λ* e corr. W.

permutando  $E\Delta Z : E\Lambda BZ = H\Theta K : M\Lambda BK$ . demonstrauimus autem  $E\Delta Z = E\Lambda BZ$ ; quare etiam  $H\Theta K = M\Lambda BK$ . ergo  $M\Gamma K = \Lambda B\Gamma + H\Theta K^1)$ .

In hanc demonstrationem inquirendum est (est enim in proportionibus ellipsis subobscura), ut, quae propter breuitatem uerborum Apollonii coniunguntur, explicemus, uelut<sup>2)</sup> (dicit enim: quoniam est

$$Z\Gamma^2 : \Gamma B^2 = E\Gamma Z : \Lambda B\Gamma,$$

e contrario et conuertendo et e contrario [u. supra p. 256, 17])  $B\Gamma^2 : \Gamma Z^2 = \Lambda B\Gamma : EZ\Gamma$ ; conuertendo  $B\Gamma^2 : AZ \times ZB$  (hoc est  $\Gamma B^2 \div \Gamma Z^2$  [Eucl. II, 5], quia  $\Gamma$  punctum medium est rectae  $AB$ ) =  $\Lambda B\Gamma : \Lambda BZE$ ; e contrario

$$AZ \times ZB : B\Gamma^2 = E\Delta Z : \Lambda B\Gamma.$$

Habet autem in hyperbola XI casus, quot habuit etiam propositio praecedens in parabola, et unum alium, ubi punctum in  $H$  sumptum idem est ac  $E$ ; ita enim sequitur, esse  $E\Delta Z + \Lambda B\Gamma = \Gamma EZ$ ; demonstrauimus enim, esse  $E\Delta Z = \Lambda BZE$ , et

$$\Lambda BZE = \Gamma ZE \div \Lambda B\Gamma.$$

in ellipsi autem aut idem est  $H$  ac  $E$  aut intra  $E$  sumitur; et manifestum, ita utramque parallelam inter

1) Scriptum oportuit lin. 3 τῷ  $H\Theta K$  διαφέρει τοῦ  $\Lambda B\Gamma$ .

2) οἶον lin. 7 sanum uix est.

Post ἀνάπταται (alt.) add. ἔστι γὰρ ἀνάπταται Halley cum Comm., fort. recte. 10.  $\Lambda B\Gamma$ ]  $\Lambda B\Gamma$  Wp, corr. Halley; lcb Comm.

13. οὗτω p. 18. εἰχεν W. 19. ὅταν] om. Wp, corr. Halley cum Comm.

22. Post τριγώνον del. μετὰ τούτον λβγ λίσταν εἶναι p. 23. δέ] ΖΕ W. τοῦ  $\Gamma ZE$ ] scripsi; om. Wp, τοῦ  $\Gamma EZ$  Halley cum Comm.

24. ἔστιν W. τριγώνον] Ὡ p.  $\Lambda B\Gamma$  p.

ἐν τῷ φητῷ. εἰ δὲ ἔξωτέρῳ ληφθῇ τὸ Η τοῦ Ε, καὶ  
 ἡ ἀπ' αὐτοῦ τῇ EZ παράλληλος μεταξὺ πέσῃ τῶν Ζ,  
 Γ, τὸ Θ σημεῖον ποιεῖ πτώσεις πέντε· ἥ γὰρ μεταξὺ<sup>5</sup>  
 τῶν Α, Β πίπτει ἥ ἐπὶ τὸ Β ἥ μεταξὺ τῶν Β, Ζ ἥ  
 ἐπὶ τὸ Ζ ἥ μεταξὺ τῶν Ζ, Γ. ἐὰν δὲ ἡ διὰ τοῦ Η  
 τῇ κατηγμένῃ παράλληλος ἐπὶ τὸ Γ κέντρον πίπτῃ,  
 τὸ Θ πάλιν σημεῖον ποιήσει ἄλλας πέντε πτώσεις  
 ὠσαύτως· καὶ δεῖ ἐπὶ τούτῳ σημειώσασθαι, ὅτι τὸ  
 ὑπὸ τῶν παραλλήλων ταῖς ΕΔ, EZ γιγνόμενον τοί-  
 10 γωνον ἔσον γίνεται τῷ ΛΒΓ τριγώνῳ· ἐπεὶ γάρ ἐστιν,  
 ὃς τὸ ἀπὸ EZ πρὸς τὸ ἀπὸ ΗΓ, τὸ ΕΔΖ τριγώνου  
 πρὸς τὸ ΗΘΓ· ὅμοια γάρ· ὃς δὲ τὸ ἀπὸ EZ πρὸς  
 τὸ ἀπὸ ΗΓ, τὸ ὑπὸ ΒΖΑ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΓΑ, τουτ-  
 ἐστι τὸ ἀπὸ ΒΓ, ὃς ἄρα τὸ ΕΔΖ τριγώνου πρὸς τὸ  
 15 ΗΘΓ, τὸ ὑπὸ ΒΖΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΓ· ὃς δὲ τὸ ὑπὸ<sup>10</sup>  
 ΒΖΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΓ, οὗτος ἐδείχθη ἔχον τὸ ΛΒΖΕ  
 τετράπλευρον πρὸς τὸ ΛΒΓ τρίγωνον· καὶ ὃς ἄρα τὸ  
 ΕΔΖ τριγώνου πρὸς τὸ ΗΘΓ, τὸ ΛΒΖΕ τετράπλευ-  
 ρον πρὸς τὸ ΛΒΓ τρίγωνον· καὶ ἐναλλάξ· καὶ ἄλλως δὲ  
 20 ταύτας δυνατὸν δεῖξαι λέγοντας, ὅτι ἐπὶ τῶν διπλασίων  
 αὐτῶν παραλληλογράμμων ταῦτα δέδεικται ἐν τῷ σχο-  
 λίῳ τοῦ μα' θεωρήματος.

ἐὰν δὲ ἡ διὰ τοῦ Η τῇ EZ παράλληλος ἀγομένη  
 μεταξὺ πέσῃ τῶν Γ, Α, ἐκβληθήσεται μέν, ἔως ὅτε ἡ  
 25 ΓΕ αὐτῇ συμπέσῃ, τὸ δὲ Θ σημεῖον ποιήσει πτώσεις

1. ληφθῇ] scripsi, λειφθῇ W, ληφθείη p, m. 2 W. 3.

Θ] O W p, corr. Comm. 4. B ᾥ] βῆ W. 5. τό] corr. ex τῷ W. ᾥ] ins. m. 1 W. 6. πίπτῃ] scripsi, πίπτει W p.

13. ὑπό (alt.)] om. W p, corr. Comm. τοντέστιν W. 16.

ΛΒΖΕ] Α corr. ex Α W, ΛΒΖΕ p. 18. τετράπλευρον] -άπλευ-  
 in ras. W. 19. ΛΒΓ] ΛΒΓ W p, corr. Comm. 21. ἐν τῷ] p,

όντως W. σχολίῳ] comp. p, ἔ W. 23. H] in ras. W.

$\Delta, Z$  cadere, sicut apud Apollonium est. sin  $H$  extra  $E$  sumitur, et recta ab eo rectae  $EZ$  parallela ducta inter  $Z, \Gamma$  cadit, punctum  $\Theta$  quinque casus efficit; aut enim inter  $\Delta, B$  cadit aut in  $B$  aut inter  $B, Z$  aut in  $Z$  aut inter  $Z, \Gamma$ . sin recta per  $H$  ordinatae parallela ducta in  $\Gamma$  centrum cadit, rursus punctum  $\Theta$  quinque alios casus efficiet eodem modo; et hic animaduertendum, triangulum a rectis  $E\Delta, EZ$  rectis parallelis effectum aequalem fieri triangulo  $\Delta B\Gamma$ ; nam quoniam est  $EZ^2 : HG^2 = E\Delta Z : H\Theta\Gamma$  [Eucl. VI, 19]; nam similes sunt; et

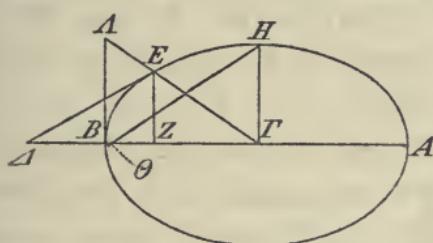
$$\begin{aligned} EZ^2 : HG^2 &= BZ \times ZA : BG \times GA \quad [\text{prop. XXI}] \\ &= BZ \times ZA : BG^2, \text{ erit} \end{aligned}$$

$$E\Delta Z : H\Theta\Gamma = BZ \times ZA : BG^2.$$

demonstrauimus autem, esse

$$BZ \times ZA : BG^2 = ABZE : AB\Gamma;$$

quare etiam  $E\Delta Z : H\Theta\Gamma = ABZE : AB\Gamma$ . et permutando.<sup>1)</sup> uerum hos casus<sup>2)</sup> aliter quoque demonstrare



possumus dicentes, haec in scholio ad prop. XLI [supra p. 252] de parallelogrammis demonstrata esse, quae his triangulis duplo maiora sunt.

sin recta per  $H$  rectae  $EZ$  parallela ducta inter  $\Gamma, A$  cadit, producetur, donec  $\Gamma E$  cum ea concurrat,

1) Et  $E\Delta Z = ABZE$ , ut supra demonstrauimus.

2) Sc. ubi recta per  $H$  ducta in centrum ellipsis cadit.

ξ· ἡ γὰρ μεταξὺ τῶν Β, Δ ἡ ἐπὶ τὸ Β πίπτει ἡ μεταξὺ τῶν Β, Ζ ἡ ἐπὶ τὸ Ζ ἡ μεταξὺ τῶν Ζ, Γ ἡ ἐπὶ τὸ Γ ἡ μεταξὺ τῶν Γ, Α· καὶ ἐπὶ τούτων τῶν πτώσεων συμβαίνει τὴν διαφορὰν τῶν ΑΒΓ, ΗΘΚ  
5 τριγώνων κατωτέρῳ συνίστασθαι τῆς ΑΒ εὐθείας ὑπὸ τῆς ΑΓ ἐκβαλλομένης.

ἐὰν δὲ τὸ Η ἐπὶ τὰ ἔτερα μέρη ληφθῇ τῆς τομῆς,  
καὶ ἡ ἀπὸ τοῦ Η τῇ EZ παράλληλος μεταξὺ πίπτη  
τῶν Β, Ζ, ἐκβληθήσεται μὲν διὰ τὴν ἀπόδειξιν, ἔως  
10 οὗ τέμη τὴν ΑΓ, τὸ δὲ Θ σημεῖον ποιήσει πτώσεις  
ξ ἡ μεταξὺ ὃν τῶν Β, Ζ ἡ ἐπὶ τὸ Ζ πῖπτον ἡ μεταξὺ τῶν Ζ, Γ ἡ ἐπὶ τὸ Γ ἡ μεταξὺ τῶν Γ, Α ἡ ἐπὶ τὸ  
Α ἡ ἔξωτέρῳ τοῦ Α. ἐὰν δὲ ἡ ἀπὸ τοῦ Η τῇ EZ  
παράλληλος ἐπὶ τὸ Ζ πίπτῃ, ὥστε μίαν εὐθεῖαν εἶναι  
15 τὴν EZΗ, τὸ Θ σημεῖον ποιήσει πτώσεις ε· ἡ γὰρ  
μεταξὺ τῶν Ζ, Γ πεσεῖται ἡ ἐπὶ τὸ Γ ἡ μεταξὺ τῶν  
Γ, Α ἡ ἐπὶ τὸ Α ἡ ἔξωτέρῳ τοῦ Α. ἐὰν δὲ ἡ HK  
μεταξὺ πίπτη τῶν Ζ, Γ, τὸ Θ ποιήσει πτώσεις ε· ἡ  
γὰρ μεταξὺ τῶν Ζ, Γ πεσεῖται ἡ ἐπὶ τὸ Γ ἡ μεταξὺ<sup>20</sup>  
τῶν Γ, Α ἡ ἐπὶ τὸ Α ἡ ἔξωτέρῳ τοῦ Α. ἐὰν δὲ ἡ  
HK ἐπὶ τὸ Γ κέντρον πίπτῃ, τὸ Θ σημεῖον ποιήσει  
πτώσεις τρεῖς ἡ μεταξὺ πῖπτον τῶν Γ, Α ἡ ἐπὶ τὸ  
Α ἡ ἔξωτέρῳ τοῦ Α· καὶ ἐπὶ τούτων τῶν πτώσεων  
συμβήσεται πάλιν τὸ ΗΘΚ τριγωνον ἵσον γίνεσθαι  
25 τῷ ΑΒΓ τριγώνῳ. ἐὰν δὲ ἡ HK μεταξὺ πίπτῃ τῶν  
Γ, Α, τὸ Θ σημεῖον ἡ μεταξὺ τῶν Γ, Α πεσεῖται ἡ  
ἐπὶ τὸ Α ἡ ἔξωτέρῳ τοῦ Α.

συμβαίνει οὖν ἐπί τινος ἐλλείψεως τὰς πάσας πτώ-  
σεις εἶναι μὲν καὶ ἐπὶ τῆς τοῦ κύκλου δὲ περιφερείας

5. τῆς] scripsi, τάς Wp. 6. ΑΓ] scripsi, AB Wp. 8.  
πίπτῃ] scripsi, πίπτει Wp. 10. ΑΓ] ΑΓ p. 11. ὅν —

et punctum  $\Theta$  casus VII efficiet; aut enim inter  $B$ ,  $A$  cadit aut in  $B$  aut inter  $B$ ,  $Z$  aut in  $Z$  aut inter  $Z$ ,  $\Gamma$  aut in  $\Gamma$  aut inter  $\Gamma$ ,  $A$ . et in his casibus adcidit, ut differentia triangulorum  $AB\Gamma$ ,  $H\Theta K$  infra rectam  $AB$  a recta  $AG$  producta construatur.

sin  $H$  ad alteram partem sectionis sumitur, et recta ab  $H$  rectae  $EZ$  parallela inter  $B$ ,  $Z$  cadit, demonstrationis causa producetur, donec rectam  $AG$  secet, punctum  $\Theta$  autem casus efficiet VII aut inter  $B$ ,  $Z$  positum aut in  $Z$  cadens aut inter  $Z$ ,  $\Gamma$  aut in  $\Gamma$  aut inter  $\Gamma$ ,  $A$  aut in  $A$  aut extra  $A$ . sin recta ab  $H$  rectae  $EZ$  parallela in  $Z$  cadit, ita ut  $EZH$  una sit recta, punctum  $\Theta$  casus V efficiet; nam aut inter  $Z$ ,  $\Gamma$  cadet aut in  $\Gamma$  aut inter  $\Gamma$ ,  $A$  aut in  $A$  aut extra  $A$ . sin  $HK$  inter  $Z$ ,  $\Gamma$  cadit,  $\Theta$  casus V efficiet; aut enim inter  $Z$ ,  $\Gamma$  cadet aut in  $\Gamma$  aut inter  $\Gamma$ ,  $A$  aut in  $A$  aut extra  $A$ . sin  $HK$  in  $\Gamma$  centrum cadit, punctum  $\Theta$  tres casus efficiet aut inter  $\Gamma$ ,  $A$  cadens aut in  $A$  aut extra  $A$ ; et in his casibus rursus adcidet, ut sit  $H\Theta K = AB\Gamma$ . sin  $HK$  inter  $\Gamma$ ,  $A$  cadit, punctum  $\Theta$  aut inter  $\Gamma$ ,  $A$  cadet aut in  $A$  aut extra  $A$ .

adcidit igitur, ut in ellipsi omnino XLII sint casus et in ambitu quoque circuli totidem, ita ut casus huius propositionis omnino sint XCVI.

$\mu\varepsilon\tau\alpha\xi\nu]$  om. p. 14.  $\pi'\pi\tau\eta]$  corr. ex  $\pi'\pi\tau\epsilon i$  p. 18.  $\mu\varepsilon\tau\alpha\xi\nu$  — 21.  $HK]$  om. p. 19.  $\tilde{\eta}$  (alt.)] om. W, corr. Comm. 20.  $\tau\delta]$   $\tau\omega i$  W. 22.  $\tau\delta]$  p,  $\tau\omega v$  W. 25.  $AB\Gamma]$   $AB$  W p, corr. Comm. 26.  $\tau\omega v$  —  $\pi\varepsilon\sigma\varepsilon\tilde{\epsilon}]$  in ras. W. 27.  $\tau\delta]$  p,  $\tau\omega i$  W.  $\tilde{\eta}]$  p, om. W. 28.  $\tau\nu\sigma\varsigma]$   $\tau\tilde{\eta}\varsigma?$

τοσαύτας, ὡς εἶναι τὰς πάσας πτώσεις τούτου τοῦ θεωρήματος  $\overline{\varsigma\varsigma}$ .

*Eἰς τὸ μδ'.*

'Επεὶ οὖν ἀντικείμεναὶ εἰσιν αἱ  $Z A$ ,  $B E$ ,  
5 ἢν διάμετρος ἡ  $A B$ , ἡ δὲ διὰ τοῦ κέντρου ἡ  
 $Z G E$  καὶ ἐφαπτόμεναι τῶν τομῶν αἱ  $Z H$ ,  $A E$ ,  
παράλληλος ἔστιν ἡ  $Z H$  τῇ  $E A$ ] ἐπεὶ γὰρ ὑπερβολὴ<sup>7.</sup>  
ἔστιν ἡ  $A Z$  καὶ ἐφαπτομένη ἡ  $Z H$  καὶ κατηγμένη ἡ  
 $Z O$ , ἵσον ἔστι τὸ ὑπὸ  $O G H$  τῷ ἀπὸ  $G A$  διὰ τὸ λξ'  
10 θεώρημα· διοίως δὴ καὶ τὸ ὑπὸ  $E G A$  τῷ ὑπὸ  $G B$   
ἔστιν ἵσον. ἔστιν ἄρα, ὡς τὸ ὑπὸ  $O G H$  πρὸς τὸ ἀπὸ<sup>8.</sup>  
 $A G$ , οὕτως τὸ ὑπὸ  $E G A$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $B G$ , καὶ ἐναλ-  
λάξ, ὡς τὸ ὑπὸ  $O G H$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $E G A$ , τὸ ἀπὸ  $A G$   
πρὸς τὸ ἀπὸ  $G B$ . ἵσον δὲ τὸ ἀπὸ  $A G$  τῷ ἀπὸ  $G B$ .  
15 ἵσον ἄρα καὶ τὸ ὑπὸ  $O G H$  τῷ ὑπὸ  $E G A$ . καὶ ἔστιν ἡ  
 $O G$  τῇ  $G E$  ἵση· καὶ ἡ  $H G$  ἄρα τῇ  $G A$  ἔστιν ἵση· ἔστι  
δὲ καὶ ἡ  $Z G$  τῇ  $G E$  διὰ τὸ λ'. αἱ ἄρα  $Z G H$  ἵσαι εἰσὶ<sup>9.</sup>  
ταῖς  $E G A$ . καὶ γωνίας ἴσας περιέχουσι τὰς πρὸς τῷ  $G$   
κατὰ κορυφὴν γάρ. ὥστε καὶ ἡ  $Z H$  τῇ  $E A$  ἔστιν ἵση<sup>10.</sup>  
20 καὶ ἡ ὑπὸ  $G Z H$  γωνία τῇ ὑπὸ  $G E A$ . καὶ εἰσὶν ἐναλλάξ.  
παράλληλος ἄρα ἔστιν ἡ  $Z H$  τῇ  $E A$ .

αἱ πτώσεις αὐτοῦ  $\overline{i\beta}$  εἰσιν, καθάπερ ἐπὶ τῆς ὑπερ-  
βολῆς ἐν τῷ μγ' ἔχει, καὶ ἡ ἀπόδειξις ἡ αὐτή.

*Eἰς τὸ με'.*

25 'Επιστῆσαι χρὴ τῷ θεωρήματι τούτῳ πλείους ἔχοντι<sup>11.</sup>  
πτώσεις. ἐπὶ μὲν γὰρ τῆς ὑπερβολῆς ἔχει  $\pi\cdot$  τὸ γὰρ

3. Hic *Eἰς τὸ με'* l. 24 — p. 266, 24 hab. W. 7.  $\tau\tilde{\eta}\varsigma$   
scripsi, τῆς Wp. 9.  $Z O$ ]  $Z \Theta$  Wp, corr. Comm.  $O G H$   
 $\Theta G H$  Wp, corr. Comm. 10. δέ Halley cum Comm.  $\nu\pi\pi\delta$   
(alt.)] ἀπὸ p. 11.  $O G H$ ]  $\Theta G H$  Wp, corr. Comm. 12.

## Ad prop. XLIV.

Quoniam igitur  $Z\Delta$ ,  $BE$  oppositae sunt, quarum diametrum est  $AB$ , recta autem per centrum ducta  $Z\Gamma E$ , sectionesque contingentes  $ZH$ ,  $\Delta E$ , rectae  $\Delta E$  parallela est  $ZH$  [I p. 134, 21—24] quoniam enim  $AZ$  hyperbola est et contingens  $ZH$  et ordinate ducta  $ZO$ , erit propter prop. XXXVII  $O\Gamma \times \Gamma H = \Gamma A^2$ . iam eodem modo etiam

$$\Xi\Gamma \times \Gamma \Delta = \Gamma B^2.$$

itaque  $O\Gamma \times \Gamma H : \Gamma A^2 = \Xi\Gamma \times \Gamma \Delta : \Gamma B^2$ , et permutando  $O\Gamma \times \Gamma H : \Xi\Gamma \times \Gamma \Delta = \Gamma A^2 : \Gamma B^2$ . uerum

$$\Gamma A^2 = \Gamma B^2;$$

itaque etiam  $O\Gamma \times \Gamma H = \Xi\Gamma \times \Gamma \Delta$ . est autem  $O\Gamma = \Gamma \Xi$  [prop. XXX]; quare etiam  $H\Gamma = \Gamma \Delta$ . est autem etiam propter prop. XXX  $Z\Gamma = \Gamma E$ ; itaque  $Z\Gamma$ ,  $\Gamma H$  rectis  $E\Gamma$ ,  $\Gamma \Delta$  aequales sunt. et angulos ad  $\Gamma$  positos aequales comprehendunt; ad uerticem enim inter se positi sunt; itaque [Eucl. I, 4]  $ZH = EA$  et  $\angle GHZ = \angle EAD$ . et sunt alterni; ergo  $ZH$ ,  $EA$  parallelae sunt [Eucl. I, 27].

Casus huius propositionis XII sunt, sicut in hyperbola in prop. XLIII se habet, et demonstratio eadem est.

## Ad prop. XLV.

Inquirendum est in hanc propositionem, quae complures habeat casus. in hyperbola enim XX habet;

*οὗτοι* p. 13. *ὑπό*] corr. ex *ἀπό* W. *O\Gamma H*] *Θ\Gamma H* W p., corr. Comm. 14. *\Gamma B* (alt.)] corr. ex *\Gamma H* W, *\Gamma \Theta* p. 15. *O\Gamma H*] *Θ\Gamma H* W p., corr. Comm. 16. *O\Gamma*] *\Theta\Gamma* W p., corr. Comm. *ἴστιν* W. 17. *τῇ*] *ἴση τῇ* Halley. *εἰσίν* W. 18. *περιέχουσιν* W. *τῷ*] scripsi, *τῷ* W p. 24 sq. ante l. 3 hab. W.

άντι τοῦ Β λαμβανόμενον σημεῖον ἥ ταῦτόν ἐστι τῷ  
 Α ἥ ταῦτὸν τῷ Γ τότε γὰρ συμβαίνει τὸ ἀπὸ τῆς ΑΘ  
 τριγωνον ὅμοιον τῷ ΓΔΔ ταῦτὸν εἶναι τῷ ἀπο-  
 τεμνομένῳ τριγώνῳ ὑπὸ τῶν παραλλήλων ταῖς ΔΔΓ.  
 5 ἐὰν δὲ μεταξὺ ληφθῆ τὸ Β σημεῖον τῶν Α, Γ, καὶ  
 τὰ Δ, Λ ἀνωτέρω ὡσι τῶν περάτων τῆς δευτέρας  
 διαμέτρου, γίνονται πτώσεις τρεῖς· τὰ γὰρ Ζ, Ε  
 ἥ ἀνωτέρω τῶν περάτων φέρονται ἥ ἐπ' αὐτὰ ἥ  
 κατωτέρω. ἐὰν δὲ τὰ Δ, Λ ἐπὶ τὰ πέρατα ὡσι τῆς  
 10 δευτέρας διαμέτρου, τὰ Ζ, Ε κατωτέρω ἐνεχθήσονται.  
 ὅμοίως δὲ καὶ <sup>†</sup> ἐὰν ἔξωτέρω ληφθῆ τοῦ Γ τὸ Β,  
 [καὶ] ἥ ΘΓ ἐπὶ τὸ Γ ἐκβληθήσεται, συμβαίνει δὲ οὕτως  
 γίνεσθαι ἄλλας πτώσεις τρεῖς· τοῦ γὰρ Δ σημείου ἥ  
 ἀνωτέρω φερομένου τοῦ πέρατος τῆς δευτέρας διαμέ-  
 15 τρου ἥ ἐπ' αὐτὸ ἥ κατωτέρω καὶ τὸ Ζ ὅμοίως φερό-  
 μενον ποιήσει τὰς τρεῖς πτώσεις. ἐὰν δὲ ἐπὶ τὰ ἔτερα  
 μέρη τῆς τομῆς ληφθῆ τὸ Β σημεῖον, ἥ μὲν ΓΘ  
 ἐκβληθήσεται ἐπὶ τὸ Θ διὰ τὴν ἀπόδειξιν, αἱ δὲ ΒΖ,  
 ΒΕ ποιοῦσι πτώσεις τρεῖς, ἐπειδὴ τὸ Λ ἐπὶ τὸ πέρας  
 20 φέρεται τῆς δευτέρας διαμέτρου ἥ ἀνωτέρω ἥ κατωτέρω.

ἐπὶ δὲ τῆς ἔλλειψεως καὶ τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας  
 οὐδὲν ποικίλον ἔροῦμεν, ἀλλὰ ὅσα ἐν τῷ προλαβόντι  
 θεωρήματι ἐλέχθη ὡς εἶναι τὰς πτώσεις τοῦ θεωρή-  
 ματος τούτου οδ.

2. *Α]* scripsi, *Δ* Wp. *τότε γάρ]* καὶ *τότε* Halley cum Comm.; fort. *τότε δέ*. 6. *Λ]* Z Wp, corr. Comm. *ώσιν* W.  
 7. *Ε]* E, H Wp, corr. Comm. 8. *ἥ* (tert.)] om. Wp, corr. Comm. 9. *ώσιν* W. 11. *Β]* corr. ex Θ W. 12. *καὶ*] deleo. *Γ]* Wp, H Halley. *οὗτω* p. 13. *Δ]* corr. ex Α W. 18. *Θ]* H Halley. 19. *ποιοῦσιν* W. *τὸ Λ]* τὰ Z, E Halley cum Comm. 21. *ἐπὶ δὲ]* addidi, om. Wp. 23. *ἐλέχθη]* scripsi, λεχθῆ Wp. 24. *οδ]* scripsi, ḡ Wp.

nam punctum, quod pro  $B$  sumitur, aut idem est ac  $A$  aut idem ac  $\Gamma$ ; ita<sup>1)</sup> enim sequitur, triangulum in  $A\Theta$  descriptum triangulo  $\Gamma\Delta\Lambda$  similem eundem esse ac triangulum a rectis abscisum rectis  $\Delta\Lambda$ ,  $\Lambda\Gamma$  parallelis. sin punctum  $B$  inter  $A$ ,  $\Gamma$  sumitur, et puncta  $\Delta$ ,  $\Lambda$  supra terminos alterius diametri posita sunt, tres casus efficiuntur; nam  $Z$ ,  $E$  aut supra terminos cadunt aut in eos aut infra. sin  $\Delta$ ,  $\Lambda$  in terminis alterius diametri posita sunt,  $Z$ ,  $E$  infra cadent. similiter uero ....<sup>2)</sup> si  $B$  extra  $\Gamma$  sumitur,  $\Theta\Gamma$  ad  $\Gamma$  uersus producetur; ita autem adcidit, ut tres alii efficiantur casus; nam punto  $\Delta$  aut supra terminum alterius diametri cadente aut in eum aut infra eum etiam  $Z$  similiter cadens tres illos casus efficiet. sin ad alteram partem sectionis sumitur punctum  $B$ ,  $\Gamma\Theta$  propter demonstrationem ad  $\Theta$  uersus producetur,  $BZ$ ,  $BE$  autem tres casus efficiunt, quoniam  $\Lambda$  in terminum alterius diametri cadit aut supra aut infra.

in ellipsi uero et ambitu circuli singula non dicemus, sed ea tantum, quae in propositione pree-denti<sup>3)</sup> dicta sunt. quare casus huius propositionis CIV sunt.

1) H. e. si  $B$  in  $\Delta$  cadit. quare litteras  $A$ ,  $\Gamma$  lin. 2 permutauerunt Comm. Halley.

2) Hic deest casus, ubi  $\Delta$ ,  $\Lambda$  infra terminos cadunt; tum etiam  $Z$ ,  $E$  infra cadunt. omnino omnes XX casus non enumeraunt nec probabiliter restitui possunt, quia diuisiones Eutocii parum perspicuae sunt.

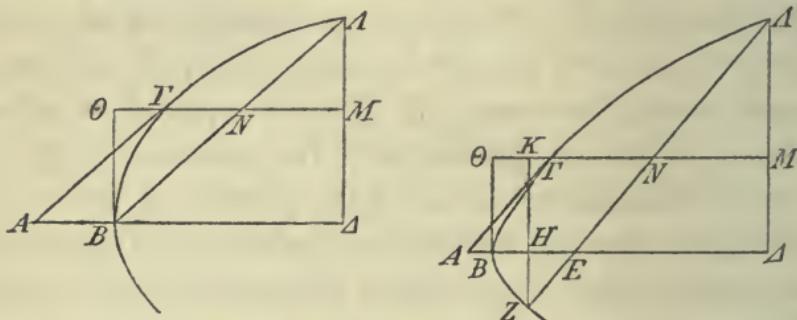
3) Immo prop. XLIII. cum ibi in ellipsi XLII casus enumerentur, hic quoque in ellipsi circuloque LXXXIV statuendi sunt. quare, si numerus XX supra p. 264, 26 in hyperbola propositus uerus est, adparet hic lin. 24  $\varrho\delta$  scribendum esse.

δύναται δὲ τὰ τῆς προτάσεως δείκνυσθαι καὶ ἐπὶ ἀντικειμένων.

*Eἰς τὸ μξ'.*

Τοῦτο τὸ θεώρημα πτώσεις ἔχει πλείους, ἃς δεῖξο-  
δ μεν προσέχοντες ταῦς πτώσεσι τοῦ μβ'.

ὑποδείγματος δὲ χάριν, ἐὰν τὸ Ζ ἐπὶ τὸ Β πίπτοιτο,  
αὐτόθεν ἐροῦμεν· ἐπεὶ τὸ ΒΔΛ ļσον ἐστὶ τῷ ΘΒΔΜ,



κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ NMΔB· λοιπὸν ἄρα τὸ ANM  
τῷ NΘB ἐστιν ļσον.

10 ἐπὶ δὲ τῆς λοιπῆς ἐροῦμεν· ἐπειδὴ τὸ ΑΕΔ τῷ  
ΘΒΔΜ ἐστιν ļσον, τουτέστι τῷ ΚΗΔΜ καὶ τῷ ΗΖΕ,  
τουτέστι τῷ ΖΚΝ καὶ τῷ ΝΕΔΜ, κοινὸν ἀφηρήσθω  
τὸ ΝΕΔΜ καὶ λοιπὸν ἄρα τὸ ΑΝΜ τῷ ΚΖΝ ļσον.

*Eἰς τὸ μξ'.*

15 Τοῦτο τὸ θεώρημα ἐπὶ μὲν τῆς ὑπερβολῆς πτώσεις  
ἔχει, ὅσας τὸ πρὸ αὐτοῦ ἐπὶ τῆς παραβολῆς εἶχεν, τὰς

4. ἃς] addidi, om. Wp. δεῖξομεν δέ Halley cum Comm.

5. πτώσειν W. 6. πίπτοιτο] p, corr. ex πίπτειτο W. 7.  
ἐροῦμεν] ἐροῦ p. ἐπει] ἐπὶ Wp, corr. Comm. ΒΔΛ] ΒΔΑ  
Wp, corr. Comm. ἐστίν W. τῷ] τό Wp, corr. Comm.

ΘΒΔΜ] ΘΒΔΜ Wp, corr. Comm. 8. NMΔB] NMΔΛB  
Wp, corr. Comm. 10. ἐπι] -ι in ras. W. δέ] -έ in ras. W.

ΑΕΔ] Δ e corr. p. 11. τουτέστιν W. 12. τουτέστιν W.

13. κατ] p, καὶ αἱ W, om. Comm. λοιπόν] -ό- e corr. W.  
ἄρα] addidi cum Comm., om. Wp. ΑΝΜ] ANM Wp,  
corr. Comm. KZN] N ins. m. 1 W, KZH p.

propositio autem etiam de oppositis demonstrari potest.

### Ad prop XLVI.

Haec propositio complures habet casus, quos demonstrabimus ad casus propositionis XLII animaduertentes.

exempli autem gratia, si  $Z$  in  $B$  cadit, statim dicemus: quoniam est [prop. XLII]  $B\Delta A = \Theta B\Delta M$ , auferatur, quod commune est,  $NM\Delta B$ ; itaque, qui relinquitur, triangulus  $ANM = N\Theta B$ .

in reliqua autem figura dicemus: quoniam

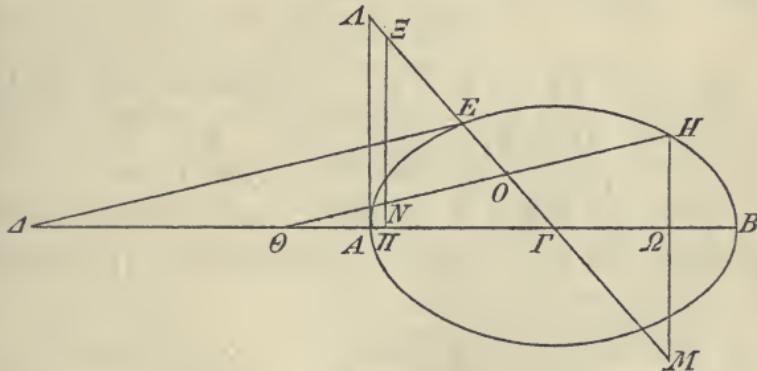
$$\Lambda E\Delta = \Theta B\Delta M \text{ [prop. XLII]}$$

$$= KH\Delta M + HZE = ZKN + NE\Delta M,$$

auferatur, quod commune est,  $NE\Delta M$ ; erit igitur etiam, qui relinquitur, triangulus  $ANM = KZN$ .

### Ad prop. XLVII.

Haec propositio in hyperbola totidem habet casus, quot praecedens in parabola habuit, demonstrationes



autem eorum efficiemus ad casus propositionis XLIII animaduertentes, et in ellipsi quoque demonstrationes

In Fig. 1 om.  $A W$ , pro  $N$  hab.  $H W$ .

In Fig. 3 pro  $A$  hab.  $A$ , pro  $E$  hab.  $O$ ,  $O$  et  $N$  om.  $W$ .

δὲ ἀποδεῖξεις αὐτῶν ποιησόμεθα προσέχοντες ταῖς πτώσεσι τοῦ μγ' θεωρήματος, καὶ ἐπὶ τῆς ἐλλείψεως δὲ τὰς ἀποδεῖξεις ἐκ τῶν πτώσεων τοῦ μγ', οἶον ἐπὶ τῆς ὑποκειμένης καταγραφῆς τοῦ Η σημείου ἔκτὸς 5 εἰλημμένου, ἐπειδὴ ἵσον ἐστὶ τὸ ΛΑΓ τρίγωνον τοῖς ΘΗΩ, ΩΓΜ, τουτέστι τοῖς ΟΘΓ, ΟΗΜ τριγώνοις, τῷ δὲ ΛΑΓ ἵσον ἐστὶ τό τε ΞΠΓ τρίγωνον καὶ τὸ ΛΑΠΞ τετράπλευρον, τουτέστι τὸ ΝΘΠ τρίγωνον διὰ τὰ δεδειγμένα ἐν τῷ μγ' θεωρήματι, καὶ τὰ ΞΠΓ, 10 ΝΘΠ ἄρα τρίγωνα ἵσα ἐστὶ τοῖς ΟΘΓ, ΟΜΗ τριγώνοις. κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ ΘΟΓ τρίγωνον· λοιπὸν ἄρα τὸ ΞΟΝ τῷ ΗΟΜ ἵσον ἐστίν. καὶ παράλληλος ἡ ΝΞ τῇ ΜΗ· ἵση ἄρα ἡ ΝΟ τῇ ΟΗ.

*Eἰς τὸ μη'.*

15 Καὶ τούτου αἱ πτώσεις ὥσαύτως ἔχουσι τοῖς προειρημένοις ἐπὶ τοῦ μξ' κατὰ τὴν τῆς ὑπερβολῆς καταγραφήν.

*Eἰς τὸ μθ'.*

Λοιπὸν ἄρα τὸ ΚΛΝ τρίγωνον τῷ ΔΔΠΓ 20 παραλληλογράμμῳ ἐστὶν ἵσον. καὶ ἵση ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΔΔΠ γωνία τῇ ὑπὸ ΚΛΝ γωνίᾳ· διπλάσιον ἄρα ἐστὶ τὸ ὑπὸ ΚΛΝ τοῦ ὑπὸ ΔΔΓ] ἐκκείσθω γὰρ χωρὶς τὸ ΚΛΝ τρίγωνον καὶ τὸ ΔΔΠΓ παραλ-

2. πτώσειν W. 5. ἐστὶν W. 6. τουτέστιν W. 7. τῷ] scripsi, τό Wp. δέ] γάρ Wp, corr. Halley. ἐστὶν W. τό] W, τῷ p. ΖΠΓ p. τρίγωνον] scripsi, τριγώνῳ Wp. τό] W, τῷ p. 8. τετράπλευρον] W, comp. p. τουτέστιν W. 10. ἐστίν W. ΟΜΗ] ΟΜ W, ΟΔΔ p, corr. Comm. 12. ΗΟΜ] ΗΘΜ Wp, corr. Halley, mog Comm. 13. ΟΗ] ΘΗ Wp, corr. Comm. 15. ἔχουσιν W. 22. ἐστὶν W. 23. ΔΔΠΓ] ΔΔΠΤ Wp, corr. Comm.

efficiemus e casibus propositionis XLIII, uelut in figura infra descripta puncto  $H$  extra  $E$  sumpto, quoniam est [prop. XLIII]

$\angle A\Gamma = \Theta H\Omega + \Omega \Gamma M = O\Theta\Gamma + OHM$ ,  
 et  $\Xi\pi\Gamma + \Lambda\Lambda\pi\Xi = \Lambda\Lambda\Gamma = \Xi\pi\Gamma + N\Theta\pi$  propter  
 ea, quae in prop. XLIII demonstrata sunt [u. supra  
 p. 258, 2], erit etiam  $\Xi\pi\Gamma + N\Theta\pi = O\Theta\Gamma + OMH$ .  
 auferatur, qui communis est, triangulus  $\Theta O\Gamma$ ; erit  
 igitur, qui relinquitur, triangulus  $\Xi ON = HOM$ . et  
 $N\Xi, MH$  parallelae sunt; ergo  $NO = OH$ .

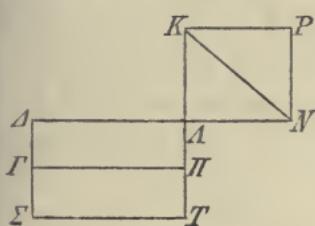
### Ad prop. XLVIII.

Huius quoque propositionis casus eodem modo se  
 habent atque ii, quos in prop. XLVII in figura  
 hyperbolae explicauimus.

### Ad prop. XLIX.

Erit igitur  $KAN = \Delta\Lambda\pi\Gamma$ . est autem  
 $\angle\Lambda\Lambda\pi = \angle KAN$ ; itaque erit

$K\Lambda \times AN = 2\Lambda\Lambda \times \Delta\Gamma$  I p. 148, 3–6]  
 seorsum enim describantur triangulus  $KAN$  et



parallelogrammum  $\Delta\Lambda\pi\Gamma$ . et  
 quoniam est  $KAN = \Delta\pi\Gamma$ , per  
 $N$  rectae  $\Lambda K$  parallela ducatur  
 $NP$ , per  $K$  autem rectae  $\Lambda N$   
 parallela  $KP$ ; parallelogrammum  
 igitur est  $\Delta P$  et  $= 2KAN$   
 [Eucl. I, 34]; quare etiam  $\Delta P = 2\Delta\pi\Gamma$ . iam  $\Delta\Gamma, \Delta\pi\Gamma$   
 ad  $\Sigma, T$  producantur, et ponatur  $\Gamma\Sigma = \Delta\Gamma$ ,

---

Figura est codicis W, nisi quod ibi ducta est  $\Delta P$ ; pro  $\pi\Gamma$   
 hab.  $K$ ;  $K$  corr. m. rec. ex  $M$ .

ληλόγραμμον. καὶ ἐπεὶ ἵσον ἔστι τὸ ΚΛΝ τρίγωνον τῷ ΔΠ παραλληλογράμμῳ, ὥχθω διὰ τοῦ Ν τῇ ΛΚ παράλληλος ἡ ΝΡ, διὰ δὲ τοῦ Κ τῇ ΛΝ ἡ ΚΡ· παραλληλόγραμμον ἄρα ἔστι τὸ ΛΡ καὶ διπλάσιον τοῦ 5 ΚΛΝ τριγώνου· ὥστε καὶ τοῦ ΔΠ παραλληλογράμμον. ἐκβεβλήσθωσαν δὴ αἱ ΔΓ, ΛΠ ἐπὶ τὰ Σ, Τ, καὶ πείσθω τῇ ΔΓ ἵση ἡ ΓΣ, τῇ δὲ ΛΠ ἡ ΠΤ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΣΤ· παραλληλόγραμμον ἄρα ἔστι τὸ ΔΤ διπλάσιον τοῦ ΔΠ· ὥστε ἵσον τὸ ΛΡ τῷ ΛΣ. ἔστι δὲ 10 αὐτῷ καὶ ἴσογώνιον διὰ τὸ τὰς πρὸς τῷ Α γωνίας κατὰ πορνφῆν οὕσας ἵσας εἶναι· τῶν δὲ ἵσων καὶ ἴσογωνίων παραλληλογράμμων ἀντιπεπόνθασιν αἱ περὶ τὰς ἵσας γωνίας πλευραί· ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΚΛ πρὸς ΛΤ, τουτέστι πρὸς ΔΣ, ἡ ΔΛ πρὸς ΛΝ, καὶ τὸ ὑπὸ ΚΛΝ 15 ἵσον ἔστι τῷ ὑπὸ ΛΔΣ. καὶ ἐπεὶ διπλῆ ἔστιν ἡ ΔΣ τῆς ΔΓ, τὸ ὑπὸ ΚΛΝ διπλάσιόν ἔστι τοῦ ΛΔΓ.

Ἐὰν δὲ ἡ μὲν ΔΓ τῇ ΛΠ ἔστι παράλληλος, ἡ δὲ ΓΠ τῇ ΛΔ μή ἔστι παράλληλος, τραπέζιον μὲν δηλούντι ἔστι τὸ ΔΓΠΛ, καὶ οὕτως δέ φημι, ὅτι τὸ ὑπὸ 20 ΚΛΝ ἵσον ἔστι τῷ ὑπὸ ΔΛ καὶ συναμφοτέρου τῆς ΓΔ, ΛΠ. Ἐὰν γὰρ τὸ μὲν ΛΡ ἀναπληρωθῆ, ὡς προείρηται, ἐκβληθῶσι δὲ καὶ αἱ ΔΓ, ΛΠ, καὶ τεθῆ τῇ μὲν ΛΠ ἵση ἡ ΓΣ, τῇ δὲ ΔΓ ἡ ΠΤ, καὶ ἐπιζευχθῆ ἡ ΣΤ, παραλληλόγραμμον ἔσται τὸ ΔΤ διπλάσιον τοῦ ΔΠ, καὶ ἡ ἀπόδειξις ἡ αὐτὴ ἀριστερή. 25 χρησιμεύσει δὲ τοῦτο εἰς τὸ ἔξῆς.

*Eἰς τὸ ν'.*

Αἱ πτώσεις τούτου τοῦ θεωρήματος ὡσαύτως ἔχουσι ταῖς τοῦ μγ', δόμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τοῦ να'.

---

1. ἔστιν W.      τρίγωνον] om. p.      2. ΔΠ] ΛΠ Wp.  
corr. Comm.      4. ἔστιν W.      5. ΚΛΝ] Λ supra scr. m. 1 W.

$\Pi T = \Delta \Pi$ , ducaturque  $\Sigma T$ ;  $\Delta T$  igitur parallelogrammum est et  $= 2 \Delta \Pi$  [Eucl. VI, 1]; quare  $\Delta P = \Delta \Sigma$ . uerum etiam aequiangula sunt, quia anguli ad  $\Delta$  aequales sunt ad uerticem inter se positi; in parallelogrammis autem aequalibus et aequiangulis latera aequales angulos comprehendentia in contraria proportione sunt [Eucl. VI, 14]; itaque

$$KA : \Delta T = \Delta A : AN = KA : \Delta \Sigma$$

et  $KA \times AN = \Delta A \times \Delta \Sigma$ . et quoniam  $\Delta \Sigma = 2 \Delta \Gamma$ , erit  $KA \times AN = 2 \Delta A \times \Delta \Gamma$ .

sin  $\Delta \Gamma$  rectae  $\Delta \Pi$  parallela est,  $\Gamma \Pi$  autem rectae  $\Delta \Delta$  non parallela, trapezium adparet esse  $\Delta \Gamma \Pi \Delta$ , sed sic quoque dico, esse

$$KA \times AN = \Delta A \times (\Gamma \Delta + \Delta \Pi).$$

nam si  $\Delta P$  expletur, sicut antea dictum est, et  $\Delta \Gamma$ ,  $\Delta \Pi$  producuntur, poniturque  $\Gamma \Sigma = \Delta \Pi$ ,  $\Pi T = \Delta \Gamma$ , et dicitur  $\Sigma T$ ,  $\Delta T$  parallelogrammum erit et  $= 2 \Delta \Pi$ , et eadem ualebit demonstratio. hoc uero in sequentibus [I p. 152, 14] utile erit.

### Ad prop. L.

Casus huius propositionis eodem modo se habent atque in prop. XLIII, et similiter etiam in prop. LI.

- |   |  |   |
|---|--|---|
| 6. $\Delta \Gamma, \Delta \Pi]$ e corr. p;                                | $\Delta A, \Gamma \Pi$ W.                                    | 7. $\Gamma \Sigma]$ p?, $\Gamma E$ W.                               |
| $\delta \epsilon]$ $\Delta E$ W.  | $\Delta \Pi \eta]$ e corr. p.                                | 8. $\dot{\epsilon} \sigma t i v$ W.                                 |
| $\tau o$ p.   | $\dot{\epsilon} \sigma t i v$ W.                             | 9. $\tau o]$  |
| 14. $\tau o u r t e \sigma t i v$ W.                                      | 15. $\dot{\epsilon} \sigma t i v$ W.                         | $\Delta \Sigma]$  |
| $\Lambda \Sigma$ W p, corr. Comm.   | $\dot{\epsilon} \sigma t i v$ W.                             | $\Delta \Sigma]$  |
| $\iota$ in ras., W.   | $\Lambda \Delta \Gamma]$ $\Lambda A \Gamma$ W p, corr. Comm. | $\dot{\epsilon} \sigma t i v$ , $\dot{\epsilon} \sigma t i v$       |
| $\eta$ — 18. $\pi a \rho \alpha \lambda \lambda \eta \lambda o s]$ om. p. | 18. $\Delta \Delta]$ $\Delta A$ W, corr. Halley;             | 17. $\dot{\epsilon} \sigma t i v$ W.                                |
| dl Comm.  | $\dot{\epsilon} \sigma t i v$ W.                             | 19. $\dot{\epsilon} \sigma t i v$ W.                                |
| $\Delta \Gamma \Pi \Delta]$ $\Delta \Gamma \Pi \Delta$ W p, corr. Comm.   | $\tau o a p e \xi e i o n$ W.                                | 20. $\dot{\epsilon} \sigma t i v$ W.                                |
| 21. $\dot{\epsilon} \sigma \nu$ — 22. $\Delta \Pi]$ om. p.                | o ū t o p.   | 22. $\dot{\epsilon} \sigma b l \eta \vartheta \omega \sigma i v$ W. |
| corr. ex $\Delta$ m. 1 W.   | 23. $\Gamma \Sigma]$ $\Gamma O$ W p, corr. Comm.             | $\Delta \Gamma]$  |
| $\dot{\epsilon} \chi o u s i v$ W.  |  | 28.   |

## Εἰς τὸν ἐπίλογον.

Τὴν ἐκ τῆς γενέσεως διάμετρον λέγει τὴν γεναμένην ἐν τῷ κώνῳ κοινὴν τομὴν τοῦ τέμνοντος ἐπιπέδου καὶ τοῦ διὰ τοῦ ἄξονος τριγώνου· ταύτην δὲ καὶ ἀρχικὴν διάμετρον λέγει. καί φησιν, ὅτι πάντα τὰ δεδειγμένα συμπτώματα τῶν τομῶν ἐν τοῖς προειρημένοις θεωρήμασιν ὑποθεμένων ἡμῶν τὰς ἀρχικὰς διαμέτρους συμβαίνειν δύνανται καὶ τῶν ἄλλων πασῶν διαμέτρων ὑποτιθεμένων.

10

## Εἰς τὸ νδ'.

Καὶ ἀνεστάτω ἀπὸ τῆς *AB* ἐπίπεδον ὁρθὸν πρὸς τὸ ὑποκείμενον ἐπίπεδον, καὶ ἐν αὐτῷ περὶ τὴν *AB* γεγράφθω κύκλος ὁ *AEBZ*, ὥστε τὸ τμῆμα τῆς διαμέτρου τοῦ κύκλου τὸ ἐν τῷ *AEB* τμήματι πρὸς τὸ τμῆμα τῆς διαμέτρου τοῦ ἐν τῷ *AZB* τμήματι μὴ μείζονα λόγον ἔχειν τοῦ ὃν ἔχει ἡ *AB* πρὸς *BΓ*] ἔστωσαν δύο εὐθεῖαι αἱ *AB*, *BΓ*, καὶ δέον ἔστω περὶ τὴν *AB* κύκλον γράψαι, ὥστε τὴν διάμετρον αὐτοῦ τέμνεσθαι ὑπὸ τῆς *AB* οὗτως, ὥστε τὸ πρὸς τῷ *Γ* μέρος αὐτῆς πρὸς τὸ λοιπὸν μὴ μείζονα λόγον ἔχειν τοῦ τῆς *AB* πρὸς *BΓ*.

ὑποκείσθω μὲν νῦν τὸν αὐτόν, καὶ τετμήσθω ἡ *AB* δίχα κατὰ τὸ *Δ*, καὶ δι' αὐτοῦ πρὸς ὁρθὰς τῇ *AB* ἥχθω ἡ *EΔZ*, καὶ γεγονέτω, ὡς ἡ *AB* πρὸς

3. γεναμένην] W, γενομένην p. 5. διάμετρον] p, m. rec. W, καὶ ἄμετρον m. 1 W. 9. ὑποτιθεμένων] scripsi, ὑποθεμένων Wp. 14. τοῦ] addidi, om. Wp. 15. τό (alt.)] τά Wp, corr. Halley. 16. *AZB*] *ABZ* Wp, corr. Comm. μή] om. Wp, corr. Comm. 20. τῷ] scripsi, τό Wp. 21. *AB*] *B* e corr. p. 22. μὲν νῦν] v, μενων W (μὲν οὖν?), με νῦν p. αὐτὸν ἔχειν Halley cum Comm.

Ad epilogum [I p. 158, 1—15].

Diametrum originalem uocat [I p. 158, 2] sectionem in cono factam communem plani secantis triangulique per axem positi; hanc autem etiam diametrum principalem uocat [I p. 158, 14]. et dicit, omnes proprietates sectionum, quae in propositionibus praecedentibus demonstratae sint supponentibus nobis diametros originales, etiam omnibus aliis diametris suppositis euenire posse.

Ad prop. LIV.

Et in  $AB$  planum ad planum subiacens perpendiculare erigatur, et in eo circum  $AB$  circulus describatur  $AEBZ$ , ita ut pars diametri circuli in segmento  $AEB$  posita ad

partem diametri in  $AZB$  positam maiorem rationem non habeat quam  $AB : BG$  [I p. 166, 24 — 168, 2] sint duae rectae  $AB, BG$ , et oporteat circum  $AB$  circulum describere, ita ut diameter eius ab  $AB$  sic secetur, ut pars eius ad  $BG$  posita ad reliquam ratio-

nem habeat non maiorem quam  $AB : BG$ .

supponatur nunc eandem habere, et  $AB$  in duas partes aequales secetur in  $\Delta$ , et per id ad  $AB$  perpen-

---

In fig. E m. rec. W, pro  $B$  hab. E e corr.

*ΒΓ, ἡ ΕΔ πρὸς ΔΖ, καὶ δίχα τετμήσθω ἡ EZ·*  
*δῆλον δὴ, ὅτι, εἰ μὲν ἡ AB τῇ BG ἔστιν ἵση καὶ ἡ*  
*ΕΔ τῇ ΔΖ, διχοτομία ἔσται τῆς EZ τὸ Δ, εἰ δὲ ἡ*  
*AB τῆς BG μείζων καὶ ἡ ΕΔ τῆς ΔΖ, ἡ διχοτομία*  
<sup>5</sup> *κατωτέρω ἔστι τοῦ Δ, εἰ δὲ ἡ AB τῆς BG ἐλάσσων,*  
*ἀνωτέρω.*

ἔστω δὲ νῦν τέως κατωτέρω ὡς τὸ H, καὶ κέντρῳ  
*τῷ H διαστήματι τῷ HΖ αύκλος γεγράφθω· δεῖ δὴ*  
*διὰ τῶν A, B σημείων ἥξειν ἥ ἔσωτέρω ἥ ἔξωτέρω.*  
<sup>10</sup> *καὶ εἰ μὲν διὰ τῶν A, B σημείων ἔρχοιτο, γεγονὸς*  
*ἄν εἴη τὸ ἐπιταχθέν· ὑπεροπτέτω δὲ τὰ A, B, καὶ*  
*ἐκβληθεῖσα ἐφ' ἐκάτερα ἡ AB συμπιπτέτω τῇ περιφερείᾳ*  
*κατὰ τὰ Θ, K, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ZΘ, ΘΕ, EK, KΖ,*  
*καὶ ἥχθω διὰ τοῦ B τῇ μὲν ZK παράλληλος ἡ MB,*  
<sup>15</sup> *τῇ δὲ KE ἡ BA, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ MA, AL·*  
*ἔσονται δὴ καὶ αὐτὰ παράλληλοι ταῖς ZΘ, ΘΕ διὰ τὸ*  
*ἵσην εἶναι τὴν μὲν AD τῇ ΔB, τὴν δὲ ΔΘ τῇ ΔK*  
*καὶ πρὸς ὁρθὰς εἶναι τὴν ZΔE τῇ ΘK. καὶ ἐπεὶ ὁρθὴ*  
*ἔστιν ἡ πρὸς τῷ K γωνία, καὶ παράλληλοι αἱ MB AL*  
<sup>20</sup> *ταῖς ZKE, ὁρθὴ ἄρα καὶ ἡ πρὸς τῷ B· διὰ τὰ αὐτὰ*  
*δὴ καὶ ἡ πρὸς τῷ A. ὥστε ὁ περὶ τὴν MA αύκλος*  
*γραφόμενος ἥξει διὰ τῶν A, B. γεγράφθω ὡς ὁ*  
*MA AL B. καὶ ἐπεὶ παράλληλος ἔστιν ἡ MB τῇ ZK,*  
*ἔστιν, ὡς ἡ ZΔ πρὸς ΔM, ἡ KΔ πρὸς ΔB. ὁμοίως*  
<sup>25</sup> *δὴ καί, ὡς ἡ KΔ πρὸς ΔB, ἢ ΕΔ πρὸς ΔA. καὶ*

3. δέ] δὴ p. 4. ΕΔ] ΣΔ Wp, corr. Comm. 5. ἔστιν,  
 -ίν in ras., W. 8. τῷ (pr.)] p, τό W. 9. ἥξειν — 10. ση-  
 μείων] om. p. 9. ἥξειν] ἥξει W, corr. Comm.; fort. ἥξει  
 retinendum et pro δεῖ lin. 8 scrib. ἥτοι. 17. τῇ] p, τὴν W.  
 ΔB] ΔE Wp, corr. Comm. δέ] p, ΔE W. 18. ZΔE]  
 scripsi, ΔZE Wp, ΕΔΖ Halley cum Comm. 19. MBΔ]  
 scripsi, MBΔ Wp, MB, BA Halley cum Comm. 22. B] Γ

dicularis ducatur  $E\Delta Z$ , et fiat  $E\Delta : \Delta Z = AB : BG$ , seceturque  $EZ$  in duas partes aequales; manifestum igitur, si  $AB = BG$  et  $E\Delta = \Delta Z$ , punctum  $\Delta$  esse medium rectae  $EZ$ , sin  $AB > BG$  et  $E\Delta > \Delta Z$ , punctum medium infra  $\Delta$  positum esse, sin  $AB < BG$ , supra  $\Delta$ .

nunc autem infra sit positum ut  $H$ , et centro  $H$  radio  $HZ$  circulus describatur; is igitur aut per puncta  $A, B$  ueniet aut intra ea aut extra. iam si per puncta  $A, B$  uenerit, effectum erit, quod propositum est; cadat uero extra  $A, B$ , et  $AB$  ad utramque partem producta cum ambitu in  $\Theta, K$  concurrat, ducanturque  $Z\Theta, \Theta E, EK, KZ$ , per  $B$  autem rectae  $ZK$  parallela ducatur  $MB$ , rectae  $KE$  autem parallela  $BA$ , ducanturque  $MA, AA$ ; eae igitur et ipsae rectis  $Z\Theta, \Theta E$  parallelae erunt, quia  $A\Delta = \Delta B$ ,  $\Delta\Theta = \Delta K$ , et  $Z\Delta E$  ad  $\Theta K$  perpendicularis [Eucl. I, 4]. et quoniam angulus ad  $K$  positus rectus est, et  $MB$ ,  $BA$  rectis  $ZK$ ,  $KE$  parallelae, erit etiam angulus ad  $B$  positus rectus; eadem de causa etiam angulus ad  $A$  positus rectus est. quare circulus circum  $MA$  descriptus per  $A, B$  ueniet [Eucl. III, 31]. describatur ut  $MAAB$ . et quoniam  $MB$ ,  $ZK$  parallelae sunt, erit [Eucl. VI, 4]  $Z\Delta : \Delta M = K\Delta : \Delta B$ . iam eodem modo erit  $K\Delta : \Delta B = E\Delta : \Delta A$ .<sup>1)</sup> et permutando  $E\Delta : \Delta Z = \Delta A : \Delta M = AB : BG$ .

---

1) Post  $\Delta A$  lin. 25 excidisso uidentur haec fere: ἔστιν ἄρα, ὡς η̄  $Z\Delta$  πρὸς  $\Delta M$ , η̄  $E\Delta$  πρὸς  $\Delta A$ .

ἐναλλάξ, ὡς ἡ ΑΔ πρὸς ΔΖ, τουτέστιν ἡ ΑΒ πρὸς ΒΓ, ἡ ΑΔ πρὸς ΔΜ.

διοιώσ δέ, καλὸν ὁ γραφόμενος περὶ τὴν ΖΕ κύκλος τέμνοι τὴν ΑΒ, τὸ αὐτὸ δειχθήσεται.

5

*Eἰς τὸ νε'.*

Καὶ ἐπὶ τῆς ΑΔ γεγράφθω ἡμικύκλιον τὸ ΑΖΔ, καὶ ἦχθω τις εἰς τὸ ἡμικύκλιον παράλληλος τῇ ΑΘ ἡ ΖΗ ποιοῦσα τὸν τοῦ ἀπὸ ΖΗ πρὸς τὸ ὑπὸ ΔΗΑ λόγον τὸν αὐτὸν τῷ τῆς ΓΑ πρὸς τὴν διπλασίαν τῆς ΑΔ] ἔστω ἡμικύκλιον τὸ ΑΒΓ ἐπὶ διαμέτρου τῆς ΑΓ, ὃ δὲ δοθεὶς λόγος ὁ τῆς ΕΖ πρὸς ΖΗ, καὶ δέον ἔστω ποιῆσαι τὰ προκείμενα.

κείσθω τῇ ΕΖ ἵση ἡ ΖΘ, καὶ τετμήσθω ἡ ΘΗ δίχα κατὰ τὸ Κ, καὶ ἦχθω ἐν τῷ ἡμικυκλίῳ τυχοῦσα εὐθεῖα ἡ ΓΒ ἐν γωνίᾳ τῇ ὑπὸ ΑΓΒ, καὶ ἀπὸ τοῦ Λ κέντρου ἦχθω ἐπ' αὐτὴν κάθετος ἡ ΑΣ καὶ ἐκβληθεῖσα συμβαλλέτω τῇ περιφερείᾳ κατὰ τὸ Ν, καὶ διὰ τοῦ Ν τῇ ΓΒ παράλληλος ἦχθω ἡ ΝΜ· ἐφάψεται ἄρα τοῦ κύκλου. καὶ πεποιήσθω, ὡς ἡ ΖΘ πρὸς ΘΚ, ἡ ΜΞ πρὸς ΞΝ, καὶ κείσθω τῇ ΞΝ ἵση ἡ ΝΟ, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΑΞ, ΑΟ τέμνονται τὸ ἡμικύκλιον κατὰ τὰ Π, Ρ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΠΡΔ.

ἐπεὶ οὖν ἵση ἔστιν ἡ ΞΝ τῇ ΝΟ, κοινὴ δὲ καὶ πρὸς διθὺς ἡ ΝΛ, ἵση ἄρα καὶ ἡ ΑΟ τῇ ΑΞ. ἔστι δὲ καὶ ἡ ΑΠ τῇ ΑΡ· καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ΠΟ τῇ ΡΞ

1. ΔΖ, τουτέστιν] scripsi, ΔΖΤ οὕτε ἔστιν Wp. 2. ΑΔ] ΑΔ Wp, corr. Comm. 4. τέμνοι] Wp. 5. νε'] in ras. plur. lit. W. 9. τῷ] in ras. m. 1 W. 15. ΑΓΒ] e corr. p.

16. ΑΣ] scripsi, ΑΞ Wp. 22. Ρ, Π Comm. 23. ΝΟ] ΝΘ Wp, corr. Comm. 24. ΝΛ] ΜΛ Wp, corr. Comm. ἔστιν W. 25. τῇ (pr.)] ἵση τῇ Halley.

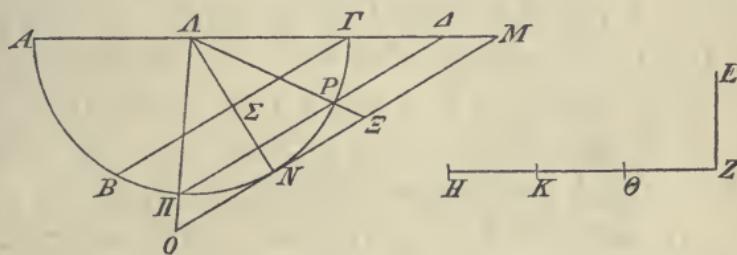
et similiter etiam, si circulus circum  $ZE$  descriptus rectam  $AB$  secat, idem demonstrabitur.

Ad prop. LV.

Et in  $A\Delta$  semicirculus describatur  $AZ\Delta$ , ad semicirculum autem recta ducatur  $ZH$  rectae  $A\Theta$  parallela, quae faciat

$ZH^2 : \Delta H \times HA = \Gamma A : 2A\Delta$  I p. 172, 8—12]  
sit  $AB\Gamma$  semicirculus in diametro  $A\Gamma$ , data autem ratio  $EZ:ZH$ , et oporteat efficere, quod propositum est.

ponatur  $Z\Theta = EZ$ , et  $\Theta H$  in  $K$  in duas partes aequales secetur, ducaturque in semicirculo recta aliqua  $\Gamma B$  in angulo  $A\Gamma B$ , et ab  $A$  centro ad eam



perpendicularis ducatur  $A\Sigma$  productaque cum ambitu in  $N$  concurrat, et per  $N$  rectae  $\Gamma B$  parallela ducatur  $NM$ ; ea igitur circulum contingit [Eucl. III, 16 coroll.]. et fiat  $M\Xi : \Xi N = Z\Theta : \Theta K$ , ponaturque  $NO = \Xi N$ , et ducantur  $A\Xi$ ,  $AO$  semicirculum in  $\Pi$ ,  $P$  secantes, ducaturque  $\Pi P\Delta$ .

quoniam igitur  $\Xi N = NO$ , communis autem et perpendicularis  $NA$ , erit etiam  $AO = A\Xi$  [Eucl. I, 4]. uerum etiam  $A\Pi = AP$ ; quare etiam reliqua  $\Pi O = P\Xi$ .

In fig. pro  $\Sigma$  hab.  $E$  W, pro  $\Pi$  hab.  $H$  (hoc corr. w).

ἐστιν ἵση. παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἡ ΠΡΔ τῇ ΜΟ.  
καὶ ἐστιν, ὡς ἡ ΖΘ πρὸς ΘΚ, ἡ ΜΞ πρὸς ΝΞ· ὡς  
δὲ ἡ ΘΚ πρὸς ΘΗ, ἡ ΝΞ πρὸς ΞΟ· δι’ ἵσου ἄρα,  
ὡς ἡ ΘΖ πρὸς ΘΗ, ἡ ΜΞ πρὸς ΞΟ· ἀνάπαλιν, ὡς  
5 ἡ ΗΘ πρὸς ΘΖ, ἡ ΟΞ πρὸς ΞΜ· συνθέντι, ὡς ἡ  
ΗΖ πρὸς ΖΘ, τοντέστι πρὸς ΖΕ, ἡ ΟΜ πρὸς ΜΞ,  
τοντέστιν ἡ ΠΔ πρὸς ΔΡ. ὡς δὲ ἡ ΠΔ πρὸς ΔΡ,  
τὸ ὑπὸ ΠΔΡ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΡ, ἵσου δὲ τὸ ὑπὸ ΠΔΡ  
τῷ ὑπὸ ΑΔΓ· ὡς ἄρα ἡ ΗΖ πρὸς ΖΕ, τὸ ὑπὸ ΑΔΓ  
10 πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΡ. ἀνάπαλιν ἄρα, ὡς ἡ ΕΖ πρὸς ΖΗ,  
τὸ ἀπὸ ΔΡ πρὸς τὸ ὑπὸ ΑΔΓ.

*Eἰς τὸ νη'.*

Καὶ ἐπὶ τῆς ΑΕ γεγράφθω ἡμικύκλιον τὸ  
ΑΕΖ, καὶ τῇ ΑΔ παράλληλος ἥχθω ἐν αὐτῷ ἡ  
15 ΖΗ λόγον ποιοῦσα τὸν τοῦ ἀπὸ ΖΗ πρὸς τὸ  
ὑπὸ ΑΗΕ τὸν τῆς ΓΑ πρὸς τὴν διπλασίαν τῆς  
ΑΕ] ἔστω ἡμικύκλιον τὸ ΑΒΓ καὶ ἐν αὐτῷ εὐθεῖά  
τις ἡ ΑΒ, καὶ κείσθωσαν δύο εὐθεῖαι ἄνισοι αἱ ΔΕ,  
ΕΖ, καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ ΕΖ ἐπὶ τὸ Η, καὶ τῇ ΔΕ  
20 ἵση κείσθω ἡ ΖΗ, καὶ τετμήσθω ὅλη ἡ ΕΗ δίχα  
κατὰ τὸ Θ, καὶ εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ κύκλου  
τὸ Κ, καὶ ἀπ’ αὐτοῦ κάθετος ἐπὶ τὴν ΑΒ ἥχθω  
καὶ συμβαλλέτω τῇ περιφερείᾳ κατὰ τὸ Λ, καὶ διὰ  
τοῦ Λ τῇ ΑΒ παράλληλος ἥχθω ἡ ΛΜ, καὶ ἐκβλη-

1. ἡ — 2. ἐστιν] om. Wp, corr. Halley cum Comm. 3.  
ΘΗ] ΘΝ p. 4. ΘΗ] ΘΝ p. ΞΟ] corr. ex ΞΑ W.  
ἀνάπαλιν] διὸ πάλιν Wp, corr. Comm. 5. ΗΘ] corr. ex  
ΘΖ m. 1 W. ΘΖ] Z in ras. W. ΟΞ] O in ras. W. 6.  
τοντέστιν W. ΟΜ] ΘΜ Wp, corr. Comm. 11. ΑΔΓ]  
ΔΑΓ Wp, corr. Comm. 12. νη'] om. Wp. 15. ποιοῦσα]  
ποι- in ras. W. 16. τὸν τῆς] τὸν αὐτὸν τῷ τῆς Halley cum  
Comm. 19. τό] p, τῷ W. 22. τό] p, τῷ W. 23. Α]  
ε corr. m. 2 W.

itaque  $\Pi P\Delta$  rectae  $MO$  parallela<sup>1)</sup> est [Eucl. VI, 2]. et est  $Z\Theta:\Theta K=M\Xi:N\Xi$ ; uerum  $\Theta K:\Theta H=N\Xi:\Xi O$ ; ex aequo igitur  $\Theta Z:\Theta H=M\Xi:\Xi O$ ; e contrario  $H\Theta:\Theta Z=O\Xi:\Xi M$ ; componendo

$$HZ:Z\Theta=OM:M\Xi=HZ:ZE=\Pi\Delta:\Delta P.$$

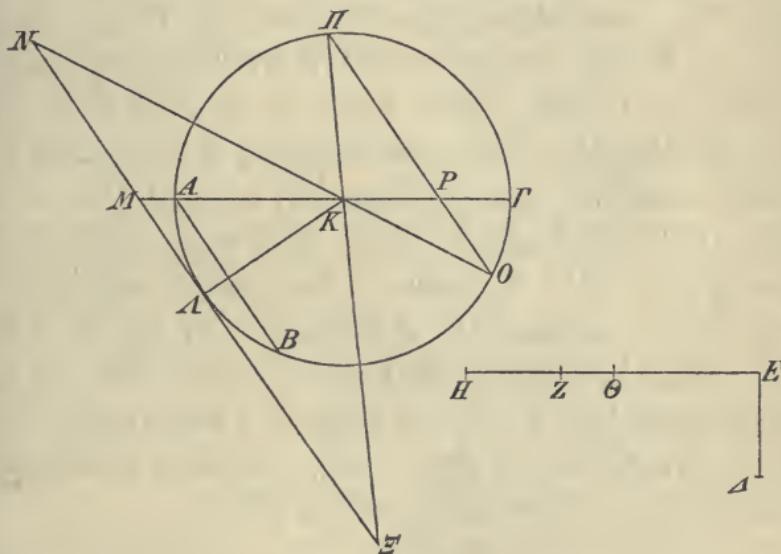
uerum  $\Pi\Delta:\Delta P=\Pi\Delta\times\Delta P:\Delta P^2$ , et

$$\Pi\Delta\times\Delta P=A\Delta\times\Delta\Gamma \text{ [Eucl. III, 36].}$$

itaque  $HZ:ZE=A\Delta\times\Delta\Gamma:\Delta P^2$ . ergo e contrario  $EZ:ZH=\Delta P^2:A\Delta\times\Delta\Gamma$ .

### Ad prop. LVIII.

In  $AE$  autem semicirculus describatur  $AEZ$ , et in eo rectae  $A\Delta$  parallela ducatur  $ZH$ , quae



efficiat  $ZH^2:AH\times HE=\Gamma A:2AE$  I p. 182, 19—22] sit  $AB\Gamma$  semicirculus et in eo recta aliqua

1) Fort. post  $MO$  lin. 1 praeterea addendum:  $\tilde{\omega}\sigma\tau\epsilon\kappa\alpha\tau\tilde{\eta} BG$ .

In fig. multae litterae renouatae in W; pro N hab. A, pro  $\Pi$  autem M, pro O  $\Theta$ , pro  $MN$ ; K et P om.

θεῖσα ἡ KA συμβαλλέτω τῇ LM κατὰ τὸ M, καὶ πεποιήσθω, ὡς ἡ ΘΖ πρὸς ZH, ἡ LM πρὸς MN, καὶ τῇ AN ἴση ἔστω ἡ ΛΞ, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ NK, ΚΞ καὶ ἐκβεβλήσθωσαν, καὶ ἀναπληρωθεὶς ὁ 5 κύκλος τεμνέτω αὐτὰς κατὰ τὰ P, O, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΟΡΠ.

ἐπεὶ οὖν ἔστιν, ὡς ἡ ΖΘ πρὸς ZH, ἡ LM πρὸς MN, συνθέντι, ὡς ἡ ΘΗ πρὸς HZ, ἡ AN πρὸς NM· ἀνάπταιν, ὡς η ZH πρὸς HΘ, ἡ NM πρὸς NA, 10 ὡς δὲ ἡ ZH πρὸς HE, ἡ MN πρὸς NE· διελόντι, ὡς ἡ ZH πρὸς ZE, ἡ NM πρὸς MΞ. καὶ ἐπεὶ ἴση ἔστιν ἡ NA τῇ ΛΞ, κοινὴ δὲ καὶ πρὸς ὁρθὰς ἡ AK, 15 ἴση ἄρα καὶ ἡ KN τῇ ΚΞ. ἔστι δὲ καὶ ἡ KO τῇ ΚΠ ἴση· παράλληλος ἄρα ἡ NE τῇ ΟΠ. ὅμοιον 20 ἄρα τὸ KMN τοίγανον τῷ OKP τοιγώνῳ καὶ τὸ KMΞ τῷ ΠΡΚ. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ KM πρὸς KP, ἡ MN πρὸς PO. ἀλλὰ καί, ὡς αὐτὴ ἡ KM πρὸς KP, 25 ἡ MΞ πρὸς ΠΡ· καὶ ὡς ἄρα ἡ NM πρὸς PO, ἡ MΞ πρὸς ΠΡ· καὶ ἐναλλάξ, ὡς ἡ NM πρὸς MΞ, ἡ OP πρὸς ΡΠ. ἀλλ' ὡς μὲν ἡ NM πρὸς MΞ, ἡ HZ πρὸς ZE, τουτέστιν ἡ ΔΕ πρὸς EZ, ὡς δὲ ἡ ΟΡ πρὸς ΡΠ, τὸ ἀπὸ ΟΡ πρὸς τὸ ὑπὸ ΟΡΠ· καὶ ὡς ἄρα ἡ ΔΕ πρὸς EZ, τὸ ἀπὸ ΟΡ πρὸς τὸ ὑπὸ ΟΡΠ. 30 ἴσον δὲ τὸ ὑπὸ ΟΡΠ τῷ ὑπὸ ΑΡΓ. ὡς ἄρα ἡ ΔΕ πρὸς 25 EZ, τὸ ἀπὸ ΟΡ πρὸς τὸ ὑπὸ ΑΡΓ.

3. ἔστι] -ω in ras. W. 5. Ο, Π Halley cum Comm.

10. δέ] ἄρα? 12. ΛΞ] ΛΖ Wp, corr. Comm. 13. ἔστιν W.

15. KMN] KM Wp, corr. Comm. τῷ] corr. ex τῷ W. 17.

αὐτὴ] ἡ αὐτὴ? 18. NM] HM Wp, corr. Halley, mn Comm.

20. HZ] p, Z W. 25. ΑΡΓ] ΑΡΟ Wp, corr. Comm.

*AB*, ponanturque duae rectae inaequales  $\angle E$ ,  $EZ$ , et  $EZ$  ad  $H$  producatur, ponaturque  $ZH = \angle E$ , et tota  $EH$  in  $\Theta$  in duas partes aequales secetur, centrum autem circuli sumatur  $K$ , et a  $K$  ad  $AB$  perpendicularis ducatur et cum ambitu in  $\Lambda$  concurrat, per  $\Lambda$  autem rectae  $AB$  parallela ducatur  $\Lambda M$ , productaque  $KA$  cum  $\Lambda M$  in  $M$  concurrat, et fiat

$$\Theta Z : ZH = \Lambda M : MN,$$

sitque  $\angle E = \angle N$ , ducanturque  $NK$ ,  $K\Xi$  et producantur, circulusque expletus eas in  $\Pi$ ,  $O$  secet, ducaturque  $OP\Pi$ .

quoniam igitur  $Z\Theta : ZH = \Lambda M : MN$ , componendo est  $\Theta H : HZ = \Lambda N : NM$ ; e contrario

$$ZH : H\Theta = NM : NA$$

et  $ZH : HE = MN : NE$ ; dirimendo

$$ZH : ZE = NM : ME.$$

et quoniam  $NA = \angle E$ , communis autem et perpendicularis  $\angle K$ , erit etiam [Eucl. I, 4]  $KN = K\Xi$ . uerum etiam  $KO = K\Pi$ ; parallelae igitur sunt  $NE$ ,  $O\Pi$ . itaque similes sunt trianguli  $KMN$ ,  $OKP$  et  $KM\Xi$ ,  $\Pi PK$  [Eucl. I, 29; I, 15]. quare

$$KM : KP = MN : PO \text{ [Eucl. VI, 4].}$$

est autem etiam  $KM : KP = ME : \Pi P$  [ib.]; quare etiam  $NM : PO = ME : \Pi P$ , et permutando

$$NM : ME = OP : \Pi P.$$

uerum  $NM : ME = HZ : ZE = \angle E : EZ$  et

$$OP : \Pi P = OP^2 : OP \times \Pi P;$$

quare etiam  $\angle E : EZ = OP^2 : OP \times \Pi P$ . est autem  $OP \times \Pi P = AP \times PG$  [Eucl. III, 35]. ergo

$$\angle E : EZ = OP^2 : AP \times PG.$$


---

Ελόηται μὲν ἐν τοῖς μετὰ τὸ ι' θεώρημα σχολίοις  
ὅ σκοπὸς τῶν ἴγ πρώτων θεωρημάτων καὶ ἐν τοῖς  
εἰς τὸ ἔκκαιιδέκατον ὃ τῶν ἔξῆς τριῶν, δεῖ δὲ εἰδέναι,  
ὅτι ἐν μὲν τῷ ιξ' φησίν, ὅτι ἡ διὰ τῆς κορυφῆς  
5 παρὰ τεταγμένως κατηγμένην ἀγομένη ἐκτὸς πίπτει,  
ἐν δὲ τῷ ιη' φησίν, ὅτι ἡ παράλληλος τῇ ὁπωσοῦν  
ἔφαπτομένη ἐντὸς τῆς τομῆς ἀγομένη τεμεῖ τὴν τομήν,  
ἐν τῷ ιθ', ὅτι ἡ ἀπό τινος σημείου τῆς διαμέτρου  
παρὰ τεταγμένως κατηγμένην συμπίπτει τῇ τομῇ, ἐν  
10 τῷ κ' καὶ κα' τὰς καταγομένας ξητεῖ τῶν τομῶν, ὅπως  
ἔχουσι πρὸς ἀλλήλας καὶ τὰ τῆς διαμέτρου ὑπ' αὐτῶν  
γινόμενα τμήματα, ἐν τῷ κβ' καὶ κγ' λέγει περὶ τῆς  
εὐθείας τῆς κατὰ δύο σημεῖα τῇ τομῇ συμπιπτούσης,  
ἐν τῷ κδ' καὶ κε' περὶ τῆς εὐθείας τῆς καθ' ἐν τῇ  
15 τομῇ συμπιπτούσης, τουτέστιν ἔφαπτομένης, ἐν τῷ κς'  
περὶ τῆς ἀγομένης παραλλήλου τῇ διαμέτρῳ τῆς παρα-  
βολῆς καὶ τῆς ὑπερβολῆς, ἐν τῷ κξ' περὶ τῆς τεμνούσης  
τὴν διάμετρου τῆς παραβολῆς, ὅτι κατ' ἀμφότερα μέρη  
συμπίπτει τῇ τομῇ, ἐν τῷ κη' περὶ τῆς ἀγομένης  
20 παραλλήλου τῇ ἔφαπτομένῃ μιᾶς τῶν ἀντικειμένων,  
ἐν τῷ κδ' περὶ τῆς διὰ τοῦ κέντρου τῶν ἀντικειμένων  
ἔκβαλλομένης, ἐν τῷ λ' φησιν, ὅτι διχοτομεῖται ἡ διὰ  
τοῦ κέντρου ἔκβαλλομένη τῆς ἐλλείψεως καὶ τῶν ἀντικει-  
μένων, ἐν τῷ λα' φησίν, ὅτι ἐπὶ τῆς ὑπερβολῆς ἡ  
25 ἔφαπτομένη τὴν διάμετρου τέμνει μεταξὺ τῆς κορυφῆς  
καὶ τοῦ κέντρου, ἐν τῷ λβ' καὶ γ' καὶ δ' καὶ ε' καὶ  
σ' περὶ τῶν ἔφαπτομένων ποιεῖται τὸν λόγον, ἐν τῷ

1. τό] e corr. W. 7. ἔφαπτομένη] scripsi, ἔφησαπτο-  
μένη Wp, ἀπτομένη Halley (et ita debuit dici). τέμη p.  
8. ιθ'] e corr. p. ὅτι] om. Wp, corr. Halley. 9. κατ-  
ηγμένη Halley. 10. κα'] α e corr. p. τάς] om. p. 11.

In scholiis post prop. X [supra p. 214] dictum est, quid XIII primis theorematis sit propositum, et in scholiis ad prop. XVI [supra p. 222, 24 et p. 224], quid tribus sequentibus propositum, sciendum autem, in prop. XVII eum dicere, rectam per uerticem rectae ordinate ductae parallelam ductam extra cadere, in prop. XVIII autem dicit, rectam rectae quoquo modo tangenti intra sectionem parallelam ductam sectionem secare, in prop. XIX autem, rectam ab aliquo punto diametri rectae ordinate ductae parallelam cum sectione concurrere, in propp. XX et XXI quaerit, quo modo rectae in sectionibus ordinate ductae inter se et ad partes diametri ab iis effectas se habeant, in propp. XXII et XXIII de recta loquitur, quae cum sectione in duobus punctis concurrit, in propp. XXIV—XXV de recta, quae cum sectione in uno punto concurrit siue contingit, in prop. XXVI de recta diametro parabolae hyperbolaeque parallela ducta, in prop. XXVII rectam diametrum parabolae secantem utrimque cum sectione concurrere, in prop. XXVIII de recta, quae rectae alterutram oppositarum contingentia parallela ducitur, in prop. XXIX de recta per centrum oppositarum producta, in prop. XXX dicit, rectam per centrum ellipsis oppositarumque productam in duas partes aequales secari, in prop. XXXI dicit, in hyperbola rectam contingentem inter uerticem centrumque diametrum secare, in propp. XXXII, XXXIII, XXXIV, XXXV, XXXVI de

*ἔχονσιν* W.  
*τὸ*<sup>μ</sup> p, *τό* W.

17. *τεμνούσης*] p, *τεμούσης* W.  
26. *γ'*] e corr. p.

19. *τομῆς*]

λεῖ' περὶ τῶν ἐφαπτομένων καὶ τῶν ἀπὸ τῆς ἀφῆς  
 κατηγμένων τῆς ἐλλείψεως καὶ τῆς ὑπερβολῆς, ἐν τῷ  
 λῃ' περὶ τῶν ἐφαπτομένων τῆς ὑπερβολῆς καὶ τῆς  
 ἐλλείψεως, ὅπως ἔχουσι πρὸς τὴν δευτέραν διάμετρον,  
 5 ἐν τῷ λθ' καὶ μ' περὶ τῶν αὐτῶν ποιεῖται τὸν λόγον  
 τοὺς συγκειμένους ἐκ τούτων λόγους ἐπιξητῶν, ἐν τῷ  
 μά' περὶ τῶν ἀναγραφομένων παραλληλογράμμων ἀπὸ  
 τῆς κατηγμένης καὶ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τῆς ὑπερβολῆς  
 καὶ τῆς ἐλλείψεως, ἐν τῷ μβ' ἐπὶ τῆς παραβολῆς λέγει  
 10 ἶσον εἶναι τὸ ὑπὸ τῆς ἐφαπτομένης καὶ τῆς κατηγμένης  
 καταλαμβανόμενον τρίγωνον τῷ ἶσοϋψεῖ αὐτῷ παραλ-  
 ληλογράμμῳ, ἡμίσειαν δ' ἔχοντι βάσιν, ἐν τῷ μγ'  
 ἐπὶ τῆς ὑπερβολῆς καὶ τῆς ἐλλείψεως ξητεῖ, πῶς  
 ἔχουσι πρὸς ἄλληλα τὰ ὑπὸ τῶν ἐφαπτομένων καὶ  
 15 τῶν κατηγμένων ἀπολαμβανόμενα τρίγωνα, ἐν τῷ  
 μδ' τὸ αὐτὸν ἐν ταῖς ἀντικειμέναις, ἐν τῷ με' τὸ  
 αὐτὸν ἐπὶ τῆς δευτέρας διαμέτρου τῆς ὑπερβολῆς  
 καὶ τῆς ἐλλείψεως, ἐν τῷ μσ' περὶ τῶν μετὰ τὴν  
 ἀρχικὴν διάμετρον τῆς παραβολῆς ἑτέρων, ἐν τῷ μξ'  
 20 περὶ τῶν ἑτέρων διαμέτρων τῆς ὑπερβολῆς καὶ τῆς  
 ἐλλείψεως, ἐν τῷ μη' περὶ τῶν ἑτέρων διαμέτρων τῶν  
 ἀντικειμένων, ἐν τῷ μθ' περὶ τῶν παρ' ἄς δύνανται  
 αἱ καταγόμεναι ἐπὶ τὰς ἑτέρας διαμέτρους τῆς παρα-  
 βολῆς, ἐν τῷ ν' περὶ τοῦ αὐτοῦ τῆς ὑπερβολῆς καὶ  
 25 τῆς ἐλλείψεως, ἐν τῷ να' περὶ τοῦ αὐτοῦ τῶν ἀντικει-  
 μένων. ταῦτα εἰπὼν καὶ προσθεὶς τοῖς εἰρημένοις

4. ἔχουσιν W. 11. καταλαμβανόμενον] Halley, κατα-  
 λαμβάνον Wp. 14. ἔχουσιν W. 17. ἐπί] e corr. p.

contingentibus loquitur, in prop. XXXVII de contingentibus et de rectis, quae a puncto contactus in ellipsi hyperbolaque ordinate ducuntur, in prop. XXXVIII de rectis hyperbolam ellipsimque contingentibus, quo modo ad alteram diametrum se habeant, in propp. XXXIX et XL de iisdem loquitur rationes ex iis compositas quaerens, in prop. XLI de parallelogrammis in recta ordinate ducta radioque hyperbolae ellipsisque descriptis, in prop. XLII in parabola dicit triangulum a contingenti et recta ordinate ducta comprehensum aequalem esse parallelogrammo, quod eandem altitudinem habeat, basim autem dimidiam, in prop. XLIII in hyperbola ellipsisque quaerit, quo modo trianguli a contingentibus rectisque ordinate ductis abscisi inter se habeant, in prop. XLIV idem in oppositis, in prop. XLV idem in altera diametro hyperbolae ellipsisque, in prop. XLVI de ceteris diametris parabolae praeter principalem, in prop. XLVII de ceteris diametris hyperbolae ellipsisque, in prop. XLVIII de ceteris diametris oppositarum, in prop. XLIX de parametris ceterarum diametrorum parabolae, in prop. L de eodem in hyperbola ellipsisque, in prop. LI de eodem in oppositis. his dictis et epilogo quodam dictis adiecto [I p. 158] in propp. LII et LIII problema demonstrat, quo modo fieri possit, ut in plano parabola describatur, in propp. LIV

19. ἀρχικήν] p, ἀρχήν W. 21. τῶν (alt.)] Halley, om. p et extr. lin. W.

ἐπίλογόν τινα ἐν τῷ νβ' καὶ νγ' δεικνύει πρόβλημα,  
 ὡς δυνατὸν ἐν ἐπιπέδῳ γράψαι τὴν παραβολήν, ἐν  
 τῷ νδ' καὶ νε' λέγει, πῶς δεῖ γράψαι τὴν ὑπερβολήν,  
 ἐν τῷ νς' καὶ νξ' καὶ νη', πῶς δεῖ γράψαι τὴν ἔλλειψιν,  
 5 ἐν τῷ νθ' λέγει, πῶς δεῖ γράφειν ἀντικειμένας, ἐν  
 τῷ ξ' περὶ τῶν συζύγων ἀντικειμένων.

---

4. καὶ] bis (comp.) p. νξ'] ξ e corr. p. νη'] η e corr. p.  
 In fine: πεπλήρωται σὺν θεῷ τὸ ὑπόμνημα τοῦ ἀ βιβλίου  
 τῶν παντικῶν W p.

---

et LV dicit, quo modo hyperbola describenda sit, in propp. LVI, LVII, LVIII, quo modo ellipsis describenda sit, in prop. LIX dicit, quo modo oppositae describendae sint, in prop. LX de oppositis coniugatis.

---

*Els τὸ δεύτερον.*

Ἄρχόμενος τοῦ β' βιβλίου τῶν Κωνικῶν, ὃ φίλτατέ  
μοι Ἀνθέμιε, τοσοῦτον οἶμαι δεῖν προειπεῖν, ὅτι τοσαῦτα  
μόνα εἰς αὐτὸν γράφω, ὅσα ἂν μὴ ἡ δυνατὸν διὰ  
5 τῶν ἐν τῷ πρώτῳ βιβλίῳ νοηθῆναι.

*Els τὸ α'.*

Τὸ πρῶτον θεώρημα πτῶσιν οὐκ ἔχει, εἰ μὴ  
ἄρα . . . τοῦτο γὰρ τῇ καταγραφῇ διαφορὰν οὐ ποιεῖ·  
αἱ γὰρ ΔΓ, ΓΕ ἀσύμπτωτοί τέ εἰσι τῇ τομῇ καὶ αἱ  
10 αὐταὶ διαμένουσι κατὰ πᾶσαν διάμετρον καὶ ἐφαπτο-  
μένην.

*Els τὸ β'.*

Τοῦτο τὸ θεώρημα πτῶσιν οὐκ ἔχει. ἡ μέντοι ΒΘ  
πάντως τεμεῖ τὴν τομὴν κατὰ δύο σημεῖα. ἐπεὶ γὰρ  
15 παράλληλός ἐστι τῇ ΓΔ, συμπεσεῖται τῇ ΓΘ· ὥστε  
πρότερον τῇ τομῇ συμπεσεῖται.

*Els τὸ ια'.*

"Ἐν τισιν ἀντιγράφοις τὸ θεώρημα τοῦτο ἄλλως  
δείκνυται.

1. Εὐτοκίου Ἀσκαλωνίτου εἰς τὸ δεύτερον (β' p) τῶν Ἀπολ-  
λωνίου κωνικῶν τῆς κατ' αὐτὸν ἐκδόσεως ὑπόμνημα Wp.  
ὅσα] scripsi, ὡς Wp. μὴ] addidi, om. Wp. 4. Post ἄρα

## In librum II.

Alterum librum Conicorum ordiens, Anthemie amicissime, hoc praemittendum censeo, me ea sola ad eum adnotare, quae ex iis, quae in librum primum scripta sint, non possint intellegi.

### Ad prop. I.

Propositio prima casum non habet, nisi quod  $AB$  non semper axis est; hoc autem ad figuram nihil interest. nam  $\Delta\Gamma$ ,  $\Gamma E$  asymptotae sunt sectionis et eaedem manent qualibet diametro contingentique sumpta.

### Ad prop. II.

Haec propositio casum non habet.  $B\Theta$  uero semper sectionem in duobus punctis secabit; nam quoniam rectae  $\Gamma\Delta$  parallela est, cum  $\Gamma\Theta$  concurret; quare prius cum sectione concurret.

### Ad prop. XI.

In quibusdam codicibus haec propositio aliter demonstratur.

---

magnam lacunam hab. Wp; explenda sic fere:  $\delta\tau\iota\dot{\nu}\dot{\eta}\; AB\; o\dot{v}$   
 $\pi\acute{a}n\tau\omega\acute{s}\;\ddot{\alpha}\xi\omega\acute{v}\;\dot{\epsilon}\sigma\tau\iota\acute{v}.$   $\gamma\acute{a}\rho]$  fort. scr.  $\delta\acute{\epsilon}.$  9.  $\epsilon\acute{l}\sigma\iota\acute{v}$  Wp.  $\tau\tilde{\eta}]$   
scripsi,  $\dot{\epsilon}\nu\;\tau\tilde{\eta}$  Wp.  $\alpha\acute{l}]$  addidi, om. Wp. 10.  $\delta\iota\alpha\mu\acute{e}\nu\omega\omega\acute{v}$  W.  
15.  $\Gamma\Delta]$   $E\Theta$  Wp, corr. Comm. 18.  $\tau\iota\sigma\iota\acute{v}]$  p,  $\tau\omega\acute{s}$  W.

"Εστω ὑπερβολή, ἡς ἀσύμπτωτοι αἱ ΑΒ, ΒΓ, καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπ' εὐθείας ἡ ΒΕΔ, καὶ ἥχθω τις ἡ EZ, ὃς ἔτυχεν, τέμνουσα τὰς ΔΒ, ΒΑ. λέγω, ὅτι συμπεσεῖται τῇ τομῇ.

εἰ γὰρ δυνατόν, μὴ συμπιπτέτω, καὶ διὰ τοῦ Β τῇ EZ παράλληλος ἥχθω ἡ BH. ἡ BH ἄρα διάμετρός ἐστι τῆς τομῆς. καὶ παραβεβλήσθω παρὰ τὴν EZ τῷ ἀπὸ BH ἵσον παραλληλόγραμμον ὑπερβάλλον εἴδει τετραγώνῳ καὶ ποιείτω τὸ ὑπὸ EΘZ, καὶ ἐπεξεύχθω 10 ἡ ΘΒ καὶ ἐκβεβλήσθω· συμπεσεῖται δὴ τῇ τομῇ. συμπιπτέτω κατὰ τὸ K, καὶ διὰ τοῦ K τῇ BH παράλληλος ἥχθω ἡ KAΔ. τὸ ἄρα ὑπὸ ΔKA ἵσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ BH ὥστε καὶ τῷ ὑπὸ EΘZ· ὅπερ ἄτοπον, ἐπείπερ ἡ ΑΔ παράλληλός ἐστι τῇ EΘ. ἡ EZ ἄρα 15 συμπεσεῖται τῇ τομῇ.

φανερὸν δή, ὅτι καὶ καθ' ἐν μόνον σημεῖον· παράλληλος γάρ ἐστι τῇ BH διαμέτρῳ.

### Eἰς τὸ ιβ'.

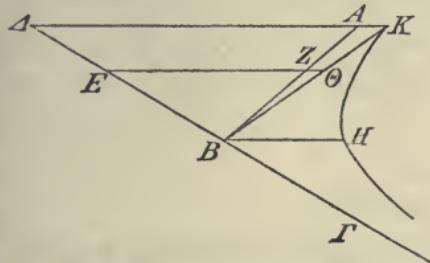
Ηὑρέθη ἐν τισιν ἀντιγράφοις τοῦτο τὸ θεώρημα 20 δεικνύμενον διὰ δύο παραλλήλων ἀγομένων τῇ ἐφαπτομένῃ, μιᾶς μὲν διὰ τοῦ Δ, ἐτέρας δὲ διὰ τοῦ H· καὶ ἡ ἀπόδειξις διὰ συνθέσεως λόγων ἐδείκνυτο. ἐπελεξά-

1. ὑπερβολή — ΒΓ] om. W p magna lacuna relicta; suppleuit Comm. 3. ἔτυχε p. 7. ἐστιν W. 8. ὑπερβάλλον] corr. ex ὑπερβάλλων m. 1 W. 12. ἐστιν W. 13. BH] ΔH W p, corr. Comm. 14. παράλληλός ἐστι τῇ EΘ] suppleui, lacunam magnam hab. W p; „post haec uerba in graeco codice nonnulla desiderantur, qualia fortasse haec sunt: linea enim *dk* maior est quam *eh* et *ka* maior quam *hf*“ Comm. fol. 47<sup>v</sup> omissis uerbis ἐπείπερ ἡ ΑΔ. ἡ EZ ἄρα] suppleui praeente Comm., om. W p in lac. 15. συμπεσεῖται] πεσεῖται

Sit hyperbola, cuius asymptotae sint  $AB$ ,  $B\Gamma$ , et  $BE\Delta$  in directum producatur, ducaturque recta aliqua

$EZ$  quolibet modo rectas  $\Delta B$ ,  $BA$  secans. dico, eam cum sectione concurrere.

nam si fieri potest, ne concurrat, et per  $B$  rectae  $EZ$  parallela du-



catur  $BH$ .  $BH$  igitur diametrus est sectionis. et rectae  $EZ$  quadrato  $BH^2$  aequale parallelogrammum adplicetur figura quadrata excedens [Eucl. VI, 29] et efficiat  $E\Theta \times \Theta Z$ , ducaturque  $\Theta B$  et producatur; concurrerit igitur cum sectione [prop. II]. concurrat in  $K$ , et per  $K$  rectae  $BH$  parallela ducatur  $KA\Delta$ . itaque erit  $\Delta K \times KA = BH^2$  [prop. XI]; quare etiam  $\Delta K \times KA = E\Theta \times \Theta Z$ ; quod absurdum est, quoniam  $\Delta\Delta$  rectae  $E\Theta$  parallela est. ergo  $EZ$  cum sectione concurreret.

iam manifestum est, eam etiam in uno puncto solo concurrere [I, 26]; nam diametro  $BH$  parallela est.

### Ad prop. XII.

In nonnullis codicibus haec propositio demonstrata reperiebatur duabus rectis contingenti parallelis ductis, altera per  $\Delta$ , altera per  $H$ ; et demonstratio per

---

In fig.  $H$  om. W.

---

W p, corr. Comm.  $\tauομῆ]$  p,  $\tauοτμῆι$  W. 17.  $\acute{ε}\sigmaτιν$  W. 19.  $\epsilon\nuρεθη$  p. 21.  $H]$  e corr. m. 1 W.

μεθα δὲ ταύτην τὴν πατασκευὴν ὡς τὰ αὐτὰ δεικνῦσαν  
ἀπλουστέρως.

ἔχει δὲ καὶ πτώσεις ἔξ· τῶν γὰρ ΕΔΖ ἀχθεισῶν  
τὸ Ε σημεῖον ἥ μεταξὺ ἔσται τῶν Θ,Β ἥ ἐπὶ τοῦ Β  
5 ἥ ἔξω τοῦ Β, ὡς γίνονται τρεῖς, καὶ ὁμοίως ἐπὶ τοῦ  
Ζ ἄλλαι τρεῖς.

*Eἰς τὸ ιδ'.*

"Ἐν τισιν ἀντιγράφοις ηὔρεθη ἄλλως δεικνύμενον,  
ὅτι παντὸς τοῦ δοθέντος διαστήματος εἰς ἔλαττον  
10 ἀφικνοῦνται διάστημα.

τῶν γὰρ αὐτῶν ὑποκειμένων εἰλήφθω τοῦ δοθέντος  
διαστήματος ἔλαττον τὸ ΕΚ, καὶ πεποιήσθω, ὡς ἥ  
ΚΕ πρὸς ΕΘ, ἥ ΘΑ πρὸς ΑΛ, καὶ διὰ τοῦ Λ τῇ  
EZ παράλληλος ἥ ΜΛΒ. ἐπεὶ οὖν ἡ ΞΒ μείζων ἔστι  
15 τῆς ΛΒ, ἥ ΞΒ ἄρα πρὸς ΘΖ μείζονα λόγον ἔχει ἥπερ  
ἥ ΛΒ πρὸς ΘΖ. ὡς δὲ ἥ ΞΒ πρὸς ΘΖ, ἥ ΘΕ πρὸς  
ΜΞ διὰ τὸ ἵσον εἶναι τὸ ὑπὸ ΖΘΕ τῷ ὑπὸ ΒΞΜ·  
καὶ ἥ ΘΕ ἄρα πρὸς ΜΞ μείζονα λόγον ἔχει ἥπερ  
ἥ ΛΒ πρὸς ΖΘ. ἀλλ' ὡς μὲν ἥ ΛΒ πρὸς ΖΘ, ἥ  
20 ΛΑ πρὸς ΑΘ, ὡς δὲ ἥ ΛΑ πρὸς ΑΘ, ἥ ΘΕ πρὸς  
ΕΚ· καὶ ἥ ΘΕ ἄρα πρὸς ΜΞ μείζονα λόγον ἔχει  
ἥπερ ἥ ΘΕ πρὸς ΕΚ. ἐλάσσων ἄρα ἥ ΞΜ τῆς ΚΕ.  
*Ηὔρεθησαν δὲ ἐν τισι καὶ ταῦτα τὰ θεωρήματα*

1. Post πατασκευὴν magnam lacunam hab. W p, fort. propter figuram scholii praecedentis, quam hic hab. W. 3. *καὶ*] om. p. EΔΖ] scripsi, EZ ᥥ W, EZH p. 4. E] scripsi, Θ W p. Θ] scripsi, E W p. Emendatio litterarum admodum incerta, quia non constat, quid Eutocius in diuisione secutus sit. 5. γίνεσθαι p. 6. ἄλλας p. 7. ιδ'] p, m. rec. W, ια' m. 1 W. 8. εὐρέθη p. 9. εἰς] εἰ p. 11. ἡλήφθω W. 14. ΜΛΒ] scripsi, ΛΜΒ W et, B e corr., p; mxlb Comm. μείζων — 15. ΞΒ] addidi, om. W p.

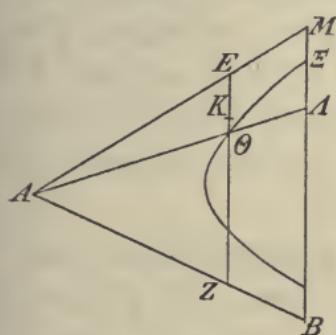
compositionem rationum perficiebatur. elegimus autem hanc constructionem, quia eadem simplicius ostendit.

habet autem etiam casus sex; nam ductis rectis  $E\Delta$ ,  $\Delta Z$  punctum  $E$  aut inter  $\Theta$ ,  $B$  erit positum aut in  $B$  aut extra  $B$ , ita ut tres casus oriatur, et similiter in  $Z$  aliae tres.

#### Ad prop. XIV.

In nonnullis codicibus aliter reperiebatur demonstratum, eas ad distantiam omni data distantia minorem peruenire.

nam iisdem suppositis data distantia minor sumatur  $EK$ , fiatque  $\Theta A : AA = KE : E\Theta$ , et per  $A$  rectae



$EZ$  parallela  $MAB$ . quoniam igitur  $\Xi B > AB$ , erit  $\Xi B : \Theta Z > AB : \Theta Z$  [Eucl. V, 8]. est autem  $\Xi B : \Theta Z = \Theta E : M\Xi$ , quia  $Z\Theta \times \Theta E = B\Xi \times \Xi M$  [prop. X]; quare etiam  $\Theta E : M\Xi > AB : Z\Theta$ .

est autem  $AB : Z\Theta = AA : A\Theta$  [Eucl. VI, 4] et  $AA : A\Theta = \Theta E : EK$ . itaque etiam  $\Theta E : M\Xi > \Theta E : EK$ . ergo  $\Xi M < KE$  [Eucl. V, 10].

In nonnullis autem codicibus hae quoque propo-

---

Fig. in W paullo aliter descripta est ducta inter  $EZ$ ,  $MB$  iis parallela  $\Delta N$  et ab  $N$  ad  $MB$  recta. litt.  $E$ ,  $\Xi$ ,  $K$  om. W.

15. ἀρα]	del. Halley cum Comm.	ΘΖ]	OZ Wp, corr.
Comm.		ΖΘ (alt.)]	p, e corr. W.
16. ΘΖ (alt.)]	p, e corr. W.	scripsi,	
EΞΘ Wp, hf Comm.		AB?	p.
om. p.	21. ἀρα]	—	21. ηατ — 22. EK]
21. ἀρα]	om. W, corr. Halley.	22. EK]	
τισιν W.	ηατ]	εὐρέθησαν p.	

έγγεγραμμένα, ἀπερ ὡς περιττὰ ἀφηρέθη ὑφ' ἡμῶν· δεδειγμένου γὰρ τούτου, ὅτι αἱ ἀσύμπτωτοι ἔγγιον προσάγοντι τῇ τομῇ καὶ παντὸς τοῦ δοθέντος εἰς ἔλαττον ἀφικνοῦνται, περιττὸν ἦν ταῦτα ξητεῖν. ἀμέλει 5 οὐδὲ ἀποδεῖξεις ἔχουσί τινας, ἀλλὰ διαφορὰς καταγραφῶν. ἵνα δὲ τοῖς ἐντυγχάνοντι τὴν ἡμέραν δήλην ποιήσωμεν, ἐκκείσθω ἐνταῦθα τὰ ὡς περιττὰ ἀφηρημένα.

Ἐλ τινές εἰσιν ἀσύμπτωτοι τῇ τομῇ ἔτεραι τῶν προειρημένων, ἔγγιόν εἰσιν αἱ προειρημέναι τῇ τομῇ.  
10 ἔτιτο ὑπερβολή, ἵσ ἀσύμπτωτοι αἱ ΓΑ, ΑΔ. λέγω, ὅτι, εἰ τινές εἰσιν ἀσύμπτωτοι τῇ τομῇ, ἐκείνων ἔγγιόν εἰσιν αἱ ΓΑ, ΑΔ.

ὅτι μὲν οὖν, ὡς ἐπὶ τῆς πρώτης καταγραφῆς, οὐ δύνανται αἱ EZH ἀσύμπτωτοι εἶναι, φανερόν, ὥστε 15 εἶναι παράλληλον τὴν μὲν EZ τῇ ΓΑ, τὴν δὲ ZH τῇ ΑΔ· δεδεικται γάρ, ὅτι συμπεσοῦνται τῇ τομῇ· ἐν γὰρ τῷ ἀφοριζομένῳ τόπῳ ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων καὶ τῆς τομῆς εἰσιν.

εἰ δέ, ὡς ἐπὶ τῆς δευτέρας πτώσεως εἰσιν, ἀσύμ-  
20 πτωτοι αἱ EZ, ZH παράλληλοι οὖσαι ταῖς ΓΑ, ΑΔ, ἔγγιον μᾶλλον εἰσιν αἱ ΓΑ, ΑΔ τῆς τομῆς ἡπερ αἱ EZ, ZH.

εἰ δέ, ὡς ἐπὶ τῆς τρίτης πτώσεως, καὶ οὕτως αἱ μὲν ΓΑ, ΑΔ, ἐὰν ἐκβληθῶσιν εἰς ἄπειρον, ἔγγιζοντι

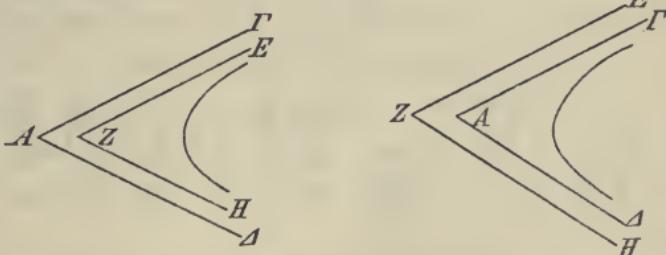
3. προσάγοντι W. 5. ἔχουσιν W. 6. ἐντυγχάνον-  
σιν W. [ἡμέραν] W, ἡμε seq. lac. p., ἡμετέραν γνώμην  
Halley praeēunte Commandino; sed puto proverbum esse de  
opera superflua. 7. ἐκκείσθω] p., ἐκείσθω W. 10. ΓΑ, ΑΔ]  
ΓΔ, ΑΔ Wp, corr. Comm. 11. ὅτι εἰ] in ras. m. 1 W.  
εἰσιν ἄλλαι Halley cum Comm. 12. ΓΑ] ΓΔ Wp, corr.  
Comm. 13. ὡς] comp. p., comp. supra scr. m. 1 W. 21.  
ἡπερ] εἰπερ p. 24. ἔγγιζοντι] scripsi, ἔγγι (ι in ras., seq.  
lac. 1 litt.) αιονοιν W, ἔγγιαι οὖσαι p.

sitiones perscriptae reperiebantur, quae ut superfluae a nobis remotae sunt; nam hoc demonstrato, asymptotas ad sectionem proprius adcedere et ad distantiam omni data distantia minorem peruenire, superfluum erat haec quaerere. scilicet ne demonstrationes quidem habent, sed differentias figurarum. sed ut legentibus lucem claram reddamus, hic collocentur, quae ut superflua remota sunt.

Si quae asymptotae sunt sectionis aliae atque eae, quas diximus supra, hae, quas supra diximus, sectioni propiores sunt.

sit hyperbola, cuius asymptotae sint  $\Gamma A$ ,  $A\Delta$ . dico, si quae asymptotae sint sectionis,  $\Gamma A$ ,  $A\Delta$  iis propiores esse.

iam ut in prima figura  $EZ$ ,  $ZH$  asymptotas esse non posse, manifestum, ita scilicet, ut  $EZ$  rectae  $\Gamma A$  parallela sit,  $ZH$  autem rectae  $A\Delta$ ; nam demonstratum est [prop. XIII], eas cum sectione concurrere; sunt enim in spatio positae, quod asymptotis sectione neque continetur.

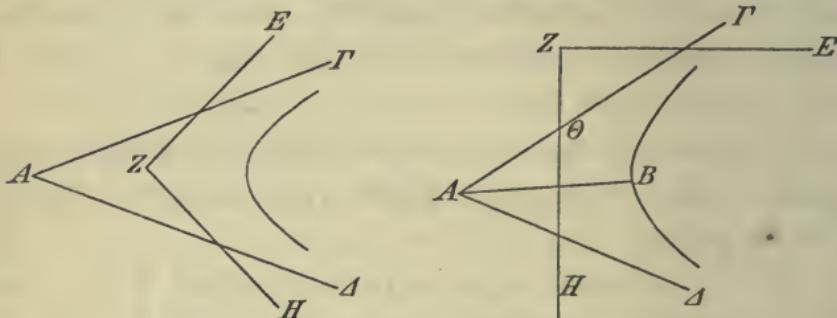


sin, ut in secundo sunt casu, asymptotae sunt  $EZ$ ,  $ZH$  rectis  $\Gamma A$ ,  $A\Delta$  parallelae,  $\Gamma A$ ,  $A\Delta$  sectioni propiores sunt quam  $EZ$ ,  $ZH$ .

---

In fig. 2  $\Gamma$  om. W, E in ras. hab.; figuræ primæ numeris  $\alpha'' \beta'' \gamma'' \delta''$  notat W.

τῆς τομῆς καὶ εἰς ἔλαστρον διάστημα παντὸς τοῦ δοθέντος  
ἀφικνοῦνται, αἱ δὲ EZH κατὰ μὲν τὸ Z καὶ τὰ ἐγγὺς  
αὐτοῦ ἐντὸς ὅντα τῆς γωνίας σύνεγγύς εἰσι τῆς τομῆς,  
ἐκβληθεῖσαι δὲ ἀφίστανται τῆς τομῆς μᾶλλον· παντὸς  
5 γὰρ τοῦ δοθέντος, ὃ νῦν ἀφεστήκασιν, ἔστιν ἔλασσον.



ἔστωσαν δὴ πάλιν, ὡς ἐπὶ τῆς τετάρτης καταγραφῆς,  
ἀσύμπτωτοι αἱ EZ, ZH· φανερὸν δὴ καὶ οὕτως, ὅτι  
ἡ μὲν ΓΑ ἐγγιόν ἔστι τῆς τομῆς ἥπερ ἡ EZ, ἐάν τε  
ἡ EZ τῇ ΓΑ παράλληλος ἔστιν, ἐάν τε συμπίπτῃ τῇ ΓΑ.  
10 καὶ ἐὰν μὲν ἡ σύμπτωσις ἀνώτερον ἢ τῆς διὰ τοῦ Z  
ἐφαπτομένης τῆς τομῆς, τέμνει τὴν τομήν, ἐὰν δὲ ἡ  
σύμπτωσις ἐν τῷ μεταξὺ τόπῳ ἢ τῆς τε ἐφαπτομένης  
καὶ τῆς γωνίας, ὥσπερ καὶ ἡ ZH, κατὰ τὰ αὐτὰ τῷ  
ἐπάνω ἡ ΘΗ τῆς τομῆς οὐκ ἀφέξει ἔλασσον διάστημα  
15 παντὸς τοῦ δοθέντος· ὥστε ἡ ΓΑ ἐγγιόν ἔστι τῆς  
τομῆς, ἥπερ ἡ EZ ἔστιν. ἡ δὲ ΔΑ ἐγγιόν τῆς τομῆς  
ἥπερ ἡ ZH διὰ τὰ αὐτὰ τοῖς ἐπὶ τῆς τοίτης κατα-  
γραφῆς.

ὅτι δὲ ἡ ἀνωτέρω τῆς διὰ τοῦ Z ἐφαπτομένης

In fig. 1 Δ et H om. W; additae sunt duae rectae  
rectis EZ, ZH parallellae.

In fig. 2 E om. W, pro H hab. Π.

2. δέ] γάρ Wp, corr. Halley cum Comm. τὰ ἐγγὺς  
αὐτοῦ] scripsi, τὸ ἐγγὺς αὐτῶν Wp. 3. εἰσιν W. 5. ἔλασ-

sin, ut in tertio casu, sic quoque  $\Gamma A$ ,  $A\Delta$ , si productae erunt in infinitum, sectioni adpropinquant et ad distantiam omni data minorem perueniunt,  $EZ$ ,  $ZH$  autem ad  $Z$  partesque ei propinquas intra angulum positas sectioni propinquae sunt, productae uero magis a sectione distant; nam quam nunc<sup>1)</sup> habent distantiam, ea omni data est minor.

iam rursus, ut in quarta figura, asymptotae sint  $EZ$ ,  $ZH$ . itaque sic quoque manifestum est,  $\Gamma A$  sectioni propiore esse quam  $EZ$ , siue  $EZ$  rectae  $\Gamma A$  parallela est siue cum  $\Gamma A$  concurrit. et si punctum concursus supra rectam per  $Z$  sectionem contingentem<sup>2)</sup> positum est, sectionem secat, sin punctum concursus in spatio inter contingentem angulumque positum est, sicut etiam  $ZH$ , eodem modo, quo supra,  $\Theta H$ <sup>3)</sup> a sectione non distabit interuallo, quod omni dato minus est. ergo  $\Gamma A$  sectioni propior erit quam  $EZ$ .  $A\Delta$  autem sectioni propior est quam  $ZH$  eadem de causa, qua in tertia figura.

rectam autem, quae supra rectam per  $Z$  contin-

1) Sc.  $\Gamma A$ ,  $A\Delta$ .

2) Sc. ad  $\Delta$  uersus ductam.

3) Haec non satis intellego.

*σον]* Halley, *ξλασσων* Wp. 6.  $\omega\xi$ ] om. Wp, mg. m. 2 U.  
 7.  $ZH$ ] *HZ* p. 8. *ἔγγιον*] corr. ex *ἔγγειον* W. *ἐστιν* W.  
 $\eta$ ] p., om. W. 9.  $\Gamma A$ (pr.)] corr. ex  $\Gamma\Delta$  m. 1 W. *ἐστιν*]  
 Wp,  $\eta$ ] Halley. *συμπίπτει?* 10. *σύμπτωσις*] comp. p., *συμ-*  
*πτώσεις* W. *ἀνάτερον*] *κατάτερον* Halley cum Comm.  $\tau\bar{\eta}\varsigma$ ]  
 comp. p., *τις* W. 11. *ἔφαπτομένης*] comp. p., *ἔφαπτομένη* W.  
 14.  $\Theta H$ ] *ZE* Halley. 15. *ἐστιν* W. 16. *ἐστιν*] om.  
 Halley.  $\delta\varepsilon$ ] om. Wp, corr. Halley.

συμπίπτουσα τῇ ΓΑ συμπίπτει καὶ τῇ τομῇ, οὗτως δείκνυται.

..... καὶ ἡ ΖΕ ἐφαπτέσθω τῆς τομῆς κατὰ τὸ Ε, ἡ δὲ σύμπτωσις τῇ ΓΑ ἀνώτερον τῇ ΖΗ. λέγω, ὅτι 5 ἐκβληθεῖσα συμπεσεῖται τῇ τομῇ.

ἢχθω γὰρ διὰ τῆς Ε ἀφῆς παράλληλος τῇ ΓΑ ἀσυμπτώτω ἡ ΕΘ· ἡ ΕΘ ἄρα κατὰ μόνον τὸ Ε τέμνει τὴν τομήν. ἐπεὶ οὖν ἡ ΓΑ τῇ ΕΘ παράλληλός ἐστιν, καὶ τῇ ΑΗ συμπίπτει ἡ ΖΗ, καὶ τῇ ΕΘ ἄρα συμ-10 πεσεῖται· ὥστε καὶ τῇ τομῇ.

Εἰ τίς ἐστιν εὐθύγραμμος γωνία περιέχουσα τὴν ὑπερβολὴν ἐτέρα τῆς περιεχούσης τὴν ὑπερβολήν, οὐκ ἐστιν ἐλάσσων τῆς περιεχούσης τὴν ὑπερβολήν.

15 ἐστω ὑπερβολή, ἣς ἀσύμπτωτοι αἱ ΓΑ, ΑΔ, ἐτεραι 20 δέ τινες ἀσύμπτωτοι τῇ τομῇ ἐστωσαν αἱ ΕΖΗ. λέγω, ὅτι οὐκ ἐλάσσων ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ Ζ γωνία τῆς πρὸς τῷ Α.

ἐστωσαν γαρ πρότερον αἱ ΕΖΗ ταῖς ΓΑ, ΑΔ παράλληλοι. ἵση ἄρα ἡ πρὸς τῷ Ζ γωνία τῇ πρὸς τῷ Α· οὐκ ἐλάσσων ἄρα ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ Ζ τῆς πρὸς τῷ Α.

μὴ ἐστωσαν δὴ παράλληλοι, καθὼς ἐπὶ τῆς δευτέρας

1. ΓΑ] ΓΔ p. οὗτω p. 2. Post δείκνυται excidit præparatio; in Wp nulla lacuna. 3. ἡ δὲ σύμπτωσις] αἱ δὲ συμπτώσεις Wp, corr. Hallei cum Comm. 4. τῇ (alt.)] τῆς Hallei. 9. ΑΗ] scripsi, ΑΝ p et, Α in ras. m. 1, W; ΑΓ Halley cum Comm. 15. ἣς] scripsi, ἡ Wp; possis etiam καὶ conicere. 16. ΕΖΗ] scripsi, EZ Wp; EZ, ZH Halley cum Comm. 18. τῷ] p, τό W. 20. παράλληλοι. ἵση ἄρα] p, παραλλήλοις ἡ ἄρα W.

gentem cum  $\Gamma A$  concurrat, etiam cum sectione concurrere, sic demonstratur:

sint asymptotae  $A\Gamma$ ,  $A\Delta$ , et  $ZK$ ,  $ZH$  cadant ut in quarta figura,  $ZE$  autem sectionem contingat in

$E$ , et punctum concursus cum  $\Gamma A$  rectae  $ZH$  superius sit. dico, eam productam cum sectione concurrere.

ducatur enim per punctum contactus  $E$  asymptotae  $\Gamma A$  parallela  $E\Theta$ ;  $E\Theta$  igitur in solo  $E$  sectionem secat [prop. XIII]. quoniam igitur  $\Gamma A$  rectae  $E\Theta$  parallela est,

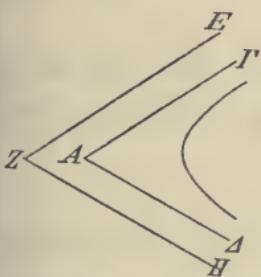
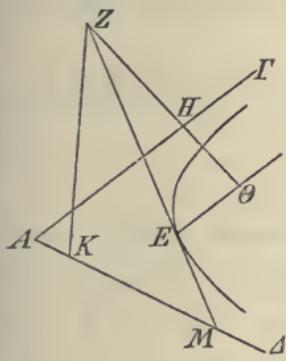
et  $ZH$  cum  $AH$  concurrit, etiam cum  $E\Theta$  concurret; ergo etiam cum sectione.

Si quis est angulus rectilineus hyperbolam continens alias atque is, qui hyperbolam continet, minor non est angulo hyperbolam continentem.

sit hyperbola, cuius asymptotae sint  $\Gamma A$ ,  $A\Delta$ , aliae autem aliquae sectionis asymptotae sint  $EZ$ ,  $ZH$ . dico, angulum ad  $Z$  positum minorem non esse angulo ad  $A$  positum.

nam primum  $EZ$ ,  $ZH$  rectis  $\Gamma A$ ,  $A\Delta$  parallelae sint. itaque  $\angle Z = \angle A$ . ergo angulus ad  $Z$  positus angulo ad  $A$  positio minor non est.

iam parallelae ne sint, sicut in secunda figura.



In fig. 1  $\Gamma$  et  $E$  om.  $W$ ;  $\Theta$  in sectione est.

In fig. 2 om.  $A$   $W$ , pro  $\Delta$  hab.  $A$ .

καταγραφῆς. φανερὸν οὖν, ὅτι μείζων ἔστιν ἡ πρὸς τῷ Ζ γωνία τῆς ὑπὸ ΘΑΗ.

ἐπὶ δὲ τῆς γ' μείζων ἔστιν ἡ ὑπὸ ΖΘΑ τῆς πρὸς τῷ Α, καὶ ἔστιν ἵση ἡ πρὸς τῷ Ζ τῇ πρὸς τῷ Θ.

5     ἐπὶ δὲ τῆς δ' ἡ κατὰ ιορυφὴν τῆς κατὰ ιορυφίῃ ἔστι μείζων.

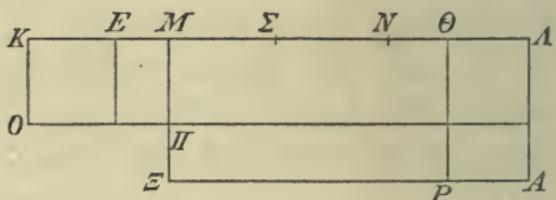
οὐκ ἐλάσσων ἄρα ἔστιν ἡ πρὸς τῷ Ζ τῆς πρὸς τῷ Α.

### *Εἰς τὸ κγ'.*

Τὸ δὲ ὑπὸ ΘΜΕ μετὰ τοῦ ὑπὸ ΘΚΕ ἵσον 10 ἔστι τῷ ὑπὸ ΛΜΚ διὰ τὸ τὰς ἀκρας ἵσας εἶναι]

ἔστω εὐθεῖα ἡ ΛΚ, καὶ ἔστω ἡ ΛΘ ἵση τῇ ΕΚ, ἡ δὲ ΘΝ ἵση τῇ ΕΜ, καὶ ἡχθωσαν ἀπὸ τῶν Μ, Κ πρὸς ὁρθὰς αἱ ΜΞ, ΚΟ,

καὶ κείσθω τῇ ΜΚ 15 15 ἵση ἡ ΜΞ, τῇ δὲ ΚΕ ἡ ΚΟ, καὶ συμπεπληρώσθω τὰ



ΞΘ, ΘΑ παραλ-

ληλόγραμμα. ἐπεὶ οὖν ἵση ἔστιν ἡ ΜΚ τῇ ΜΞ, 20 τουτέστι τῇ ΠΟ, ἔστι δὲ καὶ ἡ ΛΘ τῇ ΕΚ, τουτέστι τῇ ΚΟ, ἵσον ἄρα τὸ ΘΑ τῷ ΜΟ.

3. ἐπὶ] ἐπεῑ W p, corr. Comm. γ'] εγ̄ W p, corr. Comm.

4. τῷ (pr.)] p, τῷ W. Θ] A W p, corr. Halley. 5. δ' ἡ] δῇ W p, corr. Comm.

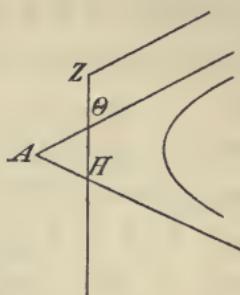
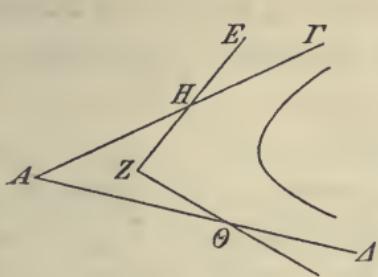
6. ἔστιν W. 7. ἐλάσσων] comp. p, ἐλασσον W. 8. εἰς τὸ κγ'] om. W p. 10. ἔστιν W. ΛΜΚ]

ΛΜ (Λ e corr. p) καὶ W p, corr. Comm. 13. ΜΞ] p, ΝΞ W. ΚΟ] om. W, ΚΘ p, corr. Comm. 16. ΚΟ] p, ΚΘ W.

19. ἵση] -η e corr. m. 1 W. 20. τουτέστιν W. ἔστιν W. καὶ] euān. p. τουτέστιν W. 21. ΚΟ] ΚΕ W p, corr. Comm. MO] ΜΘ W et, ut uidetur, p; corr. Comm.

In fig. pro *N* hab. *H*, pro *A* uero Δ(?) W.

manifestum igitur, angulum ad  $Z$  positum maiorem esse angulo  $\Theta AH$  [Eucl. I, 21].



in tertia autem figura  $\angle Z\Theta A > \angle A$  [Eucl. I, 16],  
et  $\angle Z = \angle Z\Theta A$  [Eucl. I, 29].

in quarta autem angulus  
ad uerticem positus angulo  
ad uerticem posito maior est  
[Eucl. I, 21].

ergo angulus ad  $Z$  positus an-  
gulo ad  $A$  posito minor non est.

### Ad prop. XXIII.

Est autem  $\Theta M \times ME + \Theta K \times KE = \Lambda M \times MK$ ,  
quia extrema aequalia sunt I p. 234, 18—19] sit  
recta  $\Lambda K$ , et sit  $\Lambda\Theta = EK$ ,  $\Theta N = EM$ , ducanturque  
ab  $M$ ,  $K$  perpendiculares  $M\Xi$ ,  $KO$ , et ponatur  
 $M\Xi = MK$ ,  $KO = KE$ , et parallelogramma  $\Xi\Theta$ ,  $\Theta A$   
expleantur. quoniam igitur  $MK = M\Xi = \Pi O^1$ ),  
uerum etiam  $\Lambda\Theta = EK = KO$ , erit  $\Theta A = MO$ .

1) Scriptum oportuit  $P\Theta$ .

In fig. 1  $\Theta$  om. W.

In fig. 3 pro  $H$  hab.  $\Theta$  W,  $H$  et  $E$  ad uertices angulorum  
extremorum posita sunt; sed sic rectae  $EZ$ ,  $ZH$  hyperbolam  
non continent.

κοινὸν προσκείσθω τὸ ΞΘ· ὅλον ἄρα τὸ ΛΞ ἵσον  
ἐστὶ τῷ ΞΘ καὶ ΜΟ, τουτέστι τῷ ΘΟ καὶ ΠΡ. καὶ  
ἐστι τὸ μὲν ΛΞ τὸ ὑπὸ τῶν ΛΜΚ, τὸ δὲ ΘΟ τὸ  
ὑπὸ ΘΚΕ, τὸ δὲ ΠΡ τὸ ὑπὸ ΘΜΕ [τουτέστιν ὑπὸ<sup>5</sup> ΠΞΡ].

ἔστι δὲ καὶ ἄλλως δεῖξαι τὸ αὐτό.

τετμήσθω ἡ ΜΝ δίχα κατὰ τὸ Σ. φανερὸν δῆ,  
ὅτι καὶ ἡ ΛΚ δίχα τέτμηται κατὰ τὸ Σ, καὶ ὅτι τὸ  
ὑπὸ ΘΚΕ ἵσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΛΕΚ· ἵση γὰρ ἡ ΘΚ  
10 τῇ ΛΕ. καὶ ἐπεὶ ἡ ΛΚ τέτμηται εἰς μὲν ἵσα κατὰ  
τὸ Σ, εἰς δὲ ἄνισα κατὰ τὸ Ε, τὸ ὑπὸ ΛΕΚ μετὰ τοῦ  
ἀπὸ ΣΕ ἵσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΚΣ. τὸ δὲ ἀπὸ ΣΕ ἵσον  
ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΘΜΕ καὶ τῷ ἀπὸ ΣΜ· ὥστε τὸ ἀπὸ ΣΚ  
ἵσον ἐστὶ τῷ τε ὑπὸ ΛΕΚ, τουτέστι τῷ ὑπὸ ΘΚΕ, καὶ  
15 τῷ ὑπὸ ΘΜΕ καὶ τῷ ἀπὸ ΣΜ. διὰ ταύτα δὴ τὸ ἀπὸ  
ΣΚ ἵσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΛΜΚ καὶ τῷ ἀπὸ ΣΜ· ὥστε τὸ  
ὑπὸ ΘΚΕ μετὰ τοῦ ὑπὸ ΘΜΕ καὶ τοῦ ἀπὸ ΣΜ ἵσον  
ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΛΜΚ καὶ τῷ ἀπὸ ΣΜ. κοινὸν ἀφηρήσθω  
τὸ ἀπὸ ΣΜ· λοιπὸν ἄρα τὸ ὑπὸ ΘΚΕ μετὰ τοῦ ὑπὸ<sup>20</sup>  
ΘΜΕ ἵσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΛΜΚ.

Εἰς τὸ κδ'.

Δεῖ σημειώσασθαι, ὅτι συμπτώσεις καλεῖ τὰ σημεῖα,  
καθ' ἂ συμβάλλουσι τῇ τομῇ αἱ ΑΒ, ΓΔ εὐθεῖαι. καὶ

1. προσκείσθω] scripsi, apponatur Comm., τε ἐκείσθω W, τε  
ἐκκείσθω p. 2. ἔστιν W. ΜΟ] ΜΘ W p, corr. Comm. τουτ-  
έστιν W. ΘΟ] euān. p. 3. ἔστιν W. τό (quart.)] τῷ Wp,  
corr. Halley. 4. τό (alt.)] τῷ Wp, corr. Halley. τουτέστιν ὑπὸ<sup>5</sup>  
ΠΞΡ] om. Comm., Halley. 6. ἔστιν W. 7. Σ] E Wp,  
corr. Comm. 8. καὶ ἡ] τῇ post lac. 3 litt. W, ἡ p; et Comm.  
Σ] ΘΣ Wp, corr. Comm. 9. ἔστιν W. ΛΕΚ] corr. ex

commune adiiciatur  $\Sigma\Theta$ ; itaque totum  
 $\Lambda E = \Sigma\Theta + MO = \Theta O + PR$ . et  $\Lambda E = AM \times MK$ ,  
 $\Theta O = OK \times KE$ ,  $PR = PE \times EP = OM \times ME$ .

potest autem aliter quoque demonstrari.

$MN$  in  $\Sigma$  in duas partes aequales secetur. manifestum igitur, etiam  $\Lambda K$  in  $\Sigma$  in duas partes aequales secari, et esse  $OK \times KE = AE \times EK$ ; nam  $OK = AE$ . et quoniam  $\Lambda K$  in  $\Sigma$  in partes aequales secta est, in  $E$  autem in inaequales, erit [Eucl. II, 5]  $AE \times EK + \Sigma E^2 = K\Sigma^2$ . uerum

$$\Sigma E^2 = \Theta M \times ME + \Sigma M^2 \quad [\text{Eucl. II, 6}].$$

quare  $\Sigma K^2 = AE \times EK + \Theta M \times ME + \Sigma M^2 = OK \times KE + \Theta M \times ME + \Sigma M^2$ . eadem de causa [Eucl. II, 5] igitur  $\Sigma K^2 = AM \times MK + \Sigma M^2$ .

quare

$OK \times KE + \Theta M \times ME + \Sigma M^2 = AM \times MK + \Sigma M^2$ . auferatur, quod commune est,  $\Sigma M^2$ . erit igitur reliquum  $OK \times KE + \Theta M \times ME = AM \times MK$ .

#### Ad prop. XXIV.

Notandum, eum συμπτώσεις adpellare puncta, in quibus rectae  $AB$ ,  $ΓΔ$  cum sectione concurrant. et

$\Lambda ΓK$  m. 1 W. 12. ἐστίν W.  $K\Sigma]$   $\Sigma K\Sigma$  W p, corr. Halley,  
 $sk$  Comm. 13. ἐστίν W.  $\tau\tilde{\omega}]$  p,  $\tau\omega$  W.  $\Theta ME]$   $O\Theta ME$  W p, corr. Comm.  $\Sigma K]$   $EK$  W p, corr. Comm. 14. ἐστίν W.  
 $\tau\omega\tau\epsilon\sigma\tau\iota\pi$  W.  $\tau\tilde{\omega}]$  supra scr. m. 1 p. 15.  $\Theta ME]$   $\Sigma ME$  W p, corr. Comm.  $\Sigma M]$   $\Sigma N$  W p, corr. Comm.  $\tau\omega\tau\alpha\tau\iota\pi]$   $\tau\omega\tau\alpha$  W,  $\tau\alpha\alpha\omega\tau\alpha$  p. 16. ἐστίν W.  $\Lambda MK]$   $N\Sigma K$  W p, corr. Comm.  $\tau\tilde{\omega}]$  p,  $\tau\omega$  W. 17.  $\Theta ME]$   $\Theta$  corr. ex  $O$ , ut uidetur, W.  $\Sigma M]$   $\Sigma K$  W p, corr. Comm. 18. ἐστίν W.  
 20.  $\iota\sigma\omega\tau\iota\pi]$  corr. ex  $\iota\sigma\omega\tau\iota\pi$  m. 1 W.

δεῖ, φησίν, παρατηρεῖν, ὥστε ἐκτὸς εἶναι ἀλλήλων τὰ σημεῖα, ἀλλὰ μὴ τὰ  $A$ ,  $B$  . . . .

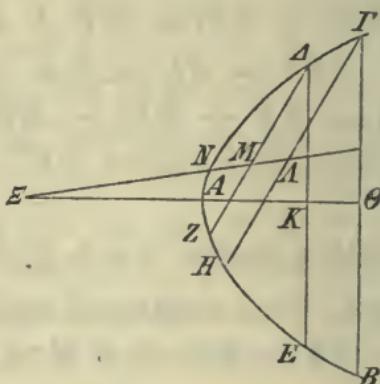
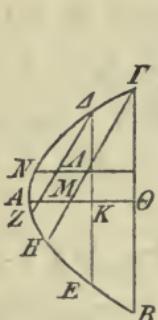
δεῖ δὲ εἰδέναι, ὅτι καὶ ἐπὶ ἐφαπτομένων τὰ αὐτὰ συμβαίνει.

5

*Eἰς τὸ κη̄'.*

"Ἄξιον ἐπισκέψασθαι τὴν δοθεῖσαν ἐν ἐπιπέδῳ καμπύλην γραμμῆν, πότερον κύκλου ἐστὶ περιφέρεια ἢ ἐτέρα τις τῶν τριῶν τοῦ κώνου τομῶν ἢ ἄλλη παρὰ ταύτας.

ἴστω δὴ ἡ  $ABΓ$ , καὶ προκείσθω τὸ εἶδος αὐτῆς 10 ἐπισκέψασθαι τὸν εἰδημένον τρόπον.



εἰλήφθω τινὰ σημεῖα ἐπὶ τῆς γραμμῆς τὰ  $Γ$ ,  $Δ$ , καὶ ἥχθωσαν διὰ τῶν  $Γ$ ,  $Δ$  σημείων παράλληλοι ἀλλήλαις εὐθεῖαι τινες αἱ  $ΓB$ ,  $ΔE$  ἐντὸς ἀπολαμβανόμεναι τῆς γραμμῆς, καὶ πάλιν ἀπὸ τῶν  $Γ$ ,  $Δ$  ἐτεραι παράλ-

In fig. 1 litt.  $H$ ,  $E$  permuatat  $W$ ,  $\Theta$  om.; in fig. 2 litt.  $Γ$ ,  $Δ$  et  $\Theta$ ,  $K$  permuatat.

2. ἀλλὰ —  $A$ ,  $B$ ] om. Comm. μὴ ὡς τά Halley.  $A$ ,  $B$ ] bis (in fine et initio lin.)  $W$ , bis etiam p. Post  $B$  lacunam statuo, quae sic fere explenda est: μεταξὺ τῶν  $Γ$ ,  $Δ$  ἢ τὰ  $Γ$ ,  $Δ$  μεταξὺ τῶν  $A$ ,  $B$ . Pro  $AB$ ,  $AB$  hab.  $AB$ ,  $ΓΔ$  mg. m. 2 U;  $AΓ$ ,  $BΔ$  Halley. 3. ἐπὶ] p, ἐπεὶ  $W$ . 4. συμβαίνει] Halley, συμβαίνειν  $W$  p. 7. ἐστίν  $W$ . περιφέρεια ἢ]  $\overline{\circ}$ <sup>α'</sup> (h. e. περι-

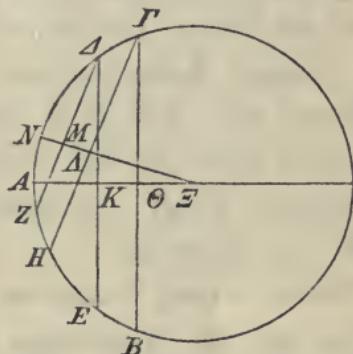
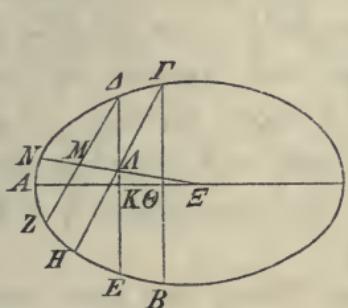
obseruandum, ait, ut haec puncta extra se posita sint neque  $A$ ,  $B$  intra  $\Gamma$ ,  $\Delta$  uel  $\Gamma$ ,  $\Delta$  intra  $A$ ,  $B$ .

sciendum autem, etiam in contingentibus eadem euenire.

### Ad prop. XXVIII.

Operae pretium est inquirere, linea curua in plano data utrum circuli sit arcus an alia aliqua trium coni sectionum an alia praeter has.

sit igitur data  $AB\Gamma$ , et propositum sit, ut speciem eius quaeramus eo, quo diximus, modo.



sumantur in linea puncta aliqua  $\Gamma$ ,  $\Delta$ , et per  $\Gamma$ ,  $\Delta$  puncta rectae aliquae inter se parallelae  $\Gamma B$ ,  $\Delta E$  ducantur intra lineam terminatae, et rursus a  $\Gamma$ ,  $\Delta$

---

In fig. 1  $\Gamma$ ,  $\Delta$  permuat  $W$ ,  $K\Theta\Lambda M$  om.; in fig. 2  $K$ ,  $\Theta$  permuat,  $M$ ,  $\Lambda$  om.

φέρεια) p., περιφέρειαν W, corr. Halley cum Comm. 8. ἦ  
ἄλλη] scripsi, lacunam 5—6 litt. W, lac. paruam p., ἦ Halley  
cum Comm. 9. προπείσθω] p., προσπείσθω W. 13.  $\Gamma B$ ]  
 $\Gamma\Delta$  W p., corr. Comm. 14. ἀπό] αἱ W p., corr. Halley cum  
Comm. ἔτεραι] p., ἔταιραι W. παράλληλοι] p?, παρ-  
άλληλαι W.

ληλοι αι ΓΗ, ΔΖ, και τετμήσθωσαν δίχα αι μὲν ΓΒ, ΔΕ κατὰ τὰ Θ, Κ, αι δὲ ΓΗ, ΔΖ κατὰ τὰ Λ, Μ, και ἐπεξεύχθωσαν αι ΘΚ, ΛΜ.

ει<sup>λ</sup> μὲν οὖν πᾶσαι αι τῇ ΒΓ παράλληλοι ὑπὸ τῆς 5 ΚΘ διχοτομοῦνται, πᾶσαι δὲ αι τῇ ΓΗ ὑπὸ τῆς ΜΛ, μία ἐστὶ τῶν τοῦ κώνου τομῶν ἡ ΒΑΓ διαμέτρους ἔχουσα τὰς ΘΚ, ΜΛ, ει<sup>λ</sup> δὲ μή, οὕ.

πάλιν δέ, ποία τῶν δέ ἐστίν, εὐρίσκομεν ἐκβάλλοντες ει<sup>λ</sup> ἅπειρον ἐφ' ἑκάτερα τὰ μέρη τὰς ΘΚ, ΛΜ. ἦτοι 10 γὰρ παράλληλοι εἰσιν, καὶ ἐστι παραβολή, ἢ ἐπὶ τὰ Θ, Λ μέρη συμπίπτουσιν, καὶ ἐστιν ἐλλειψις ἡ κύκλος, ἢ ἐπὶ τὰ ἔτερα, καὶ ἐστιν ὑπερβολή. τὴν δὲ ἐλλειψιν τοῦ κύκλου διακρινοῦμεν ἀπὸ τοῦ σημείου τῆς συμ- 15 πτώσεως τῶν ΑΘ, ΝΛ, ὅπερ κέντρον γίνεται. ει<sup>λ</sup> μὲν γὰρ ἵσαι εἰσὶν αι ἀπ' αὐτοῦ πρὸς τὴν γραμμὴν προσ- πίπτουσαι, δῆλον, ὅτι κύκλου ἐστὶ περιφέρεια ἡ ΑΒΓ, ει<sup>λ</sup> δὲ μή, ἐλλειψις.

"Ἐστιν αὐτὰς διακρῖναι καὶ ἄλλως ἀπὸ τῶν τεταγ- μένως ἐπὶ τὴν διάμετρον καταγομένων, οἷον τῶν ΓΘ, 20 ΔΚ. ει<sup>λ</sup> μὲν γὰρ εἴη, ώς τὸ ἀπὸ ΓΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΚ, οὕτως ἡ ΘΑ πρὸς ΔΚ, παραβολή ἐστιν, ει<sup>λ</sup> δὲ το ἀπὸ ΘΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΚ μείζονα λόγον ἔχει ἥπερ ἡ ΘΑ πρὸς ΔΚ, ὑπερβολή, ει<sup>λ</sup> δὲ ἐλάττονα, ἐλλειψις.

25 Καὶ ἀπὸ τῶν ἐφαπτομένων δυνατόν ἐστιν αὐτὰς διακρῖναι ἀναμνησθέντας τῶν εἰρημένων αὐταῖς ὑπάρ- χειν ἀνωτέρω.

2. Θ] ΑΘ Wp, corr. Comm. 6. ἐστίν W. διαμέτρους]  
p, corr. ex διάμετρος m. 1 W. 7. δέ] scripsi cum Comm.,  
γάρ Wp. 10. ἐστι] ἐστιν W. 11. συμπίπτουσιν] συμ-  
πίπτωσιν W, σύμπτω p, corr. Halley. 14. ΑΘ, ΝΛ] scripsi,

aliae parallelae  $\Gamma H$ ,  $\Delta Z$ , in binas autem partes aequales secantur  $\Gamma B$ ,  $\Delta E$  in  $\Theta$ ,  $K$  et  $\Gamma H$ ,  $\Delta Z$  in  $A$ ,  $M$ , ducanturque  $\Theta K$ ,  $AM$ .

iam si omnes rectae parallelae rectae  $B\Gamma$  a  $K\Theta$  in binas partes aequales secantur, omnes autem parallelae rectae  $\Gamma H$  a  $MA$ ,  $B\Delta\Gamma$  una est ex sectionibus coni diametros habens  $\Theta K$ ,  $MA$ , sin minus, non est.

rursus autem, qualis sit ex quattuor illis sectionibus, inuenimus rectis  $\Theta K$ ,  $AM$  in utramque partem in infinitum productis. aut enim parallelae sunt, et est parabola, aut ad partes  $\Theta$ ,  $A$  concurrunt, et est ellipsis uel circulus, aut ad alteram partem, et est hyperbola. ellipsim uero a circulo discernemus per punctum concursus rectarum  $A\Theta$ ,  $NA$ , quod fit centrum; si enim rectae ab eo ad lineam adcentes aequales sunt, adparet,  $AB\Gamma$  ambitum circuli esse, sin minus, ellipsis.

fieri autem potest, ut aliter quoque discernantur per rectas ad diametrum ordinate ductas uelut  $\Gamma\Theta$ ,  $\Delta K$ . nam si est  $\Gamma\Theta^2 : \Delta K^2 = \Theta A : AK$ , parabola est, sin  $\Theta\Gamma^2 : \Delta K^2 > \Theta A : AK$ , hyperbola, sin autem  $\Theta\Gamma^2 : \Delta K^2 < \Theta A : AK$ , ellipsis.

etiam per rectas contingentes eas discernere possumus ea recordati, quae supra earum propria esse dixit.

---

*AENΔ* Wp; *KΘ*, *MA* Halley cum Comm. εἰ μέν] suppleui, lacunam Wp, εἰ Halley cum Comm. 16. ἔστιν W. 17. ἐλλειψις] p, corr. ex ἐλληψις m. 1 W. 18. ἔστι δέ Halley.

τεταγμένως] p, corr. ex τεταγμένων m. 1 W. 21. οὗτος — 22. ΔK] om. p. 21. παραβολή] παραπεμένη W, corr. Halley cum Comm. 23. ἐλάττονα] ἐλάττον αἱ Wp, ἐλάσσονα Halley. 24. ἐλλειψις] ἐλλείψεις Wp, corr. Comm. 26. ὑπάρχειν] ὑπάρχει ἄν W, ὑπάρχει p, corr. Halley.

*Eἰς τὸ μη'.*

"Εστωσαν δύο μεγέθη ἵσα τὰ *AB*, *ΓΔ* καὶ διηρήσθω  
εἰς ἄνισα κατὰ τὰ *E*, *Z*. λέγω, ὅτι, ὡς διαφέρει τὸ  
*AE* τοῦ *ΖΓ*, τούτῳ διαφέρει τὸ *EB* τοῦ *ΖΔ*.

- 5 κείσθω τῷ *ΓΖ* ἵσον τὸ *AH*· τὸ *EH* ἄρα ὑπεροχή  
ἔστι τῶν *AH*, *AE*, τοντέστι τῶν *ΓΖ*, *AE*· τὸ γὰρ  
*AH* ἵσον ἔστι τῷ *ΓΖ*. ἀλλὰ καὶ τὸ *AB* τῷ *ΓΔ*· καὶ  
λοιπὸν ἄρα τὸ *HB* τῷ *ΖΔ* ἔστιν ἵσον. ὥστε τὸ *EH*  
ὑπεροχή ἔστι τῶν *EB*, *BH* ἢτοι τῶν *EB*, *ΖΔ*.
- 10 Ἀλλὰ δὴ ἔστωσαν δὲ μεγέθη τὰ *AE*, *EB*, *ΓΖ*, *ΖΔ*,  
καὶ τὸ *AE* τοῦ *ΓΖ* διαφερέτω, ὡς διαφέρει τὸ *EB*  
τοῦ *ΖΔ*. λέγω, ὅτι συναμφότερα τὰ *AE* *EB* συναμφο-  
τέροις τοῖς *ΓΖ*, *ΖΔ* ἔστιν ἵσα.

- κείσθω πάλιν τῷ *ΓΖ* ἵσον τὸ *AH*· τὸ *EH* ἄρα  
15 ὑπεροχή ἔστι τῶν *AE*, *ΓΖ*. τῷ δὲ αὐτῷ διαφέρειν  
ὑπόκεινται ἀλλήλων τὰ *EA*, *ΓΖ* καὶ τὰ *EB*, *ΖΔ*· ἵσον  
ἄρα τὸ *HB* τῷ *ΖΔ*. ἀλλὰ καὶ τὸ *AH* τῷ *ΓΖ*· τὸ  
*AB* ἄρα τῷ *ΓΔ* ἔστιν ἵσον.

- φανερὸν δή, ὅτι, ἐὰν πρῶτον δευτέρου υπερέχῃ  
20 τινί, καὶ τρίτον τετάρτον υπερέχῃ τῷ αὐτῷ, ὅτι τὸ  
πρῶτον καὶ τὸ τέταρτον ἵσα ἔστι τῷ δευτέρῳ καὶ τῷ  
τρίτῳ κατὰ τὴν καλούμενην ἀριθμητικὴν μεσότητα.  
ἐὰν γὰρ τούτων υποκειμένων υπάρχῃ, ὡς τὸ πρῶτον

- 
1. *μη'*] ν Wp; sed ad prop. XLVIII p. 272, 13—15 recte  
rettulit Comm. 2. διηρήσθωσαν p. 4. *ΖΔ*] Δ corr. ex A  
m. 1 W. 6. ἔστιν W. τοντέστιν W. *AE* — 7. ἕσον] lacunam magnam Wp, suppleuit Comm. 7. ἔστιν W. 8.  
*ΖΔ*] p, Z insert. m. 1 W. *EH*] p, E in ras. W. 9.  
ἔστιν W. 11. Ante τό (pr.) eras. εσ m. 1 W. *ΓΖ*] Z e  
corr. p. τό] e corr. p, τῶι W. 13. *ΖΔ*] Δ e corr. m. 1 W.  
14. τό (pr.)] p, τῶι W. 15. ἔστιν W. αὐτῷ] p, αὐτῶν W.  
16. υπόκεινται Halley. 18. *ΓΔ* — 19. πρῶτον] in ras.  
m. 1 W. 19. δευτέρου] βου p. υπερέχῃ] p, υπερέχει corr.

## Ad prop. XLVIII.

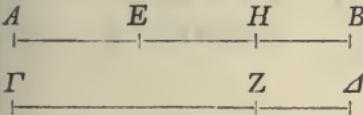
Duae magnitudines aequales sint  $AB$ ,  $\Gamma\Delta$  et in  $E$ ,  $Z$  in partes aequales diuidantur. dico, esse  $Z\Gamma \div AE = EB \div Z\Delta$ .

ponatur  $AH = \Gamma Z$ ; itaque

$$EH = AH \div AE = \Gamma Z \div AE;$$

est enim  $AH = \Gamma Z$ .

uerum etiam  $AB = \Gamma\Delta$ ; quare etiam reliqua  $HB = Z\Delta$ . ergo  $EH = EB \div BH = EB \div Z\Delta$ .



iam uero quattuor magnitudines sint  $AE$ ,  $EB$ ,  $\Gamma Z$ ,  $Z\Delta$ , et sit

$$\Gamma Z \div AE = EB \div Z\Delta.$$

dico, esse  $AE + EB = \Gamma Z + Z\Delta$ .

ponatur rursus  $AH = \Gamma Z$ ; itaque  $EH = \Gamma Z \div AE$ . supposuimus autem, esse  $\Gamma Z \div EA = EB \div Z\Delta$ . itaque  $HB = Z\Delta$ . uerum etiam  $AH = \Gamma Z$ ; ergo  $AB = \Gamma\Delta$ .

iam manifestum est, si prima secundam excedat magnitudine aliqua et tertia quartam excedat eadem, esse primam quartamque secundae tertiaeque aequales in proportione arithmeticā, quae uocatur. si enim<sup>1)</sup> his suppositis est, ut prima ad tertiam, ita secunda

1) Haec non intellego. itaque Comm.

In fig. litteras  $Z$ ,  $\Delta$  permutat  $W$ .

ex ὑπάρχει m. 1 W. 20. ὑπερέχῃ] p, ὑπερέχει W. ὅτι] del. Halley. 21. πρῶτον] ἄ p. τέταρτον] Δ Wp. ἐστίν W. δευτέρῳ] β̄ Wp. 22. τρίτῳ] γ̄ Wp. 23. ὑπάρχῃ] p, ὑπάρχει W. πρῶτον] ᾱ W et e corr. p.

πρὸς τὸ τρίτον, τὸ δεύτερον πρὸς τὸ τέταρτον, ἵσον  
 ἔσται τὸ μὲν πρῶτον τῷ τρίτῳ, τὸ δὲ δεύτερον τῷ  
 τετάρτῳ. δυνατὸν γὰρ ἐπὶ ἄλλων τοῦτο δειχθῆναι  
 διὰ τὸ δεδεῖχθαι ἐν τῷ κείσθεοματι τοῦ εἰ βιβλίου  
 5 τῆς Εὐκλείδου στοιχειώσεως· ἐὰν δὲ μεγέθη ἀνάλογον  
 γίγνηται τὸ πρῶτον καὶ τὸ τέταρτον δύο τῶν λοιπῶν μείζονα  
 ἔσται.

---

1. τρίτον] γ̄ p, ἀπὸ γ̄ W.      δεύτερον] β̄ W p.      τέταρ-  
 τον] δ̄ p.      2. τό] p, τῷ W.      πρῶτον] ᾱ W p.      τρίτῳ]  
 γ̄ W p.      δεύτερον] β̄ W p.      3. τετάρτῳ] δ̄ W p, corr. Comm.  
 γάρ] δέ Halley.      6. πρῶτον] ᾱ p.      τέταρτον] δ̄ p.      μεί-  
 ζονα] μείζων W, μείζον p, corr. Halley.

---

ad quartam, erit prima tertiae aequalis, secunda autem quartae. nam fieri potest, ut hoc in aliis<sup>1)</sup> demonstretur, propterea quod in prop. XXV quinti libri Elementorum Euclidis demonstratum est hoc: si quattuor magnitudines proportionales sunt, prima et quarta duabus reliquis maiores erunt.

---

1) Significare uoluisse uidetur, in proportione arithmeticam rem aliter se habere atque in geometrica. sed totus locus uix sanus est.

*Εἰς τὸ τρίτον.*

Τὸ τρίτον τῶν Κωνικῶν, ὃ φίλτατέ μοι Ἀνθέμιε,  
πολλῆς μὲν φροντίδος ὑπὸ τῶν παλαιῶν ἡξίωται, ὡς  
αἱ πολύτροποι αὐτοῦ ἐκδόσεις δηλοῦσιν, οὕτε δὲ ἐπιστο-  
5 λὴν ἔχει προγεγραμμένην, καθάπερ τὰ ἄλλα, οὐδὲ  
σχόλια εἰς αὐτὸν ἄξια λόγου τῶν πρὸ ἡμῶν εὑρίσκεται,  
καίτοι τῶν ἐν αὐτῷ ἀξίων ὅντων θεωρίας, ὡς καὶ  
αὐτὸς Ἀπολλώνιος ἐν τῷ προοιμίῳ τοῦ παντὸς βιβλίου  
φησίν. πάντα δὲ ὑφ' ἡμῶν σαφῶς ἔκπειται σοι δεικ-  
10 νύμενα διὰ τῶν προλαβόντων βιβλίων καὶ τῶν εἰς  
αὐτὰ σχολίων.

*Εἰς τὸ α'.*

"Ἔστι δὲ καὶ ἄλλη ἀπόδειξις.

ἐπὶ μὲν τῆς παραβολῆς, ἐπειδὴ ἐφάπτεται ἡ ΑΓ,  
15 καὶ κατῆκται ἡ ΑΖ, ἵση ἐστὶν ἡ ΓΒ τῇ ΒΖ. ἄλλὰ  
ἡ ΒΖ τῇ ΑΔ ἵση· καὶ ἡ ΑΔ ἄρα τῇ ΓΒ ἵση. ἐστι  
δὲ αὐτῇ καὶ παράλληλος· ἵσον ἄρα καὶ ὅμοιον τὸ ΑΔΕ  
τριγωνον τῷ ΓΒΕ τριγώνῳ.

ἐπὶ δὲ τῶν λοιπῶν ἐπιζευχθεισῶν τῶν ΑΒ, ΓΔ  
20 λεκτέον.

ἐπεί ἐστιν, ὡς ἡ ΖΗ πρὸς ΗΒ, ἡ ΒΗ πρὸς ΗΓ, ὡς  
δὲ ἡ ΖΗ πρὸς ΗΒ, ἡ ΑΗ πρὸς ΗΔ· παράλληλος γάρ ἡ

1. Εὐτοκίου Ἀσκαλωνίτον εἰς τὸ γ̄ (τρίτον p) τῶν Ἀπολλω-  
νίου πωνικῶν τῆς κατ' αὐτὸν ἐκδόσεως (ο corr. ex ω W) ὑπό-  
μημα W p. 6. ἄξια λόγου] scripsi, ἄξιολόγου W p, ἄξιόλογα

### In librum III.

Tertium Conicorum librum, amicissime Anthemie, multa cura antiqui dignati sunt, ut ex multiplicibus eius editionibus adparet, sed neque epistolam praemissam habet, sicut reliqui, neque ad eum scholia priorum exstant, quae quidem ullius pretii sint, quamquam, quae continet, inuestigatione digna sunt, ut ipse Apollonius in prooemio totius libri [I p. 4, 10 sq.] dicit. omnia autem a nobis plane tibi exposita sunt per libros praecedentes nostraque ad eos scholia demonstrata.

### Ad prop. I.

Est autem etiam alia demonstratio:

in parabola, quoniam  $A\Gamma$  contingit, et  $AZ$  ordinate ducta est, erit  $\Gamma B = BZ$  [I, 35]. uerum  $BZ = A\Delta$ . itaque etiam  $A\Delta = \Gamma B$ . est autem eadem ei parallela; itaque triangulus  $A\Delta E$  triangulo  $\Gamma BE$  aequalis est et similis.

in reliquis autem ductis rectis  $AB$ ,  $\Gamma\Delta$  dicendum:

quoniam est  $ZH : HB = BH : H\Gamma$  [I, 37] et  $ZH : HB = AH : H\Delta$  (nam  $AZ$ ,  $\Delta B$  parallelae sunt),

---

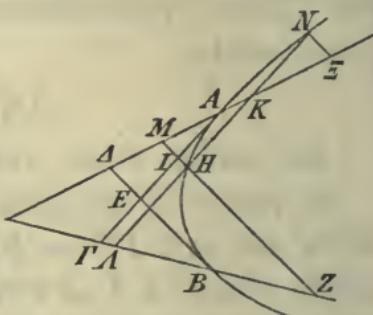
Halley. 10. δια] scripsi, om. W p, ἐκ Halley. 13. ξστιν W.  
16. ξστιν, ν in ras. m. 1, W. 17. αὐτῆ] αὐτη W p, corr.  
Halley. 18. τρίγωνον τῷ ΓΒΕ] om. W p, corr. Comm. (ebc).  
19. ἐπιξευχθησῶν W. 22. ΗΔ] ΗΓ W p, corr. Comm.

*AZ τῇ ΔΒ· καὶ ὡς ἄρα ἡ BH πρὸς HG, ἡ AH πρὸς HD.* παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἡ AB τῇ ΓΔ. ἵσον ἄρα τὸ AΔΓ τρίγωνον τῷ BΓΔ, καὶ κοινοῦ ἀφαιρουμένου τοῦ ΓΔΕ λοιπὸν τὸ AΔE ἵσον ἐστὶ τῷ ΓΒE.

5 περὶ δὲ τῶν πτώσεων λεκτέον, ὅτι ἐπὶ μὲν τῆς παραβολῆς καὶ τῆς ὑπερβολῆς οὐκ ἔχει, ἐπὶ δὲ τῆς ἐλλείψεως ἔχει δύο· αἱ γὰρ ἐφαπτόμεναι κατὰ τὰς ἀφὰς μόνον συμβάλλουσαι ταῖς διαμέτροις καὶ ἐκβαλλομέναις αὐταῖς συμπίπτουσιν, ἢ ὡς ἐν τῷ δητῷ κεῖται, ἢ ἐπὶ τὰ ἔτερα 10 μέρη, καθ' ᾧ ἐστι τὸ E, ὥσπερ ἔχει καὶ ἐπὶ τῆς ὑπερβολῆς.

*Eἰς τὸ β'.*

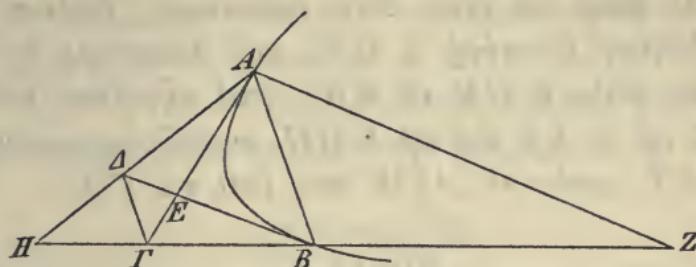
Τὰς πτώσεις τούτου τοῦ θεωρήματος εὑρήσεις διὰ τοῦ μβ' καὶ μγ' θεωρήματος τοῦ α' βιβλίου καὶ τῶν 15 εἰς αὐτὰ γεγραμμένων σχολίων. δεῖ μέντοι ἐπιστῆσαι, ὅτι, ἐὰν τὸ H σημεῖον μεταξὺ τῶν A, B ληφθῇ ὥστε τὰς παραλλήλους εἶναι ὡς τὰς MIHZ, LHK, ἐκβάλλειν 20 δεῖ τὴν AK μέχρι τῆς τομῆς ὡς κατὰ τὸ N καὶ διὰ τοῦ N τῇ BΔ παράλληλον ἀγαγεῖν τὴν NE· ἐσται γὰρ διὰ τὰ εἰρημένα ἐν τῷ α' βιβλίῳ κατὰ τὸ μδ' 25 καὶ ν' θεώρημα καὶ τὸ τούτων σχόλιον τὸ KNΞ τρί-



In fig. pro I hab. TW, pro H hab. N, pro N autem Γ.

- |  |
|--|
| 1. ΔΒ] AB W p, corr. Comm.      BH] H e corr. W.      3.<br>AΔΓ] Δ corr. ex Γ in scrib. W.      9. η(pr.)] addidi, om. Wp.      10.<br>ἐστιν W.      16. ἐάν] corr. ex ἐν p, ἐν in ras. W.      τό] Halley,<br>τῷ p et in ras. W.      σημεῖον] comp. p, σημεῖῳ in ras. W.<br>19. MIHZ] scripsi; ME, HZ Wp.      23. τῇ] comp. p,<br>τῇ W. |
|--|

erit etiam  $BH : HG = AH : HA$ . itaque  $AB, \Gamma\Delta$  parallelae sunt [Eucl. VI, 2]. ergo [Eucl. I, 37]



$A\Delta\Gamma = B\Gamma\Delta$  et ablato, qui communis est, triangulo  $\Gamma\Delta E$  erit reliquus  $A\Delta E = \Gamma\Delta E$ .

De casibus autem dicendum, in parabola hyperbolaque nullum esse, in ellipsi autem duo; nam rectae contingentes, quae cum diametris in solis punctis contactus concurrunt, etiam cum iis productis concurrunt aut ut in uerbis Apollonii<sup>1)</sup> positum est aut ad alteram partem, in qua est  $E$ , sicut etiam in hyperbola est [I p. 319].

### Ad prop. II.

Casus huius propositionis inuenientur per propp. XLII et XLIII libri primi et scholia ad eas scripta. animaduertendum autem, si punctum  $H$  inter  $A, B$  sumatur, ita ut parallelae illae sint  $MHZ, AHK$ , rectam  $AK$  producendam esse usque ad sectionem uelut ad  $N$  et per  $N$  rectae  $B\Delta$  parallelam ducendam  $NE$ . ita enim propter ea, quae in propp. XLIX et L libri primi et in scholio ad eas dicta sunt, erit

In fig. E om. W.

1) In figura 1 uol. I p. 320. itaque fig. 2 non habuit Eutocius.

γωνον τῷ ΚΓ τετραπλεύρῳ ἵσον. ἀλλὰ τὸ ΚΞΝ ὄμοιόν  
ἐστι τῷ ΚΜΗ, διότι παράλληλος ἐστιν ἡ ΜΗ τῇ ΝΞ·  
ἔστι δὲ αὐτῷ καὶ ἵσον, διότι ἐφαπτομένη ἐστὶν ἡ ΑΓ,  
παράλληλος δὲ αὐτῇ ἡ ΗΝ, καὶ διάμετρος ἡ ΜΞ,  
5 καὶ ἵση ἐστὶν ἡ ΗΚ τῇ ΚΝ. ἐπεὶ οὖν ἵσον ἐστὶ τὸ  
ΚΝΞ τῷ τε ΚΓ καὶ τῷ ΚΜΗ, κοινοῦ ἀφαιρουμένου  
τοῦ ΑΗ λοιπὸν τὸ ΑΙΜ ἵσον ἐστὶ τῷ ΓΗ.

### *Eἰς τὸ γ'.*

Tὸ θεώρημα τοῦτο πλείους ἔχει πτώσεις, ἃς εὑρή-  
10 σομεν ὄμοιώς τῷ πρὸ αὐτοῦ. δεῖ μέντοι ἐπισκῆψαι,  
ὅτι τα λαμβανόμενα δύο σημεῖα ἢ μεταξύ ἐστι τῶν  
δύο διαμέτρων ἢ τὰ δύο ἔκτὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη·  
εἰ γὰρ το μὲν ἔτερον ἔκτὸς λάβωμεν, τὸ δὲ ἔτερον  
μεταξὺ τῶν διαμέτρων, οὐ συνίσταται τὰ ἐν τῇ προ-  
15 τάσει λεγόμενα τετράπλευρα, ἀλλ' οὐδὲ ἐφ' ἑκάτερα  
τῶν διαμέτρων.

### *Eἰς τὸ δ'.*

'Ἐν τῇ προτάσει τούτου τοῦ θεωρήματος καὶ τῶν  
ἔφεξῆς δεῖ ἐπιστῆσαι, ὅτι τῶν ἀντικειμένων λέγει  
20 ἀδιορίστως, καὶ τινὰ μὲν τῶν ἀντιγράφων τὰς δύο  
ἔφαπτομένας ἐπὶ τῆς μιᾶς τομῆς ἔχει, τινὰ δὲ οὐκέτι  
τὰς δύο ἔφαπτομένας ἐπὶ τῆς μιᾶς, ἀλλ' ἐφ' ἑκατέρας  
αὐτῶν μίαν συμπιπτούσας ἀλλήλαις, ὡς εἰρηται ἐν τῷ  
β' βιβλίῳ, ἐν τῇ ἔφεξῆς γωνίᾳ τῶν ἀσυμπτώτων, καὶ  
25 οὕτως δὲ κάκείνως συμβαίνει τὰ τῆς προτάσεως, ὡς  
ἔξεστι τοῖς βουλομένοις καταγράφουσιν ἐπισκέπτεσθαι,

---

2. ἐστιν ε corr. m. 1 W.      *KMN* Wp, corr.  
Halley, *kgtm* Comm.      *MH*] *MN* p.      3. ἐστιν W.      5.  
ἐστι] ἐστίν W.      7. ἐστίν W.      9. εὑρήσωμεν W.      11.  
ἐστιν W.      20. ἀδιωρίστως W.      21. τῆς] corr. ex τῇ in

$KNE = K\Gamma$ . uerum  $K\Xi N$ ,  $KMH$  similes sunt, quia  $MH$ ,  $N\Xi$  parallelae sunt. est autem etiam  $K\Xi N = KMH$ , quia  $A\Gamma$  contingit eique parallela est  $HN$ , et  $M\Xi$  diametruſ est et  $HK = KN$ . quoniam igitur  $KNE = K\Gamma = KMH$ , ablato, quod commune est, quadrilatero  $AH$  erit reliquus  $AIM = \Gamma H$ .

### Ad prop. III.

Haec propositio complures casus habet, quos eodem modo inueniemus, quo in propositione preecedenti. in eo autem insistendum, ut duo, quae sumuntur, puncta aut inter duas diametros posita sint aut utrumque extra eas et ad easdem partes; si enim alterum extra sumimus, alterum inter diametros, quadrilatera illa in propositione significata non constituantur, neque si ad utramque partem diametrorum sumuntur.

### Ad prop. IV.

In propositione huius theorematis sequentiumque animaduertendum, eum sectiones oppositas indefinite dicere, et alii codices duas rectas contingentes in altera sectione habent, alii autem non iam duas contingentes in altera, sed in singulis unam, concurrentes inter se, ut in libro II [32] dictum est, in angulo deinceps posito angulo asymptotarum, et quae in propositione dicta sunt, et hac et illa ratione eueniunt, ut iis, quicunque uoluerint, cognoscere licet descripta

scrib. W. 23.  $\mu\acute{\alpha}\sigma]$  scripsi,  $\mu\acute{\alpha}\tilde{\sigma}$  Wp. 24.  $\beta']$  om. Wp.  
corr. Comm.  $\tau\tilde{\eta}]$  e corr. W. 25.  $\sigma\tilde{\nu}\tau\omega$  p.  $\kappa\acute{\alpha}\kappa\acute{\epsilon}\iota\nu\omega\tilde{\sigma}]$   
scripsi,  $\kappa\acute{\alpha}\kappa\acute{\epsilon}\iota\nu\omega$  Wp.  $\omega\tilde{s}]$  addidi, om. Wp. 26.  $\tilde{\iota}_5-$   
 $\varepsilon\sigma\tau\iota\nu$  W.

πλὴν ὅτι, εἰ μὲν τῆς μιᾶς τῶν τομῶν δύο εὐθεῖαι ἐφάπτονται, ἡ διὰ τῆς συμπτώσεως αὐτῶν καὶ τοῦ κέντρου ἡ πλαγία διάμετρός ἐστι τῶν ἀντικειμένων, εἰ δὲ ἑκατέρας μία ἐστὶν ἐφαπτομένη, ἡ διὰ τῆς συμ-  
5 πτώσεως αὐτῶν καὶ τοῦ κέντρου ἡ δρθία διάμετρός ἐστιν.

*Eἰς τὸ ε'.*

'Ἐπειδὴ ἀσαφές ἐστι τὸ ε' θεώρημα, λεκτέον ἐπὶ μὲν τῆς καταγραφῆς τῆς ἔχούσης τὴν μίαν δρθίαν διάμετρον·

ἐπεὶ δέδεικται τὸ ΗΘΜ τοῦ ΓΛΘ μεῖζον τῷ ΓΔΖ,  
10 ἵσον ἃν εἴη τὸ ΗΘΜ τῷ ΓΘΛ καὶ τῷ ΓΔΖ· ὥστε καὶ τῷ ΚΔΘ μετὰ τοῦ ΖΛΚ. τὸ ἄρα ΗΜΘ τοῦ ΚΔΘ διαφέρει τῷ ΚΔΖ. κοινοῦ ἀφαιρουμένου τοῦ ΘΔΚ λοιπὸν τὸ ΚΔΖ ἵσον τῷ ΚΔΜΗ.

ἐπὶ δὲ τῆς ἔχούσης τὴν πλαγίαν διάμετρον·

15 ἐπειδὴ προδέδεικται τὸ ΓΛΘ τοῦ ΜΘΗ μεῖζον τῷ ΓΔΖ, ἵσον ἄρα ἐστὶ τὸ ΓΘΛ τῷ ΘΗΜ μετὰ τοῦ ΓΔΖ. κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ ΓΔΚΛ λοιπὸν ἄρα τὸ ΚΘΔ ἵσον ἐστὶ τῷ ΘΗΜ μετὰ τοῦ ΚΔΖ. ἔτι κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ ΜΘΗ· λοιπὸν ἄρα τὸ ΚΖΔ τῷ ΔΜΗΚ ἵσον.

πτώσεις δὲ ἔχει πολλάς, αἵς δεῖ ἐφιστάνειν ἀπὸ τῶν δεδειγμένων ἐν τῷ μδ' καὶ με' θεωρήματι τοῦ α' βιβλίου.

ἐν δὲ τῷ λέγειν ἀφηρήσθω ἡ προσκείσθω τετρά-  
25 πλευρον ἡ τρίγωνον τὰς ἀφαιρέσεις ἡ προσθέσεις κατα-  
τὴν οἰκειότητα τῶν πτώσεων χρὴ ποιεῖσθαι.

---

3. ἐστιν p. τῶν ἀντικειμένων] om. p. 4. εἰ] p?, ἡ W. μία] μιᾶς Wp, corr. Halley. 7. ἀσαφές] scripsi, σαφές Wp. 8. μίαν] om. Halley. 9. ἐπει] ἐπὶ Wp, corr. Comm. 10. ΓΘΛ] ΓΘΑ p et, A e corr., W; corr. Comm. 13. ΚΔΜΗ] Δ ε

figura; nisi quod, si utraque recta alteram sectionem contingit, recta per punctum concursus earum centrumque ducta diametrum transuersa oppositarum erit, sin singulas una contingit, recta per punctum concursus earum centrumque ducta diametrum recta est.

Ad prop. V.

Quoniam propositio V obscurior est, in figura, quae unam diametrum rectam habet, dicendum:

quoniam demonstratum est [I, 45], esse  $HOM$  maiorem quam  $\Gamma\Lambda\Theta$  triangulo  $\Gamma\Lambda Z$ , erit

$$HOM = \Gamma\Omega\Lambda + \Gamma\Lambda Z = K\Lambda\Theta + Z\Lambda K.$$

itaque  $HMO$  a  $K\Lambda\Theta$  differt triangulo  $K\Lambda Z$ . ablato, qui communis est, triangulo  $\Theta\Lambda K$  erit reliquus  $K\Lambda Z = K\Lambda MH$ .

in figura autem, quae diametrum transuersam habet:

quoniam antea demonstratum est [I, 45],  $\Gamma\Lambda\Theta$  maiorem esse quam  $M\Theta H$  triangulo  $\Gamma\Lambda Z$ , erit  $\Gamma\Omega\Lambda = \Theta HM + \Gamma\Lambda Z$ . auferatur, quod commune est,  $\Gamma\Lambda K\Lambda$ ; itaque reliquus  $K\Theta\Lambda = \Theta HM + K\Lambda Z$ . rursus auferatur, qui communis est,  $M\Theta H$ ; itaque reliquus  $KZ\Lambda = \Delta MHK$ .

casus autem multos habet, qui inueniendi sunt per ea, quae in propp. XLIV et XLV libri I demonstrata sunt.

cum dicimus autem aut auferatur aut adiiciatur quadrilaterum triangulusue, auferri aut adiici secundum proprietatem castum oportet.

corr. W. 15.  $M\Theta H]$   $\mu\bar{\theta}$   $\dot{\eta}$  Wp, corr. Comm. 16.  $\tau\acute{o}$ ]  $\tau\bar{\omega}$  Wp, corr. Comm. 17.  $\lambda\sigma\pi\acute{o}\nu$  — 19.  $M\Theta H]$  bis p (multa euan., sicut etiam in sqq.). 18.  $\acute{e}\sigma\tau\acute{i}\nu$  W. 20.  $\acute{e}\sigma\sigma\nu$ ] om. Wp, corr. Comm. 25.  $\pi\varrho\sigma\vartheta\acute{e}\sigma\iota\varsigma$ ] corr. ex  $\pi\varrho\sigma\vartheta\acute{e}\sigma\eta\varsigma$  m. 1 W.

έπειδὴ δὲ τὰ ἐφεξῆς πολύπτωτά ἔστι διὰ τὰ λαμβανόμενα σημεῖα καὶ τὰς παραλλήλους, ἵνα μὴ ὅχλον παρέχωμεν τοῖς ὑπομνήμασι πολλὰς ποιοῦντες καταγραφάς, καθ' ἕκαστον τῶν θεωρημάτων μίαν 5 ποιοῦμεν ἔχουσαν τὰς ἀντικειμένας καὶ τὰς διαμέτρους καὶ τὰς ἐφαπτομένας, ἵνα σώζηται τὸ ἐν τῇ προτάσει λεγόμενον τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων, καὶ τὰς παραλλήλους πάσας ποιοῦμεν συμπίτειν καὶ στοιχεῖα τίθεμεν καθ' ἕκαστην σύμπτωσιν, ἵνα φυλάττων τις τὰ ἀκό- 10 λουθα δύνηται πάσας τὰς πτώσεις ἀποδεικνύειν.

### *Eἰς τὸ σ'.*

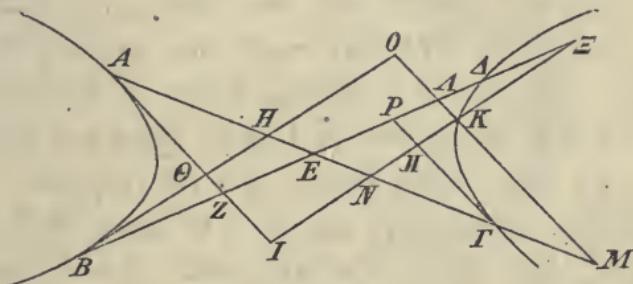
Αἱ πτώσεις τούτου τοῦ θεωρήματος καὶ τῶν ἐφεξῆς πάντων, ὡς εἴρηται ἐν τοῖς τοῦ ε' θεωρήματος σχολίοις, πολλαὶ εἰσιν, ἐπὶ πασῶν μέντοι τὰ αὐτὰ συμβαίνει. 15 ὑπὲρ δὲ πλείονος σαφηνείας ὑπογεγράφθω μία ἐξ αὐτῶν, καὶ ἥχθω ἀπὸ τοῦ Γ ἐφαπτομένη τῆς τομῆς ἡ ΓΠΡ· φανερὸν δῆ, ὅτι παράλληλός ἔστι τῇ AZ καὶ τῇ ML. καὶ ἐπεὶ δέδεικται ἐν τῷ δευτέρῳ θεωρήματι κατὰ τὴν τῆς ὑπερβολῆς καταγραφὴν τὸ ΠΝΓ τρίγωνον τῷ ΑΠ τετραπλεύρῳ ἵσον, κοινὸν προσκείσθω τὸ ΜΠ· τὸ ἄρα ΜΚΝ τρίγωνον τῷ ΜΛΡΓ ἔστιν ἵσον. κοινὸν προσκείσθω τὸ ΓΡΕ, ὃ ἔστιν ἵσον τῷ ΑΕΖ διὰ τὰ ἐν τῷ μδ' τοῦ α' βιβλίου ὅλον ἄρα τὸ ΜΕΛ

1. ἔστιν W. 3. ὑπομνήμασιν W. 5. τὰς — 6.  
καὶ] bis p. 9. φυλάττων] -ω- e corr. m. 1 W. 13. ε']  
om. W, lac. 3 litt. p, corr. Halley. 17. ἔστιν W. 18.  
δευτέρῳ] β p. 19. ΠΝΓ] scripsi, ΠΝ Wp, ΓΠΝ Halley.  
20. τῷ] bis p, τὸ τῷ W. ΑΠ] scripsi, ΑΗ Wp, ΑΚΠΡ  
Halley. 22. ΓΡΕ] E e corr. p. ΑΕΖ] ΑΕΖ p et, Α in  
ras., W; corr. Halley. 23. μδ'] scripsi, μα' Wp.

quoniam autem quae sequuntur propter puncta sumpta parallelasque multos casus habent, ne commentarii nostri molesti sint multis figuris additis, in singulis propositionibus unam describimus oppositas diametrosque et rectas contingentes habentem, ut iisdem suppositis seruetur; quod in propositione dictum est, et omnes parallelas concurrentes facimus et ad singula puncta concursus litteras ponimus, ut, qui consequentia obseruet, omnes casus demonstrare possit.

Ad prop. VI.

Casus huius propositionis et sequentium omnium, ut in scholiis ad prop. V dictum est, multi sunt, sed in omnibus eadem eueniunt. quo autem magis perspicuum sit, unus ex iis describatur, ducaturque a Γ



sectionem contingens  $\Gamma\pi\pi$ ; manifestum igitur, eam rectis  $AZ$ ,  $M\Lambda$  parallelam esse [Eutocius ad I, 44]. et quoniam in prop. II demonstratum est in figura hyperbolae, esse  $\Pi\pi\Gamma = \Lambda\pi$ , commune adiiciatur  $M\pi\pi$ ; itaque  $MKN = M\Lambda\pi\Gamma$ . communis adiiciatur  $\Gamma\pi E$ , qui triangulo  $AEZ$  aequalis est propter ea, quae in prop. XLIV libri primi demonstrata sunt;

In fig. litt. Z, A om. W.

ἴσον ἔστι τῷ *MKN* καὶ τῷ *AEZ*. κοινοῦ ἀφαιρουμένου τοῦ *KMN* λοιπὸν τὸ *AEZ* τῷ *KLEN* ἔστιν ἴσον. κοινὸν προσκείσθω τὸ *ZENI*. ὅλον ἄρα τὸ *AIN* τριγωνον τῷ *KAZI* ἔστιν ἴσον. δύοις δὲ καὶ τὸ 5 *BOL* ἴσον ἔστι τῷ *KNHO*.

*Eἰς τὸ ιγ'.*

Ἐπεί ἔστιν, ὡς ἡ *AΘ* πρὸς *ΘΖ*, ἡ *ΘΒ* πρὸς *ΘΗ*, καὶ εἰσιν αἱ πρὸς τῷ Θ γωνίαι δυσὶν δραῖς γραμμαῖς, 10 ἴσαι, ἴσον τὸ *AHΘ* τριγωνον τῷ *BΘΖ* τριγώνῳ] ἐκκείσθω χωρὶς ἡ παταγραφὴ μόνων τῶν τριγώνων, καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ *AΘ* εἰς τὸ *Ξ*, καὶ πεποιήσθω, ὡς ἡ *ΘΒ* πρὸς *ΘΗ*, ἡ *AΘ* πρὸς *ΘΖ* καὶ ἡ *ΞΘ* πρὸς *ΘΖ*, 15 ἴση ἄρα ἔστιν ἡ *AΘ* τῇ *ΘΞ*. ὥστε καὶ τὸ *AHΘ* τριγωνον ἴσον τῷ *HΘΞ*. καὶ ἐπεὶ ἔστιν, ὡς ἡ *ΞΘ* πρὸς *ΘΖ*, ἡ *ΘΒ* πρὸς *ΘΗ*, καὶ περὶ ἴσας γωνίας τὰς πατὰ κορυφὴν πρὸς τῷ Θ ἀντιπεπόνθασιν αἱ πλευραί, 20 ἴσον ἔστι τὸ *ZΘB* τριγωνον τῷ *HΘΞ*. ὥστε καὶ τῷ *AHΘ*. ἔστι δὲ καὶ ἄλλως δεῖξαι ἴσα τὰ τριγωνα.

20 ἐπεὶ γὰρ δέδεικται, ὡς ἡ *KΘ* πρὸς *ΘΒ*, ἡ *ΘΒ* πρὸς *ΘΗ*, ἀλλ' ὡς ἡ *KΘ* πρὸς *ΘΒ*, ἡ *AK* πρὸς *BZ*,

1. *ἔστι]* ἔστιν W, om. p. 2. *KMN*] K e corr. p. *τό]* om. W p, corr. Halley. *AEZ*] Z corr. ex B? m. 1. W.
2. *KLEN* ἔστιν] *ΚΛ* et post lac. 3 litt. *εν* ἔστιν W, *ΚΛ* ἔνεστι p; corr. Halley.
3. *ZENI*] I e corr. p. 4. *BAZI* p. 5. *ἔστιν* W. 6. *KNHO*] *KNHΘ* W p, corr. Halley.
7. *AΘ*] *AO* W p, corr. Comm. 8. *Θ*] O W p, corr. Halley.
9. *AHΘ*] *AHΘ* W p, corr. Comm. 11. *AΘ* εἰς τὸ *Ξ*] *AΘE* τῇ τὸ *Ξ* W p, corr. Comm.
12. *HΘ*] corr. ex *KΘ* p. 13. *AΘ*] *AE* W p, corr. Comm. Z *Θ* in ras. W, *ZE* p.

itaque  $M\angle = MKN + AEZ$ . ablato, qui communis est, triangulo  $KMN$  erit reliquus  $AEZ = KAZ$ . commune adiiciatur  $ZENI$ ; ergo  $AIN = KAZI$ , et similiter  $BOL = KNHO$ .

### Ad prop. XIII.

Quoniam est  $A\theta : \theta Z = \theta B : \theta H$ , et anguli ad  $\theta$  positi duobus rectis aequales, erit  $AH\theta = BH\theta$  [I p. 340, 1–4] describatur enim seorsum figura triangulorum solorum, et  $A\theta$  ad  $\Xi$  producatur, fiatque  $Z\theta : \theta \Xi = H\theta : \theta B$ . iam quoniam est

$$\theta B : \theta H = A\theta : \theta Z = \Xi\theta : \theta Z,$$

erit [Eucl. V, 9]  $A\theta = \theta \Xi$ . quare etiam  $AH\theta = H\theta \Xi$

[Eucl. I, 38]. et quoniam est  $\Xi\theta : \theta Z = \theta B : \theta H$ , et latera aequales angulos comprehendentia, qui ad  $\theta$  ad uerticem inter se positi sunt, in contraria proportione sunt, erit

$$Z\theta B = H\theta \Xi$$

[Eucl. VI, 15]. ergo etiam  $Z\theta B = AH\theta$ .

uerum aliter quoque demonstrari potest, triangulos aequales esse.

quoniam enim demonstratum est, esse

$$K\theta : \theta B = \theta B : \theta H \text{ [I p. 338, 25],}$$

---

14.  $A\theta$ ]  $\theta$  e corr. p.  $\theta \Xi$ ]  $\theta Z$  Wp, corr. Comm.  $AH\theta$ ]  $H$  e corr. p. 15.  $\lambda\sigma\sigma\nu$ ]  $\dot{\nu}$  Wp, corr. Comm.  $H\theta \Xi$ ]  $H\theta Z$  Wp, corr. Comm. 16.  $\eta \theta B \pi\varphi\sigma$ ] in ras. m. 1 W. 18.  $\lambda\sigma\tau\nu$  W. 19.  $\lambda\sigma\tau\nu$  W. 21.  $BZ$ ]  $\theta Z$  Wp, corr. Comm.

καὶ ὡς ἄρα ἡ ΑΚ πρὸς ΒΖ, ἡ ΒΘ πρὸς ΗΘ· τὸ ἄρα  
ὑπὸ ΑΚ, ΘΗ ὀρθογώνιον ἵσον ἔστι τῷ ὑπὸ ΒΖ, ΒΘ  
ὀρθογωνίῳ. καὶ ἐπεὶ ἵσαι εἰσὶν αἱ ὑπὸ ΗΘΝ, ΘΒΖ,  
ἔταν ἀναγράψωμεν παραλληλόγραμμα διομβοειδῆ ὑπὸ<sup>5</sup>  
τῶν αὐτῶν περιεχόμενα πλευρῶν τοῖς ὁρθογωνίοις  
ἵσας ἔχοντα τὰς πρὸς τοὺς Θ, Β, ἵσα ἔσται καὶ αὐτὰ  
διὰ τὴν τῶν πλευρῶν ἀντιπεπόνθησιν. ἔσται δὴ τὸ  
περιεχόμενον διομβοειδὲς ὑπὸ τῶν ΖΒ, ΒΘ ἐν τῇ Β.  
γωνίᾳ διπλάσιον τοῦ ΘΒΖ τριγώνου· διάμετρος γὰρ  
10 αὐτοῦ ἔσται ἡ ΖΘ· τὸ δὲ περιεχόμενον ὑπὸ τῆς ΗΘ  
καὶ τῆς ἵσης τῇ ΑΚ ἀπὸ τῆς ΘΝΛ ἀφαιρουμένης ἐν  
τῇ ὑπὸ ΗΘΝ γωνίᾳ διπλάσιόν ἔστι τοῦ ΑΗΘ τριγώνου.  
ἐπὶ γὰρ τῆς αὐτῆς βάσεώς εἰσι τῆς ΗΘ καὶ ὑπὸ τὴν  
αὐτὴν παραλληλον τὴν ἀπὸ τοῦ Α παρὰ τὴν ΗΘ ἀγο-<sup>15</sup>  
μένην. ὥστε ἵσον τὸ ΑΗΘ τῷ ΖΒΘ.

### *Eἰς τὸ ις'.*

"Ἐν τισι τῶν ἀντιγράφων τοῦτο ὡς θεώρημα ὡς  
ιξ' παρέκειτο, ἔστι δὲ κατὰ ἀλήθειαν πτῶσις τοῦ ις'.  
μόνον γάρ, ὅτι αἱ ΑΓΒ ἐφαπτόμεναι παραλληλοι  
20 γίνονται ταῖς διαμέτροις, τὰ δὲ ἄλλα ἔστι τὰ αὐτά.  
ἐν σχολίοις οὖν ἔδει τοῦτο κεῖσθαι, ὥσπερ ἐγράψαμεν  
καὶ εἰς τὸ μα' τοῦ α' βιβλίου.

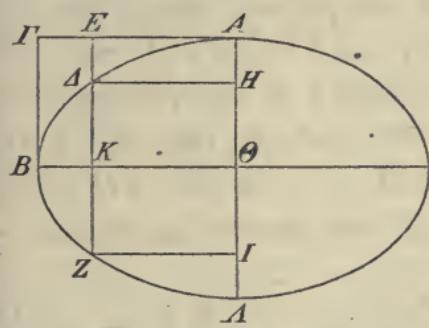
'Εὰν ἐπὶ τῆς ἐλλείψεως καὶ τοῦ κύκλου αἱ διὰ τῶν.

- |                               |                        |                 |                      |                    |
|-------------------------------|------------------------|-----------------|----------------------|--------------------|
| 1. πρός (pr.)]                | bis p.                 | 2. ΘΗ]          | om. Wp, corr. Comm.  |                    |
| ἔστιν W.                      | ΒΘ]                    | B e corr. p.    | 3. ΗΘΝ]              | H supra scr.       |
| m. 1 W.                       | 6. τὰς]                | addidi, om. Wp. | B γωνίας             | Halley..           |
| δῆ]                           | δέ Halley.             | 8. ὑπὸ τῶν]     | om. Wp,              | corr. Halley.      |
| ΘΝΛ]                          | scripsi,               | ΘΛΝ Wp.         | 12. ΗΘΝ]             | ΘΝ Wp, corr. Comm. |
| ἔστιν W.                      | ΑΗΘ]                   | in ras. W.      | 13. εἰσιν W.         | ΗΘ καὶ]            |
| ΗΘΚ p et seq. lac. 2 litt. W, | corr. Halley cum Comm. | 16.             |                      |                    |
| ις'] p, ̄ W.                  | 17. τισιν W.           | ώς (pr.)]       | e corr. W; fort. de- |                    |
| lendum.                       | ώς (alt.)]             | om. p?          | 18. ̄στιν W.         | κατ' Halley.       |
| 20. ̄στιν W.                  |                        |                 |                      |                    |

et  $K\Theta : \Theta B = AK : BZ$  [I p. 338, 26], erit etiam  $AK : BZ = B\Theta : H\Theta$ . itaque  $AK \times \Theta H = BZ \times B\Theta$ . et quoniam  $\angle H\Theta N = \Theta BZ$ , si parallelogramma rhomboidea descripserimus iisdem lateribus comprehensa, quibus rectangula, et angulos ad  $\Theta, B$  positos aequales habentia, haec quoque propter proportionem contrariam laterum aequalia erunt [Eucl. VI, 14]. iam rhomboides rectis  $ZB, B\Theta$  in angulo  $B$  comprehensum duplo maius erit triangulo  $\Theta BZ$  [Eucl. I, 34];  $Z\Theta$  enim diametrus eius erit. parallelogrammum autem, quod ab  $H\Theta$  rectaque rectae  $AK$  aequali a  $\Theta NA$  ablata in angulo  $H\Theta N$  comprehenditur, duplo maius est triangulo  $AH\Theta$  [Eucl. I, 41]; nam in eadem basi sunt  $H\Theta$  et sub eadem parallela, quae ab  $A$  rectae  $H\Theta$  parallela ducitur. ergo  $AH\Theta = ZB\Theta$ .

### Ad prop. XVI.

In nonnullis codicibus hoc pro theoremate tanquam propositio XVII adpositum erat, est autem re



prop. XLI libri primi scripsimus.

Si in ellipsi circuloque diametri per puncta con-

In fig. pro I hab. C W.

uera casus propositionis XVI; nam eo tantum differt, quod rectae contingentes  $AG, GB$  diametris parallelae fiunt, cetera autem eadem sunt. in scholiis igitur ponendum erat, sicut etiam ad

ἀφῶν διάμετροι παράλληλοι ὥσι ταῖς ἐφαπτομέναις,  
καὶ οὕτως ἔσται τὰ τῆς προτάσεως.

ἐπεὶ ὡς τὸ ἀπὸ *BΘ* πρὸς τὸ ὑπὸ *AΘΑ*, οὕτως τὸ  
ἀπὸ *ΔΗ* πρὸς τὸ ὑπὸ *AHA*, καὶ ἔστι τὸ μὲν ὑπὸ<sup>5</sup>  
*AΘΑ* ἵσον τῷ ἀπὸ *ΘΑ*, τὸ δὲ ὑπὸ *AHA* ἵσον τῷ  
ὑπὸ *ΙΑΗ*. ἵση γὰρ ἡ *AΘ* τῇ *ΘΑ* καὶ ἡ *ΔΚ* τῇ *KΖ*  
καὶ ἡ *HΘ* τῇ *ΘΙ* καὶ ἡ *AH* τῇ *IΛ*. ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ<sup>10</sup>  
*AΘ* πρὸς τὸ ἀπὸ *ΘΒ*, τουτέστι τὸ ἀπὸ *BΓ* πρὸς τὸ  
ἀπὸ *ΓΑ*, τὸ ὑπὸ *ΙΑΗ* πρὸς τὸ ἀπὸ *ΔΗ*, τουτέστι  
τὸ ὑπὸ *ΖΕΔ* πρὸς τὸ ἀπὸ *ΕΑ*.

### *Eἰς τὸ ιξ'.*

Καὶ τοῦτο δύοις τῷ πρὸ αὐτοῦ ἔκειτο θεώρημα,  
ὅπερ ἡμεῖς ἀς πτῶσιν ἀφελόντες ἐνταῦθα ἐγράψαμεν.

'Εὰν ἐπὶ τῆς ἐλλείψεως καὶ τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας<sup>15</sup>  
αἱ διὰ τῶν ἀφῶν ἀγόμεναι διάμετροι παράλληλοι ὥσι  
ταῖς ἐφαπτομέναις ταῖς *BΓ*, *ΓΑ*, καὶ οὕτως ἔστιν, ὡς  
τὸ ἀπὸ *ΓΑ* πρὸς τὸ ἀπὸ *ΓΒ*, τὸ ὑπὸ *KΖΕ* πρὸς τὸ  
ὑπὸ *ΔΖΘ*.

ηχθωσαν διὰ τῶν *Δ*, *Θ* τεταγμένως κατηγμέναι αἱ<sup>20</sup>  
*ΔΠ*, *ΘΜ*. ἐπεὶ οὖν ἔστιν, ὡς τὸ ἀπὸ *ΑΓ* πρὸς τὸ  
ἀπὸ *ΓΒ*, τὸ ἀπὸ *BN* πρὸς τὸ ἀπὸ *NA*, τουτέστι πρὸς τὸ  
ὑπὸ *ANΛ*, ὡς δὲ τὸ ἀπὸ *BN* πρὸς τὸ ὑπὸ *ANΛ*, τὸ  
ἀπὸ *ΔΠ*, τουτέστι τὸ ἀπὸ *ZΟ*, πρὸς τὸ ὑπὸ *ΑΠΛ* καὶ  
τὸ ἀπὸ *ΕΟ* πρὸς τὸ ὑπὸ *AOΛ*, καὶ λοιπὸν ἄρα πρὸς λοι-

1. ὥσι] p, ὥσιν W. 3. ὡς τὸ ἀπό] m. 2 U, ἡ W p.  
οὕτω p. 4. *AHA*] *ΑΠΑ* W p, corr. U m. 2 (in W fort. H  
scriptum est, sed litterae Π simile). 5. ἔστιν W. 8. τουτ-  
έστιν W. 9. τουτέστιν W. 10. *ΖΕΔ*] m. 2 U, *ΖΕΔ* W p.

12—19. euān. p. 15. ὥσιν W. 20. *ΘΜ*] *OM* W p, corr.  
Comm. 21. τουτέστιν W. 22. τό (sec.)] om. p. 23.  
τουτέστιν W. 24. *ΕΟ*] *ΕΘ* W p, corr. Comm.

tactus ductae contingentibus parallelae sunt, sic quoque ualent, quae in propositione dicta sunt.

quoniam est [I, 21]

$$B\Theta^2 : \Delta\Theta \times \Theta A = \Delta H^2 : \Delta H \times HA,$$

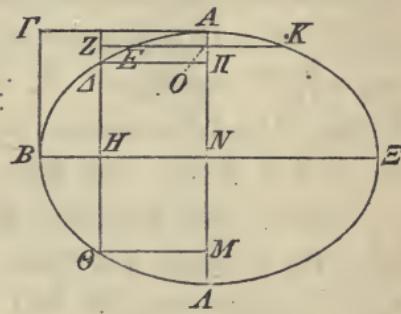
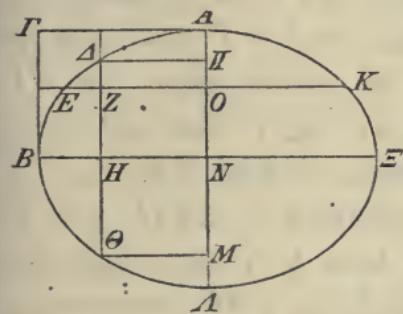
et  $\Delta\Theta \times \Theta A = \Theta A^2$ ,  $\Delta H \times HA = IA \times AH$  (nam  $A\Theta = \Theta A$ ,  $\Delta K = KZ$ ,  $H\Theta = \Theta I$ ,  $AH = IA$ ), erit etiam  $A\Theta^2 : \Theta B^2 = IA \times AH : \Delta H^2$ , h. e.

$$B\Gamma^2 : \Gamma A^2 = ZE \times EA : EA^2.$$

### Ad prop. XVII.

Hoc quoque eodem modo, quo praecedens, pro theoremate adponebatur, quod nos ut casum remouimus et hic adscripsimus.

Si in ellipsi ambituque circuli diametri per puncta contactus ductae contingentibus  $B\Gamma$ ,  $\Gamma A$  parallelae sunt, sic quoque est  $\Gamma A^2 : \Gamma B^2 = KZ \times ZE : \Delta Z \times Z\Theta$ .



ducantur per  $\Delta$ ,  $\Theta$  ordinate  $\Delta\pi$ ,  $\Theta M$ . quoniam igitur est  $A\Gamma^2 : \Gamma B^2 = BN^2 : NA^2 = BN^2 : AN \times NA$  [I, 13], et  $BN^2 : AN \times NA = \Delta\pi^2 : \Delta\pi \times \pi A$  [I, 21] =  $ZO^2 : A\pi \times \pi A = EO^2 : AO \times OA$  [I, 21], erit etiam [Eucl. V, 19] reliquum ad reliquum, ut to-

In fig. 2 om.  $\Delta$  litt. W.

πόν ἔστιν, ὡς ὅλον πρὸς ὅλον. ἀλλ' ἐὰν μὲν ἀπὸ τοῦ ἀπὸ  
**ΕΟ** ἀφαιρεθῇ τὸ ἀπὸ **ΔΠ**, τουτέστι τὸ ἀπὸ **ZΟ**, καταλεί-  
 πεται τὸ ὑπὸ **KΖΕ**. ἵση γὰρ ἡ **KΟ** τῇ **ΟΕ**· ἐὰν δὲ  
 ἀπὸ τοῦ ὑπὸ **AΟΛ** ἀφαιρεθῇ τὸ ὑπὸ **ΑΠΛ**, λείπεται  
 5 τὸ ὑπὸ **MΟΠ**, τουτέστι τὸ ὑπὸ **ΘΖΔ**. ἵση γὰρ ἡ  
**ΑΠ** τῇ **ΜΛ** καὶ ἡ **ΠΝ** τῇ **NM**. ἔστιν ἄρα, ὡς τὸ  
 ἀπὸ **ΓΑ** πρὸς τὸ ἀπὸ **ΓΒ**, λοιπὸν τὸ ὑπὸ **KΖΕ** πρὸς  
 τὸ ὑπὸ **ΔΖΘ**.

ὅταν δὲ τὸ **Z** ἐκτὸς ἢ τῆς τομῆς, τὰς προσθέσεις  
 10 καὶ ἀφαιρέσεις ἀνάπταται ποιητέον:

*Eis τὸ ιη'.*

"Ἐν τισιν ἀντιγράφοις ηὐρέθη ἐτέρα ἀπόδειξις  
 τούτου τοῦ θεωρήματος·

'Ἐὰν ἐκατέρας τῶν τομῶν ἐφαπτόμεναι εὐθεῖαι συμ-  
 15 πίπτωσι, καὶ οὕτως ἔσται τὰ εἰρημένα..

ἔστωσαν γὰρ ἀντικείμεναι αἱ **A**, **B** καὶ ἐφαπτόμεναι  
 αὐτῶν αἱ **ΑΓ**, **ΓΒ** συμπίπτουσαι κατὰ τὸ **Γ**, καὶ εἰλήφθω  
 ἐπὶ τῆς **B** τομῆς τὸ **Δ**, καὶ δι' αὐτοῦ παρὰ τὴν **ΑΓ**  
 ἥχθω ἡ **ΕΔΖ**. λέγω, ὅτι ἔστιν, ὡς τὸ ἀπὸ **ΑΓ** πρὸς  
 20 τὸ ἀπὸ **ΓΒ**, τὸ ὑπὸ **ΕΔΖ** πρὸς τὸ ἀπὸ **ZB**.

ἥχθω γὰρ διὰ τοῦ **A** διάμετρος ἡ **ΑΘΗ**, διὰ δὲ  
 τῶν **B**, **H** παρὰ τὴν **EZ** αἱ **HK**, **BL**. ἐπεὶ οὖν ἀπὸ  
 τοῦ **B** ἐφάπτεται μὲν τῆς ὑπερβολῆς ἡ **BΘ**, τετάγμένως

1. ἀπὸ **ΕΟ]** **ΕΘ** W p, corr. Comm. 2. **ΔΠ]** **ΔΗ** W p,  
 corr. Comm. τουτέστιν W. **ZΟ]** **ZΘ** W p, corr. Comm.

3. **KΟ]** **KΘ** W p, corr. Comm. **ΟΕ]** **ΘΕ** W p, corr. Comm.

4. ὑπὸ **AΟΛ**] **AΘΛ** W p, corr. Comm. **τό]** τά W p, corr.  
 Comm. ὑπό] ἀπό p. 5. **MΟΠ]** **ΟΜΠ** W p, corr. Comm.

τουτέστιν W. 7. **τό** (pr.)] p, τῶι W. 9. ἐκτὸς ἢ] scripsi,  
 ἐκ τῶν W, ἐκτός p. 12. ἡὐρέθη] -v- in ras. W, εὐρέθη p.

14. ἔαν] om. W p, corr. Halley. 19. **ΕΔΖ]** scripsi, **ΔΕΖ**  
 W p. 20. ὑπό] ἀπό W p, corr. Halley cum Comm.

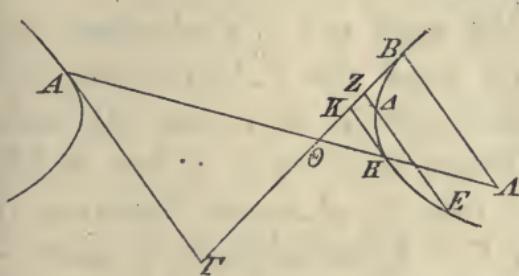
tum ad totum. sin ab  $EO^2$  aufertur  $A\pi^2$  siue  $ZO^2$ , relinquitur  $KZ \times ZE$  [Eucl. II, 5]; nam  $KO = OE$ . sin ab  $AO \times OA$  aufertur  $A\pi \times \pi A$ , relinquitur<sup>1)</sup>  $MO \times O\pi$  siue  $\Theta Z \times ZA$ ; nam  $A\pi = MA$  et  $\pi N = NM$ . ergo  $\Gamma A^2 : \Gamma B^2 = KZ \times ZE : AZ \times Z\Theta$ .

sin  $Z$  extra sectionem positum est, additiones et ablationes e contrario facienda sunt.

### Ad prop. XVIII.

In nonnullis codicibus huius propositionis alia demonstratio inuenta est:

Si utramque sectionem contingentes rectae concurrunt, sic quoque erunt, quae diximus.



sint enim oppositae  $A, B$  easque contingentes  $A\Gamma, \Gamma B$  in  $\Gamma$  concorrentes, et in  $B$  sectione sumatur punctum  $\Delta$ , et per id rectae  $A\Gamma$  parallelala ducatur  $E\Delta Z$ . dico, esse  $A\Gamma^2 : \Gamma B^2 = EZ \times Z\Delta : ZB^2$ .

nam per  $A$  ducatur diametru  $A\Theta H$ , per  $B, H$  autem rectae  $EZ$  parallelae  $HK, BA$ . quoniam igitur a  $B$  hyperbolam contingit  $B\Theta$  et ordinate ducta est  $BA$ , erit  $AA : AH = A\Theta : \Theta H$  [I, 36]. est autem  $AA : AH = \Gamma B : BK^2$  et  $A\Theta : \Theta H = A\Gamma : KH$

Fig. hab. Wp, sed sine litteris.

1) U. Pappi lemma 3 ad libr. II, et cfr. Eutocius ad II, 23.  
2) Nam  $A\Theta : \Theta A = \Gamma\Theta : \Theta B, AA : \Gamma B = \Theta A : \Theta B = HA : KB$ .

δὲ ἡκται ἡ ΒΛ, ἔστιν, ὡς ἡ ΑΛ πρὸς ΛΗ, ἡ ΑΘ  
πρὸς ΘΗ. ἀλλ' ὡς μὲν ἡ ΑΛ πρὸς ΛΗ, ἡ ΓΒ  
πρὸς BK, ὡς δὲ ἡ ΑΘ πρὸς ΘΗ, ἡ ΑΓ πρὸς ΚΗ·  
καὶ ὡς ἄρα ἡ ΓΒ πρὸς BK, ἡ ΑΓ πρὸς ΗΚ. καὶ  
5 ἐναλλάξ, ὡς ἡ ΑΓ πρὸς ΓΒ, ἡ ΗΚ πρὸς KB, καὶ  
ὡς τὸ ἀπὸ ΑΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΒ, τὸ ἀπὸ ΗΚ πρὸς  
τὸ ἀπὸ KB. ὡς δὲ τὸ ἀπὸ ΗΚ πρὸς τὸ ἀπὸ KB,  
οὕτως ἐδείχθη τὸ ὑπὸ EZΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ZB· καὶ  
10 ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ ΑΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΒ, τὸ ὑπὸ EZΔ  
πρὸς τὸ ἀπὸ ZB.

*Eἰς τὸ ιθ'.*

"Ἐν τισιν ἀντιγράφοις ηὗρέθη ἀπόδειξις τούτου  
τοῦ θεωρήματος τοιαύτη·

15 ἥχθω δὴ ἡ μὲν ΜΛ παρὰ τὴν ΖΑ τέμνουσα τὴν  
ΔΓ τομήν, ἡ δὲ ΗΛ παρὰ τὴν ΖΔ τέμνουσα τὴν  
ΑΒ. δειπτέον, ὅτι ὅμοιως ἔστιν, ὡς τὸ ἀπὸ ΔΖ πρὸς  
τὸ ἀπὸ ΖΑ, οὕτως τὸ ὑπὸ ΗΛΙ πρὸς τὸ ὑπὸ ΜΛΞ.

20 ἥχθωσαν γὰρ διὰ τῶν Α, Δ ἀφῶν διάμετροι αἱ  
ΑΓ, ΔΒ, καὶ διὰ τῶν Γ, Β ἥχθωσαν παρὰ τὰς ἐφαπτο-  
μένας αἱ ΒΠ, ΓΠ ἐφάπτονται δὴ αἱ ΒΠ, ΓΠ τῶν  
τομῶν κατὰ τὰ Β, Γ. καὶ ἐπεὶ κέντρον ἔστι τὸ E,  
ἴση ἔστιν ἡ μὲν BE τῇ ΔΕ, ἡ δὲ AE τῇ ΕΓ· διὰ  
δὲ τοῦτο, καὶ ὅτι παράλληλός ἔστιν ἡ ATΖ τῇ ΓΣΠ,

3. ὡς — 4. ΗΚ] om. p. 4. ἡ ΑΓ πρὸς ΗΚ] om. W, corr.  
Halley (οὕτως ἡ) cum Comm. (kg). 5. ΑΓ] ΑΒ Wp; corr.  
Comm. ΗΚ] Κ e corr. p. 6. ΗΚ] Κ e corr. m. 1 W.

9. EZΔ] EZH Wp, corr. Comm. 12. εὗρέθη p. 16.  
δειπτέον] p, δειπταῖον W. 17. οὕτω p. ΗΛΙ] ΗΙΛ W,  
ΝΙΛ p, corr. Comm. ΜΛΞ] ΜΛΖ p. 19. Γ, Β]  
Β, Γ Halley. 20. ΒΠ] mut. in BH m. 1 W, BH p. ΒΠ]  
BH Wp, corr. Comm. 21. τά] p, om. W. 22. BE] BΘ  
W et e corr. p; corr. Comm. ΔΕ] scripsi, ΔΘ W et, Θ e  
corr., p; ed Comm.

[Eucl. VI, 4]; quare etiam  $\Gamma B : BK = A\Gamma : HK$ . et  
permutando  $A\Gamma : \Gamma B = HK : KB$ , et

$$A\Gamma^2 : \Gamma B^2 = HK^2 : KB^2.$$

est autem  $HK^2 : KB^2 = EZ \times Z\Delta : ZB^2$ , ut demon-  
stratum est [III, 16]; ergo etiam

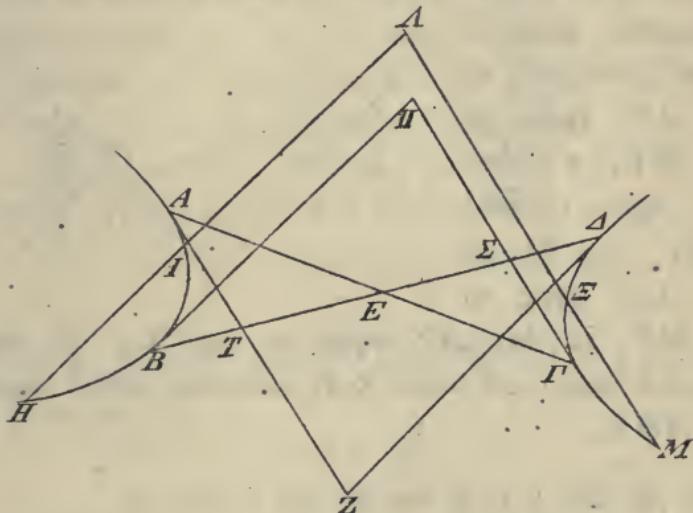
$$A\Gamma^2 : \Gamma B^2 = EZ \times Z\Delta : ZB^2.$$

### Ad prop. XIX.

In nonnullis codicibus huius propositionis talis  
inuenta est demonstratio:

ducatur  $MA$  rectae  $Z\Delta$  parallela sectionem  $A\Gamma$   
secans,  $HA$  autem rectae  $Z\Delta$  parallela sectionem  $AB$   
secans. demonstrandum, eodem modo esse

$$\Delta Z^2 : Z\Delta^2 = HA \times AI : MA \times AE.$$



ducantur enim per puncta contactus  $A$ ,  $\Delta$  diametri  $A\Gamma$ ,  $\Delta B$ , et per  $\Gamma$ ,  $B$  contingentibus parallelae  
ducantur  $B\Pi$ ,  $\Gamma\Pi$ ; itaque<sup>1)</sup>  $B\Pi$ ,  $\Gamma\Pi$  in  $B$ ,  $\Gamma$  sec-

In fig. pro  $I$ ,  $M$ ,  $\Sigma$  hab.  $K$ ,  $A$ ,  $O$  W;  $Z$  om.

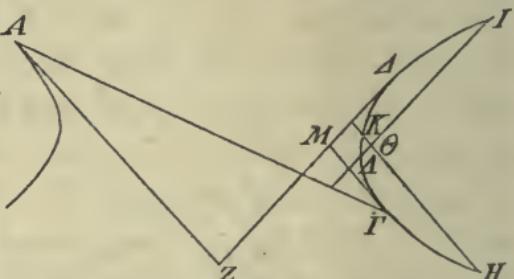
1) Cfr. Eutocius ad I, 44.

ἴση ἔστι καὶ ἡ μὲν  $\Delta E$  τῇ  $EB$ , ἡ δὲ  $\Delta S$  τῇ  $TB$ . ὥστε καὶ ἡ  $B\Sigma$  τῇ  $T\Delta$ , καὶ ἴσον ἔστι τὸ  $B\Pi\Sigma$  τριγωνον τῷ  $\Delta TZ$  τριγώνῳ. ἴση ἄρα καὶ ἡ  $B\Pi$  τῇ  $\Delta Z$ . ὅμοιως δὴ δειχθήσεται καὶ ἡ  $\Gamma\Pi$  τῇ  $AZ$  ἴση. ὡς δὲ 5 τὸ ἀπὸ  $B\Pi$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $\Pi\Gamma$ , οὗτως ἔστι τὸ ὑπὸ  $H\Lambda I$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $M\Lambda E$ . καὶ ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ  $\Delta Z$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $ZA$ .

"Ἄλλο εἰς τὸ αὐτό.

" $H\chi\vartheta$  πάλιν ἐκατέρᾳ τῶν  $H\Theta K$ ,  $I\Theta A$  παράλληλος 10 τέμνουσα τὴν  $\Delta G$  τομήν. δεικτέον, ὅτι καὶ οὕτως 15 ἔστιν, ὡς τὸ ἀπὸ  $AZ$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $Z\Delta$ , οὕτως τὸ ὑπὸ  $H\Theta K$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $I\Theta A$ .

ἢχθω γὰρ διὰ τῆς  $A$  ἀφῆς διάμετρος ἡ  $A\Gamma$ , παρὰ δὲ τὴν  $AZ$  ἢχθω ἡ  $\Gamma M$ . ἐφάψεται δὴ ἡ  $\Gamma M$  τῆς 20  $\Gamma\Delta$  τομῆς κατὰ τὸ  $A$   
 Γ· καὶ ἔσται, ὡς τὸ ἀπὸ  $\Delta M$  πρὸς τὸ  
 ἀπὸ  $M\Gamma$ , τὸ ὑπὸ<sup>2</sup>  $I\Theta A$  πρὸς τὸ ὑπὸ<sup>2</sup>  
 25  $H\Theta K$ . ὡς δὲ τὸ  
 ἀπὸ  $\Delta M$  πρὸς τὸ  
 ἀπὸ  $M\Gamma$ , τὸ ἀπὸ  $\Delta Z$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $Z\Delta$ . ὡς ἄρα τὸ  
 ἀπὸ  $\Delta Z$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $Z\Delta$ , τὸ ὑπὸ  $I\Theta A$  πρὸς τὸ  
 30 ὑπὸ  $H\Theta K$ .



In fig. litt.  $I$ ,  $\Gamma$ ,  $H$  om.  $W$ , pro  $A$  hab.  $\Delta$ .

1. ἔστιν  $W$ .  $\Delta E$ ]  $TE$  Halley cum Comm.  $EB$ ]  $E\Sigma$  Halley cum Comm. Fort. scrib.  $EB$ , ἡ δὲ  $TE$  τῇ  $E\Sigma$ , ἡ δὲ  $\pi\tau\lambda$ .  $\Delta\Sigma$ ]  $AE$  Wp, corr. Halley.
2. ἔστιν  $W$ . 3. ἄρα] bis p.
5. ἀπὸ  $B\Pi$ ]  $BZ\Pi$  p et corr. ex  $\Gamma Z\Pi$  m. 1  $W$ ; corr. Comm.  $\tau\delta]$  om. p. 6.  $M\Lambda E$ ]  $HM$  Wp, corr. Comm. 7. ἀπό] om. Wp, corr. Halley cum Comm.  $Z\Delta$  οὕτως τὸ ὑπὸ  $H\Lambda I$  πρὸς

tiones contingunt. et quoniam  $E$  centrum est, erit  $BE = AE$ ,  $AE = EG$  [I, 30]; et hac de causa et quia  $ATZ$ ,  $\Gamma\Sigma\pi$  parallelae sunt, erit  $AE = EB$ ,  $TE = E\Sigma$ ,  $\Delta\Sigma = TB$ <sup>1</sup>); quare etiam  $B\Sigma = T\Delta$  et  $\Delta B\Pi\Sigma = \Delta TZ$  [Eucl. VI, 19]. quare etiam  $B\Pi = \Delta Z$  [Eucl. VI, 4]. iam similiter demonstrabimus, esse etiam  $\Gamma\Pi = AZ$ . est autem [III, 19]

$$B\Pi^2 : \Pi\Gamma^2 = HA \times AI : MA \times AE.$$

ergo etiam  $\Delta Z^2 : Z\Delta^2 = HA \times AI : MA \times AE$ .

Aliud ad eandem propositionem.

Rursus utraque  $H\Theta K$ ,  $I\Theta A$  parallela ducatur sectionem  $\Delta\Gamma$  secans. demonstrandum, sic quoque esse  $\Delta Z^2 : Z\Delta^2 = H\Theta \times \Theta K : I\Theta \times \Theta A$ .

ducatur enim per  $A$  punctum contactus diametru  $A\Gamma$ , et rectae  $AZ$  parallela ducatur  $\Gamma M$ ;  $\Gamma M$  igitur sectionem  $\Gamma\Delta$  in  $\Gamma$  contingat [Eutocius ad I, 44]. et erit [III, 17]  $\Delta M^2 : MG^2 = I\Theta \times \Theta A : H\Theta \times \Theta K$ . est autem  $\Delta M^2 : MG^2 = \Delta Z^2 : ZA^2$ <sup>2</sup>). ergo

$$\Delta Z^2 : ZA^2 = I\Theta \times \Theta A : H\Theta \times \Theta K.$$

1) Nam  $AE : EG = TE : E\Sigma$  (Eucl. VI, 4); itaque  $TE = E\Sigma$ . et quia  $BE = E\Delta$ , erit  $BT = \Sigma\Delta$ . tum communis adiiciatur  $T\Delta$ .

2) Cfr. Eutocius ad III, 18 p. 332, 5 sq.

τὸ ὑπὸ.  $MAE$  Halley cum Comm. 10. τομήν] om. p. 11.  $AZ$ ] scripsi,  $\Delta Z$  Wp.  $Z\Delta$ ] scripsi,  $ZAO$  Wp,  $ZA$  Comm. οὐτω p. 12.  $H\Theta K$  et  $I\Theta A$  permut. Comm.  $I\Theta A$ ]  $I$  e corr. W. 13.  $A\Gamma$ ]  $A\Pi$  Wp, corr. Comm. 14.  $AZ$ ]  $AZ$  η  $\Gamma M$  Wp, corr. Halley cum Comm. 18.  $MG$  — 19. πρὸς τό] om. p. 22.  $Z\Delta$ ] p,  $A$  incert. W. ως — 23.  $Z\Delta$ ] om. Wp, corr. Halley cum Comm. ( $ZA$  οὐτως). 23. ὑπὸ] uel απὸ p.

*Eἰς τὸ κγ'.*

Τὸ θεώρημα τοῦτο πολλὰς ἔχει πτώσεις, ὥσπερ  
καὶ τὰ ἄλλα. ἐπεὶ δὲ ἐν τισιν ἀντιγράφοις ἀντὶ θεω-  
ρημάτων πτώσεις εὑρίσκονται καταγεγραμμέναι καὶ ἄλ-  
λως τινὲς ἀποδεῖξεις, ἐδοκιμάσαμεν αὐτὰς περιελεῖν·  
ἴνα δὲ οἱ ἐντυγχάνοντες ἀπὸ τῆς διαφόρου παραθέσεως  
πειρῶνται τῆς ἡμετέρας ἐπινοίας, ἐξεθέμεθα ταύτας ἐν  
τοῖς σχολίοις.

Πιπτέτωσαν δὴ αἱ παρὰ τὰς ἐφαπτομένας αἱ *HKO*,  
10 *ΘΚΤ* διὰ τοῦ *K* κέντρου. λέγω, ὅτι καὶ οὗτως ἐστίν,  
ώς τὸ ἀπὸ *ΕΛ* πρὸς τὸ ἀπὸ *ΛΑ*, τὸ ὑπὸ *ΘΚΤ* πρὸς  
τοῦ ὑπὸ *HKO*.

ἥχθωσαν διὰ τῶν *H*, *Θ* παρὰ τὰς ἐφαπτομένας αἱ  
*ΘΝ*, *HM*. γίνεται δὴ ἵσον τὸ μὲν *HKM* τριγώνου  
15 τῷ *AKΞ* τριγώνῳ, τὸ δὲ *ΘNK* τῷ *KPE*. ἵσον δὲ  
τὸ *AKΞ* τῷ *EKP* ἵσον ἄρα καὶ τὸ *HKM* τῷ *KΘN*.  
καὶ ἐπεὶ ἐστιν, ώς τὸ ἀπὸ *ΛΕ* πρὸς τὸ *ΛΕΞ* τριγώνου,  
τὸ ἀπὸ *KΘ* πρὸς τὸ *KΘN*, καὶ ἐστι τὸ μὲν *ΛΕΞ*  
τριγώνου ἵσον τῷ *ΛΑΠ*, τὸ δὲ *ΘKN* τῷ *KHM*,  
20 εἶη ἄν, ώς τὸ ἀπὸ *ΕΛ* πρὸς τὸ *ΛΠΑ* τριγώνου, τὸ  
ἀπὸ *ΘK* πρὸς *HKM*. ἐστι δὲ καὶ, ώς τὸ *ΛΠΑ* τρι-  
γώνου πρὸς τὸ ἀπὸ *ΛΑ*, τὸ *HKM* πρὸς τὸ ἀπὸ *HK*.  
καὶ δι’ ἵσον ἄρα ἐστίν, ώς τὸ ἀπὸ *ΕΛ* πρὸς τὸ ἀπὸ

4. ἄλλαι Halley.

5. ἐδοκιμάσαμεν] p, ἐδοκημάσαμεν W.

6. τῆς] τῆς τοῦ?

10. *ΘΚΤ*] scripsi, *ΘΚΓ* Wp. K]

post ras. p, *ΓΚ* W.

11. *ΘΚΤ*] scripsi, *ΘΚΓ* Wp. 12.

*HKO*] *HKB* Wp, corr. Comm.

13. αἱ *ΘΝ*] ἡ *AN* Wp,

corr. Comm. 15. *AKΞ*] scripsi, *AKZ* Wp.

*ΘNK*] *ONK* Wp, corr. Comm.

17. τό (alt.)] scripsi cum Comm., τὸ ἀπό

Wp. 18. τό (pr.)] corr. ex τῷ m. 1 W. 19.

τῷ] p, τό W. τῷ] p, corr. ex τό m. 1 W.

*KHM*] M e corr. p. 20. πρός] ως comp. p. *ΛΠΑ*] scripsi cum Comm.,

## Ad prop. XXIII.

Haec propositio multos casus habet, sicut ceterae.  
quoniam autem in nonnullis codicibus pro theoremati-

casus perscripti in-  
ueniuntur et aliae  
quaedam demon-  
strationes, ea re-  
mouenda esse duxi-  
mus; sed ut ii, qui  
legent, discrepantia  
comparata de ra-  
tione nostra iudi-  
cent, in scholiis ea  
exposuimus.

iam rectae con-  
tingentibus paral-  
laelae  $HKO$ ,  $\Theta KT$

per  $K$  centrum cadant. dico, sic quoque esse  
 $E\Lambda^2 : \Lambda A^2 = \Theta K \times KT : HK \times KO$ .

ducantur per  $H$ ,  $\Theta$  contingentibus parallelae  $\Theta N$ ,  
 $HM$ ; itaque  $\triangle HKM = \Lambda KE$  et  $\Theta NK = K\bar{\Pi}E$  [III, 15]. est autem  $\Lambda KE = EK\bar{\Pi}$  [III, 4]; itaque  
etiam  $HKM = K\Theta N$ . et quoniam est

$\Lambda E^2 : \Lambda E\bar{\Xi} = K\Theta^2 : K\Theta N$  [Eucl. VI, 22],  
et  $\Lambda E\bar{\Xi} = \Lambda A\bar{\Pi}$ ,  $\Theta KN = KHM$ , erit  
 $E\Lambda^2 : \Lambda\bar{\Pi}A = \Theta K^2 : HKM$ .

ἀπὸ ΛΠΑ Wp. 21. πρὸς τό Halley.  $HKM$ ]  $K$  supra  
scr. m. 1 W. ἐστιν W. ΛΠΑ] scripsi cum Comm., ἀπὸ<sup>1</sup>  
ΛΠΑ Wp.

*ΛΑ*, τὸ ἀπὸ *ΚΘ*, τουτέστι τὸ ὑπὸ *ΘΚΤ*, πρὸς τὸ  
ἀπὸ *ΗΚ*, τουτέστι τὸ ὑπὸ *ΗΚΟ*.

τῶν αὐτῶν ὅντων ἐὰν ἡ μὲν *ΘΚΠ*, τουτέστιν ἡ  
παρὰ τὴν *ΕΛ* ἀγομένη, διὰ τοῦ Κ κέντρου ἐμπίπτῃ,  
5 ἡ δὲ *ΗΟ* μὴ διὰ τοῦ κέντρου, λέγω, ὅτι καὶ οὕτως  
ἐστίν, ὡς τὸ ἀπὸ *ΕΛ* πρὸς τὸ ἀπὸ *ΛΑ*, τὸ ὑπὸ *ΘΞΠ*  
πρὸς τὸ ὑπὸ *ΗΞΟ*.

ἥχθωσαν γὰρ διὰ τῶν *O*, *P* ταῖς ἐφαπτομέναις  
παράλληλοι αἱ *OP*, *PS*. ἐπεὶ οὖν τὸ *MOP* τοῦ *MNK*  
10 τριγώνου μεῖζον τῷ *AKT*, τῷ δὲ *AKT* ἵσον τὸ *KSP*,  
ἵσον τὸ *MOP* τοῖς *MNK*, *KSP* τριγώνοις· ὥστε  
λοιπὸν τὸ *EP* τετράπλευρον τῷ *ΞΣ* τετραπλεύρῳ ἵσον.  
καὶ ἐπεὶ ἐστιν, ὡς τὸ ἀπὸ *EL* πρὸς τὸ *ELT* τριγώνον,  
οὕτως τό τε ἀπὸ *PK* πρὸς τὸ *KSP* καὶ τὸ ἀπὸ *KΞ*  
15 πρὸς τὸ *KΞN*, ἐσται, ὡς τὸ ἀπὸ *EL* πρὸς τὸ *ELT*,  
οὕτως λοιπὸν τὸ ὑπὸ *ΘΞΠ* πρὸς τὸ *EP* τετράπλευρον.  
καὶ ἐστι τῷ μὲν *ELT* τριγώνῳ ἵσον τὸ *AΦΛ*, τὸ δὲ  
20 *EP* τετράπλευρον τῷ *ΣΞ*. ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ *EL* πρὸς  
τὸ *ΑΛΦ*, τὸ ὑπὸ *ΘΞΠ* πρὸς τὸ *ΞΣ*. διὰ τὰ αὐτὰ  
δὴ καὶ, ὡς τὸ *ΑΛΦ* πρὸς τὸ ἀπὸ *ΑΛ*, τὸ *ΞΣ* πρὸς

1. τουτέστιν W.    *ΘΚΤ*] scripsi, *ΘΚΓ* Wp.    2. τουτέστιν W.    *ΗΚΟ*] *ΗΚΘ* Wp, corr. Comm.    4. ἐμπίπτῃ] p., ἐμπίπτει corr. ex ἐνπίπτει W.    5. ἡ δὲ *ΗΟ*] δὲ ἡ *HM* Wp, corr. Halley cum Comm.    6. *ΘΞΠ*] *ΟΞΠ* Wp, corr. Comm.

7. τό] om. p.    *ΗΞΟ*] *NΞΟ* p.    9. *ΠΣ*] *ΠΕ* Wp, corr. Comm.    10. μεῖζων comp. p.    τῷ (pr.)] m. 2 U, τό Wp.

*KSP*] *ΚΕΠ* Wp, corr. Comm.    12. τετράπλευρον] -άπλευρον ras. W.    *ΞΣ*] *ΞΤΣ* Wp, corr. m. 2 U.    13. *ΕΛ*] m. 2 U, *EN* Wp.    14. οὗτοι p.    *ΚΕΠ* p.    τό] ὡς W, ὡς τό p, corr. Halley.    15. *KΞN* ἐσται] scripsi cum Comm., *ΔΞ* (*Δ* e corr.) seq. magna lac. W, *ΔΞ*, deinde ante lac. del. τὸ ἀπὸ *ΕΛ* p, *KΞN* τριγώνον ὡς ἄρα Halley.    τό (tert.)] τὸ ἀπὸ Wp, corr. Comm.    16. οὗτοι p.    *ΘΞΠ*] Comm., *ΘΠΞ* Wp.    *ΞP*] *ΞΣ* Halley cum Comm., et ita scriptum esse

est autem etiam  $\pi\pi A : AA^2 = HKM : HK^2$  [Eucl. VI, 22]; itaque etiam ex aequo

$$EA^2 : AA^2 = KO^2 : HK^2, \text{ h. e.}$$

$$EA^2 : AA^2 = \Theta K \times KT : HK \times KO.$$

Iisdem suppositis, si  $\Theta K \Pi$  siue recta rectae  $E A$  parallela ducta per  $K$  centrum cadit,  $HO$  autem non per centrum, dico, sic quoque esse

$$EA^2 : AA^2 = \Theta_E \times_E \Pi : H_E \times_E O.$$

ducantur enim per  $O$ ,  $\Pi$   
contingentibus parallelae  $OP$ ,

$$\Pi\Sigma. \text{ quoniam igitur } MOP = MNK + AKT$$

$K\Sigma\Pi = AKT$  [III, 15],  
erit.

*MOP = MNK + KΣΠ;*  
*quare reliquum<sup>1)</sup> quadrila-*  
*terum ΣP = ΣΣ.* et quon-  
*iam est*

$$E\Lambda^2 : E\Lambda T = \Pi K^2 : K\Sigma\Pi = K\Sigma^2 : K\Sigma N$$

[Eucl. VI, 22], erit [Eucl. V, 19]

$E\Lambda^2 : E\Lambda T = \Theta_E \times \Xi\pi : \Xi P$  [Eucl. II, 5].

et  $A\Phi A = EAT$  [III, 4],  $E P = E\Sigma$ ; itaque

$$EA^2 : AA\Phi = \Theta_E \times_E \Pi : E\Sigma.$$

In fig. litt.  $\Delta$ ,  $H$ ,  $\Theta$  om.  $W$ , pro  $N$  hab.  $H$ .

1) Ablatis triangulis  $MKN + KN\Xi$ .

oportuit. 17. ἐστιν W. ΕΛΣ p? 20. τό (pr.)] τά W p,  
corr. Halley cum Comm. τό (sec.)] τά W p, corr. Halley  
cum Comm. ΞΣ] ΣΣ p.

τὸ ὑπὸ ΗΞΟ· καὶ δι' ἵσου ἐστίν, ὡς τὸ ἀπὸ ΕΛ πρὸς τὸ ἀπὸ ΛΑ, τὸ ὑπὸ ΘΞΠ πρὸς τὸ ὑπὸ ΗΞΟ.

"Αλλως.

ἔστι δὲ καὶ οὕτως δεῖξαι·

5 ἐπεὶ, ἐὰν τῆς EZ τομῆς ἀχθῆ ἐπιψαύουσα, καθ' ὁ συμβάλλει ἡ AZ διάμετρος τῇ EZ τομῇ, γίνεται παράλληλος ἡ ἀχθεῖσα τῇ AT, καὶ τὸν αὐτὸν λόγον ἔχει ἡ ἀχθεῖσα πρὸς τὴν ἀποτεμνομένην ὑπ' αὐτῆς πρὸς τῷ E ἀπὸ τῆς EΦ τῷ ὃν ἔχει ἡ ΑΑ πρὸς AE,  
10 καὶ τὰ λοιπὰ δμοίως τοῖς εἰς τὸ ιθ'.

Εἰς τὸ ιθ'.

'Επεὶ γὰρ ἵση ἐστὶν ἡ ΑΞ τῇ ON, τὰ ἀπὸ ΑHN τῶν ἀπὸ ΞΗΟ ὑπερέχει τῷ δἰς ὑπὸ ΝΞΑ] ἐστω εὐθεῖα ἡ AN, καὶ ἀφηρήσθωσαν ἀπ' αὐτῆς ἵσαι  
15 αἱ ΑΞ, NO.....τὸ σχῆμα. φανερὸν δὴ ἐκ τῆς δμοιότητος καὶ τοῦ ἵσην εἶναι τὴν ΑΞ τῇ ON, ὅτι τὰ ΑΔ,ZN,  
AT, ΦΒ τετράγωνα ἵσα ἐστὶν ἀλλήλοις. ἐπεὶ οὖν τὰ  
ἀπὸ ΑHN τὰ AM, MN ἐστιν, τὰ δὲ ἀπὸ ΞΗΟ ἐστι

1. ΝΞΟ p. ἐστίν] p, ν supra scr. m. 1 W. ὡς] -s e corr. m. 1 W. 2. ὑπό] ὑπὸ τό Wp, corr. Halley. ΘΞΠ] Θ corr. ex O p. ΗΞΟ] ΗΞΘ W et, H e corr., p; corr. Comm.

4. ἐστιν W. οὕτω p. 5. ἐπεὶ, ἐάν] ἐὰν γάρ Halley. 6. AZ] AB p. 9. ΑΑ] ΑΔ Wp, corr. Halley. 11. Εἰς τὸ ιθ'] εἰς τὸ ι' p et mg. m. 1 W; corr. Comm. 12. ΑΞ] ΑΞ Wp, corr. Comm. 13. ΑHN] scripsi, ΑMN Wp, lg gn Comm.

ΞΗΟ — δἰς] ΞΗ τῶν Wp, corr. Halley cum Comm. (xg go).

15. ΑΞ] ΑΞ Wp, corr. Comm. NO] NΘ, Θ e corr., p. Deinde magnam lacunam hab. Wp; καὶ γενέσθω suppleuit Halley; sed debuit καὶ καταγεγράφθω uel καὶ συμπεπληρώσθω, et multo plura desunt (et figura describatur Comm.). ὅτι ἐν U. 16. τὴν ΑΞ] τὴν ΑΞ p, τῇ ΝΑΞ W. ὅτι] addidi, om. Wp. 18. ΑHN] scripsi, ΔHM Wp; ΑH, HN m. 2 U. ΞΗΟ] ΞΗΘ Wp; ΞΗ, HO Comm. ἐστιν W.

iam eadem de causa etiam

$$AA\Phi : AA^2 = \Xi\Sigma : H\Xi \times \Xi O,$$

et ex aequo est  $EA^2 : AA^2 = \Theta\Xi \times \Xi\Pi : H\Xi \times \Xi O$ .

Aliter.

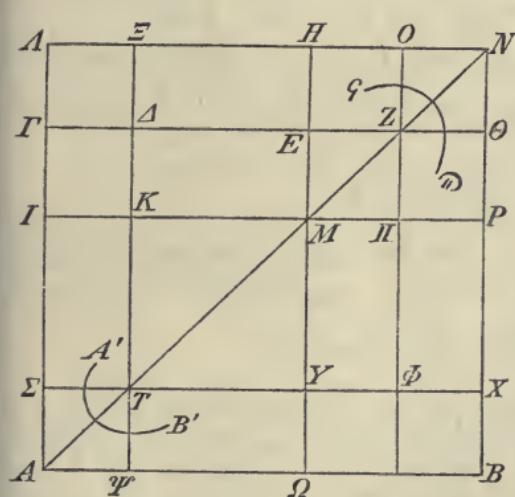
Potest autem etiam sic demonstrari:

quoniam, si recta ducitur sectionem  $EZ$  contingens in eo puneto, in quo  $AZ$  diametrus cum sectione  $EZ$  concurrit, recta ita ducta rectae  $AT$  parallela fit [Eutocius ad I, 44], recta ducta etiam ad rectam de  $E\Phi$  ad  $E$  ab ea abscisam eandem rationem habet, quam  $AA : AE$  [supra p. 335 not. 2], et cetera eodem modo, quo ad prop. XIX dictum est [supra p. 334].

Ad prop. XXIX.

Nam quoniam est  $\Lambda\Xi = ON$ , erit

$$\Lambda H^2 + HN^2 = \Xi H^2 + HO^2 + 2NE \times \Xi A$$



I p. 384, 25—26] sit recta  $\Lambda N$ , et ab ea auferantur aequales  $\Lambda\Xi$ ,  $NO$  [et perpendiculares ducantur  $\Lambda A$ ,  $NB$ , sitque

$$\Lambda\Gamma = \Lambda\Xi,$$

$$\Lambda I = HN,$$

$$\Lambda A = \Lambda H,$$

$$\Sigma A = \Lambda\Xi;$$

et expleatur] figura. manifestum igitur

ex similitudine et ex eo, quod  $\Lambda\Xi = ON$ , esse

In fig. litt. B om. W, pro q hab.  $\mu$ , pro  $A'B'$  autem  $\omega\beta$ .  
scribitur  $\pi$ .

τὰ *TM, MZ*, τὰ ἄρα ἀπὸ *AHN* τῶν ἀπὸ ΞΗΟ  
ὑπερέχουσι τοῖς *Δq, A'B'* γνώμοσιν. καὶ ἐπεὶ ἵστον  
ἐστὶ τὸ *HZ* τῷ *ΦΩ*, τὸ δὲ *SK* τῷ *ΦP*, οἱ *Δq, A'B'*  
γνώμονες ἵστοι εἰσὶ τῷ τε *ZB* καὶ τῷ *AΦ*. τὸ δὲ  
5 *AΦ* τῷ *ZΛ* ἵστον, τὰ δὲ *ZΛ, ZB* ἵστα ἐστὶ τῷ δὶς  
ὑπὸ *ΛΞN*, τοιτέστιν ὑπὸ *ΛΟΝ*. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν  
*AHN*, τοιτέστι τὰ *AM, MN*, τῶν ἀπὸ ΞΗΟ, τοιτέστι  
τῶν *TM, MZ*, ὑπερέχει τῷ δὶς ὑπὸ *ΝΞΛ* ἦτοι τοῖς  
*AZ, ZB*.

10

*Els τὸ λα'*.

Δυνατόν ἐστι τοῦτο τὸ θεώρημα δεῖξαι ὁμοίως τῷ  
πρὸ αὐτοῦ ποιοῦντας τὰς δύο εὐθείας μιᾶς τομῆς  
ἐφάπτεσθαι· ἀλλ' ἐπειδὴ πάντῃ ταῦτὸν ἦν τῷ ἐπὶ τῆς  
μιᾶς ὑπερβολῆς προδεδειγμένῳ, αὗτη ἡ ἀπόδειξις  
15 ἀπελέγχθη.

*Els τὸ λγ'*.

"Ἐστι καὶ ἄλλως τοῦτο τὸ θεώρημα δεῖξαι·  
ἔαν γὰρ ἐπιξεύξωμεν τὰς *ΓΛ, ΛΖ*, ἐφάψουνται τῶν  
τομῶν διὰ τὰ δεδειγμένα ἐν τῷ μ' τοῦ β' βιβλίου.  
20 ἐπεὶ οὖν . . . . .

*"Αλλως τὸ λδ'*.

"Ἐστω ὑπερβολὴ ἡ *AB* καὶ ἀσύμπτωτοι αἱ *ΓΔΕ*  
καὶ ἐφαπτομένη ἡ *ΓΒΕ* καὶ παράλληλοι αἱ *ΓΑΗ*,  
*ZBH*. λέγω, ὅτι ἵση ἡ *ΓΑ* τῇ *AH*.

- |   |                             |
|---|-----------------------------|
| 1. <i>AHN</i> ] <i>AHM</i> Wp; <i>AH, HN</i> Comm.                                    | 2. <i>A'B'</i> ] $\alpha$ B |
| W, $\alpha\beta$ p. <i>καὶ</i> ] supra scr. p? <i>ἐπεὶ καὶ</i> p?                     | 3. <i>ἐστίν</i> W.          |
| <i>A'B'</i> ] $\alpha$ B W, $\alpha\beta$ p. 4. <i>εἰσίν</i> W. Post τε litt. del. p. |                             |
| 5. <i>ZB</i> ] <i>AZB</i> Wp. <i>ἐστίν</i> W. <i>τῷ</i> ] corr. ex τῷ W.              |                             |
| <i>διέ</i> Wp, corr. Halley. 6. <i>AZN</i> p? 7. <i>τοιτέστιν</i> W.                  |                             |
| <i>ΞΗΟ</i> ] <i>ΞΗΘ</i> Wp; <i>ΞΗ, HO</i> Comm. <i>τοιτέστιν</i> W. 14.               |                             |
| Post ὑπερβολῆς una litt. del. p. 15. <i>ἀπελέγχθη</i> ] Halley, <i>ἀπε-</i>           |                             |
| <i>λέγχθη</i> W, <i>ἀπηλέγχθη</i> p. 17. <i>ἐστιν</i> W. 18. <i>ΓΛ</i> ] scripsi,     |                             |

$\Lambda\Delta = ZN = AT = \Phi B$ . quoniam igitur  
 $\Lambda H^2 + HN^2 = AM + MN$

et  $\Xi H^2 + HO^2 = TM + MZ$ , erit

$$\Lambda H^2 + HN^2 = \Xi H^2 + HO^2 + \mathfrak{D}_q + A'B'.$$

et quoniam est  $HZ = \Phi\Omega$ ,  $\Sigma K = \Phi P$ , erunt gnomones  $\mathfrak{D}_q + A'B' = ZB + A\Phi$ . est autem  $A\Phi = ZA$ , et  $ZB + ZA = 2\Lambda E \times \Xi N = 2AO \times ON$ . ergo  $\Lambda H^2 + HN^2$  (siue  $AM + MN$ ) =  $\Xi H^2 + HO^2$  (siue  $TM + MZ$ ) +  $2NE \times EA$  (siue  $AZ + ZB$ ).

### Ad prop. XXXI.

Fieri potest, ut haec propositio similiter demonstretur ac praecedens, si utramque rectam eandem sectionem contingentem ficerimus; sed quoniam prorsus idem erat, ac quod in una hyperbola antea demonstratum est [III, 30], hanc demonstrationem elegimus.

### Ad prop. XXXIII.

Haec propositio etiam aliter demonstrari potest:  
 si enim  $\Gamma\Lambda$ ,  $\Lambda Z$  duxerimus, sectiones contingent propter ea, quae in prop. XL libri II demonstrata sunt. quoniam igitur. . . .

### Aliter prop. XXXIV.

Sit hyperbola  $AB$ , asymptotae  $\Gamma\Delta$ ,  $\Delta E$ , contingens  $\Gamma BE$ , parallelae  $\Gamma AH$ ,  $ZBH$ . dico, esse  $\Gamma A = AH$ .

$\Gamma\Delta$  Wp. 20. Post  $\sigma\bar{\nu}\nu$  magnam lacunam Wp. 23.  $\Gamma BE$ ]  $\Pi BE$  Wp, corr. Comm.  $\Gamma AH]$   $A$  corr. ex  $\Delta$  m. 1 W;  
 $\Gamma\Delta H$ ,  $H$  e corr., p. 24.  $ZBH]$   $ZHB$  Wp, corr. Comm.

ἐπεξεύχθω γὰρ ἡ *AB* καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὰ Θ,  
Κ. ἐπεὶ οὖν ἵση ἔστιν ἡ *GB* τῇ *BE*, ἵση ἄρα καὶ ἡ  
*KB* τῇ *BA*. ἀλλὰ ἡ *KB* τῇ *AΘ* ἔστιν ἵση· ὥστε  
καὶ ἡ *GA* τῇ *AH*.

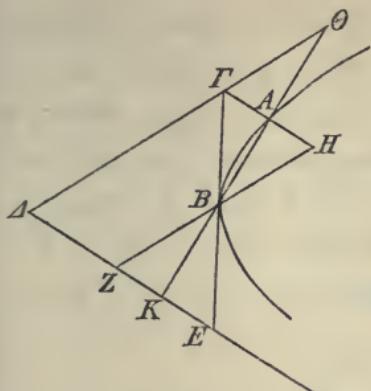
5

"Αλλως τὸ λε'.

"Εστι ύπεροβολὴ ἡ *AB*, ἀσύμπτωτοι δὲ αἱ *ΓΔΕ*,  
καὶ ἀπὸ τοῦ *Γ* ἡ μὲν *GBE* ἐφαπτέσθω, ἢ δὲ *GAHΘ*  
τεμνέτω τὴν τομὴν κατὰ τὰ *A*, *H* σημεῖα, καὶ διὰ τοῦ  
*B* παρὰ τὴν *ΓΔ* ἥχθω ἡ *KBZ*. δεικτέον, ὅτι ἔστιν,  
10 ὡς ἢ *HG* πρὸς *GA*, ἡ *HZ* πρὸς *ZA*.

ἐπεξεύχθω ἡ *AB* καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὰ *A*, *M*,  
καὶ ἀπὸ τοῦ *E* παρὰ τὴν *ΓΘ* ἥχθω ἡ *EN*. ἐπεὶ οὖν  
ἵση ἔστιν ἡ *GB* τῇ *EB*, ἵση ἔστι καὶ ἡ *GA* τῇ *EN*,  
ἡ δὲ *AB* τῇ *BN*· ἡ ἄρα *NM* ύπεροχή ἔστι τῶν *BM*,  
15 *AB*. ἵση δὲ ἡ *BM* τῇ *AA*· ἡ *NM* ἄρα ύπεροχή ἔστι  
τῶν *AA*, *AB*. καὶ ἐπεὶ τριγώνου τοῦ *AΘM* παρὰ  
τὴν *AΘ* ἔστιν ἡ *EN*, ἔστιν, ὡς ἡ *AM* πρὸς *NM*, ἡ  
*AΘ* πρὸς *NE*. ἵση δὲ ἡ *NE* τῇ *AG*· ὡς ἄρα ἡ *ΘA*  
πρὸς *AG*, ἡ *AM* πρὸς τὴν ύπεροχὴν τῶν *AB*, *BM*,  
20 τουτέστιν ἡ *AB* πρὸς τὴν ύπεροχὴν τῶν *AA*, *AB*.  
ὡς δὲ ἡ *ΘA* πρὸς *AG*, ἡ *HG* πρὸς *GA*· ἵση γὰρ ἡ  
*GA* τῇ *ΘH*· καὶ ὡς ἄρα ἡ *HG* πρὸς *GA*, οὕτως ἡ  
*AB* πρὸς τὴν ύπεροχὴν τῶν *AA*, *AB* καὶ ἡ *GZ* πρὸς

7. *GBE*] Halley, *GB* Wp. 8. *τῇν*] bis p. *H*] B Wp,  
corr. Halley. 9. *τῇν ΓΔ*] *τῇι MΓΔ* Wp, corr. Comm.  
*KBZ*] scripsi, *BKZ* Wp, *ZBK* Halley cum Comm. 10.  
*HG*] *H* e corr. W. 12. *ΓΘ*] corr. ex *ΓΟ* p. 13. *ἔστιν*  
— *ἵση*] om. p. 14. *EE*] mg. m. 2 U, *ΘB* W. 15. *ἔστι*] *ἔστιν* W.  
*GA*] m. 2 U, *ΓΔ* Wp. 16. *NM* — 15. *AB*] om. lacuna  
relicta Wp, corr. Halley (*AB*, *BM*). 15. *ἔστιν* W. 16.  
*τριγώνου*] corr. ex *τριγώνον* W. 17. *AΘM*] *ABM* Wp, *AMΘ*



ducatur enim  $AB$  et ad  $\Theta$ ,  $K$  producatur. quoniam igitur est

$\Gamma B = BE$  [II, 3],  
erit etiam [Eucl. VI, 4]

$$KB = BA.$$

uerum etiam [II, 8]

$$KB = A\Theta.$$

ergo etiam  $\Gamma A = AH$ .

### Aliter prop. XXXV.

Sit hyperbola  $AB$  et asymptote  $\Gamma\Delta$ ,  $\Delta E$ , et a  $\Gamma$  recta  $\Gamma BE$  contingat,  $\Gamma AH\Theta$  secet sectionem in punctis  $A$ ,  $H$ , per  $B$  autem rectae  $\Gamma\Delta$  parallela ducatur  $KBZ$ . demonstrandum, esse  $H\Gamma : GA = HZ : ZA$ .

ducatur  $AB$  producaturque ad  $A$ ,  $M$ , et ab  $E$  rectae  $\Gamma\Theta$  parallela ducatur  $EN$ . quoniam igitur  $\Gamma B = EB$  [II, 3], erit etiam [Eucl. VI. 4]

$$\Gamma A = EN, AB = BN.$$

itaque  $NM = BM \div AB$ .

uerum  $BM = AA$  [II, 8];

itaque  $NM = AA \div AB$ . et quoniam in triangulo  $A\Theta M$  rectae  $A\Theta$  parallela est  $EN$ , erit [Eucl. VI, 4]  $AM : NM = A\Theta : NE$ . est autem  $NE = A\Gamma$ ; itaque

$$\Theta A : A\Gamma = AM : BM \div AB = AB : AA \div AB.$$

In fig. 2 rectam  $EN$  om. W.

---

Halley cum Comm. 17.  $AM$ ]  $AN$  Wp, corr. Comm. 19.  
 $AB$  — 20.  $\tau\tilde{\omega}\nu$ ] om. p. 23.  $\tau\tilde{\eta}\nu$ ] bis p.  $\dot{\nu}\pi\varepsilon\varrho\alpha\chi\eta\nu$ ] Halley,  
 $\dot{\nu}\pi\varepsilon\varrho\beta\alpha\chi\eta\nu$  Wp.  $\Gamma Z$ ]  $\Pi Z$  Wp, corr. Comm.

τὴν τῶν ΓΑ, ΖΑ ὑπεροχήν. καὶ ἐπεὶ ξητῶ, εἰ ἔστιν, ὡς ἡ ΓΗ πρὸς ΓΑ, ἡ ΗΖ πρὸς ΖΑ, δεικτέον, εἰ ἔστιν, ὡς ὅλη ἡ ΗΓ πρὸς ὅλην τὴν ΓΑ, οὕτως ἡ ἀφαιρεθεῖσα ἡ ΖΗ πρὸς ἀφαιρεθεῖσαν τὴν ΑΖ καὶ 5 λοιπὴ ἡ ΓΖ πρὸς λοιπὴν τὴν τῶν ΓΑ, ΖΑ ὑπεροχήν. δεικτέον ἄρα, ὅτι ἔστιν, ὡς ἡ ΗΓ πρὸς ΓΑ, ἡ ΓΖ πρὸς τὴν τῶν ΓΑ, ΖΑ ὑπεροχήν.

"Αλλως το λείπειν.

"Εστωσαν ἀντικείμεναι αἱ Α, Λ καὶ ἀσύμπτωτοι αἱ 10 ΒΚ, ΓΔ καὶ ἐφαπτομένη ἡ ΒΑΔ καὶ διηγμένη ἡ ΛΚΔΗΖ καὶ τῇ ΓΔ παράλληλος ἡ ΑΖ. δεικτέον, ὅτι ἔστιν, ὡς ἡ ΑΖ πρὸς ΖΗ, ἡ ΛΔ πρὸς ΔΗ.

ἐπεξεύχθω ἡ ΑΗ καὶ ἐκβεβλήσθω· φανερὸν οὖν, ὅτι ἵση ἔστιν ἡ ΘΑ τῇ ΕΗ καὶ ἡ ΘΗ τῇ ΑΕ. ἥκθω 15 διὰ τοῦ Δ παρὰ τὴν ΘΓ ἡ ΔΜ· ἵση ἄρα ἡ ΒΑ τῇ ΑΔ καὶ ἡ ΘΑ τῇ ΑΜ. ἡ ἄρα ΜΗ ὑπεροχή ἔστι τῶν ΘΑ, ΑΗ, τουτέστι τῶν ΑΗ, ΗΕ. καὶ ἐπεὶ παράλληλός ἔστιν ἡ ΒΚ τῇ ΔΜ, ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΘΗ πρὸς ΗΜ, ἡ ΚΗ πρὸς ΗΔ. ἵση δὲ ἡ μὲν ΗΘ 20 τῇ ΑΕ, ἡ δὲ ΛΔ τῇ ΚΗ· ὡς ἄρα ἡ ΛΔ πρὸς ΔΗ,

1. ΓΑ] ΓΖ Wp, corr. Comm. εἰ] ἡ Wp, corr. Comm.

2. δεικτέον, εἰ ἔστιν] uix sanum, δεικτέον ἡ ἔστιν Wp, δεικτέον ὅτι Halley. 3. ἡ (alt.)] del. Halley. 4. ἀφαιρεθεῖσα] corr. ex ἀφαιρεθῆσα m. 1 W. 5. ΓΑ] ΓΖ Wp, corr. Comm.

6. δέδεικται δέ Halley. 7. ΓΑ] Γ Wp, corr. Comm. 11. ΛΚΔΗΖ] ΗΛΔΗΖ Wp, corr. Comm. AZ] ΑΖΔ Wp, corr. Comm.

12. ΛΔ] ΑΔ Wp, corr. Comm. 13. ΑΗ] ΑΒ W, ΑΘ p, corr. Comm. οὖν] om. p. 14. ἡ ΘΑ — καὶ] bis W (altero loco ante ΕΗ ras. 1 litt.). 15. ἡ ΔΜ] ΗΔΜ Wp, corr. Comm. 16. ἔστιν W. 17. τουτέστιν W.

τῶν — ἐπειλ] Halley cum Comm., lacun. Wp. 19. ΘΗ] ΘΝ p. πρός (pr.) — ΗΔ] lacun. Wp, corr. mg. m. 2 U (οὕτως ἡ).

est autem  $\Theta A : AA = HG : GA$ ; nam  $GA = \Theta H$  [II, 8]; quare etiam

$$HG : GA = AB : AA \div AB = GZ : GA \div ZA^1).$$

et quoniam quaerimus, sitne  $GH : GA = HZ : ZA$ , quaerendum, sitne

$$HG : GA = ZH : AZ = GZ : GA \div ZA$$

[Eucl. V, 19]. ergo demonstrandum, esse

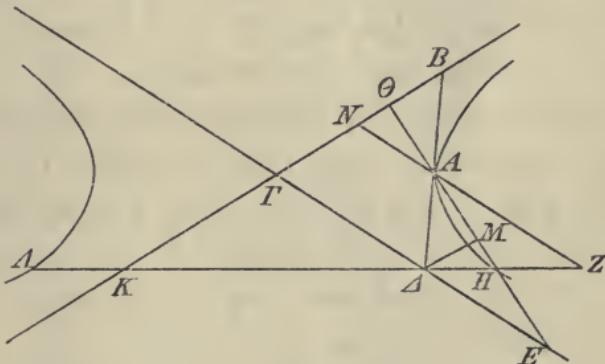
$$HG : GA = GZ : GA \div ZA.$$

### Aliter prop. XXXVI.

Sint oppositae  $A$ ,  $A$ , asymptotae  $BK$ ,  $\Gamma\Delta$ , contingens  $BA\Delta$ , sectiones secans  $\Delta K\Delta HZ$ , rectaeque  $\Gamma\Delta$  parallela  $AZ$ . demonstrandum, esse

$$AZ : ZH = AA : AH.$$

ducatur  $AH$  producaturque; manifestum igitur, esse  $\Theta A = EH$  [II, 8] et  $\Theta H = AE$ . ducatur per



$\Delta$  rectae  $\Theta\Gamma$  parallela  $\Delta M$ ; itaque  $BA = AA$  [II, 3] et [Eucl. VI, 4]  $\Theta A = AM$ . itaque

$$MH = AH \div \Theta A = AH \div HE.$$

et quoniam  $BK$  rectae  $\Delta M$  parallela est, erit [Eucl.

1). Quoniam  $\Gamma\AA\Delta$ ,  $ABZ$  similes sunt, erit (Eucl. VI, 4)  
 $\Gamma A : AA = AZ : AB = GZ : BA$  (Eucl. V, 18)  
 $= GA \div AZ : AA \div AB$  (Eucl. V, 19).

οῦτως ἡ *AE* πρὸς *HM*, τουτέστι τὴν τῶν *AHE* ὑπεροχήν. ἀλλ' ὡς ἡ *AE* πρὸς τὴν τῶν *AHE* ὑπεροχήν, οὗτως ἡ *AZ* πρὸς τὴν τῶν *AHZ* ὑπεροχήν. προδέδεικται γάρ· ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ *AD* πρὸς *AH*, 5 ἡ *AZ* πρὸς τὴν τῶν *AHZ* ὑπεροχήν. καὶ ὡς ἐν πρὸς ἐν, οὗτως ἅπαντα πρὸς ἅπαντα, ὡς ἡ *AD* πρὸς *AH*, ὅλη ἡ *AZ* πρὸς *AH* καὶ τὴν τῶν *AHZ* ὑπεροχήν, τουτέστι τὴν *HZ*.

"Αλλως τὸ αὐτό.

10 "Εστω τὰ αὐτὰ τοῖς πρότερον καὶ διὰ τοῦ *A* παρὰ τὴν *BK* ἡ *AM*.

ἐπεὶ οὖν ἵση ἔστιν ἡ *BA* τῇ *AD*, ἵση ἔστι καὶ ἡ *KM* τῇ *MΔ*. καὶ ἐπεὶ παράλληλοί εἰσιν αἱ *ΘK*, *AM*, ἔστιν, ὡς ἡ *HM* πρὸς *MK*, ἡ *HA* πρὸς *AΘ*, 15 τουτέστιν ἡ *AH* πρὸς *HE*. ἀλλ' ὡς μὲν ἡ *AH* πρὸς *HE*, ἡ *ZH* πρὸς *HΔ*, ὡς δὲ ἡ *HM* πρὸς *MK*, ἡ διπλασία τῆς *MH* πρὸς τὴν διπλασίαν τῆς *MK*. ὡς ἄρα ἡ *ZH* πρὸς *HΔ*, ἡ διπλασία τῆς *MH* πρὸς τὴν διπλασίαν τῆς *MK*. καὶ ἔστι διπλασία τῆς *MH* ἡ 20 *AH*. ἵση γὰρ ἡ *AK* τῇ *AH* καὶ ἡ *KM* τῇ *MΔ*. τῆς δὲ *KM* διπλασία ἡ *AK*. ὡς ἄρα ἡ *AH* πρὸς *HZ*, ἡ *KΔ* πρὸς *AH*. συνθέντι, ὡς ἡ *AZ* πρὸς *ZH*, ἡ *KH* πρὸς *HΔ*, τουτέστιν ἡ *AD* πρὸς *AH*.

- |  |                             |   |                             |  |   |                                |  |   |
|--|-----------------------------|---|-----------------------------|--|---|--------------------------------|--|---|
| 1. <i>HM</i> ] $\bar{\eta}$ <i>Wp</i> , corr. <i>Comm.</i>                     | <i>τουτέστιν</i> <i>W</i> . | 2. <i>AE</i> ]<br><i>AHE</i> p et, <i>H</i> e corr. m. 1, <i>W</i> ; corr. <i>Comm.</i> | 4. <i>προσδέδεικται</i> p.  | 5. <i>AZ</i> ] <i>Z</i> e corr. p.<br>$\bar{\omega}\varsigma$ comp. p, $\bar{\omega}$ <i>W</i> . | 6. $\bar{\omega}\varsigma$ ἄρα <i>Halley cum Comm.</i>      | 8. <i>τουτέστιν</i> <i>W</i> . | 9. <i>ἄλλως</i> ] p, <i>ἄλλος</i> <i>W</i> . | 12. <i>ἔστι</i> ] <i>ἔστιν</i> <i>W</i> . |
| 14. <i>MK</i> , $\bar{\eta}$ ]<br>corr. ex <i>MKH</i> p, <i>MKH</i> <i>W</i> . | <i>HA</i> ]<br><i>NA</i> p. | 15. <i>AH</i> ]<br><i>H</i> e corr. m. 1 <i>W</i> .                                     | <i>AH</i> ]<br><i>AN</i> p. | 16. <i>HE</i> ]<br><i>HΣ</i> <i>Wp</i> , corr. <i>Comm.</i>                                      | 17. $\bar{\omega}\varsigma$ — 19. <i>MK</i> ]<br>in ras. p. | 19. <i>ἔστιν</i> <i>W</i> .    |  |   |

VI, 4]  $\Theta H : HM = KH : HA$ . uerum  $H\Theta = AE$ ,  $A\Delta = KH$  [II, 16]; itaque

$$\Delta\Delta : \Delta H = AE : HM = AE : AH \div HE.$$

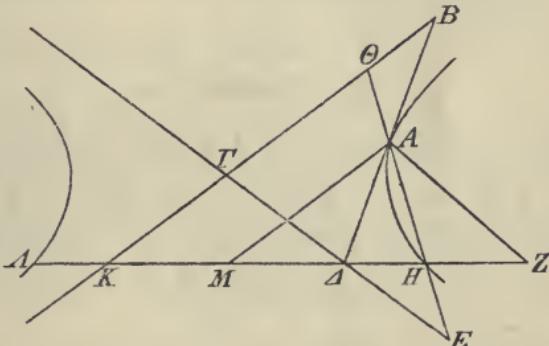
est autem  $AE : AH \div HE = \Delta Z : HZ \div \Delta H$ ; hoc enim antea demonstratum est [ad prop. XXXV supra p. 347 not.]; itaque  $\Delta\Delta : \Delta H = \Delta Z : HZ \div \Delta H$ . et ut unum ad unum, ita omnia ad omnia [Eucl. V, 12],  $\Delta\Delta : \Delta H = \Delta Z : \Delta H + (HZ \div \Delta H) = \Delta Z : HZ$ .

Aliter idem.

Sint eadem, quae antea, et per  $A$  rectae  $BK$  parallela  $AM$ .

quoniam igitur  $BA = \Delta\Delta$  [II, 3], erit etiam  $KM = M\Delta$  [Eucl. VI, 2]. et quoniam  $\Theta K$ ,  $AM$  paralleliae sunt, erit [Eucl. VI, 2]

$$HM : MK = HA : A\Theta = AH : HE \text{ [II, 8].}$$



est autem [Eucl. VI, 4]  $AH : HE = ZH : H\Delta$ ,

$$HM : MK = 2MH : 2MK \text{ [Eucl. V, 15];}$$

itaque erit  $ZH : H\Delta = 2MH : 2MK$ . est autem  $AH = 2MH$ ; nam  $\Delta K = \Delta H$  [II, 16] et  $KM = M\Delta$ ; et  $\Delta K = 2KM$ . quare  $AH : HZ = KA : \Delta H$ . componendo  $\Delta Z : ZH = KH : H\Delta = \Delta\Delta : \Delta H$  [II, 16].

In fig. B,  $\Theta$  permuat W.

"Αλλως τὸ μδ'.

'Αποδεδειγμένων τῶν ΓΕ, ΖΗ παραλλήλων ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΗΑ, ΖΒ.

ἐπεὶ παράλληλός ἐστιν ἡ ΖΗ τῇ ΓΕ, ἵσον τὸ  
5 ΓΗΖ τρίγωνον τῷ ΕΗΖ τριγώνῳ. καὶ ἐστι τὸ μὲν  
ΓΖΗ τοῦ ΑΗΖ διπλάσιον, ἐπεὶ καὶ ἡ ΓΖ τῆς ΖΑ,  
τὸ δὲ ΕΗΖ τοῦ ΒΗΖ· ἵσον ἄρα τὸ ΑΗΖ τῷ ΒΗΖ.  
παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἡ ΖΗ τῇ ΑΒ.

ἐπὶ δὲ τῶν ἀντικειμένων ἡ ΑΒ ἦ . . . . μὴ ἔρχεται  
10 διὰ τοῦ Δ κέντρου, ἥχθω διὰ τοῦ Δ παράλληλος τῇ  
ΓΕ ἡ ΔΚΛ καὶ διὰ τῶν Κ, Λ ἐφαπτόμεναι τῶν  
τομῶν αἱ ΚΜΝ, ΛΞΟ. οὕτως γάρ δῆλον γενήσεται,  
ὅτι, ἐπειδὴ τὸ ὑπὸ ΞΔΟ ἵσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΜΔΝ,  
ἄλλὰ τὸ μὲν ὑπὸ ΞΔΟ τῷ ὑπὸ ΕΔΗ ἐστιν ἵσον, το  
15 δὲ ὑπὸ ΜΔΝ τῷ ὑπὸ ΓΔΖ, τὸ ἄρα ὑπὸ ΕΔΗ ἵσον  
τῷ ὑπὸ ΓΔΖ.

Ἐτις τὸ νδ'.

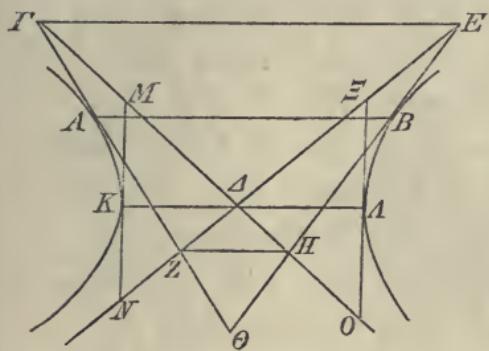
Ως δὲ τὸ ὑπὸ ΝΓ, ΜΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΜ, τὸ  
ὑπὸ ΛΓ, ΚΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΚΑ] ἐπεὶ γάρ ἐστιν, ὡς  
20 ἡ ΔΔ πρὸς ΔΜ, ἡ ΓΔ πρὸς ΔΝ, ἀναστρέψαντι, ὡς  
ἡ ΔΔ πρὸς ΑΜ, ἡ ΔΓ πρὸς ΓΝ. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ

- |  |                     |                         |               |
|--|---------------------|-------------------------|---------------|
| 4. ΓΕ]   | ΓΒ W p, corr. Comm. | 5. ἐστιν W.             | 6. ΓΖ]        |
| Z in ras. m. 1 W.                                  | 7. ΕΗΖ]             | HΖ W p, corr. Comm.     | Post          |
| τό (alt.) del. ΑΖΗ p.                              | 9. ἐπὶ]             | ἐπεὶ W p, corr. Comm.   | Post          |
| ἢ lacunam statuo; Comm. εἰ uoluisse uidetur pro ἢ. |                     |                         |               |
| in ras. m. 1 W.                                    | 11. ΔΚΛ]            | ΚΔΛ?                    | 12. ΚΜΝ, ΛΞΟ] |
| MKN, ΞΔΟ?  | οὕτω p.             | δῆλον] scripsi, δή W p. | 13.           |
| ΞΔΟ] O corr. ex Θ? W,                              | ΞΔΘ p.              | ἐστὶν W.                | 14. ΞΔΟ]      |
| ΔΟ in ras. m. 1 W.                                 | 19. ΑΓ]             | ΑΓ W p, corr. Comm.     | Post          |
| ἀπό del. 1 litt. p.                                | 20. ΑΔ]             | ΑΕ W p, corr. Comm.     | ΔΝ]           |
| 4Ν W p, corr. Comm.                                | 21. ΔΓ]             | Δ in ras. W.            |               |

## Aliter prop. XLIV.

Cum demonstrauerimus [I p. 422, 19], parallelas esse  $\Gamma E$ ,  $ZH$ , ducantur [in fig. I p. 422]  $HA$ ,  $ZB$ .

quoniam  $ZH$ ,  $\Gamma E$  parallelae sunt, erit [Eucl. I, 37]  $\triangle \Gamma HZ = EHZ$ . est autem  $\Gamma ZH = 2AHZ$  [Eucl. VI, 1], quoniam etiam  $\Gamma Z = 2ZA$  [II, 3], et [id.]  $EHZ = 2BHZ$ . itaque  $AHZ = BHZ$ . ergo [Eucl. VI, 1]  $ZH$ ,  $AB$  parallelae sunt.



rectae  $\Gamma E$  parallela ducatur sectiones contingentes  $MKN$ ,  $\Xi\Lambda O$ . ita enim adparebit, quoniam  $\Xi\Delta \times \Delta O = M\Delta \times \Delta N$  [II, 15], et  $\Xi\Delta \times \Delta O = E\Delta \times \Delta H$ ,  $M\Delta \times \Delta N = \Gamma\Delta \times \Delta Z$  [III, 43], esse  $E\Delta \times \Delta H = \Gamma\Delta \times \Delta Z$ .

## Ad prop. LIV.

Est autem  $NG \times MA : AM^2 = \Lambda\Gamma \times KA : KA^2$   
I p. 442, 12—13] quoniam enim est [Eucl. VI, 4]

In fig., quae omnino minus adaccurate descripta est, litt.  $\Delta$ ,  $\Lambda$  om. W; pro  $N$  hab.  $H$ , pro  $O$ , ut uidetur,  $C$ .

1) Haec Halleius ad prop. XLIII rettulit, sed est demonstratio in oppositis proportionis  $\Gamma\Delta : \Delta E = H\Delta : \Delta Z$  I p. 422, 16 sq., quam necessariam duxit, nec immerito, quia III, 43, qua in demonstratione prop. 44 utimur, in sola hyperbola demonstrata est.

in oppositis autem<sup>1)</sup>  $AB$  aut [per centrum cadit aut non per centrum. si per centrum cadit, ex II, 15 adparet, quod quaeritur; sin] non cadit per centrum  $\Delta$ , per  $\Delta$   $K\Delta\Lambda$  et per  $K$ ,  $\Lambda$

καὶ τὸ ἀνάπταλιν ἔστιν, ὡς ἡ *ΚΑ* πρὸς *ΑΔ*, ἡ *ΛΓ*  
πρὸς *ΓΔ*. δι' ἵσου ἄρα, ὡς ἡ *ΜΑ* πρὸς *ΑΚ*, ἡ  
*ΝΓ* πρὸς *ΓΔ*. καὶ ἐναλλάξ, ὡς ἡ *ΜΑ* πρὸς *ΝΓ*, ἡ  
*ΚΑ* πρὸς *ΛΓ*. καὶ ὡς ἄρα τὸ ὑπὸ *ΝΓ*, *ΑΜ* πρὸς  
5 τὸ ἀπὸ *ΑΜ*, τὸ ὑπὸ *ΛΓ*, *ΚΑ* πρὸς τὸ ἀπὸ *ΚΑ*.

'Αλλ' ὡς μὲν τὸ ὑπὸ *ΑΜ*, *ΝΓ* πρὸς τὸ ὑπὸ<sup>2</sup>  
*ΝΔΜ*, τὸ ἀπὸ *ΕΒ* πρὸς τὸ ἀπὸ *ΒΔ*] ἐπεὶ γὰρ τὸ  
ὑπὸ *ΑΜ*, *ΓΝ* πρὸς τὸ ὑπὸ *ΝΔΜ* τὸν συγκείμενον  
ἔχει λόγον ἐκ τοῦ τῆς *ΑΜ* πρὸς *ΜΔ* καὶ τοῦ τῆς  
10 *ΓΝ* πρὸς *ΝΔ*, ἀλλ' ὡς μὲν ἡ *ΑΜ* πρὸς *ΜΔ*, ἡ *ΕΒ*  
πρὸς *ΒΔ*, ὡς δὲ ἡ *ΓΝ* πρὸς *ΝΔ*, ἡ *ΕΒ* πρὸς *ΒΔ*,  
τὸ ἄρα ὑπὸ *ΑΜ*, *ΓΝ* πρὸς τὸ ὑπὸ *ΝΔΜ* διπλασίονα  
λόγον ᔹχει τοῦ ὃν ᔹχει ἡ *ΕΒ* πρὸς *ΒΔ*. ᔹχει δὲ καὶ  
τὸ ἀπὸ *ΕΒ* πρὸς τὸ ἀπὸ *ΒΔ* διπλασίονα λόγον τοῦ  
15 τῆς *ΕΒ* πρὸς *ΒΔ*: ὡς ἄρα τὸ ὑπὸ *ΑΜ*, *ΓΝ* πρὸς τὸ  
ὑπὸ *ΝΔΜ*, τὸ ἀπὸ *ΕΒ* πρὸς τὸ ἀπὸ *ΒΔ*.

'Ως δὲ τὸ ὑπὸ *ΝΔΜ* πρὸς τὸ ὑπὸ *NBM*, τὸ  
ὑπὸ *ΓΔΑ* πρὸς τὸ ὑπὸ *ΓΕΑ*] ἐπεὶ γὰρ τὸ ὑπὸ<sup>3</sup>  
*ΝΔΜ* πρὸς τὸ ὑπὸ *NBM* τὸν συγκείμενον ᔹχει λόγον  
20 ἐκ τοῦ τῆς *ΔΝ* πρὸς *NB* καὶ τοῦ τῆς *ΔΜ* πρὸς *MB*,  
ἀλλ' ὡς μὲν ἡ *ΔΝ* πρὸς *NB*, ἡ *ΔΓ* πρὸς *ΓΕ*, ὡς  
δὲ ἡ *ΔΜ* πρὸς *MB*, ἡ *ΔΑ* πρὸς *AE*, ἔξει ἄρα τὸν  
συγκείμενον ἐκ τοῦ τῆς *ΔΓ* πρὸς *ΓΕ* καὶ τοῦ τῆς  
*ΔΑ* πρὸς *AE*, ὃς ἔστιν ὁ αὐτὸς τῷ ὃν ᔹχει τὸ ὑπὸ<sup>4</sup>  
25 *ΓΔΑ* πρὸς τὸ ὑπὸ *ΓΕΑ*. ὡς ἄρα τὸ ὑπὸ *ΝΔΜ*  
πρὸς τὸ ὑπὸ *NBM*, τὸ ὑπὸ *ΓΔΑ* πρὸς τὸ ὑπὸ *ΓΕΑ*.

2. δι'] p, om. W. 4. *ΛΓ*] scripsi, *ΛΚ* Wp, cl Comm.

5. τὸ ὑπό] τοῦ W, τό p, corr. Comm. ἀπό] corr. ex  
ὑπό p. 7. *ΝΔΜ*] *NAM* Wp, corr. Comm. 8. ὑπό (pr.)]  
e corr. p. 9. ᔹχει] supra scr. m. 1 W. 10. *ΝΔ*] *NB* Wp, corr. Comm. 13.  
ἔχει δέ — 15. *ΒΔ*] om. p. 15. ὡς] p, ὡ W. 16. ὑπό]

$\Delta A : \Delta M = \Gamma A : \Delta N$ , conuertendo erit

$$\Delta A : AM = \Delta \Gamma : \Gamma N.$$

eadem de causa [Eucl. VI, 4] et e contrario erit

$$KA : \Delta A = \Delta \Gamma : \Gamma A; \text{ ex aequo igitur}$$

$$MA : AK = N\Gamma : \Gamma A;$$

et permutando  $MA : N\Gamma = KA : \Delta \Gamma$ . ergo etiam  
 $N\Gamma \times AM : AM^2 = \Delta \Gamma \times KA : KA^2$ .

Uerum  $N\Gamma \times AM : NA \times \Delta M = EB^2 : B\Delta^2$   
I p. 442, 28—444, 1] quoniam enim est

$$AM \times \Gamma N : NA \times \Delta M = (AM : M\Delta) \times (\Gamma N : N\Delta)$$

et  $AM : M\Delta = EB : B\Delta$ ,  $\Gamma N : NA = EB : B\Delta$

[Eucl. VI, 2], erit  $AM \times \Gamma N : NA \times \Delta M = EB^2 : B\Delta^2$ .

Et  $NA \times \Delta M : NB \times BM = \Delta A \times \Delta A : \Gamma E \times EA$   
I p. 444, 1—2] quoniam enim

$$NA \times \Delta M : NB \times BM = (\Delta N : NB) \times (\Delta M : MB),$$

et  $\Delta N : NB = \Delta \Gamma : \Gamma E$ ,  $\Delta M : MB = \Delta A : AE$

[Eucl. VI, 4], erit  $NA \times \Delta M : NB \times BM$

$$= (\Delta \Gamma : \Gamma E) \times (\Delta A : AE) = \Delta A \times \Delta A : \Gamma E \times EA.$$

ἀπό p.  $NA M$ ]  $\Delta M$  W p, corr. Comm.      ἀπό (pr.)] corr.

ex υπό in scrib. W.      18.  $\Gamma EA$ ] E e corr. p.      19.

$NA M$  — υπό] om. W p, corr. Comm.      20.  $\Delta N$ ]  $AN$  W p,

corr. Comm.      21.  $\Delta N$ ]  $N$  e corr. p.      22.  $\Delta A$ ] δα W.

24. ὅς] e corr. p, ως W.      25.  $\Gamma EA$ ] A e corr. m. 1 W,

$\Gamma E \Delta$  p.      In fine: πεπλήρωται σὺν θεῶ τὸ ὑπόμνημα τοῦ γ'

βιβλίου τῶν παντικῶν Εὐτοκίου Ἀσπαλωνίτου W p.

*Els τὸ δ'.*

Τὸ τέταρτον βιβλίον, ὡς φίλε ἐταῖρε Ἀνθέμιε,  
ξήτησιν μὲν ἔχει, ποσαχῶς αἱ τῶν κώνων τομαὶ  
ἀλλήλαις τε καὶ τῇ τοῦ κύκλου περιφερείᾳ συμβάλλουσιν  
5 ἦτοι ἐφαπτόμεναι ἢ τέμνουσαι, ἔστι δὲ χαρίεν καὶ  
σαφὲς τοῖς ἐντυγχάνουσι καὶ μάλιστα ἀπὸ τῆς ἡμετέρας  
ἐκδόσεως, καὶ οὐδὲ σχολίων δεῖται· τὸ γὰρ ἐνδέον αἱ  
παραγραφαὶ πληροῦσιν. δέδεικται δὲ τὰ ἐν αὐτῷ  
πάντα διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς, ὥσπερ καὶ  
10 Εὐκλείδης ἔδειξε τὰ περὶ τῶν τομῶν τοῦ κύκλου καὶ  
τῶν ἐπαφῶν. εὐχρηστος δὲ καὶ ἀναγκαῖος ὁ τρόπος  
οὗτος καὶ τῷ Ἀριστοτέλῃ δοκεῖ καὶ τοῖς γεωμέτραις  
καὶ μάλιστα τῷ Ἀρχιμήδει.

ἀναγινώσκοντι οὖν σοι τὰ δὲ βιβλία δυνατὸν ἔσται  
15 διὰ τῆς τῶν κωνικῶν πραγματείας ἀναλύειν καὶ συν-  
τιθέναι τὸ προτεθέν· διὸ καὶ αὐτὸς ὁ Ἀπολλώνιος ἐν  
ἀρχῇ τοῦ βιβλίου φησὶ τὰ δὲ βιβλία ἀρκεῖν πρὸς τὴν  
ἀγωγὴν τὴν στοιχειώδη, τὰ δὲ λοιπὰ εἶναι περιουσι-  
αστικώτερα.

1. Εὐτοιίον Ἀσκαλωνίτον εἰς τὸ δ' τῶν Ἀπολλωνίον κωνι-  
κῶν τῆς κατ' αὐτὸν ἐκδόσεως W, euān. p. 4. τῇ] ἡ Wp,  
corr. Comm. περιφέρεια W, comp. p. 5. ἦτοι] Halleу,  
ῆτε Wp. ἐφαπτόμεναι ἦ] Halleу, ἐφαπτομένη Wp. ἔστιν W.

6. ἐντυγχάνουσιν W. μάλιστα — 7. ἐκδόσεως] μά | p.

7. δεῖται] p, δῆται W. 10. ἔδειξεν W. τον] Halleу,  
καὶ τοῦ Wp. 12. Ἀριστοτέλῃ] corr. m. rec. ex Ἀριστοτέλῃ W.  
Ἀριστοτέλει — γεωμέτραις] corr. ex Ἀριστοτέλει καὶ δοκεῖ ad-

## In librum IV.

Liber quartus, mi Anthemie, disquisitionem continet, quot modis sectiones conorum et inter se et cum ambitu circuli concurrant siue contingentes siue secantes, est autem elegans et perspicuus iis, qui legent, maxime in nostra editione; nec scholiis eget; adnotationes<sup>1)</sup> enim explent, si quid deest. omnes uero propositiones eius per reductionem in absurdum demonstrantur, qua ratione etiam Euclides de sectionibus et contactu circuli demonstrauit [Elem. III, 10, 13]. quae ratio et Aristoteli [Anal. pr. I, 7] utilis necessariaque uidetur et geometris, in primis Archimedi.

perfectis igitur his IV libris tibi licebit per rationem conicorum omnia, quae proposita erunt, resoluere et componere. quare etiam Apollonius ipse in principio operis dicit, IV libros ad institutionem elementarem [I p. 4, 1] sufficere, reliquos autem ulterius progredi [I p. 4, 22].

---

1) Fuit, cum coniicerem *καταγραφαι*, sed nunc credo significari breues illas notas, quibus in codd. mathematicorum propositiones usurpatae uel ipsius operis uel Euclidis citantur; tales igitur Eutocius uel addidisse uel in suis codd. conicorum inuenisse putandus est, quamquam in nostris desunt.

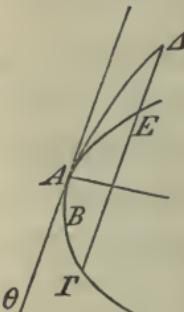
scriptis litteris αγβ p. 13. Αρχιμήδει] comp. p. Αρχιμήδη W.  
15. πραγματείας] p. πραγματίας W. 17. φησίν W, comp. p.

ἀνάγνωθι οὖν αὐτὰ ἐπιμελῶς, καὶ εἴ σοι κατα-  
θυμίως γένηται καὶ τὰ λοιπὰ κατὰ τοῦτον τὸν τύπον  
ὑπ’ ἐμοῦ ἐκτεθῆναι, καὶ τοῦτο θεοῦ ἡγουμένου γενήσε-  
ται. ἔρωσο.

5                    "Αλλως τὸ οὐδ'.

"Εστωσαν αἱ ΕΑΒΓ, ΔΑΒΓ τομαί, ὡς εἰρηται,  
καὶ διήχθω, ὡς ἔτυχεν, ἢ ΔΕΓ, καὶ  
διὰ τοῦ Α τῇ ΔΕΓ παράλληλος ἥχθω  
ἢ ΑΘ.

10          εἰ οὖν ἐντὸς τῶν τομῶν πίπτει, ἢ  
ἐν τῷ δητῷ ἀπόδειξις ἀριστερούς εἰ θὲ  
ἔφαψεται κατὰ τὸ Α, ἀμφοτέρων ἐπι-  
ψαύσει τῶν τομῶν, καὶ διὰ τοῦτο ἢ  
ἀπὸ τοῦ Α ἀγομένη διάμετρος τῆς ἑτέρας  
15 τῶν τομῶν διάμετρος ἔσται καὶ τῆς λοιπῆς. δίχα ἄρα  
τέμνει κατὰ τὸ Ζ τὴν τε ΓΔ καὶ τὴν ΕΓ· ὅπερ ἀδύ-  
νατον.



"Αλλως τὸ αὐτό.

"Εστωσαν αἱ ΕΑΒΓ, ΔΑΒΓ τομαί, ὡς εἰρηται,  
20 καὶ εἰλήφθω ἐπὶ τοῦ ΑΒΓ κοινοῦ τμήματος αὐτῶν  
σημεῖόν τι τὸ Β, καὶ ἐπεξεύχθω ἢ ΑΒ καὶ δίχα τε-  
τμήσθω κατὰ τὸ Ζ, καὶ διὰ τοῦ Ζ διάμετρος ἥχθω ἢ  
ΗΖΘ; καὶ διὰ τοῦ Γ παρὰ τὴν ΑΒ ἥχθω ἢ ΓΔΕ.  
επεὶ οὖν διάμετρός ἔστιν ἢ ΖΘ καὶ δίχα τέμνει  
25 τὴν ΑΒ, τεταγμένως ἄρα κατῆκται ἢ ΑΒ. καί ἔστι

Fig. om. Wp.

1. ἀνάγνωθι] p, ἀνάγνωθει W. σοι] in ras. m. 1 W.

2. γένηται] p, γένοιται W. 6. ΕΑΒΓ] E insert. m. 1 W.

ΔΑΒΓ] om. Wp, corr. Halley cum Comm. 7. καὶ (pr.)]

(.....) ἔστωσ καὶ W (puncta add. m. rec., (1) a m. 1 sunt), ἔστω καὶ p,

καὶ w. 19. τομαί] om. p. 23. Ante ΗΖΘ del. ΗΘΖ p.

24. καὶ] om. Wp, corr. Halley; quae Comm. 25. ἔστιν W.

itaque eos studiose legas uelim, et si concupueris, reliquos etiam ad hanc formam a me exponi, hoc quoque deo duce fiet. uale.

Aliter prop. XXIV.

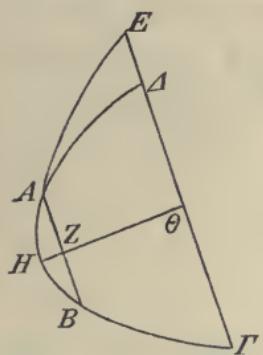
Sint  $EAB\Gamma$ ,  $\Delta A\bar{B}\Gamma$  sectiones, quales diximus, et ducatur quaelibet recta  $\Delta E\Gamma$ , per  $A$  autem rectae  $\Delta E\Gamma$  parallela ducatur  $A\Theta$ .

ea igitur si intra sectiones cadit, demonstratio in uerbis Apollonii proposita apta erit; sin in  $A$  contingit, utramque sectionem continget, et ea de causa diametrus ab  $A$  ducta alterius sectionis etiam reliquae diametrus erit. ergo in  $Z$  et  $\Gamma\Delta$  et  $E\Gamma$  in binas partes secat [I def. 4]; quod fieri non potest.

Aliter idem.

Sint  $EAB\Gamma$ ,  $\Delta A\bar{B}\Gamma$  sectiones, quales diximus, et in  $A\bar{B}\Gamma$  communi earum parte punctum aliquod sumatur  $B$ , ducaturque  $AB$  et in  $Z$

in duas partes aequales secatur, per  $Z$  autem diametrus ducatur  $HZ\Theta$ , et per  $\Gamma$  rectae  $AB$  parallela ducatur  $\Gamma\Delta E$ .



quoniam igitur diametrus est  $Z\Theta$  et rectam  $AB$  in duas partes aequales secat,  $AB$  ordinate ducta est [I def. 4]. et ei parallela est  $\Gamma\Delta E$ .

itaque in  $\Theta$  in binas partes aequales secta est [I def. 4] in  $EAB\Gamma$  sectione  $E\Gamma$ , in  $\Delta A\bar{B}\Gamma$  autem  $\Delta\Gamma$ . ergo  $E\Theta = \Theta\Delta$ ; quod fieri non potest.

παράλληλος αὐτῇ ἡ ΓΔΕ· δίχα ἄρα τέτμηται κατὰ τὸ Θ ἐν μὲν τῇ ΕΑΒΓ γεγραμμένῃ ἡ ΕΓ, ἐν δὲ τῇ ΔΑΒΓ ἡ ΔΓ. ἵση ἄρα ἡ ΕΘ τῇ ΘΔ· ὅπερ ἀδύνατον.

"Αλλως τὸ μγ'.

5     "Εστωσαν ἀντικείμεναι αἱ Α, Β, καὶ ὑπερβολὴ ἡ ΓΑΒΔ ἐκατέραν τῶν ἀντικειμένων τεμνέτω κατὰ τὰ Γ, Α, Β, Δ, ἀντικειμένη δὲ αὐτῆς ἔστω ἡ EZ. λέγω,  
ὅτι ἡ EZ οὐδετέρᾳ τῶν ἀντικειμένων συμπεσεῖται.

ἐπεξεύχθωσαν γὰρ αἱ ΔΒ, ΓΑ καὶ ἐκβεβλήσθωσαν  
10 καὶ συμπιπτέτωσαν ἀλλήλαις κατὰ τὸ Θ· ἔσται ἄρα τὸ Θ μεταξὺ τῶν ἀσυμπτώτων τῆς ΓΑΒ τομῆς. ἔστωσαν ἀσύμπτωτοι τῆς ΓΑΒΔ αἱ ΚΗΛ, ΜΗΝ· φανερὸν δή, ὅτι αἱ ΝΗΛ τὴν EZ τομὴν περιέχουσιν. καὶ ἡ ΓΑ τέμνει τὴν ΓΑΞ τομὴν κατὰ δύο σημεῖα τὰ Γ, Α·  
15 ἐκβαλλομένη ἄρα ἐφ' ἐκάτερα τῇ ἀντικειμένῃ οὐ συμπεσεῖται τῇ ΔΒΟ, ἀλλ' ἔσται μεταξὺ τῆς ΒΟ τομῆς καὶ τῆς ΛΗ. δόμοίως δὴ καὶ ἡ ΔΒΘ οὐ συμπεσεῖται τῇ ΓΑΞ, ἀλλ' ἔσται μεταξὺ τῆς ΑΞ καὶ τῆς ΗΝ. ἐπεὶ οὖν αἱ ΘΠ, ΘΡ μὴ συμπίπτουσαι  
20 ταῖς Α, Β τομαῖς περιέχουσι τὰς ΝΗΛ ἀσυμπτώτους καὶ πολλῷ μᾶλλον τὴν EZ τομὴν, ἡ EZ οὐδετέρᾳ τῶν ἀντικειμένων συμπεσεῖται.

"Αλλως τὸ να'.

λέγω, ὅτι ἡ E οὐδετέρᾳ τῶν A, B συμπεσεῖται.  
25     ηχθωσαν ἀπὸ τῶν A, B ἐφαπτόμεναι τῶν τομῶν

2. ἐν (alt.)] εἰ Wp, corr. Comm. 7. Γ] insert. W. ἀντικειμένην? comp. p. αὐτῇ Halley. 8. EZ] p, ἐξ post ras. 1 litt. W. συμπεσεῖται] συμ- supra scr. m. 1 p. 11. ἀσυμπτώτων] συμπτώσεων Wp, corr. Comm. ΓΑΒΔ Halley cum Comm. 14. ΓΑΖ p. 15. ἄρα] om. Wp, corr. Halley cum Comm.; possis etiam lin. 13 καὶ ἐπεὶ ἡ scribere. 17.

## Aliter prop. XLIII.

Sint oppositae  $A$ ,  $B$ , et hyperbola  $\Gamma A B \Delta$  utramque oppositam secet in  $\Gamma$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $\Delta$ , opposita autem eius sit  $EZ$ . dico,  $EZ$  cum neutra oppositarum concurrere.

ducantur enim  $\Delta B$ ,  $\Gamma A$  producanturque et in  $\Theta$  concurrent;  $\Theta$  igitur intra asymptotas sectionis  $\Gamma A B$  positum erit [II, 25]. sint  $K H \Lambda$ ,  $M H N$  asymptotae

sectionis  $\Gamma A B \Delta$ ; manifestum igitur, rectas  $NH, H\Lambda$  sectionem  $EZ$  comprehendere [II, 15]. et  $\Gamma A$  sectionem  $\Gamma A E$  in duobus punctis  $\Gamma, A$  secat; producta igitur in utramque partem cum opposita  $\Delta B O$  non concurrent [II, 33], sed intersectionem  $BO$  rectamque  $AH$  cadet. iam

eodem modo etiam  $\Delta B \Theta$  non concurret cum  $\Gamma A E$ , sed inter  $A E$  et  $HN$  cadet. quoniam igitur  $\Theta \Pi, \Theta P$  cum sectionibus  $A, B$  non concurrentes asymptotas  $NH, H\Lambda$  comprehendunt et multo magis sectionem  $EZ$ ,  $EZ$  cum neutra oppositarum concurret.

## Aliter prop. LI.

Dico, sectionem  $E$  cum neutra sectionum  $A, B$  concurrere.

In fig.  $\Xi$ ,  $O$  om. W.

---

$\Delta H]$ $AH$ p.	$18. A E]$ $A E$ p.	$19. \Theta \Pi]$ $\Theta B$ p.
$\pi\varepsilon\varrho\varepsilon\chi\eta\nu\sigma\iota]$ p., $\pi\varepsilon\varrho\varepsilon\chi\omega\sigma\iota\nu$ W.		$\pi\omega\lambda\tilde{\omega}]\$ p., $\pi\omega\lambda\tilde{\omega}$ W.
Ante $\nu\alpha'$ eras. $\alpha$ W.		20. 23.

καὶ συμπιπτέτωσαν ἀλλήλαις κατὰ τὸ Γ ἐντὸς τῆς περιεχούσης γωνίας τὴν ΑΒ τομήν· φανερὸν δῆ, ὅτι αἱ ΑΓ, ΓΒ ἐκβαλλόμεναι οὐ συμπεσοῦνται ταῖς ἀσυμπτώτοις τῆς Ε τομῆς, ἀλλὰ περιέχουσιν αὐτὰς καὶ 5 πολὺ πλέον τὴν Ε τομήν. καὶ ἐπεὶ τῆς ΑΔ τομῆς ἐφάπτεται ἡ ΑΓ, η ΑΓ ἄρα οὐ συμπεσεῖται τῇ BH. ὁμοίως δὴ δεῖξομεν, ὅτι ἡ ΒΓ οὐ συμπεσεῖται τῇ ΑΔ. ἡ ἄρα Ε τομὴ οὐδεμιᾶς τῶν ΑΔ, BH τομῶν συμπεσεῖται.

4. περιέχουσιν] Halley, περιέχωσιν Wp. 5. ἐπεὶ] ἐπί<sup>i</sup>  
Wp, corr. Comm. ΑΔ] AB Wp, corr. Comm. 7. ΑΔ. ἡ] p, ΑΔH W. 8. BH] ΘΗ p.



ducantur ab  $A$ ,  $B$  rectae sectiones contingentes et inter se concurrant in  $\Gamma$  intra angulum sectionem

$AB$  comprehendentem [II, 25]; manifestum igitur, rectas  $AG$ ,  $\Gamma B$  productas cum asymptotis sectionis  $E$  non concurrere, sed eas multoque magis sectio-  
nem  $E$  comprehendere [II, 33]. et quoniam  $AG$  sectionem  $AD$  contingit,  
 $AG$  cum  $BH$  non con-  
curret [II, 33]. iam eodem modo demonstrabimus,  $BG$  cum  $AD$  non concurrere. ergo sectio  $E$  cum neutra  
sectionum  $AD$ ,  $BH$  concurret.

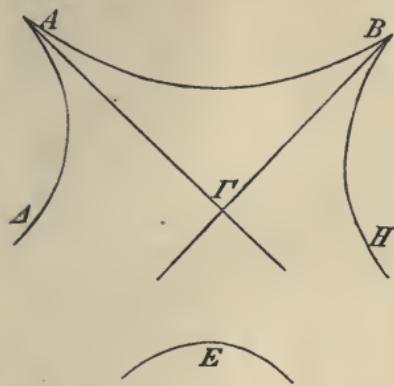
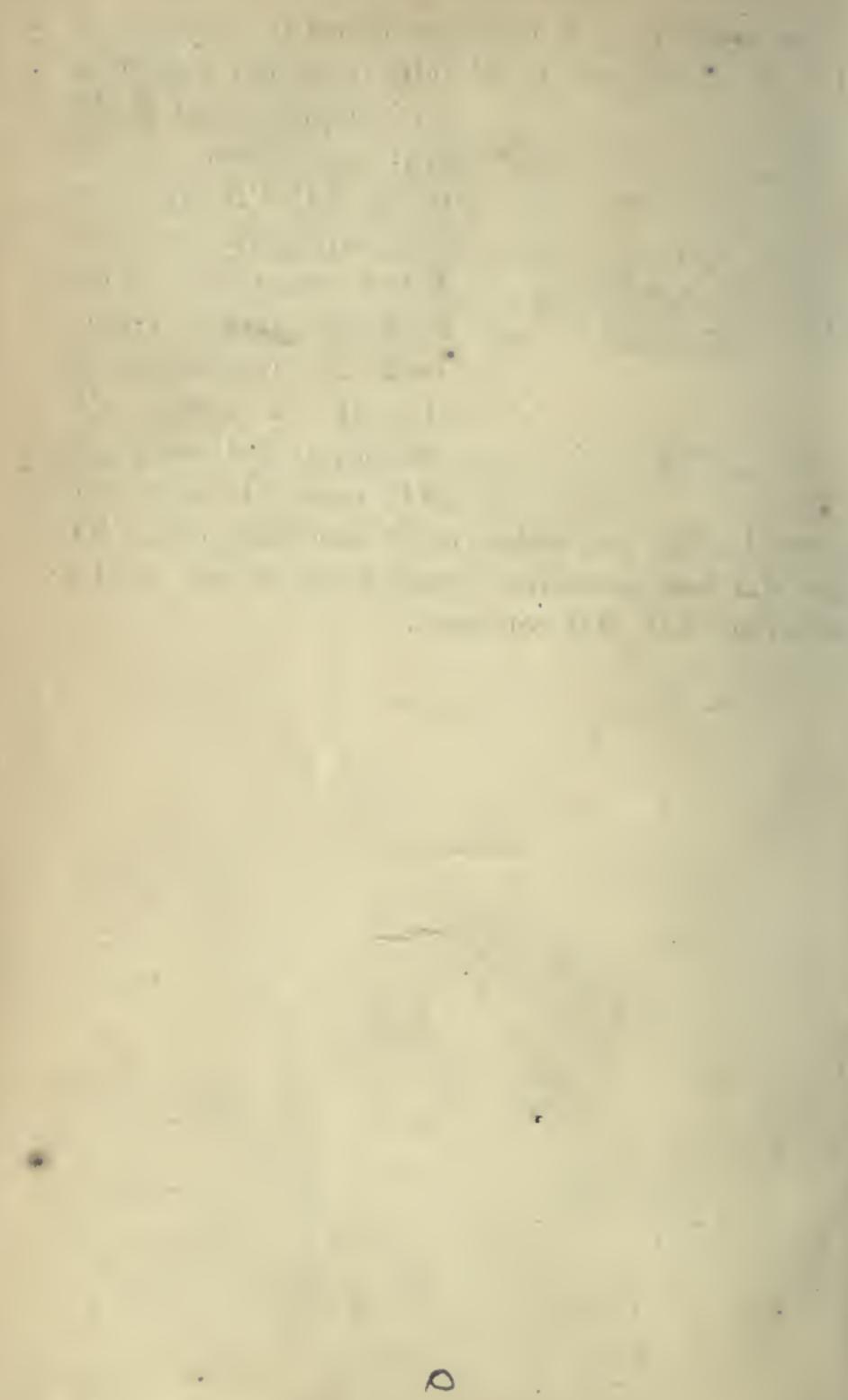


Fig. om. Wp.

— · · —











BINDING 2257. JUL 20 1972.

QA Apollonius Pergaeus  
31 Apollonii Pergaei quae  
A64 graece exstant cum commentariis  
1891 antiquis  
v.2

Physical &  
Applied Sci.

PLEASE DO NOT REMOVE  
CARDS OR SLIPS FROM THIS POCKET

---

---

UNIVERSITY OF TORONTO LIBRARY

---

---

